

Aritmetika, seznamy, řez

Aritmetika

Důležitý rozdíl ve vestavěných predikátech $is/2$ vs. $=/2$ vs. $:=/2$

● $is/2$

$\langle \text{konstanta nebo proměnná} \rangle is \langle \text{aritmetický výraz} \rangle$

výraz na pravé straně je nejdříve aritmeticky vyhodnocen

a pak unifikován s levou stranou

● $=/2$

$\langle \text{libovolný term} \rangle = \langle \text{libovolný term} \rangle$

levá a pravá strana jsou unifikovány

● $"=:"/2$ $"=\="/2$ $">="/2$ $"=<"/2$

$\langle \text{aritmetický výraz} \rangle := \langle \text{aritmetický výraz} \rangle$

$\langle \text{aritmetický výraz} \rangle = \langle \text{aritmetický výraz} \rangle$

$\langle \text{aritmetický výraz} \rangle = \langle \langle \text{aritmetický výraz} \rangle$

$\langle \text{aritmetický výraz} \rangle > \langle \text{aritmetický výraz} \rangle$

levá i pravá strana jsou nejdříve aritmeticky vyhodnoceny a pak porovnány

Aritmetika: příklady

Jak se liší následující dotazy (na co se kdy ptáme)? Které uspějí (kladná odpověď), které neuspějí (záporná odpověď), a které jsou špatně (dojde k chybě)? Za jakých předpokladů by ty neúspěšné případně špatně uspěly?

- $X = Y + 1$
- $X \text{ is } Y + 1$
- $X = Y$
- $X == Y$
- $1 + 1 = 2$
- $2 = 1 + 1$
- $1 + 1 = 1 + 1$
- $1 + 1 \text{ is } 1 + 1$
- $1 + 2 ::= 2 + 1$
- $X \backslash == Y$
- $X = \backslash = Y$
- $1 + 2 = \backslash = 1 - 2$
- $1 < = 2$
- $1 = < 2$
- $\sin(X) \text{ is } \sin(2)$
- $\sin(X) = \sin(2+Y)$
- $\sin(X) ::= \sin(2+Y)$

Seznamy a append

```
append( [], S, S ).
```

```
append( [X|S1], S2, [X|S3] ) :- append( S1, S2, S3 ).
```

Napište následující predikáty pomocí append/3:

● last(X, S) :-

```
append([3,2], [6], [3,2,6]).      X=6, S=[3,2,6]
```

Seznamy a append

`append([], S, S).`

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3).`

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

● `last(X, S) :- append(_S1, [X], S).`

`append([3,2], [6], [3,2,6]).` `X=6, S=[3,2,6]`

Seznamy a append

`append([], S, S).`

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3).`

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

● `last(X, S) :- append(_S1, [X], S).`

`append([3,2], [6], [3,2,6]).` `X=6, S=[3,2,6]`

● `prefix(S1, S2) :-`

Seznamy a append

`append([], S, S).`

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3).`

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

● `last(X, S) :- append(_S1, [X], S).`

`append([3,2], [6], [3,2,6]).` `X=6, S=[3,2,6]`

● `prefix(S1, S2) :- append(S1, _S3, S2).`

Seznamy a append

`append([], S, S).`

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3).`

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

● `last(X, S) :- append(_S1, [X], S).`

`append([3,2], [6], [3,2,6]).` `X=6, S=[3,2,6]`

● `prefix(S1, S2) :- append(S1, _S3, S2).`

DÚ: `suffix(S1,S2)`

Seznamy a append

`append([], S, S).`

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3).`

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

● `last(X, S) :- append(_S1, [X], S).`

`append([3,2], [6], [3,2,6]).` `X=6, S=[3,2,6]`

● `prefix(S1, S2) :- append(S1, _S3, S2).`

DÚ: `suffix(S1,S2)`

● `member(X, S) :-`

`append([3,4,1], [2,6], [3,4,1,2,6]).` `X=2, S=[3,4,1,2,6]`

DÚ: `adjacent(X,Y,S)`

Seznamy a append

`append([], S, S).`

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3).`

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

● `last(X, S) :- append(_S1, [X], S).`

`append([3,2], [6], [3,2,6]).` `X=6, S=[3,2,6]`

● `prefix(S1, S2) :- append(S1, _S3, S2).`

DÚ: `suffix(S1,S2)`

● `member(X, S) :- append(S1, [X|S2], S).`

`append([3,4,1], [2,6], [3,4,1,2,6]).` `X=2, S=[3,4,1,2,6]`

DÚ: `adjacent(X,Y,S)`

Seznamy a append

`append([], S, S).`

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3).`

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

● `last(X, S) :- append(_S1, [X], S).`

`append([3,2], [6], [3,2,6]).` `X=6, S=[3,2,6]`

● `prefix(S1, S2) :- append(S1, _S3, S2).`

DÚ: `suffix(S1,S2)`

● `member(X, S) :- append(S1, [X|S2], S).`

`append([3,4,1], [2,6], [3,4,1,2,6]).` `X=2, S=[3,4,1,2,6]`

DÚ: `adjacent(X,Y,S)`

● `% sublist(+S,+ASB)`

`sublist(S,ASB) :-`

Seznamy a append

`append([], S, S).`

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3).`

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

● `last(X, S) :- append(_S1, [X], S).`

`append([3,2], [6], [3,2,6]).` `X=6, S=[3,2,6]`

● `prefix(S1, S2) :- append(S1, _S3, S2).`

DÚ: `suffix(S1,S2)`

● `member(X, S) :- append(S1, [X|S2], S).`

`append([3,4,1], [2,6], [3,4,1,2,6]).` `X=2, S=[3,4,1,2,6]`

DÚ: `adjacent(X,Y,S)`

● `% sublist(+S,+ASB)`

`sublist(S,ASB) :- append(AS, B, ASB),`

`append(A, S, AS).`

POZOR na efektivitu, bez `append` lze často napsat efektivněji

Akumulátor a `sum_list(S, Sum)`

?- `sum_list([2,3,4], Sum)`.

bez akumulátoru:

Akumulátor a `sum_list(S, Sum)`

```
?- sum_list( [2,3,4], Sum ).
```

bez akumulátoru:

```
sum_list( [], 0 ).
```

```
sum_list( [H|T], Sum ) :- sum_list( T, SumT ),  
                          Sum is H + SumT.
```

s akumulátorem:

```
sum_list( S, Sum ) :- sum_list( S, 0, Sum ).
```

```
sum_list( [], Sum, Sum ).
```

```
sum_list( [H|T], A, Sum ) :- A1 is A + H,  
                             sum_list( T, A1, Sum).
```

Výpočet faktoriálu $\text{fact}(N, F)$

s akumulátorem:

Výpočet faktoriálu $\text{fact}(N, F)$

s akumulátorem:

```
fact( N, F ) :- fact ( N, 1, F ).
```

```
fact( 1, F, F ) :- !.
```

```
fact( N, A, F ) :- N > 1,  
                  A1 is N * A,  
                  N1 is N - 1,  
                  fact( N1, A1, F ).
```


`r(X):-write(r1).`

`r(X):-p(X),write(r2).`

`r(X):-write(r3).`

`p(X):-write(p1).`

`p(X):-a(X),b(X),!,`

`c(X),d(X),write(p2).`

`p(X):-write(p3).`

`a(X):-write(a1).`

`a(X):-write(a2).`

`b(X):- X > 0, write(b1).`

`b(X):- X < 0, write(b2).`

`c(X):- X mod 2 == 0, write(c1).`

`c(X):- X mod 3 == 0, write(c2).`

`d(X):- abs(X) < 10, write(d1).`

`d(X):- write(d2).`

r(X):-write(r1).	?- X=1,r(X).
r(X):-p(X),write(r2).	r1
r(X):-write(r3).	X = 1 ? ;
p(X):-write(p1).	p1r2
p(X):-a(X),b(X),!,	X = 1 ? ;
c(X),d(X),write(p2).	a1b1r3
p(X):-write(p3).	X = 1 ? ;
a(X):-write(a1).	no
a(X):-write(a2).	
b(X):- X > 0, write(b1).	
b(X):- X < 0, write(b2).	
c(X):- X mod 2 == 0, write(c1).	
c(X):- X mod 3 == 0, write(c2).	
d(X):- abs(X) < 10, write(d1).	
d(X):- write(d2).	

r(X):-write(r1).	?- X=1,r(X).
r(X):-p(X),write(r2).	r1
r(X):-write(r3).	X = 1 ? ;
p(X):-write(p1).	p1r2
p(X):-a(X),b(X),!,	X = 1 ? ;
c(X),d(X),write(p2).	a1b1r3
p(X):-write(p3).	X = 1 ? ;
	no
a(X):-write(a1).	?- X=0,r(X).
a(X):-write(a2).	r1
b(X):- X > 0, write(b1).	X = 0 ? ;
b(X):- X < 0, write(b2).	p1r2
c(X):- X mod 2 ::= 0, write(c1).	X = 0 ? ;
c(X):- X mod 3 ::= 0, write(c2).	a1a2p3r2
d(X):- abs(X) < 10, write(d1).	X = 0 ? ;
d(X):- write(d2).	r3
	X = 0 ? ;
	no

r(X):-write(r1).

r(X):-p(X),write(r2).

r(X):-write(r3).

p(X):-write(p1).

p(X):-a(X),b(X),!,
c(X),d(X),write(p2).

p(X):-write(p3).

a(X):-write(a1).

a(X):-write(a2).

b(X):- X > 0, write(b1).

b(X):- X < 0, write(b2).

c(X):- X mod 2 ::= 0, write(c1).

c(X):- X mod 3 ::= 0, write(c2).

d(X):- abs(X) < 10, write(d1).

d(X):- write(d2).

| ?- X=1,r(X).

r1

X = 1 ? ;

p1r2

X = 1 ? ;

a1b1r3

X = 1 ? ;

no

| ?- X=0,r(X).

r1

X = 0 ? ;

p1r2

X = 0 ? ;

a1a2p3r2

X = 0 ? ;

r3

X = 0 ? ;

no

| ?- X=3,r(X).

r1

X = 3 ? ;

p1r2

X = 3 ? ;

a1b1c2d1p2r2

X = 3 ? ;

d2p2r2

X = 3 ? ;

r3

X = 3 ? ;

no

r(X):-write(r1).	?- X=1,r(X).	
r(X):-p(X),write(r2).	r1	?- X= -6, r(X).
r(X):-write(r3).	X = 1 ? ;	r1
p(X):-write(p1).	p1r2	X = -6 ? ;
p(X):-a(X),b(X),!,	X = 1 ? ;	p1r2
c(X),d(X),write(p2).	a1b1r3	X = -6 ? ;
p(X):-write(p3).	X = 1 ? ;	a1b2c1d1p2r2
	no	X = -6 ? ;
a(X):-write(a1).	?- X=0,r(X).	a1b1c2d1p2r2
a(X):-write(a2).	r1	d2p2r2
b(X):- X > 0, write(b1).	X = 0 ? ;	X = -6 ? ;
b(X):- X < 0, write(b2).	p1r2	c2d1p2r2
c(X):- X mod 2 ::= 0, write(c1).	X = 0 ? ;	X = -6 ? ;
c(X):- X mod 3 ::= 0, write(c2).	a1a2p3r2	d2p2r2
d(X):- abs(X) < 10, write(d1).	X = 0 ? ;	X = -6 ? ;
d(X):- write(d2).	r3	r3
	X = 0 ? ;	X = -6 ? ;
	no	no

```
r(X):-write(r1).
r(X):-p(X),write(r2).
r(X):-write(r3).

p(X):-write(p1).
p(X):-a(X),b(X),!,
      c(X),d(X),write(p2).
p(X):-write(p3).

a(X):-write(a1).
a(X):-write(a2).

b(X):- X > 0, write(b1).
b(X):- X < 0, write(b2).

c(X):- X mod 2 == 0, write(c1).
c(X):- X mod 3 == 0, write(c2).

d(X):- abs(X) < 10, write(d1).
d(X):- write(d2).
```

Prozkoumejte trasy výpočtu a navracení např. pomocí následujících dotazů (vždy si středníkem vyžádejte navracení):

- | | |
|------------------|--------------------|
| (1) $X=1, r(X).$ | (2) $X=3, r(X).$ |
| (3) $X=0, r(X).$ | (4) $X= -6, r(X).$ |

```

r(X):-write(r1).
r(X):-p(X),write(r2).
r(X):-write(r3).

p(X):-write(p1).
p(X):-a(X),b(X),!,
        c(X),d(X),write(p2).
p(X):-write(p3).

a(X):-write(a1).
a(X):-write(a2).

b(X):- X > 0, write(b1).
b(X):- X < 0, write(b2).

c(X):- X mod 2 == 0, write(c1).
c(X):- X mod 3 == 0, write(c2).

d(X):- abs(X) < 10, write(d1).
d(X):- write(d2).

