

## Všechna řešení, stromy, grafy

### Všechna řešení: příklady

1. Jaká jsou příjmení všech žen?
2. Kteří lidé mají více než 30 roků? Nalezněte jejich jméno a příjmení.
3. Nalezněte abecedně seřazený seznam všech lidí.
4. Nalezněte příjmení učitelů ze zs\_stara.
5. Jsou v databázi dva bratři (mají stejné příjmení a různá jména)?
6. Které firmy v databázi mají více než jednoho zaměstnance?

1. `findAll(Prijmeni, z(_, Prijmeni, z, _, _, _), L).`
2. `findAll(Jmeno-Prijmeni, (z(Jmeno, Prijmeni, _, Vek, _, _), Vek > 30), L).`
3. `setof(P-J, [S, V, Pr, F] ^ z(J, P, S, V, Pr, F), L).`
4. `findAll(Prijmeni, (z(_, Prijmeni, _, _, P, zs_stara), (P=ucitel; P=ucitelka)), L).`
5. `findAll(b(J1-P, J2-P), (z(J1, P, _, _, _), z(J2, P, _, _, _), J1 @ < J2, J1 \= J2), L).`
6. `bagof(P, [J, S, V, Pr] ^ z(J, P, S, V, Pr, F), L), length(L, Pocet), Pocet > 1).`

## Všechna řešení

```
% z(Jmeno, Prijmeni, Sex, Vek, Prace, Firma)
z(petr, novak, m, 30, skladnik, skoda). z(pavel, novy, m, 40, mechanik, skoda).
z(rostislav, lucensky, m, 50, technik, skoda). z(alena, vesela, z, 25, sekretarka, skoda).
z(jana, dankova, z, 35, asistentka, skoda). z(lenka, merinska, z, 35, ucetni, skoda).
z(roman, maly, m, 35, manazer, cs). z(alena, novotna, z, 40, ucitelka, zs_stara).
z(david, novy, z, 30, ucitel, zs_stara). z(petra, spickova, z, 45, reditelka, zs_stara).
```

- Najděte jméno a příjmení všech lidí.

```
?- findAll(Jmeno-Prijmeni, z(Jmeno, Prijmeni, _, _, _, _), L).
```

```
?- bagof( Jmeno-Prijmeni, [S, V, Pr, F] ^ z(Jmeno, Prijmeni, S, V, Pr, F) , L ).
```

```
?- bagof( Jmeno-Prijmeni, [V, Pr, F] ^ z(Jmeno, Prijmeni, S, V, Pr, F) , L ).
```

- Najděte jméno a příjmení všech zaměstnanců firmy skoda a cs

```
?- findAll( c(J, P, Firma), ( z(J, P, _, _, _, Firma), ( Firma=skoda ; Firma=cs ) ),
```

```
?- bagof( J-P, [P, S, V, Pr] ^ (z(J, P, S, V, Pr, F), ( F=skoda ; F=cs ) ) , L ).
```

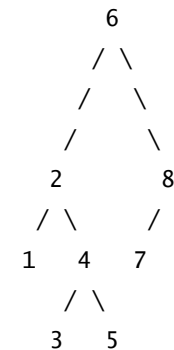
```
?- setof( P-J, [P, S, V, Pr] ^ (z(J, P, S, V, Pr, F), ( F=skoda ; F=cs ) ) , L ).
```

### Stromy

Uzly stromu Tree jsou reprezentovány termy

- `tree(Left, Value, Right)`: Left a Right jsou opět stromy, Value je ohodnocení uzlu
- `leaf(Value)`: Value je ohodnocení uzlu

- Příklad:



```
tree(tree(leaf(1), 2, tree(leaf(3), 4, leaf(5))) , 6, tree(leaf(7), 8, []))
```

## Stromy: hledání prvku in(X,Tree)

Prvek X se nachází ve stromě T, jestliže

- X je listem stromu T, jinak leaf(X)
- X je kořen stromu T, jinak tree(Left,X,Right)
- X je menší než kořen stromu T, pak se nachází v levém podstromu T, jinak
- X se nachází v pravém podstromu T

```
in(X, leaf(X)) :- !.
in(X, tree(_,X,_)) :- !.
in(X, tree(Left, Root, Right) ) :-
    X<Root, !,
    in(X,Left).
in(X, tree(Left, Root, Right) ) :-
    in(X,Right).
```

