

# Kapitola 6

## LL gramatiky

### 6.1 Definice LL(k) gramatik

**Definice 6.1.** Necht'  $G = (N, \Sigma, P, S)$  je CFG,  $k \geq 1$  je celé číslo. Definujme funkci  $FIRST_k^G : (N \cup \Sigma)^+ \rightarrow \mathcal{P}(\{w \in \Sigma^* \mid |w| \leq k\})$  předpisem

$$FIRST_k^G(\alpha) = \{w \in \Sigma^* \mid (\alpha \Rightarrow^* w \wedge |w| \leq k) \vee (\alpha \Rightarrow^* wx \wedge |w| = k \wedge x \in \Sigma^*)\}$$

a funkci  $FOLLOW_k^G : N \rightarrow \mathcal{P}(\{w \in \Sigma^* \mid |w| \leq k\})$  předpisem

$$FOLLOW_k^G(A) = \{w \in \Sigma^* \mid S \Rightarrow^* \gamma A \alpha, w \in FIRST_k^G(\alpha)\}.$$

Necht' dále  $w = a_1 a_2 \dots a_n$  je libovolný řetěz. Pak klademe

$$k : w = \begin{cases} a_1 \dots a_k & k < n \\ w & k \geq n \end{cases}$$

**Poznámka 6.2.** Necht' relace  $\Rightarrow_L$  značí levou derivaci,  $\Rightarrow_L^*$  jako obvykle její transitivní a reflexivní uzávěr. Není těžké ukázat, že pokud bychom v definicích funkcí  $FIRST$  a  $FOLLOW$  použili  $\Rightarrow_L^*$  namísto  $\Rightarrow^*$ , obdržíme tytéž množiny terminálních řetězů, tj. například platí:  $FOLLOW_k^G(A) = \{w \in \Sigma^* \mid S \Rightarrow_L^* x A \alpha, w \in FIRST_k^G(\alpha)\}$ . K tomu stačí indukcí ověřit následující dvě tvrzení (při obvyklém značení a  $X, Y \in (N \cup \Sigma)^*$ ):

(1)  $\{w \in \Sigma^* \mid \gamma \Rightarrow_L^n w\} = \{w \in \Sigma^* \mid \gamma \Rightarrow^n w\}$  a

(2) je-li  $Y \Rightarrow^n \gamma X \beta \wedge \gamma \Rightarrow^* x \wedge \beta \Rightarrow^* y$ , pak  $Y \Rightarrow_L^n x X \alpha \wedge \alpha \Rightarrow^* y$  pro nějaké  $\alpha$ .

**Úmluva:** V dalším textu budeme i levé derivace značit symbolem  $\Rightarrow$  resp.  $\Rightarrow^*$ , pokud nebude řečeno jinak.

**Definice 6.3.** Necht'  $G = (N, \Sigma, P, S)$  je CFG,  $k \geq 1$  je celé číslo. Řekneme, že  $G$  je LL(k) gramatika, právě když pro libovolné dvě nejlevější derivace ( $w \in \Sigma^*$ )

$$(1) S \Rightarrow^* w A \alpha \Rightarrow w \beta \alpha \Rightarrow^* wx \tag{6.1}$$

$$(2) S \Rightarrow^* w A \alpha \Rightarrow w \gamma \alpha \Rightarrow^* wy, \text{ podmínka} \tag{6.2}$$

$$(3) k : x = k : y \tag{6.3}$$

$$\text{implikuje rovnost } \beta = \gamma. \tag{6.4}$$

Řekneme, že gramatika  $G$  je LL právě když je LL(k) pro nějaké  $k \in \mathbb{N}$ , jazyk  $L$  je LL(k) právě když existuje LL(k) gramatika  $G$  taková, že  $L = L(G)$ .

## 6.2 Vlastnosti LL gramatik

**Věta 6.4.** Každá  $LL(k)$  gramatika je jednoznačná.

**Důkaz:** Předpokládejme, že  $G$  není jednoznačná. Pak existuje věta  $u \in L(G)$ , která má alespoň dvě různé levé derivace:

$$(1) S \Rightarrow^* wA\alpha \Rightarrow w\beta\alpha \Rightarrow^* wx = u$$

$$(2) S \Rightarrow^* wA\alpha \Rightarrow w\gamma\alpha \Rightarrow^* wy = u$$

kde  $A \rightarrow \beta \mid \gamma$  jsou dvě různá pravidla. Pak  $k : x = k : y =$ , ale  $\beta \neq \gamma$ , a tedy  $G$  není  $LL(k)$ .  $\square$

**Věta 6.5.** Je-li  $G$  levorekurzivní, pak není  $LL(k)$  pro žádné  $k$ .

**Důkaz:** Nechť  $G = (N, \Sigma, P, S)$ . Bud'  $A \in N$  levorekursivní neterminál, tj.  $A \Rightarrow^* A\alpha$  pro nějaké  $\alpha$ . Jestliže  $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$ , pak  $G$  není jednoznačná, a tedy ani  $LL(k)$ .

