

## 1 Systém národních účtů

### 1.1 HDP – způsoby měření

1. Produkční metoda
2. Výdajová metoda
3. Důchodová metoda

#### 1.1.1 Produkční přístup

- Nominální HDP –  $\sum$  přidané hodnoty přes všechna odvětví (zemědělství, těžba, průmysl, stavebnictví)
- Přidaná hodnota = příjmy - meziprodukty
- Problém dvojitého účtování

#### 1.1.2 Výdajová metoda

$$Y = C + I + G + (X - M)$$

Y	...	nominální HDP
C	...	spotřeba
I	...	(hrubé) investice
G	...	vládní nákupy
X	...	exporty
M	...	importy

#### Spotřeba ( $C$ )

- statky dlouhodobé spotřeby (durable): 3 roky
- statky krátkodobé spotřeby (nondurable)
- služby
- NE nákup nových domů

#### Hrubé soukromé investice ( $I$ )

- rezidenti (domácnosti - domy)
- nerezidenti (firmy - budovy, vybavení)
- nákup zásob

## Spotřeba ( $G$ )

- vládní výdaje (na státní, regionální a lokální úrovni)
- nákupy zboží a služeb
- (část výdajů není zahrnuta
  - transfery
  - úroky z dluhu
- vládní investice

## Investice a kapitálová zásoba

Celková zásoba fyzického kapitálu, část se opotřebí – deprecie

$$K_{t+1} = K_t + I_t - \delta K_t$$

- Kapitál na konci  $t$  = Kapitál na konci  $t - 1$  + Hrubé investice v  $t$  – deprecie v  $t$
- Čisté investice = Hrubé investice – deprecie = Kapitál na konci  $t$  – kapitál na konci  $t - 1$
- Do HDP vstupují hrubé investice

## Investice do zásob

- Proč zahrnuto? Firma vyrobí, ale neprodá v daném roce.
- Investice do zásob = stav zásob na konci  $t$  – stav zásob na konci  $t - 1$
- Konečný prodej (final sales) = GDP – investice do zásob

## Exporty ( $X$ ) a importy ( $M$ )

- Exporty: dodávky domácího (U.S.) zboží a služeb ostatním zemím
- Importy: dodávky zboží a služeb z ostatních zemí do U.S.
- $X - M$  = obchodní bilance

### 1.1.3 Důchodová metoda

- produkce generuje důchod – mzdy a platy pro pracovníky, zisky pro podnikatele
- $\sum$  důchodů US občanů = národní důchod (NI)
- GDP + důchody VF pracujících v zahraničí – důchody VF směřující do zahraničí = GNP (hrubý národní produkt, zboží a služby produkované Američany)
- GNP – deprecie = NPP (čistý národní důchod)
- NNP – spotřební daně a DPH – další úpravy (statistické diskrepance) = NI (národní důchod)

## Rozdělení národního důchodu

1. Kompenzace zaměstnancům = mzdy, platy, ostatní dávky.
2. Důchody vlastníků (proprietors' income): nepodniková sféra - živnostníci, farmy, sdružení
3. Příjmy z pronájmů (rental income): důchody vlastníků domů za pronájem včetně "nájmu" za vlastní nemovitost – (mínus) výdaje na domy (depreciace)
4. Zisky korporací: příjmy po zaplacení pracovníkům a věřitelům
5. Čisté úroky: úroky placené domácími subjekty + úroky ze zahraničí

### 1.1.4 Podíl kapitálu a podíl práce

- 1. – pracovní důchod (labor income)
- 2. – 5. kapitálový důchod (capital income)
- Ale výjimky! u 2. Důchody vlastníků (např. práce farmáře)
- podíl práce (labor share) =  $\frac{\text{pracovní důchod}}{\text{národní důchod}}$
- podíl kapitálu (capital share) =  $\frac{\text{kapitálový důchod}}{\text{národní důchod}}$

### Další úpravy

- NI + ponechané zisky – sociální pojištění – čisté úroky + osobní úroky + transfery od vlády a firem = PI (osobní důchod)
- PI – osobní daně = DPI (disponibilní osobní důchod)

### Ekvivalence výdaje = důchod

Pro jednoduchost ekonomika bez vlády a zahraničního sektoru.

- úspory = důchod – spotřeba:  $S = Y - C$
- podle výdajové metody měření HDP:  $Y = C + I$
- $S = I$  (identita, v uzavřené ekonomice platí vždy)

## 2 Kalibrace modelu národních účtů

Budeme se zabývat otázkami, které se týkají rozvinutých ekonomik  $\Rightarrow$  ekonomiky, které vykazují vyvážený růst. Na vyvážené růstové trajektorii (balanced growth path, BGP) roste spotřeba, investice a kapitál stejným tempem, zatímco odpracované hodiny jsou více méně konstantní (to se pozoruje v datech). Také se pozoruje, že podíl kapitálu a práce na výstupu je v čase přibližně konstantní, i když se relativní ceny těchto vstupů změnily.