```

Prozkoumejte trasy výpočtu a navracení např. pomocí následujících dotazů (vždy si středníkem vyžádejte navracení):

(1) $X=1, r(X).$ (2) $X=3, r(X).$
(3) $X=0, r(X).$ (4) $X=-6, r(X).$

- řez v predikátu $p/1$ neovlivní alternativy predikátu $r/1$
- dokud nebyl proveden řez, alternativy predikátu $a/1$ se uplatňují, př. neúspěch $b/1$ v dotazu (3)
- při neúspěchu cíle za řezem se výpočet navrácí až k volající proceduře $r/1$, viz (1)
- alternativy vzniklé po provedení řezu se zachovávají - další možnosti predikátu $c/1$ viz (2) a (4)

Řez: maximum

Je tato definice predikátu max/3 korektní?

$\text{max}(X, Y, X) : -X \geq Y, ! .$

$\text{max}(X, Y, Y) .$

Řez: maximum

Je tato definice predikátu max/3 korektní?

$\text{max}(X, Y, X) : -X \geq Y, ! .$

$\text{max}(X, Y, Y) .$

Není, následující dotaz uspěje: ?- $\text{max}(2, 1, 1) .$

Uved'te dvě možnosti opravy, se zachováním použití řezu a bez.

Řez: maximum

Je tato definice predikátu max/3 korektní?

$\text{max}(X, Y, X) : -X \geq Y, ! .$

$\text{max}(X, Y, Y) .$

Není, následující dotaz uspěje: ?- $\text{max}(2, 1, 1) .$

Uved'te dvě možnosti opravy, se zachováním použití řezu a bez.

$\text{max}(X, Y, X) : -X \geq Y .$

$\text{max}(X, Y, Y) : -Y > X .$

$\text{max}(X, Y, Z) : -X \geq Y, !, Z = X .$

$\text{max}(X, Y, Y) .$

Problém byl v definici, v první verzi se tvrdilo: $X = Z \wedge X \geq Y \Rightarrow Z = X$

správná definice je: $X \geq Y \Rightarrow Z = X$

Při použití řezu je třeba striktně oddělit vstupní podmínky od výstupních unifikací a výpočtu.

Řez: member

Jaký je rozdíl mezi následujícími definicemi predikátů member/2. Ve kterých odpovědích se budou lišit? Vyzkoušejte např. pomocí member(X, [1,2,3]).

mem1(H, [H|_]) .

mem1(H, [_|T]) :- mem1(H,T) .

mem2(H, [H|_]) :- ! .

mem2(H, [_|T]) :- mem2(H,T) .

mem3(H, [K|_]) :- H==K .

mem3(H, [K|T]) :- H\==K, mem3(H,T) .

Řez: member

Jaký je rozdíl mezi následujícími definicemi predikátů member/2. Ve kterých odpovědích se budou lišit? Vyzkoušejte např. pomocí member(X, [1,2,3]).

```
mem1(H, [H|_]) .
```

```
mem1(H, [_|T]) :- mem1(H,T) .
```

```
mem2(H, [H|_]) :- ! .
```

```
mem2(H, [_|T]) :- mem2(H,T) .
```

```
mem3(H, [K|_]) :- H==K .
```

```
mem3(H, [K|T]) :- H\==K, mem3(H,T) .
```

- mem1/2 vyhledá všechny výskyty, při porovnávání hledaného prvku s prvky seznamu může dojít k vázání proměnných (může sloužit ke generování všech prvků seznamu)

Řez: member

Jaký je rozdíl mezi následujícími definicemi predikátů member/2. Ve kterých odpovědích se budou lišit? Vyzkoušejte např. pomocí member(X, [1,2,3]).

```
mem1(H, [H|_]) .
```

```
mem1(H, [_|T]) :- mem1(H,T) .
```

```
mem2(H, [H|_]) :- ! .
```

```
mem2(H, [_|T]) :- mem2(H,T) .
```

```
mem3(H, [K|_]) :- H==K .
```

```
mem3(H, [K|T]) :- H\==K, mem3(H,T) .
```

- mem1/2 vyhledá všechny výskyty, při porovnávání hledaného prvku s prvky seznamu může dojít k vázání proměnných (může sloužit ke generování všech prvků seznamu)
- mem2/2 najde jenom první výskyt, taky váže proměnné

Řez: member

Jaký je rozdíl mezi následujícími definicemi predikátů member/2. Ve kterých odpovědích se budou lišit? Vyzkoušejte např. pomocí member(X, [1,2,3]).

mem1(H, [H|_]) .

mem1(H, [_|T]) :- mem1(H,T) .

mem2(H, [H|_]) :- ! .

mem3(H, [K|_]) :- H==K .

mem2(H, [_|T]) :- mem2(H,T) .

mem3(H, [K|T]) :- H\==K, mem3(H,T) .

- mem1/2 vyhledá všechny výskyty, při porovnávání hledaného prvku s prvky seznamu může dojít k vázání proměnných (může sloužit ke generování všech prvků seznamu)
- mem2/2 najde jenom první výskyt, taky váže proměnné
- mem3/2 najde jenom první výskyt, proměnné neváže (hledá pouze identické prvky)

Dokážete napsat variantu, která hledá jenom identické prvky a přitom najde všechny výskyty?

Řez: member

Jaký je rozdíl mezi následujícími definicemi predikátů member/2. Ve kterých odpovědích se budou lišit? Vyzkoušejte např. pomocí member(X, [1,2,3]).

mem1(H, [H|_]) .

mem1(H, [_|T]) :- mem1(H,T) .

mem2(H, [H|_]) :- ! .

mem2(H, [_|T]) :- mem2(H,T) .

mem3(H, [K|_]) :- H==K .

mem3(H, [K|T]) :- H\==K, mem3(H,T) .