Jestliže  $\alpha \not\Rightarrow^* \varepsilon$ , nechť  $\alpha \Rightarrow^* v, v \in \Sigma^+$ , a  $A \Rightarrow^+ \beta \Rightarrow^* u$ , kde  $\beta \not\Rightarrow^* A\alpha$  (použití pravidla, které již nevede k levé rekurzi  $A \Rightarrow^* A\alpha$ ). Pak existují levé derivace:

$$(1) S \Rightarrow^* wA\alpha' \Rightarrow^* wA\alpha^k\alpha' \Rightarrow^+ w\beta\alpha^k\alpha' \Rightarrow^* wuv^k\alpha'$$

$$(2) S \Rightarrow^* wA\alpha' \Rightarrow^* wA\alpha^k\alpha' \Rightarrow^+ wA\alpha^{k+1}\alpha' \Rightarrow^* wuv^{k+1}\alpha',$$

kde  $k : uv^k = k : uv^{k+1}$ . Současně však muselo být (viz kroky  $\Rightarrow^+$ ) v jistém kroku derivace (1), konkrétně v části  $A \Rightarrow^+ \beta$ , použito nějakého pravidla  $p_1$ , které již nemůže vést na levou rekurzi; v odpovídajícím kroku derivace (2), konkrétně v části  $A \Rightarrow^+ A\alpha$ , ale bylo použito jiného pravidla  $p_2$ , které k levé rekurzi vede. Tedy  $p_1 \neq p_2$  a  $G$  není  $LL(k)$ .  $\square$

**Věta 6.6.** Nechť  $G = (N, \Sigma, P, S)$  je CFG. Pak  $G$  je  $LL(k)$  právě když platí podmínka: Jsou-li  $A \rightarrow \beta$  a  $A \rightarrow \gamma$  dvě libovolná různá pravidla v  $P$ , pak pro všechny nejlevější větě formy  $wA\alpha$  platí:

$$FIRST_k(\beta\alpha) \cap FIRST_k(\gamma\alpha) = \emptyset.$$

**Důkaz:** Předpokládejme, že existují  $w, A, \alpha, \beta, \gamma$  tak, jak uvedeno výše, ale  $FIRST_k(\beta\alpha) \cap FIRST_k(\gamma\alpha) \neq \emptyset$ . Nechť  $x \in FIRST_k(\beta\alpha) \cap FIRST_k(\gamma\alpha)$ . Odtud (a z předpokladu o  $wA\alpha$  a z definice funkce  $FIRST$ ) plyne existence dvou derivací

$$S \Rightarrow^* wA\alpha \Rightarrow w\beta\alpha \Rightarrow^* wxy$$

$$S \Rightarrow^* wA\alpha \Rightarrow w\gamma\alpha \Rightarrow^* wxz$$

a současně  $k : xy = k : xz$ , protože  $x \in FIRST_k(\beta\alpha) \cap FIRST_k(\gamma\alpha)$  (je-li  $|x| < k$ , pak  $y = \varepsilon = z$ ). Jelikož máme  $\beta \neq \gamma$ , pak  $G$  není  $LL(k)$ .

Naopak, předpokládejme, že  $G$  není  $LL(k)$ . To jest, existují dvě různé derivace

$$S \Rightarrow^* wA\alpha \Rightarrow w\beta\alpha \Rightarrow^* wx$$

$$S \Rightarrow^* wA\alpha \Rightarrow w\gamma\alpha \Rightarrow^* wy$$

takové, že  $k : x = k : y$ , ale  $\beta \neq \gamma$ . Tedy  $A \rightarrow \beta$  a  $A \rightarrow \gamma$  jsou dvě různá pravidla, ale množiny  $FIRST_k(\beta\alpha)$  a  $FIRST_k(\gamma\alpha)$  nejsou disjunktní – obě obsahují řetěz  $k : x$ .  $\square$