## Stromy: přidávání add(Tree,X,TreeWithX)

Prvek X přidej do stromu T jednou z

- T = [], pak je nový strom leaf(X)
- T=leaf(V) a X>V, pak má nový strom kořen V a leaf(X) vpravo (vlevo je [])  
T=leaf(V) a X<V, pak má nový strom kořen V a leaf(X) vlevo (vpravo je [])
- T=tree(L,\_,\_) a X>V, pak v novém stromě L ponechej a X přidej doprava  
T=tree(,\_,R) a X<V, pak v novém stromě R ponechej a X přidej doleva

```
add([],X,leaf(X)) :- !.
add(leaf(V), X, T1) :-
    ( X>V, !, T1=tree([],V,leaf(X))
    ; X<V, T1=tree(leaf(X),V,[])
    ).
add(tree(L,V,R), X, tree(L1,V,R1)) :-
    ( X>V, !, L1=L, add(R,X,R1)
    ; X<V, R1=R, add(L,X,L1)
    ).
```

## Procházení stromů

?- traverse(tree(leaf(1),2,tree(leaf(3),4,leaf(5))),6,tree(leaf(7),8,leaf(9))  
[6,2,1,4,3,5,8,7,9]. (preorder)

traverse(T,Pre):- t\_pre(T,Pre,[]).

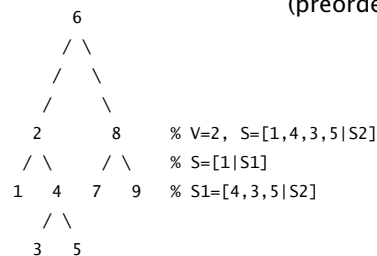
t\_pre(leaf(V),[VIS],S).

t\_pre(tree(L,V,R),[VIS],S2):-

t\_pre(L,S,S1),

t\_pre(R,S1,S2).

Použit princip rozdílových seznamů



Modifikuje algoritmus tak, aby byly uzly vypsaný v pořadí inorder (nejprve levý podstrom, pak uzel a nakonec pravý podstrom), tj. [1,2,3,4,5,6,7,8,9]  
traverse(T,In):- t\_in(T,In,[]).

t\_in(leaf(V),[VIS],S).

t\_in(tree(L,V,R),S,S2):-

t\_in(L,S,[V|S1]),

t\_in(R,S1,S2).

## Reprezentace grafu

- Reprezentace grafu: pole následníků uzlů
- Grafy nebudeme modifikovat, tj. pro reprezentaci pole lze využít term
- (Orientovaný) neohodnocený graf

graf([2,3],[1,3],[1,2]).

graf([2,4,6],[1,3],[2],[1,5,6],[4],[1,4]).

?- functor(Graf,graf,PocetUzlu).

?- arg(Uzel,Graf,Sousedi).

- (Orientovaný) ohodnocený graf

graf([2-1,3-2],[1-1,3-2],[1-2,2-2]).

graf([2-1,4-3,6-1],[1-1,3-2],[2-2],[1-3,5-1,6-1],[4-1],[1-1,4-1]).

## Procházení grafu do hloubky

- Rodiče uzlů:
  - při reprezentaci rodičů lze využít term s aritou odpovídající počtu uzlů
  - iniciálně jsou argumentu termu volné proměnné
  - na závěr je v N-tém argumentu uložen rodič (iniciální uzel označíme empty)
- Procházení grafu z uzlu U
  - Vytvoříme term pro rodiče (všichni rodiči jsou zatím volné proměnné)
  - Uzel U má prázdného rodiče a má sousedy S
  - Procházíme (rekurzivně) všechny sousedy v S
- Procházení sousedů S uzlu U
  - Uzel V je první soused
  - Nastavíme rodiče uzlu V na uzel U
  - Pokud jsme V ještě neprošli (nemá rodiče), tak rekurzivně procházej všechny jeho sousedy
  - Procházej zbývající sousedy uzlu U

## DFS: algoritmus

```
dfs(U,G,P) :-  
    functor(G,graf,Pocet),  
    functor(P,rodice,Pocet),  
    arg(U,G,Sousedi),  
    arg(U,P,empty),  
    prochazej_sousedy(Sousedi,U,G,P).  
  
prochazej_sousedy([],_,-,-).  
prochazej_sousedy([V|T],U,G,P) :-  
    arg(V,P,Rodic),  
    ( nonvar(Rodic), !  
    ;  
      Rodic = U,  
      arg(V,G,SousediV),  
      prochazej_sousedy(SousediV,V,G,P)  
    ),  
    prochazej_sousedy(T,U,G,P).
```