

Veřejná volba III

Hlasovací pravidla a hlasovací systémy

Hlasovací pravidla

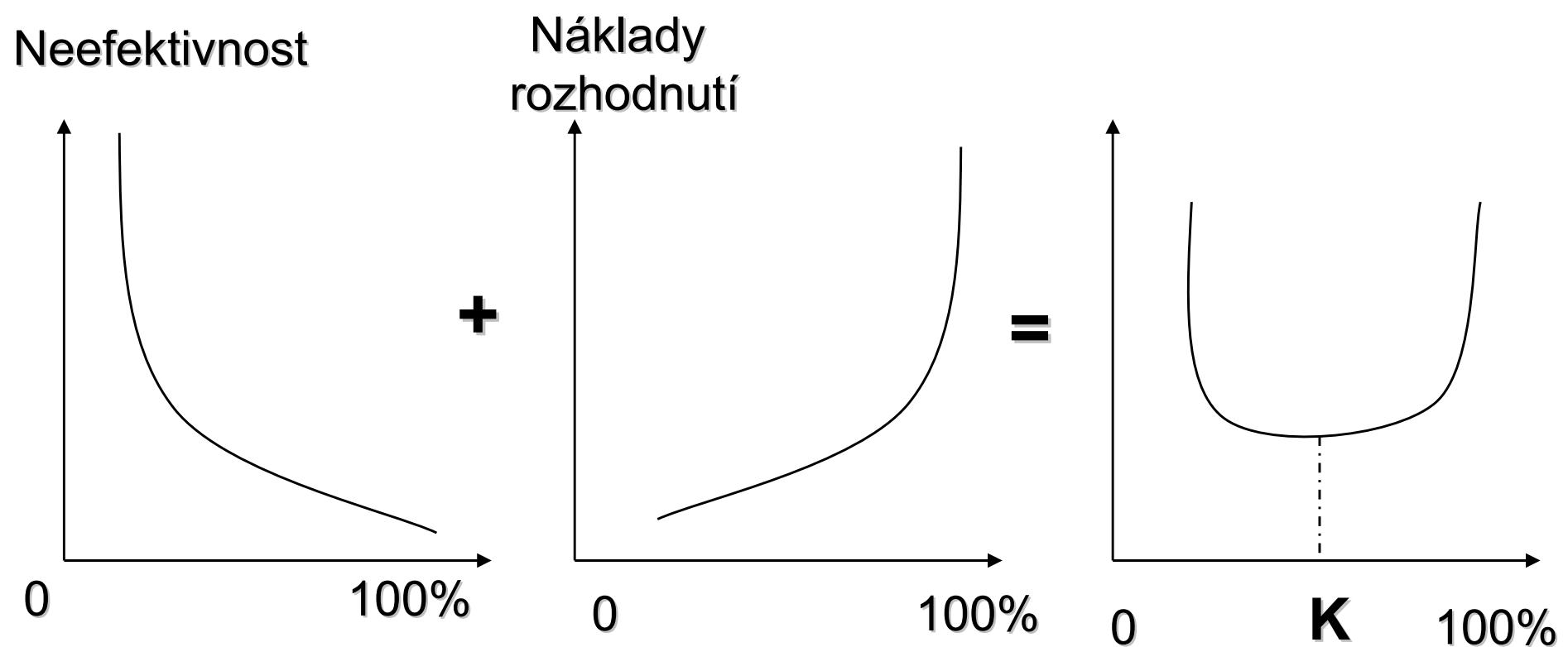
Hlasování

- **jednomyslné rozhodnutí**

- časově náročné, oportunistické jednání, obchodování s hlasem

- **většinový systém**

Optimální hlasovací pravidlo



Většinové pravidlo

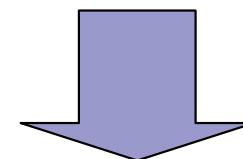
- Nejužívanější hlasovací pravidlo
- Není nejfektivnější (optimální) pro všechny agendy
- Rae teorém
 - *Jedinec hledá takové pravidlo, které minimalizuje možnost, že bude podporovat variantu, která prohraje a oponovat variantě, která vyhraje*

Veřejná volba v zastupitelské demokracii

- Mediánový volič,
- Systém více politických stran
- Ostrogorski paradox
- Logrolling