**Důsledek 6.7.** Necht'  $G = (N, \Sigma, P, S)$  je CFG bez  $\varepsilon$ -pravidel. Pak  $G$  je LL(1) právě když  $\forall A \in N$  a pro každá dvě různá  $A$ -pravidla  $A \rightarrow \beta, A \rightarrow \gamma$  z  $P$  platí

$$FIRST_1(\beta) \cap FIRST_1(\gamma) = \emptyset.$$

**Důkaz:** Jelikož  $\beta \not\Rightarrow^* \varepsilon$  a  $\gamma \not\Rightarrow^* \varepsilon$ , pak

$$\forall \alpha. FIRST_1(\beta\alpha) \cap FIRST_1(\gamma\alpha) = FIRST_1(\beta) \cap FIRST_1(\gamma). \quad \square$$

**Věta 6.8.** Necht'  $G = (N, \Sigma, P, S)$  je CFG.  $G$  je LL(1) gramatika právě když  $\forall A \in N$  a pro každá dvě různá  $A$ -pravidla  $A \rightarrow \beta, A \rightarrow \gamma$  z  $P$  platí

$$FIRST_1(\beta FOLLOW_1(A)) \cap FIRST_1(\gamma FOLLOW_1(A)) = \emptyset \quad (6.5)$$

**Důkaz:** Pro  $\beta \neq \gamma$  provedeme rozbor po případech:

- je-li  $\beta \Rightarrow^* \varepsilon$  a  $\gamma \Rightarrow^* \varepsilon$ , pak  $G$  není jednoznačná. Tedy  $G$  není LL( $k$ ) a současně průnik (6.5) je neprázdný: je roven  $FOLLOW_1(A)$ .
- je-li  $\beta \not\Rightarrow^* \varepsilon$  a  $\gamma \not\Rightarrow^* \varepsilon$ , pak tvrzení platí díky důsledku 6.7.
- je-li  $\beta \not\Rightarrow^* \varepsilon$  a  $\gamma \Rightarrow^* \varepsilon$ , pak z věty 6.6 pro tento případ plyne, že  $G$  není LL(1), právě když existuje levá větná forma  $wA\alpha$  tavová, že  $FIRST_1(\beta) \cap FIRST_1(\alpha) \neq \emptyset$ , právě když  $FIRST_1(\beta FOLLOW_1(A)) \cap FIRST_1(\gamma FOLLOW_1(A)) = \emptyset$ , protože  $FIRST_1(\alpha) \subseteq FOLLOW_1(A)$ . Identicky pro případ  $\beta \Rightarrow^* \varepsilon$  a  $\gamma \not\Rightarrow^* \varepsilon$ .

□

### 6.3 Syntaktická analýza LL(1) gramatik

Syntaktickou analýzu LL( $k$ ) gramatik lze provádět deterministickým zásobníkovým automatem (DPDA). Požadujeme však, aby v případě, že vstupní slovo patří do jazyka, automat navíc poskytl informaci o struktuře věty (například její levé odvození, či derivační strom, resp. jednoznačné zakódování tohoto stromu). Proto automat rozšíříme o možnost zápisu výstupního symbolu na (přidanou) výstupní pásku Formální definici takového automatu s výstupem ponecháváme čtenáři.

Syntaktickou analýzu ukážeme nejprve pro LL(1) gramatiky, přičemž přímo vycházíme z tvrzení věty 6.8.

Necht' je dána LL(1) gramatika  $G = (N, \Sigma, P, S)$ , kde pravidla z  $P$  jsou očíslována  $i = 1, \dots, card(P)$ . Je-li  $w \in L(G)$ , pak *levým rozbořem*  $w$  nazveme posloupnost čísel pravidel použitých v levém odvození věty  $w$ .

DPDA  $\mathcal{A}$  provádějící LL(1) syntaktickou analýzu vět z  $L(G)$  má jeden stav, počáteční obsah zásobníku je  $S\$$ , kde  $S$  je kořen gramatiky  $G$  a  $\$$  je symbol nevyskytující se v gramatice. Automat akceptuje prázdným zásobníkem. Označme  $M$  přechodovou funkci<sup>1</sup> typu  $M : (N \cup \Sigma \cup \{\$\}) \times (\Sigma \cup \varepsilon) \rightarrow \{ \langle \alpha, i \rangle \mid A \rightarrow \alpha \text{ je } i\text{-té pravidlo v } P \} \cup \{ \text{odstraň, přijmi, chyba} \}$ ,

a je definována takto:

