

▲ Napište definici funkce `minimum` pro nalezení nejmenšího prvku v neprázdné konečné posloupnosti čísel. Posloupnost je reprezentovaná neprázdným seznamem. Funkce bude mít jednu bázovou (nerekursivní) větev pro jednoprvkovou posloupnost a jednu rekursivní větev pro aspoň dvouprvkovou posloupnost s prvním prvkem x , druhým prvkem y a zbytkem posloupnosti s .

▲ Dokažte parciální korektnost funkce `minimum` vzhledem ke vstupní podmínce $\varphi(s) \equiv s$ je neprázdný seznam celých čísel a výstupní podmínce $\psi(s, n) \equiv n$ leží v s a pro všechna m ze seznamu s platí $m \geq n$.

- ▲ Napište definici funkce `power`, která má dva parametry, $z \in \mathbb{R} - \{0\}$, $n \in \mathbb{N}$, a počítá mocninu z^n .
- ▲ Formulujte vstupní a výstupní podmínku pro funkci `power`.
- ▲ Najděte hodnotu, která v algoritmu ostře klesá, a zdůvodněte konvergenci vzhledem ke vstupní podmínce.
- ▲ Najděte v zápisu funkce `power` invariant cyklu a pomocí něho dokažte parciální korektnost.

Jiná varianta funkce power:

```
power z 0 = 1
power z n = if odd n then z * t else t
             where t = power (z*z) (n 'div' 2)
```

▲ Dokažte konvergenci funkce power vzhledem ke vstupní podmínce $\varphi(z, n) \equiv z \in \mathbb{R} - \{0\} \wedge n \in \mathbb{N}$. Která hodnota v definici ostře klesá? Proč nemůže být záporná?

▲ Nenulový reálný polynom je zadán neprázdnou posloupností koeficientů $p = [a_0, a_1, a_2, \dots, a_n]$. Napište funkci h se dvěma parametry, p, x , která vypočte funkční hodnotu polynomu p v bodě x .

▲ Stanovte vstupní a výstupní podmínky a dokažte konvergenci a správnost funkce h .

▲ Stanovte opět vstupní a výstupní podmínky a dokažte konvergenci a správnost funkce.

- ▲ Napište algoritmus řazení opakovaným výběrem největšího prvku (imperativně, s použitím pole).
- ▲ Modifikujte algoritmus tak, aby řadil sestupně. Formulujte jeho vstupní a výstupní podmínku.
- ▲ Napište invariant vnějšího cyklu. Napište mezilehlé podmínky pro začátek a konec těla vnějšího cyklu a pomocí nich a invariantu vnějšího cyklu dokažte správnost algoritmu.
- ▲ Formulujte invariant vnitřního cyklu. Pomocí něho a dříve napsaných mezilehlých podmínek ukažte správnost těla vnějšího cyklu vzhledem k těmto podmínkám.