Mediánový volič - předpoklady

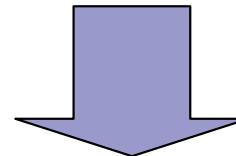
- většinové hlasovací pravidlo
- každý z voličů může dát hlas jen jednomu z kandidátů
- neexistuje mechanismus měření preferencí
- tajné hlasování



Statická hra s ostatními voliči

Mediánový volič - Chování kandidátů

- Pozice kandidátů na ose $<0; 1>$
- 101 voličů, uspořádané preferenze $<0; 1>$
- volič volí kandidáta nejblíže preferencím



Hra umisťování kandidátů

(Candidate positioning game)

Mediánový volič - Chování kandidátů

- Pokud existují 2 kandidáti, jejichž politické pozice lze zobrazit na spojité lineární škále, preference jednotlivých voličů jsou jednovrcholové, rozdělení jejich preferencí je známo a volby probíhají na základě většinového pravidla,
- pak existuje jediná Nashova rovnováha hry hledání pozice kandidáta, která je stejná pro oba kandidáty
- => umístit se do pozice mediánového voliče

Ostrogorského paradox

- Volby, kde je více témat než polit. stran
- Volič vybírá stranu, která má v programu co nejvíce preferovaných stanovisek
- Může to vést k tomu, že při většinovém systému vítězí strana, která v žádném z bodů nemá většinovou podporu

Ostrogorského paradox

- více témat než počet kandidátů (stran)
- volič vybírá tu stranu, která jim vyhovuje v nejvíce témaitech
- vítězí (může zvítězit) strana, která nemá ani v jednom z témat nadpoloviční podporu

Ostrogorského paradox

	Stadion	Obchvat	Muzeum	hlas pro
A (40%)	x	x	x	x
B (30%)	x	z	z	z
C (20%)	z	x	z	z
D (10%)	z	z	x	z

Logrolling

- „obchodování s hlasy“
- Neformální trh
 - „*když podpoříš můj návrh, podpořím tvůj*“
- Je toto chování aktérů veřejné volby efektivní? Za jakých podmínek?

Logrolling (2)

	A	B	C	Čistý přínos
Stadion	110	-20	-30	60
Obchvat	-20	100	-30	50
Muzeum	-30	-30	100	40

Logrolling (3)

■ Možné koalice

- (A,B) (90, 80, -60) stadion+obchvat
- (A,C) (80, -50, 70) stadion+muzeum
- (B,C) (-50, 70, 70) obchvat+muzeum

- A preferuje koalici s B
- B preferuje koalici s A

Logrolling (4)

	A	B	C	Čistý přínos
Stadion	50	-40	-30	-20
Obchvat	-40	50	-30	-20
Muzeum	-40	-30	20	-50

Volební mechanismus (systém)

■ HLASOVÁNÍ

- Hlasovací pravidlo
 - Jednomyslné (Paretovsky efektivní)
 - Většinová pravidla (prostá, absolutní, kvalifikovaná)

- Způsob hlasování (tajná volba...)

■ SČÍTÁNÍ HLASŮ (pro poměrné volební systémy)

- Metoda sčítání hlasů (přepočet hlasů na mandáty)

Metody sčítání hlasů

- Způsob přepočtu hlasů na mandáty
- Metody volebního koeficientu
- Metody volebního dělitele

Základní většinová pravidla

1. Pravidlo prosté většiny
2. Pravidlo relativní většiny
3. Systém dvojitych voleb
4. Systém alternativního hlasování s označením preferencí
5. Systém vyčerpávajících primárek
6. Condorcetovo kritérium

Základní většinová pravidla

	I (32)	II (28)	III (20)	IV (12)	V (8)
	A	E	B	D	C
	D	D	C	E	B
	C	C	D	C	A
	B	B	E	B	D
	E	A	A	A	E

Jiná hlasovací pravidla

7. Pluralitní hlasování
8. Hlasování na základě přidělování bodů
9. Hlasování na bázi váženého uspořádání
10. Souhlasné (schvalující) hlasování

Metody volebního koeficientu

- Hareova formule

$$Q = \frac{H}{M}$$

**H – počet
odevzdaných
hlasů**

- Hagenbach-
Bischofova metoda

$$Q = \frac{H}{M + 1}$$

**M – počet
mandátů k
rozdělení**

- Imperiali

$$Q = \frac{H}{M + 2}$$

**Q – volební
číslo**

Metody volebního dělitele

- D'Hondtův systém (viz <http://icon.cat/util/elections#>)
 - řada 1, 2, 3
- Saint-Laguëův systém
 - řada 1, 3, 5
- Imperialiho systém
 - řada 2, 3, 4