1. Protože automat má jen jeden stav, v definici přechodové funkce ho neuvádíme.

1. Je-li  $A \rightarrow \alpha$   $i$ -té pravidlo, klademe  $M(A, a) = \langle \alpha, i \rangle$  pro všechna  $a \in FIRST_1(\alpha)$ .  
Je-li též  $\varepsilon \in FIRST_1(\alpha)$ , pak  $M(A, b) = \langle \alpha, i \rangle$  pro všechna  $b \in FOLLOW_1(A)$ .  
V obou případech: je-li
2.  $M(a, a) =$  odstraň, pro všechna  $a \in \Sigma$ .
3.  $M(\$ , \varepsilon) =$  přijmi. Automat vymaže ze zásobníku symbol  $\$$  a akceptuje.
4.  $M(x, a) =$  chyba, pro  $x \in \Sigma, x \neq a$ .

Uvedená přechodová funkce  $M$  se též někdy nazývá *LL(1) tabulkou* pro  $G$ , její část zkonstruovaná dle bodu 1 pak *redukovanou LL(1) tabulkou*. Díky Větě 6.8 se snadno nahléne, že  $M$  je přechodovou funkcí *deterministického* PDA (s výstupem), a to právě když  $G$  je *LL(1)*; v opačném případě by  $M(A, a)$  obsahovala dvě různé položky  $\langle \alpha, i \rangle$  a  $\langle \beta, j \rangle$  pro nějaká  $A \in N, a \in \Sigma \cup \{\varepsilon\}$ . Činnost automatu lze neformálně popsat takto:

1. Je-li na vrcholu zásobníku neterminál, řekněme  $A$ , pak automat má (v obou podpřípadech) udělat krok dle bodu 1 definice funkce  $M$ . Necht' první symbol ještě nezpracované části vstupu je  $a$ : automat provede  $\varepsilon$ -krok, nahradí  $A$  na vrcholu zásobníku řetězem  $\alpha$  a na výstup zapíše  $i$ , tj. číslo použitého pravidla  $A \rightarrow \alpha$ .
2. Je-li na vrcholu zásobníku terminál, řekněme  $a$  a na vstupu je rovněž  $a$ , pak (tak jako u nedeterministické analýzy shora dolů) automat přečte ze vstupu  $a$  a z vrcholu zásobníku  $a$  odstraní.
3. Je-li na vrcholu zásobníku symbol  $\$$  (indikující „prázdný“ zásobník) a na vstupu je (již jen)  $\varepsilon$  (indikující **eof** vstupního souboru), automat akceptuje (vymaže zásobník).
4. ve všech ostatních případech automat ukončí výpočet a neakceptuje.

Výše uvedené úvahy lze formalizovat takto: množinu konfigurací  $K$  automatu  $\mathcal{A}$  definujeme jako  $(N \cup \Sigma \cup \{\$\})^* \times (\Sigma \cup \varepsilon)^* \times \{1, \dots, card(P)\}^*$  reprezentující obsah zásobníku, dosud nepřečteno část vstupního slova a dosud vyprodukovaný výstup. Počáteční konfigurací pro vstupní slovo  $w$  je  $(S\$, w, \varepsilon)$ . Na  $K$  definujeme binární relaci (krok výpočtu)  $\vdash$  takto:

1.  $(ax, A\gamma, \pi) \vdash (ax, \alpha\gamma, \pi i)$  jestliže  $M(A, a) = \langle \alpha, i \rangle$ .
2.  $(ax, a\gamma, \pi) \vdash (x, \gamma, \pi)$  (pozn.: v tomto případě je  $M(a, a) =$  odtraň).
3.  $(\varepsilon, \$, \pi) \vdash (\varepsilon, \varepsilon, \pi)$ , kde  $(\varepsilon, \varepsilon, \pi)$  je akceptující konfigurace a  $\pi$  je levý rozbor  $w \in L(G)$ .