Cobb-Douglas produkční funkce

$$Y_t = F(K_t, N_t) = K_t^\alpha N_t^{1-\alpha}$$

Z Eulerova teorému o homogenních funkcích (Cobb-Douglasova produkční funkce je homogenní prvního řádu – což implikuje konstantní výnosy z rozsahu).

$$F(K_t, N_t) = K_t \frac{\partial F(K_t, N_t)}{\partial K_t} + N_t \frac{\partial F(K_t, N_t)}{\partial N_t}$$

Pokud předpokládáme dokonalou konkurenci (pro všechny statky na všech trzích) potom každý výrobní faktor (kapitál  $K_t$  a práce  $N_t$ ) jsou odměňovány podle jejich mezních produktů  $\partial F(K_t, N_t)/\partial K_t$  a  $\partial F(K_t, N_t)/\partial N_t$ , které označíme  $r_t$  a  $w_t$ .

Pro homogenní funkce prvního stupně tedy platí

$$Y_t = F(K_t, N_t) = K_t r_t + N_t w_t$$

tzn. hodnota výstupu je rozdělena mezi dva výrobní faktory: kapitál a práci.

Pro Cobb-Douglasovu produkční funkci konkrétně platí

$$r_t = \frac{\partial F(K_t, N_t)}{\partial K_t} = \alpha \frac{K_t^{\alpha-1} N_t^{1-\alpha}}{K_t} = \alpha \frac{Y_t}{K_t} \quad (1)$$

$$w_t = \frac{\partial F(K_t, N_t)}{\partial N_t} = (1-\alpha) \frac{K_t^{\alpha} N_t^{-\alpha}}{N_t} = (1-\alpha) \frac{Y_t}{N_t} \quad (2)$$

Z rovnosti

$$r_t = \alpha \frac{Y_t}{K_t}$$

můžeme určit velikost parametru  $\alpha$

$$\alpha = \frac{r_t K_t}{Y_t}$$

případně z (2)

$$1 - \alpha = \frac{w_t N_t}{Y_t}$$

S Cobb-Douglasovou specifikací je podíl odměn kapitálu na výstupu konstantní a roven parametru  $\alpha$ .

Jelikož chceme, aby náš model zachycoval empirické pozorování, že podíl kapitálu a práce je přibližně konstantní v čase (i když se relativní ceny těchto vstupů změnil), je C-D produkční funkce dobrou specifikací.

Shrnutí:

Produkční přístup:  $Y_t = F(K_t, N_t) = K_t^{\alpha} N_t^{1-\alpha} \quad (3)$

Výdajový přístup:  $Y_t = C_t + I_t + G_t + (X_t - M_t) \quad (4)$

Důchodový přístup:  $Y_t = K_t r_t + N_t w_t \quad (5)$

Rovnice pro vývoj kapitálu:  $K_{t+1} = (1 - \delta)K_t + I_t \quad (6)$

### 3 Propojení modelu s empirickým pozorováním

Kalibrace strukturálních parametrů

- Nastavíme hodnoty parametrů, aby modelová ekonomika zachycovala charakteristiky v datech

- Určité poměry v datech jsou ve vyspělých ekonomikách více méně konstatní
- Parametry nastavíme tak, aby odpovídaly statistickým momentům (většinou střední hodnota) těchto poměrů, které pozorujeme v dlouhodobém horizontu

Jak jsme měli výše

$$\alpha = \frac{r_t K_t}{Y_t} = 1 - \frac{w_t N_t}{Y_t}$$

Parametr  $\alpha$  je roven kapitálovému podílu na důchodu. Nastavíme tedy  $\alpha$ , aby odpovídala 1. momentu (střední hodnotě) časové řady kapitálového podílu. Případně doplněk do jedné k podílu práce na důchodu, který se časěji počítá z dat.

Na *detrendované* růstové trajektorii je kapitál konstantní.<sup>1</sup> Z rovnice pro vývoj kapitálu (6) plyne

$$\delta K = I$$

nebo

$$\delta = \frac{I}{K}$$

Podíl investic ke kapitálu se moc často neuvádí, ale často můžeme najít podíl investic k výstupu a podíl kapitálu k výstupu. Nastavíme tedy hodnotu parametru  $\delta$  podle střední hodnoty výrazu

$$\delta = \frac{I}{Y} \left( \frac{K}{Y} \right)^{-1}$$

## 4 Zjednodušení modelu a studium jeho dynamiky

Dva zjednodušující předpoklady:

1. Uzavřená ekonomika: žádný obchod se zbytkem světa

$$X_t = M_t = 0$$

2. Chování: Jednotlivci v ekonomice uspoří danou část  $\sigma$  svého důchodu. Jelikož se jedná o uzavřenou ekonomiku, jsou investice rovny úsporám

$$I_t = S_t = \sigma Y_t = \sigma(r_t K_t + w_t N_t)$$

(tento předpoklad později uvolníme)

Rovněž budeme abstrahovat od vládního sektoru a  $C_t$  bude označovat jak soukromou, tak vládní spotřebu a  $I_t$  budou soukromé a vládní investice.