- mem1/2 vyhledá všechny výskyty, při porovnávání hledaného prvku s prvky seznamu může dojít k vázání proměnných (může sloužit ke generování všech prvků seznamu)
- mem2/2 najde jenom první výskyt, taky váže proměnné
- mem3/2 najde jenom první výskyt, proměnné neváže (hledá pouze identické prvky)

Dokážete napsat variantu, která hledá jenom identické prvky a přitom najde všechny výskyty?

mem4(H,[K|_]) :- H==K. mem4(H,[K|T]) :- mem4(H,T).

Seznamy: $\text{intersection}(A, B, C)$

DÚ: Napište predikát pro výpočet průniku dvou seznamů.

Nápověda: využijte predikát `member/2`

DÚ: Napište predikát pro výpočtu rozdílu dvou seznamů. Nápověda: využijte predikát `member/2`

Třídění, rozdílové seznamy

bubbleSort(S, Sorted)

Seznam S setříd'te tak, že

- nalezněte první dva sousední prvky X a Y v S tak, že $X > Y$, vyměňte pořadí X a Y a získáte S1;
a setříd'te S1
- pokud neexistuje žádný takový pár sousedních prvků X a Y, pak je S setříděný seznam

bubbleSort(S, Sorted)

Seznam S seřídíte tak, že

- naleznete první dva sousední prvky X a Y v S tak, že $X > Y$, vyměňte pořadí X a Y a získáte S1; a seřídíte S1
- pokud neexistuje žádný takový pár sousedních prvků X a Y, pak je S seříděný seznam

```
swap([X,Y|Rest],[Y,X|Rest1]) :-  
    X>Y. % nebo obecněji X@>Y pomocí gt(X,Y)  
swap([Z|Rest],[Z|Rest1]) :-  
    swap(Rest,Rest1).
```

bubblesort(S, Sorted)

Seznam S seřídíte tak, že

- naleznete první dva sousední prvky X a Y v S tak, že $X > Y$, vyměňte pořadí X a Y a získáte S1;
a seřídíte S1
- pokud neexistuje žádný takový pár sousedních prvků X a Y, pak je S seříděný seznam

```
swap([X,Y|Rest],[Y,X|Rest1]) :-  
    X>Y. % nebo obecněji X@>Y pomocí gt(X,Y)
```

```
swap([Z|Rest],[Z|Rest1]) :-  
    swap(Rest,Rest1).
```

```
bubblesort(S,Sorted) :-  
    swap (S,S1), !,  
    bubblesort(S1, Sorted).
```

```
bubblesort(Sorted,Sorted).
```

quicksort(S, Sorted)

Neprázdný seznam S setříd'te tak, že

- smažte nějaký prvek X z S;
rozdělte zbytek S na dva seznamy Small a Big tak, že:
v Big jsou větší prvky než X a v Small jsou zbývající prvky
- setříd'te Small do SortedSmall
- setříd'te Big do SortedBig
- setříděný seznam vznikne spojením SortedSmall a [X|SortedBig]

+ ošetření případu, kdy S je prázdný seznam

quicksort(S, Sorted)

Neprázdný seznam S setříd'te tak, že

- smažte nějaký prvek X z S;
rozdělte zbytek S na dva seznamy Small a Big tak, že:
v Big jsou větší prvky než X a v Small jsou zbývající prvky
- setříd'te Small do SortedSmall
- setříd'te Big do SortedBig
- setříděný seznam vznikne spojením SortedSmall a [X|SortedBig]

```
quicksort([], []). + ošetření případu, kdy S je prázdný seznam  
quicksort([X|T], Sorted) :- split(X, Tail, Small, Big),  
                             quicksort(Small, SortedSmall),  
                             quicksort(Big, SortedBig),  
                             append(SortedSmall, [X|SortedBig], Sorted).
```

quicksort(S, Sorted)

Neprázdný seznam S setříd'te tak, že

- smažte nějaký prvek X z S;
rozdělte zbytek S na dva seznamy Small a Big tak, že:
v Big jsou větší prvky než X a v Small jsou zbývající prvky
- setříd'te Small do SortedSmall
- setříd'te Big do SortedBig
- setříděný seznam vznikne spojením SortedSmall a [X|SortedBig]

`quicksort([], []).` + ošetření případu, kdy S je prázdný seznam

```
quicksort([X|T], Sorted) :- split(X, Tail, Small, Big),
                             quicksort(Small, SortedSmall),
                             quicksort(Big, SortedBig),
                             append(SortedSmall, [X|SortedBig], Sorted).
```

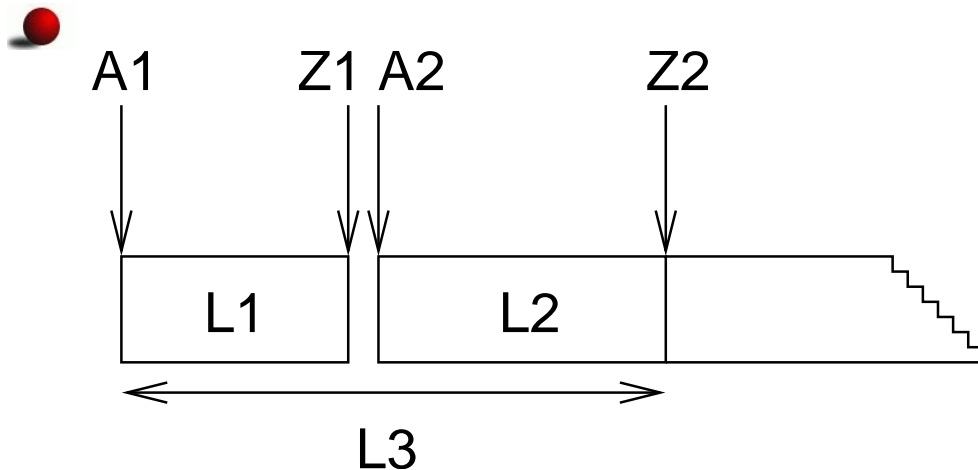
```
split(X, [], [], []).
```

```
split(X, [Y|T], [Y|Small], Big) :- X>Y, !, split(X, T, Small, Big).
```

```
split(X, [Y|T], Small, [Y|Big]) :- split(X, T, Small, Big).
```


