

Příklad 1: Vypočtěte integrál $\iint_M ye^x dx dy$, kde množina M je určena nerovnostmi $y^2 \leq x \leq y + 2$.

$$\left[\frac{e}{2} (e^3 - 5) \right]$$

Příklad 2: Vypočtěte integrál $\iiint_M y \cos(x+z) dx dy dz$, kde množina M je omezena plochami $y = 0$, $z = 0$, $y = \sqrt{x}$ a $x + z = \pi/2$.

$$\left[\frac{\pi^2}{16} - \frac{1}{2} \right]$$

Příklad 3: Pomocí transformace do polárních souřadnic vypočtěte integrál $\iint_M \operatorname{arctg}(x/y) dx dy$, kde množina M je určena nerovnostmi

$$\frac{x}{\sqrt{3}} \leq y \leq \sqrt{3}, \quad 1 \leq x^2 + y^2 \leq 9.$$

$$\left[\frac{\pi^2}{6} \right]$$

Příklad 4: Pomocí transformace do cylindrických souřadnic vypočtěte integrál $\iiint_M z dx dy dz$, kde množina M je určena nerovnostmi $0 \leq z \leq 4 - 2\sqrt{x^2 + y^2}$.

$$\left[\frac{16\pi}{3} \right]$$