<sup>1</sup>Na BGP roste kapitál konstantním tempem. Pokud použijeme transformaci a vydělíme kapitál tímto tempem, dostaneme transformovanou veličinu, která je konstatní.

Celkem máme:

$$\text{Produkční přístup:} \quad Y_t = K_t^\alpha N_t^{1-\alpha} \quad (7)$$

$$\text{Výdajový přístup:} \quad Y_t = C_t + I_t \quad (8)$$

$$\text{Důchodový přístup:} \quad Y_t = r_t K_t + w_t N_t \quad (9)$$

$$\text{Rovnice pro vývoj kapitálu:} \quad K_{t+1} = (1 - \delta)K_t + I_t \quad (10)$$

$$\text{Předpoklad pro chování:} \quad I_t = S_t = \sigma Y_t \quad (11)$$

## 4.1 Studium modelu analyticky

Abychom si model zjednodušili, přepíšeme model pro proměnné na hlavu (per-capita):

$$\text{Produkční přístup:} \quad y_t = F(k_t, 1) = f(k_t) = k_t^\alpha \quad (12)$$

$$\text{Výdajový přístup:} \quad y_t = c_t + i_t \quad (13)$$

$$\text{Důchodový přístup:} \quad y_t = r_t k_t + w_t \quad (14)$$

$$\text{Rovnice pro vývoj kapitálu:} \quad k_{t+1} = (1 - \delta)k_t + i_t \quad (15)$$

$$\text{Předpoklad pro chování:} \quad i_t = s_t = \sigma y_t \quad (16)$$

kde proměnné označené malým písmenem jsou per-capita proměnné (na hlavu), např.  $k_t = \frac{K_t}{N_t}$ .

Tenhle model není nic jiného než **Solowův model**. Je vlastně model mechanismu národních účtů v uzavřené ekonomice se silným předpokladem o chování domácností (konstantní míra úspor).

Pro jakoukoliv míru úspor  $\sigma \in (0, 1)$  má model jediný steady-state (ustálený stav). Proměnné bez časového indexu označují steady-statové hodnoty. Když zkombinujeme rovnici pro vývoj kapitálu s rovnicí o chování a dostaneme

$$\delta k = \sigma y$$

Když dosadíme rovnici pro výstup (produkční přístup k výstupu)

$$y = k^\alpha$$

a vyřešíme pro  $k$ , dostaneme steady-statovou hodnotu  $k$  jako funkci strukturálních parametrů

$$k = \left(\frac{\sigma}{\delta}\right)^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

Steady-statové hodnoty ostatních endogenních proměnných vyjádřených jako funkce strukturálních parametrů

$$y = \left(\frac{\sigma}{\delta}\right)^{\frac{\alpha}{1-\alpha}}$$

$$i = \sigma \left(\frac{\sigma}{\delta}\right)^{\frac{\alpha}{1-\alpha}}$$

$$c = (1 - \sigma) \left(\frac{\sigma}{\delta}\right)^{\frac{\alpha}{1-\alpha}}$$

$$r = \alpha \left(\frac{\delta}{\sigma}\right)$$

## 4.2 Studium modelu numericky

Díky rovnici pro vývoj kapitálu, která spojuje dvě po sobě jdoucí období, máme malý dynamický model. Můžeme ho snadno numericky nasimulovat na počítači a pokusit se zodpovědět několik jednoduchých otázek.

### Otázka 1

Malá ekonomika se nachází na vyvážené růstové trajektorii. Průměrný podíl práce na důchodu (labor share) je 0.65, průměrný podíl investic k výstupu je 0.18 a průměrný podíl kapitálu k výstupu je okolo 3.0. Domácnosti v ekonomice uspoří každý rok okolo jedné pětiny jejich důchodu, tj.  $\sigma = 0.20$ . Jaké jsou kalibrované hodnoty strukturálních parametrů,  $\alpha$  a  $\delta$ ?

Jednou postihla ekonomiku přírodní katastrofa a zničila 50 % kapitálové zásoby. Pokud jednotlivci nezmění své chování, kolik kapitálové zásoby bude obnoveno za 50 let?

### Otázka 2

Jak se vyvíjela spotřeba a investice v této ekonomice? Jaké je tempo růstu výstupu, spotřeby a investic? Vykreslete do jednoho obrázku investice a spotřebu a do druhého výstup a tempo růstu výstupu.

### Otázka 3

Kolik období (let) uplyne do doby, kdy bude výstup 0.5 % hodnoty před katastrofou.