Rozdílové seznamy

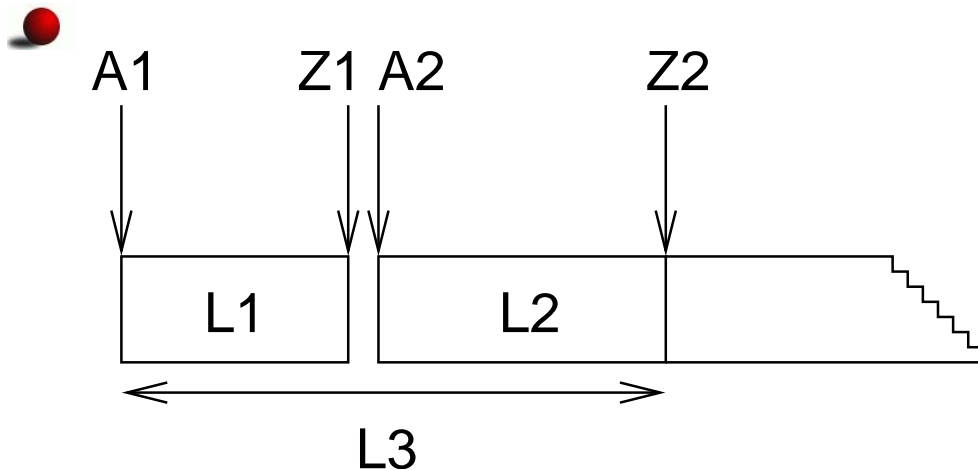
- Zapamatování konce a připojení na konec: rozdílové seznamy
- $[a, b] = L1 - L2 = [a, b | T] - T = [a, b, c | S] - [c | S] = [a, b, c] - [c]$
- Reprezentace prázdného seznamu: $L - L$



- ?- `append([1,2,3|Z1]-Z1, [4,5|Z2]-Z2, S).`

Rozdílové seznamy

- Zapamatování konce a připojení na konec: rozdílové seznamy
- $[a, b] = L1 - L2 = [a, b | T] - T = [a, b, c | S] - [c | S] = [a, b, c] - [c]$
- Reprezentace prázdného seznamu: $L - L$



- ?- `append([1,2,3|Z1]-Z1, [4,5|Z2]-Z2, S).`
- `append(A1-Z1, Z1-Z2, A1-Z2).`
 L1 L2 L3

reverse(Seznam, Opacny)

```
reverse( [], [] ).
```

```
reverse( [ H | T ], Opacny ) :-  
    reverse( T, OpacnyT ),  
    append( OpacnyT, [ H ], Opacny ).
```

reverse(Seznam, Opacny)

```
reverse( [], [] ).
```

```
reverse( [ H | T ], Opacny ) :-  
    reverse( T, OpacnyT ),  
    append( OpacnyT, [ H ], Opacny ).
```

```
reverse( Seznam, Opacny ) :- reverse0( Seznam, Opacny-[] ).
```

```
reverse0( [], S-S ).
```

```
reverse0( [ H | T ],           ) :-  
    reverse0( T,           ).
```

reverse(Seznam, Opacny)

```
reverse( [], [] ).
```

```
reverse( [ H | T ], Opacny ) :-  
    reverse( T, OpacnyT ),  
    append( OpacnyT, [ H ], Opacny ).
```

```
reverse( Seznam, Opacny ) :- reverse0( Seznam, Opacny-[] ).
```

```
reverse0( [], S-S ).
```

```
reverse0( [ H | T ], Opacny-OpacnyKonec ) :-  
    reverse0( T, Opacny-[ H | OpacnyKonec] ).
```

reverse(Seznam, Opacny)

```
reverse( [], [] ).
```

```
reverse( [ H | T ], Opacny ) :-  
    reverse( T, OpacnyT ),  
    append( OpacnyT, [ H ], Opacny ).
```

```
reverse( Seznam, Opacny ) :- reverse0( Seznam, Opacny-[] ).
```

```
reverse0( [], S-S ).
```

```
reverse0( [ H | T ], Opacny-OpacnyKonec ) :-  
    reverse0( T, Opacny-[ H | OpacnyKonec] ).
```

```
reverse( Seznam, Opacny ) :- reverse0( Seznam, [], Opacny ).
```

```
reverse0( [], S, S ).
```

```
reverse0( [ H | T ],  
          ) :-  
    reverse0( T,  
              ).
```

reverse(Seznam, Opacny)

```
reverse( [], [] ).
```

```
reverse( [ H | T ], Opacny ) :-  
    reverse( T, OpacnyT ),  
    append( OpacnyT, [ H ], Opacny ).
```

```
reverse( Seznam, Opacny ) :- reverse0( Seznam, Opacny-[] ).
```

```
reverse0( [], S-S ).
```

```
reverse0( [ H | T ], Opacny-OpacnyKonec ) :-  
    reverse0( T, Opacny-[ H | OpacnyKonec ] ).
```

```
reverse( Seznam, Opacny ) :- reverse0( Seznam, [], Opacny ).
```

```
reverse0( [], S, S ).
```

```
reverse0( [ H | T ], A, Opacny ) :-  
    reverse0( T, [ H | A ], Opacny ).
```

quicksort pomocí rozdílových seznamů

Neprázdný seznam S setříd'te tak, že

- smažte nějaký prvek X z S ;
rozdělte zbytek S na dva seznamy $Small$ a Big tak, že:
v Big jsou větší prvky než X a v $Small$ jsou zbývající prvky
- setříd'te $Small$ do $SortedSmall$
- setříd'te Big do $SortedBig$
- setříděný seznam vznikne spojením $SortedSmall$ a $[X|SortedBig]$

```
quicksort(S, Sorted) :- quicksort1(S, Sorted, []).
```

```
quicksort1([], []).
```

```
quicksort1([X|T], Sorted) :-  
    split(X, T, Small, Big),  
    quicksort1(Small, SortedSmall),  
    quicksort1(Big, SortedBig),  
    append(SortedSmall, [X|SortedBig], Sorted).
```


quicksort pomocí rozdílových seznamů

Neprázdný seznam S seřídíte tak, že

- smažete nějaký prvek X z S ;
rozdělíte zbytek S na dva seznamy $Small$ a Big tak, že:
v Big jsou větší prvky než X a v $Small$ jsou zbývající prvky
- seřídíte $Small$ do $SortedSmall$
- seřídíte Big do $SortedBig$
- seříděný seznam vznikne spojením $SortedSmall$ a $[X|SortedBig]$

```
quicksort(S, Sorted) :- quicksort1(S,Sorted-[]).
```

```
quicksort1([],Z-Z).
```

```
quicksort1([X|T], A1-Z2) :-
```

```
    split(X, T, Small, Big),
```

```
    quicksort1(Small, A1-[X|A2]),
```

```
    quicksort1(Big, A2-Z2).
```

```
append(A1-Z1, Z1-Z2, A1-Z2).
```

