

LINIE ROZPOČTU, PREFERENCE A UŽITEK – řešené příklady

Linie rozpočtu

1. Spotřebitel nakupuje pouze dva statky: statek 1 a statek 2 a má lineární linii rozpočtu. Cena statku 1 klesne na $1/2$, cena statku 2 klesne na $1/3$ a jeho příjem klesne na $1/3$ původní hodnoty. Pokud nakreslíme statek 1 na vodorovnou osu, bude jeho linie rozpočtu strmější nebo plošší? Bude ležet nad nebo pod původní linií rozpočtu?

Řešení

Původní linie rozpočtu spotřebitele má tvar $p_1x_1 + p_2x_2 = m$, kde p_1 a p_2 jsou ceny a x_1 a x_2 množství statků 1 a 2 a m je příjem. Pokud z nové rovnice vyjádříme x_2 , získáme původní linii rozpočtu ve tvaru

$$x_2 = \frac{m}{p_2} - \frac{p_1}{p_2}x_1.$$

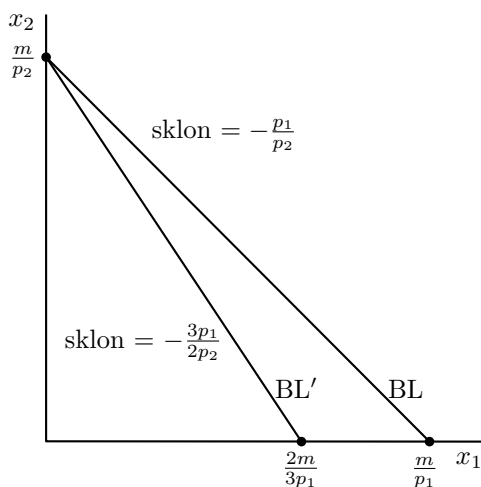
Po změnách cen a příjmu má linie rozpočtu tvar

$$\frac{p_1}{2}x_1 + \frac{p_2}{3}x_2 = \frac{m}{3}.$$

Pokud z této rovnice vyjádříme x_2 , dostaneme novou linii rozpočtu ve tvaru

$$x_2 = \frac{m}{3p_2} - \frac{3p_1}{2p_2}x_1.$$

Původní linie rozpočtu měla sklon $-p_1/p_2$, nová linie rozpočtu má sklon $-3p_1/2p_2$. Nová linie rozpočtu je tedy strmější. Obě linie rozpočtu protínají vertikální osu na hodnotě m/p_2 . Protože je nová linie rozpočtu strmější, bude ležet pod původní linií rozpočtu. Následující obrázek ukazuje vliv změny cen a příjmu na tvar linie rozpočtu. Původní linie rozpočtu je označena jako BL, nová linie rozpočtu jako BL'.



2. Spotřebitel nakupuje pouze dva statky: statek 1 a statek 2. Cena statku 1 je $p_1 = 2$ Kč, cena statku 2 je $p_2 = 5$ Kč. Spotřebitel má příjem $m = 100$ Kč. Jaký tvar bude mít jeho nová linie rozpočtu, pokud bude muset zaplatit paušální daň $s = 25$ Kč, množstevní daň ze statku 1 ve výši $r = 1$ Kč a hodnotovou daň ze statku 2 ve výši $t = 0,5$.

Řešení

Původní linie rozpočtu spotřebitele má tvar

$$p_1x_1 + p_2x_2 = m$$

$$2x_1 + 5x_2 = 100.$$

Nová linie rozpočtu je

$$(p_1 + r)x_1 + (1 + t)p_2x_2 = m - s$$

$$3x_1 + 7,5x_2 = 75.$$

3. Spotřebitel nakupuje pouze dva statky: statek 1 a statek 2. Jeho linie rozpočtu má tvar úsečky. Spotřebitel si může dovolit přesně 10 jednotek statku 1 a 6 jednotek statku 2 nebo 15 jednotek statku 1 a 4 jednotky statku 2. Pokud spotřebitel utratí celý svůj příjem na statek 2, kolik jednotek tohoto statku si může koupit?

Řešení

Ze zadání víme, že linie rozpočtu spotřebitele má tvar $p_1x_1 + p_2x_2 = m$, kde p_1 a p_2 jsou ceny, x_1 a x_2 jsou množství statků 1 a 2 a m je příjem. Dále víme, že tato linie rozpočtu spotřebitele prochází body $(x_1, x_2) = (10, 6)$ a $(x_1, x_2) = (15, 4)$. Pokud tyto body dosadíme do linie rozpočtu, získáme soustavu dvou rovnic

$$10p_1 + 6p_2 = m$$

$$15p_1 + 4p_2 = m.$$

Chceme zjistit, jaké množství statku 2 si může spotřebitel koupit za celý svůj příjem m . Zaujímá nás tedy, kolik je m/p_2 . Ve výše uvedených rovnicích se potřebujeme zbavit ceny statku 1 p_1 . To můžeme udělat několika způsoby. Jestliže na příklad první rovnici vynásobíme $-1,5$, dostaneme

$$-15p_1 - 9p_2 = -1,5m$$

$$15p_1 + 4p_2 = m.$$

Součtem těchto dvou rovnic získáme

$$-5p_2 = -0,5m$$

$$\frac{m}{p_2} = \frac{-5}{-0,5} = 10.$$

Spotřebitel si může koupit maximálně 10 jednotek statku 2.