Měření síly koalic (Voting power)

- Vytváření koalic a následné hlasování lze brát jako kooperativní hru o n hráčích
- Předpoklady
 - Všichni zástupci jedné strany hlasují jednotně
 - V rámci koalice hlasují všichni jednotně
 - Lze vytvořit jakoukoli koalici stran a všechny jsou stejně pravděpodobné

Indexy volební síly

- angl. *Voting Power Index*
- Měřítko „významnosti“ dané strany (kandidáta) v rámci rozhodování
- Odvíjí se od vlivu daného subjektu na vytvoření (vítězné) koalice

Indexy volební síly – volební hry

- $N=(1,2,\dots,n)$ – mn. pol. stran v parlamentu
- a_i – počet zastupitelů i-té strany
- $a_o = \sum_{i=1}^n a_i$ - celkový počet zast. ze všech stran
- α - hodnota volebního pravidla
- $\text{Int}(\alpha \cdot a_o) + 1$ – kvórum (číselná hodnota α)
- Pro vítěznou koalici musí platit

$$\sum_{i=1}^m a_i - \text{int}(\alpha \cdot a_o) + 1 > 0$$

Indexy volební síly

- Jednoduchá síla R_i
- Shapley-Shubikův index σ_i
- Benzhafův index β_i
- Colemanův index C_i

Indexy volební síly (S-S index)

Shapley-Shubikův index

- Pravděpodobnost, že i-tá strana bude nezbytná při sestavování vítězné koalice (všech teoreticky možných)

Indexy volební síly (S-S index)

- Shapley-Shubikův index

$$\sigma_i = \sum_S \frac{(|S|-1)! (n - |S|)!}{n!}$$

- Sčítáme přes všechna S – vítězné koalice, ve kterých je strana i obsažena a platí, že $S-\{i\}$ je poražená
- Platí

$$\sum_{i=1}^n \sigma_i = 1 \quad \sigma_i \geq 0$$

Indexy volební síly (Benzhaf index)

- Benzhafův index

$$\beta_i = \frac{e_i}{\sum_{i=1}^k e_i}$$

- (N, α) volební hra
- e_i – počet všech koalic, kde i je nepostradatelný

Indexy volební síly (Benzhaf index)

- Pravděpodobnost, že i -tá strana svým odstoupením bude anulovat vítězné postavení koalice

$$\sum_{i=1}^n \beta_i = 1 \quad \beta_i \geq 0$$

Teorie formování koalic

- Předpovídání struktury koalic v parlamentu
- Vybírají podmnožinu ze všech dostupných koalic (těch je $2^n - 1$)
- Teorie
 - Politické
 - Nepolitické

Nepolitické teorie formování koalic

- Hra s konstantním součtem (zero-sum game)
- Minimální většinová
- Nejmenší většinová
- Koncepce vyjednávacího návrhu

Politické teorie formování koalic

- Minimální souvislá koalice
- Uzavřená koalice s minimálním rozpětím
- Kontrola mediánového voliče

Použitá literatura

- FIALA, P. *Skupinové rozhodování*. Praha : VŠE, 1997. 193 s. ISBN 80-7079-044-X
- CULLIS, J., JONES, P. *Public finance and public choice*. 2nd ed. Oxford : Oxford University Press, 1998. 422 s. ISBN 0198775792
- BUCHANAN, J., TULLOCK, G. *Calculus of Consent: The Logical Foundations of Constitutional Democracy*. University of Michigan Press, 1962.
- BIERMAN, H. S. *Game theory with economic applications*. 2nd ed. Reading : Addison-Wesley, 1998. 452 s. ISBN 0201847582
- MUELLER, D. C. *Public choice III*. 1st ed. Cambridge : Cambridge University Press, 2003. 768 s. ISBN 0521894751

Doporučená literatura

- ARROW, K. 1951. Social Choice and Individual Values. New York: Wiley.
- BLACK, D. 1958. The Theory of Committees and Elections. London and New York. Cambridge University Press.
- DOWNS, A. 1957. An Economic Theory of Democracy. New York. Harper.
- OLSON, M. 1965. The Logic of Collective Action. New York. Schocken.
- NISKANEN, W. 1971. *Bureaucracy and Representative Government*. Chicago, Illinois. Aldine-Atherton.