**Vstup/výstup,
databázové operace,
rozklad termu**

Čtení ze souboru

```
process_file( Soubor ) :-
    seeing( StarySoubor ),           % zjištění aktivního proudu
    see( Soubor ),                   % otevření souboru Soubor
    repeat,
        read( Term ),                % čtení termu Term
        process_term( Term ),        % manipulace s termem
        Term == end_of_file,         % je konec souboru?
    !,
    seen,                              % uzavření souboru
    see( StarySoubor ).               % aktivace původního proudu

repeat.                               % vestavěný predikát
repeat :- repeat.
```

Predikáty pro vstup a výstup

```
| ?- read(A), read( ahoj(B) ), read( [C,D] ).
```

```
|: ahoj. ahoj( petre ). [ ahoj( 'Petre!' ), jdeme ].
```

A = ahoj, B = petre, C = ahoj('Petre!'), D = jdeme

```
| ?- write(a(1)), write('.') , nl, write(a(2)), write('.') , nl.
```

```
a(1).
```

```
a(2).
```

```
yes
```

- seeing, see, seen, read
- telling, tell, told, write
- standardní vstupní a výstupní stream: user

Příklad: vstup/výstup

Napište predikát `uloz_do_souboru(Soubor)`, který načte několik fakt ze vstupu a uloží je do souboru `Soubor`.

```
| ?- uloz_do_souboru( 'soubor.pl' ).
|: fakt(mirek, 18).
|: fakt(pavel,4).
|:
yes
| ?- [soubor].
% consulting /home/hanka/soubor.pl...
% consulted /home/hanka/soubor.pl in module user, 0 msec
% 376 bytes
yes
| ?- listing(fakt/2).
fakt(mirek, 18).
fakt(pavel, 4).
yes
```

Implementace: vstup/výstup

```
uloz_do_souboru( Soubor ) :-  
    seeing( StaryVstup ),  
    telling( StaryVystup ),  
    see( user ),  
    tell( Soubor ),  
    repeat,  
        read( Term ),  
        process_term( Term ),  
        Term == end_of_file,  
    !,  
    seen,  
    told,  
    tell( StaryVystup ),  
    see( StaryVstup ).  
  
process_term(end_of_file) :- !.  
process_term( Term ) :-  
    write( Term ), write( '.' ), nl.
```

Databázové operace

- Databáze: specifikace množiny relací
- Prologovský program: **programová databáze**, kde jsou relace specifikovány explicitně (fakty) i implicitně (pravidly)
- Vestavěné predikáty pro změnu databáze během provádění programu:

`assert(Klauzule)` přidání Klauzule do programu

`asserta(Klauzule)` přidání na začátek

`assertz(Klauzule)` přidání na konec

`retract(Klauzule)` smazání klauzule unifikovatelné s Klauzule

- Pozor: nadměrné použití těchto operací snižuje srozumitelnost programu

Databázové operace: příklad

Napište predikát `vytvor_program/0`, který načte několik klauzulí ze vstupu a uloží je do programové databáze.

```
| ?- vytvor_program.
```

```
|: fakt(pavel, 4).
```

```
|: pravidlo(X,Y) :- fakt(X,Y).
```

```
|:
```

```
yes
```

```
| ?- listing(fakt/2).
```

```
fakt(pavel, 4).
```

```
yes
```

```
| ?- listing(pravidlo/2).
```

```
pravidlo(A, B) :- fakt(A, B).
```

```
yes
```

```
| ?- clause( pravidlo(A,B), C).
```

```
C = fakt(A,B) ?
```

```
yes
```


Databázové operace: implementace

```
vytvor_program :-  
    seeing( StaryVstup ),  
    see( user ),  
    repeat,  
        read( Term ),  
        uloz_term( Term ),  
        Term == end_of_file,  
    !,  
    seen,  
    see( StaryVstup ).
```

```
uloz_term( end_of_file ) :- !.
```

```
uloz_term( Term ) :-  
    assert( Term ).
```

Konstrukce a dekompozice termu

● Konstrukce a dekompozice termu

Term =.. [Funktor | SeznamArgumentu]

a(9,e) =.. [a,9,e]

Cil =.. [Funktor | SeznamArgumentu], call(Cil)

atom =.. X \Rightarrow X = [atom]

● Pokud chci znát pouze funktor nebo některé argumenty, pak je efektivnější:

functor(Term, Funktor, Arita)

functor(a(9,e), a, 2)

functor(atom,atom,0) functor(1,1,0)

arg(N, Term, Argument)

arg(2, a(9,e), e)

Rekurzivní rozklad termu

- Term je proměnná (`var/1`), atom nebo číslo (`atomic/1`) \Rightarrow konec rozkladu
- Term je seznam (`[_|_]`) \Rightarrow
procházení seznamu a rozklad každého prvku seznamu
- Term je složený (`=.. /2`, `functor/3`) \Rightarrow
procházení seznamu argumentů a rozklad každého argumentu
- Příklad: `ground/1` uspěje, pokud v termu nejsou proměnné; jinak neuspěje

```
ground(Term) :- atomic(Term), !.           % Term je atom nebo číslo NEBO
ground(Term) :- var(Term), !, fail.       % Term není proměnná NEBO
ground([H|T]) :- !, ground(H), ground(T). % Term je seznam a ani hlava ani tělo
                                           % neobsahují proměnné NEBO
ground(Term) :- Term =.. [ _Funktor | Argumenty ], % je Term složený
                                           % a jeho argumenty
                                           % neobsahují proměnné
```

```
?- ground(s(2,[a(1,3),b,c],X)).
```

no

```
?- ground(s(2,[a(1,3),b,c])).
```

yes

subterm(S, T)