Pro ostatní konfigurace není krok výpočtu definován. Případně je možné  $K$  rozšířit o konfiguraci „chyba“ a definovat:

4.  $(ax, X\gamma, \pi) \vdash$  chyba

Tvrzení obsažené v bodě 3 je třeba dokázat:

**Věta 6.9.** *Necht'  $G = (N, \Sigma, P, S)$  je LL(1) gramatika, jejíž pravidla jsou očíslována  $i = 1, \dots, card(P)$  a necht'  $\mathcal{A}$  s přechodovou funkcí  $M$  jsou takové, jak definováno výše. Pak platí:  $(S\$, w, \varepsilon) \vdash^* (\varepsilon, \varepsilon, \pi) \iff w \in L(G)$  a  $\pi$  je levý rozbor  $w$ .*

**Důkaz:** Idea důkazu: necht'  $\mathcal{N}$  je PDA provádějící nedeterministickou syntaktickou analýzu vět z  $L(G)$  zkonstruovaný dle lemmatu o nedeterministické syntaktické analýze shora dolů. Lze ověřit, že každý úspěšný výpočet automatu  $\mathcal{N}$  lze simulovat výpočtem v  $\mathcal{A}$  a též i obráceně, že ke každému akceptujícímu výpočtu v  $\mathcal{A}$  existuje úspěšný výpočet automatu  $\mathcal{N}$  (po případech dle definice přechodových funkcí automatů  $\mathcal{N}$  a  $\mathcal{A}$ ). Jelikož nahrazování neterminálů na vrcholu zásobníku odpovídá levé derivaci, je  $\pi$  je levým rozbohem  $w$ .  $\square$

## 6.4 SLL(k) gramatiky a jejich analýza

Pozorný čtenář si jistě položil otázku, zda tvrzení Věty 6.6 nejde z případu  $k = 1$  zobecnit na  $k > 1$ . Ukážeme, že tomu tak není. Nejprve se zabýváme podmínkou (6.5) z Věty 6.6 zobecněnou pro  $k \geq 1$ .

**Věta 6.10.** Pro libovolnou redukovanou CFG  $G = (N, \Sigma, P, S)$  a libovolné  $k \geq 1$  celé jsou následující dvě tvrzení (6.6) a (6.7) ekvivalentní:

$$\left. \begin{array}{l} \forall A \in N. \forall A \rightarrow \beta \mid \gamma. \beta \neq \gamma : \\ FIRST_k(\beta FOLLOW_k(A)) \cap FIRST_k(\gamma FOLLOW_k(A)) = \emptyset \end{array} \right\} \quad (6.6)$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Pro libovolné dvě levé derivace} \\ (1) \quad S \Rightarrow^* wA\alpha \Rightarrow w\beta\alpha \Rightarrow^* wx \\ (2) \quad S \Rightarrow^* w'A\alpha' \Rightarrow w'\gamma\alpha' \Rightarrow^* w'y \\ (3) \quad \text{podmínka } k : x = k : y \\ \text{implikuje rovnost } \beta = \gamma. \end{array} \right\} \quad (6.7)$$

**Důkaz:** Negace tvrzení (6.6) je ekvivalentní s tvrzením:

$$\begin{array}{l} \exists A \in N. \exists A \rightarrow \beta \mid \gamma. \beta \neq \gamma : \\ \exists y \in FIRST_k(\beta FOLLOW_k(A)) \cap FIRST_k(\gamma FOLLOW_k(A)), \end{array}$$

kteřé je ekvivalentní tvrzení:

$$\begin{array}{l} \exists A \in N. \exists A \rightarrow \beta \mid \gamma : \\ S \Rightarrow_L^* wA\delta_1, \quad y \in FIRST_k(\beta\delta_1), \\ S \Rightarrow_L^* w'A\delta_2, \quad y \in FIRST_k(\gamma\delta_2) \text{ a } \beta \neq \gamma, \end{array}$$

což je ekvivalentní negaci tvrzení (6.7) – viz definice *FIRST*, *FOLLOW* a poznámka 6.2.  $\square$

Je tedy vidět, že každá gramatika splňující podmínku (6.7) je LL(k) gramatikou, ale obrácené tvrzení neplatí: lze ukázat (viz níže), že pro každé  $k > 1$  existuje LL(k) gramatika taková, že nesplňuje podmínku (6.7). Má tedy smysl definovat tzv. SLL(k) gramatiky, a to (například) takto:

**Definice 6.11.** Necht'  $G = (N, \Sigma, P, S)$  je redukovaná CFG,  $k \geq 1$  je celé číslo. řekneme, že  $G$  je SLL(k) gramatika, právě když pro libovolné dvě nejlevější derivace ( $w \in \Sigma^*$ )

$$\begin{array}{l} (1) \quad S \Rightarrow^* wA\alpha \Rightarrow w\beta\alpha \Rightarrow^* wx \\ (2) \quad S \Rightarrow^* w'A\alpha' \Rightarrow w'\gamma\alpha' \Rightarrow^* w'y, \text{ podmínka} \\ (3) \quad k : x = k : y \\ \text{implikuje rovnost } \beta = \gamma. \end{array}$$

Řekneme, že gramatika  $G$  je SLL právě když je SLL(k) pro nějaké  $k \in \mathbb{N}$ , jazyk  $L$  je SLL(k) právě když existuje SLL(k) gramatika  $G$  taková, že  $L = L(G)$ .