Preference a užitek

4. Spotřebitel nakupuje statek 1 a statek 2. Jeho indifferenční křivky mají rovnici $x_2 = C/x_1$, kde vyšší konstanta C odpovídá vyšší indifferenční křivce.
- Napište užitkovou funkci spotřebitele.
 - Spočítejte sklon indifferenční křivky $x_2 = 10/x_1$ v bodech $(x_1, x_2) = (2, 5)$ a $(x_1, x_2) = (5, 2)$. Jsou sklony indifferenční křivky v těchto bodech v souladu s klesající mezní mírou substitute?

Řešení

- (a) Užitková funkce $u(\cdot)$ přiřazuje spotřebním koším užitek tak, aby platilo, že pokud je koš X preferovaný před košem Y , tedy $(x_1, x_2) \succ (y_1, y_2)$, potom musí platit, že $u(x_1, x_2) > u(y_1, y_2)$. Tuto podmínku splňuje mnoho užitkových funkcí. Nejjednodušší je položit užitek spotřebního koše $u(x_1, x_2)$ ležícího na indifferenční křivce $x_2 = C/x_1$ rovný konstantě C . Potom platí, že

$$x_2 = u(x_1, x_2)/x_1$$

$$u(x_1, x_2) = x_1 x_2.$$

- (b) Sklon indifferenční křivky v bodě $(x_1, x_2) = (2, 5)$ se rovná derivaci indifferenční křivky podle x_1

$$\frac{dx_2}{dx_1} = \frac{d(10/x_1)}{dx_1} = -\frac{10}{x_1^2} = -\frac{5}{2}.$$

Sklon indifferenční křivky v bodě $(2, 5)$ se rovná i mezní míře substitute užitkové funkce $u(x_1, x_2) = x_1 x_2$ v bodě $(2, 5)$:

$$\text{MRS} = -\frac{\frac{\partial u}{\partial x_1}}{\frac{\partial u}{\partial x_2}} = -\frac{x_2}{x_1} = -\frac{5}{2}.$$

Sklon indifferenční křivky v bodě $(5, 2)$ je

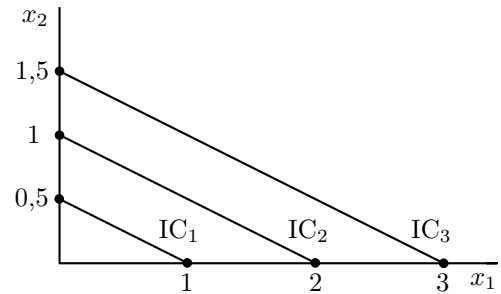
$$\frac{dx_2}{dx_1} = \text{MRS} = -\frac{2}{5}.$$

Sklony indifferenční křivky v těchto bodech jsou v souladu s klesající mezní mírou substitute, protože $|-5/2| > |-2/5|$.

5. Spotřebitel nakupuje dva statky: statek 1 a statek 2.
- Jaký tvar bude mít užitková funkce spotřebitele, pokud je ochotný statek 1 a 2 nahrazovat v konstantním poměru 2 jednotky statku 1 za 1 jednotku statku 2. Nakreslete indifferenční křivku pro tuto užitkovou funkci.
 - Jaký tvar bude mít užitková funkce spotřebitele, pokud spotřebovává tyto statky vždy v konstantním poměru 1 jednotka statku 1 se 2 jednotkami statku 2. Nakreslete indifferenční křivku pro tuto užitkovou funkci.

Řešení

- (a) Statky 1 a 2 jsou dokonalé substituty. Spotřebitel má stejný užitek např. ze spotřebních košů $(x_1, x_2) = (2, 0)$ a $(0, 1)$. Preference tohoto spotřebitele popisuje užitková funkce $u(x_1, x_2) = x_1 + 2x_2$ a její libovolné monotónní transformace. Následující obrázek znázorňuje tři možné indifferenční křivky pro užitkovou funkci $u(x_1, x_2) = x_1 + 2x_2$.



- (b) Statky 1 a 2 jsou dokonalé komplementy. Spotřebitel má stejný užitek např. ze spotřebních košů $(x_1, x_2) = (1, 2)$, $(2, 2)$ a $(1, 3)$. Preference tohoto spotřebitele popisuje užitková funkce $u(x_1, x_2) = \min\{2x_1, x_2\}$ a její libovolné monotónní transformace. Následující obrázek znázorňuje dvě možné indifferenční křivky pro užitkovou funkci $u(x_1, x_2) = \min\{2x_1, x_2\}$.