Napište predikát `subterm(S, T)` pro termy `S` a `T` bez proměnných, které uspějí, pokud je `S` podtermem termu `T`. Tj. musí platit alespoň jedno z

- `subterm S` je právě term `T` NEBO
- `subterm S` se nachází v hlavě seznamu `T` NEBO
- `subterm S` se nachází v těle seznamu `T` NEBO
- `T` je složený term (`compound/1`), není seznam (`T \= [_|_]`), a `S` je podtermem některého argumentu `T`.

```
| ?- subterm(sin(3), b(c, 2, [1, b], sin(3), a)).           yes
```

subterm(S, T)

Napište predikát `subterm(S, T)` pro termy `S` a `T` bez proměnných, které uspějí, pokud je `S` podtermem termu `T`. Tj. musí platit alespoň jedno z

- `subterm S` je právě term `T` NEBO
- `subterm S` se nachází v hlavě seznamu `T` NEBO
- `subterm S` se nachází v těle seznamu `T` NEBO
- `T` je složený term (`compound/1`), není seznam (`T \= [_|_]`), a `S` je podtermem některého argumentu `T`.

```
| ?- subterm(sin(3), b(c, 2, [1, b], sin(3), a)).           yes
```

```
subterm(T, T) :- !.
```

```
subterm(S, [H|_]) :- subterm(S, H), !.
```

```
subterm(S, [_|T]) :- subterm(S, T), !.
```

subterm(S,T)

Napište predikát `subterm(S,T)` pro termy `S` a `T` bez proměnných, které uspějí, pokud je `S` podtermem termu `T`. Tj. musí platit alespoň jedno z

- `subterm S` je právě term `T` NEBO
- `subterm S` se nachází v hlavě seznamu `T` NEBO
- `subterm S` se nachází v těle seznamu `T` NEBO
- `T` je složený term (`compound/1`), není seznam (`T\=[_|_]`), a `S` je podtermem některého argumentu `T`.

```
| ?- subterm(sin(3),b(c,2,[1,b],sin(3),a)).           yes
```

```
subterm(T,T) :- !.
```

```
subterm(S,[H|_]) :- subterm(S,H), !.
```

```
subterm(S,[_|T]) :- subterm(S,T), !.
```

```
subterm(S,T) :- compound(T), T\=[_|_],
```

```
                T=..[_|Argumenty], subterm(S,Argumenty).
```

same(A, B)

Napište predikát `same(A, B)`, který uspěje, pokud mají termy A a B stejnou strukturu. Tj. musí platit právě jedno z

- A i B jsou proměnné NEBO
- pokud je jeden z argumentů proměnná (druhý ne), pak predikát neuspěje, NEBO
- A i B jsou atomické a unifikovatelné NEBO
- A i B jsou seznamy, pak jak jejich hlava tak jejich tělo mají stejnou strukturu NEBO
- A i B jsou složené termy se stejným funktorem a jejich argumenty mají stejnou strukturu

```
| ?- same([1,3,sin(X),s(a,3)], [1,3,sin(X),s(a,3)]).           yes
```

same(A, B)

Napište predikát `same(A, B)`, který uspěje, pokud mají termy A a B stejnou strukturu. Tj. musí platit právě jedno z

- A i B jsou proměnné NEBO
- pokud je jeden z argumentů proměnná (druhý ne), pak predikát neuspěje, NEBO
- A i B jsou `atomic` a unifikovatelné NEBO
- A i B jsou seznamy, pak jak jejich hlava tak jejich tělo mají stejnou strukturu NEBO
- A i B jsou složené termy se stejným funktorem a jejich argumenty mají stejnou strukturu

```
| ?- same([1,3,sin(X),s(a,3)],[1,3,sin(X),s(a,3)]).           yes
```

```
same(A,B) :- var(A), var(B), !.
```

```
same(A,B) :- var(A), !, fail.
```

```
same(A,B) :- var(B), !, fail.
```

```
same(A,B) :- atomic(A), atomic(B), !, A==B.
```

```
same([HA|TA],[HB|TB]) :- !, same(HA,HB), same(TA,TB).
```

```
same(A,B) :- A=..[FA|ArgA], B=..[FB|ArgB], FA==FB, same(ArgA,ArgB).
```


unify(A, B)

Napište predikát `unify(A, B)`, který unifikuje termíny A a B.

```
| ?- unify([Y,3,sin(a(3)),s(a,3)], [1,3,sin(X),s(a,3)]).
```

```
X = a(3)      Y = 1      yes
```

unify(A, B)

Napište predikát `unify(A, B)`, který unifikuje termy A a B.

```
| ?- unify([Y,3,sin(a(3)),s(a,3)], [1,3,sin(X),s(a,3)]).
```

```
X = a(3)      Y = 1      yes
```

```
unify(A,B) :- var(A), var(B), !, A=B.
```

```
unify(A,B) :- var(A), !, not_occurs(A,B), A=B.
```

```
unify(A,B) :- var(B), !, not_occurs(B,A), B=A.
```

```
unify(A,B) :- atomic(A), atomic(B), !, A==B.
```

```
unify([HA|TA],[HB|TB]) :- !, unify(HA,HB), unify(TA,TB).
```

```
unify(A,B) :- A=..[FA|ArgA], B=..[FB|ArgB], FA==FB, unify(ArgA,ArgB).
```

not_occurs(A, B)

Predikát `not_occurs(A, B)` uspěje, pokud se proměnná `A` nevyskytuje v termu `B`.
Tj. platí jedno z

- `B` je atom nebo číslo NEBO
- `B` je proměnná různá od `A` NEBO
- `B` je seznam a `A` se nevyskytuje ani v těle ani v hlavě NEBO
- `B` je složený term a `A` se nevyskytuje v jeho argumentech

not_occurs(A, B)

Predikát `not_occurs(A, B)` uspěje, pokud se proměnná `A` nevyskytuje v termu `B`.
Tj. platí jedno z