Je tedy vidět, že syntaktická analýza SLL(k) gramatik je přímočarým rozšířením syntaktické analýzy LL(1) gramatik. Detaily (zatím) ponecháváme čtenáři.

## 6.5 Příloha: algoritmy pro výpočet funkcí FIRST a FOLLOW

Necht'  $\Sigma$  je abeceda,  $L_1, L_2 \subseteq \Sigma^*$ ,  $k \geq 1$ . Definujeme funkci  $\oplus_k : \Sigma^* \times \Sigma^* \rightarrow \Sigma^*$  takto:  
 $L_1 \oplus_k L_2 = \{w \mid w = k : xy \text{ pro nějaká } x \in L_1, y \in L_2\}$ .

Je dána gramatika  $G = (N, \Sigma, P, S)$  a řetězec  $\alpha = Y_1 \cdot Y_2 \cdot \dots \cdot Y_l$ , kde  $Y_x = N \cup \Sigma$ .

- 1)  $FI_k(x) = \{x\}$  pro  $x \in \Sigma$
- 2) Výpočet  $FI_k(x)$  pro  $x \in N$ :

Necht'  $N = \{X_1, X_2, \dots, X_n\}$ . Budeme počítat hodnotu  $FI_k(X_i)$  současně pro všechny neterminály ( $i = 1, \dots, n$ ). Necht' všechna pravidla pro neterminál  $X_i$  jsou tato:

$$X_i \rightarrow Y_1^1 \dots Y_{k_1}^1 \mid Y_1^2 \dots Y_{k_2}^2 \mid \dots \mid Y_1^j \dots Y_{k_j}^j$$

Potom

$$\begin{aligned} FI_k(X_i) = & [ FI_k(Y_1^1) \oplus_k FI_k(Y_2^1) \oplus_k \dots \oplus_k FI_k(Y_{k_1}^1) ] \\ & \cup \dots \cup \\ & [ FI_k(Y_1^j) \oplus_k FI_k(Y_2^j) \oplus_k \dots \oplus_k FI_k(Y_{k_j}^j) ]. \end{aligned}$$

Hodnoty  $FI_k(X_i)$  jsou pevnými body uvedené soustavy rekurzivních rovnic. Počáteční hodnoty jsou  $FI_k(X_i) = \emptyset$ .

- 3)  $FIRST_k(\alpha) = FI_k(Y_1) \oplus_k FI_k(Y_2) \oplus_k \dots \oplus_k FI_k(Y_l)$

Je dána gramatika  $G = (N, \Sigma, P, S)$ . Funkce  $FO$  je definována pro  $A \in N$ .

Postupně počítáme hodnoty:  $FO_1(A)$  pro všechny  $A \in N$ ,

$FO_2(A)$  pro všechny  $A \in N$

$\vdots$

$FO_k(A)$  pro všechny  $A \in N$

Při výpočtu  $FO_i(A)$  postupujeme následovně:

- 1)  $FO_i(S) := \{\epsilon\}$  pro počáteční neterminál  $S$ .  
 $FO_i(A) := \emptyset$  pro ostatní neterminály.
- 2) Pro každé pravidlo tvaru:  $B \rightarrow \alpha A \beta \in P$ , kde  $\beta \neq \epsilon$

$$FO_i(A) := FO_i(A) \cup [(FI_i(\beta) - \{\epsilon\}) \oplus_i FO_{i-1}(B)]$$

- 3) OPAKUJ

Pro každé pravidlo tvaru:  $B \rightarrow \alpha A \beta \in P$ , kde  $\beta = \epsilon$  nebo  $\epsilon \in FI_1(\beta)$

$$FO_i(A) := FO_i(A) \cup FO_i(B)$$

Tak dlouho, dokud se nedosáhne pevného bodu.

## 6.6 Transformace gramatik do LL(1) tvaru

- odstranění levé rekurze
- levá substituce — odstranění konfliktu FIRST-FIRST
- pohlčení pravého kontextu — odstranění konfliktu FIRST-FOLLOW