- `B` je atom nebo číslo NEBO
- `B` je proměnná různá od `A` NEBO
- `B` je seznam a `A` se nevyskytuje ani v těle ani v hlavě NEBO
- `B` je složený term a `A` se nevyskytuje v jeho argumentech

```
not_occurs(_,B) :- atomic(B), !.
```

```
not_occurs(A,B) :- var(B), !, A≠B.
```

```
not_occurs(A,[H|T]) :- !, not_occurs(A,H), not_occurs(A,T).
```

```
not_occurs(A,B) :- B=..[_|Arg], not_occurs(A,Arg).
```

Logické programování s omezujícími podmínkami

Algebrogram

- Přiřad'te cifry 0, ... 9 písmenům S, E, N, D, M, O, R, Y tak, aby platilo:

$$\begin{array}{r} \bullet \quad \quad \quad \text{SEND} \\ \quad \quad \quad + \text{MORE} \\ \hline \quad \quad \quad \text{MONEY} \end{array}$$

- různá písmena mají přiřazena různé cifry
- S a M nejsou 0
- **Proměnné:** S,E,N,D,M,O,R,Y
- **Domény:** [1..9] pro S,M [0..9] pro E,N,D,O,R,Y
- **1 omezení pro nerovnost:** `all_distinct([S,E,N,D,M,O,R,Y])`
- **1 omezení pro rovnosti:**

$$\begin{array}{r} \quad \quad \quad 1000*S + 100*E + 10*N + D \quad \quad \quad \text{SEND} \\ + \quad \quad \quad 1000*M + 100*O + 10*R + E \quad \quad \quad + \text{MORE} \\ \hline \# = \quad 10000*M + 1000*O + 100*N + 10*E + Y \quad \quad \quad \text{MONEY} \end{array}$$

Jazykové prvky

Nalezněte řešení pro algebrogram

D O N A L D + G E R A L D = R O B E R T

● Struktura programu

```
algebrogram( Cifry ) :-  
    domain(...),  
    constraints(...),  
    labeling(...).
```

● Knihovna pro CLP(FD)

```
:- use_module(library(clpfd)).
```

● Domény proměnných

```
domain( Seznam, MinValue, MaxValue )
```

● Omezení

```
all_distinct( Seznam )
```

● Aritmetické omezení

```
A*B + C #= D
```

● Procedura pro prohledávání stavového prostoru

```
labeling([], [X1, X2, X3])
```

Algebrogram: řešení

```
:- use_module(library(clpfd)).

donald(LD):-
    % domény
    LD=[D,O,N,A,L,G,E,R,B,T],
    domain(LD,0,9),
    domain([D,G,R],1,9),
    % omezení
    all_distinct(LD),
    100000*D + 10000*O + 1000*N + 100*A + 10*L + D +
    100000*G + 10000*E + 1000*R + 100*A + 10*L + D
    #= 100000*R + 10000*O + 1000*B + 100*E + 10*R + T,
    % prohledávání stavového prostoru
    labeling([],LD).
```


Plánování

Každý úkol má stanoven dobu trvání a nejdřívější čas, kdy může být zahájen. Nalezněte startovní čas každého úkolu tak, aby se jednotlivé úkoly nepřekrývaly.

Úkoly jsou zadány následujícím způsobem:

```
% uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec)
```

```
uko1(1,4,8,70).      uko1(2,2,7,60).      uko1(3,1,2,25).      uko1(4,6,5,55).  
uko1(5,4,1,45).      uko1(6,2,4,35).      uko1(7,8,2,25).      uko1(8,5,0,20).  
uko1(9,1,8,40).      uko1(10,7,4,50).     uko1(11,5,2,50).     uko1(12,2,0,35).  
uko1(13,3,30,60).    uko1(14,5,15,70).    uko1(15,4,10,40).
```

Kostra řešení:

```
uko1y(Zacatky) :- domeny(Uko1y,Zacatky,Doby),  
                  serialized(Zacatky,Doby),  
                  labeling([],Zacatky).
```

```
domeny(Uko1y,Zacatky,Doby) :- findall(uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec),  
                                       uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec), Uko1y),  
                               nastav_domeny(Uko1y,Zacatky,Doby).
```

Plánování: výstup

```
tiskni(Uko1y,Zacatky) :-
```

```
    priprav(Uko1y,Zacatky,Vstup),
```

```
    quicksort(Vstup,Vystup),
```

```
    n1, tiskni(Vystup).
```

```
priprav([],[],[]).
```

```
priprav([uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec)|Uko1y], [Z|Zacatky],
```

```
    [uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec,Z)|Vstup]) :-
```

```
    priprav(Uko1y,Zacatky,Vstup).
```

```
tiskni([]) :- n1.
```

```
tiskni([V|Vystup]) :-
```

```
    V=uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec,Z),
```

```
    K is Z+Doba,
```

```
    format('    ~d: \t~d..~d \t(~d: ~d..~d)\n',
```

```
        [Id,Z,K,Doba,MinStart,MaxKonec] ),
```

```
    tiskni(Vystup).
```

Plánování: výstup II

```
quicksort(S, Sorted) :- quicksort1(S,Sorted-[]).
```

```
quicksort1([],Z-Z).
```

```
quicksort1([X|Tail], A1-Z2) :-  
    split(X, Tail, Small, Big),  
    quicksort1(Small, A1-[X|A2]),  
    quicksort1(Big, A2-Z2).
```

```
split(_X, [], [], []).
```

```
split(X, [Y|T], [Y|Small], Big) :- greater(X,Y), !, split(X, T, Small, Big).
```

```
split(X, [Y|T], Small, [Y|Big]) :- split(X, T, Small, Big).
```

```
greater(ukoř(?,?,?,Z1),ukoř(?,?,?,Z2)) :- Z1>Z2.
```

Plánování a domény

```
nastav_domeny([], [], []).
```

```
nastav_domeny([U|Uko1y], [Z|Zacatky], [Doba|Doby]) :-
```

```
    U=uko1(_Id,Doba,MinStart,MaxKonec),
```

```
    MaxStart is MaxKonec-Doba,
```

```
    Z in MinStart..MaxStart,
```

```
    nastav_domeny(Uko1y,Zacatky,Doby).
```

Plánování a precedence

Rozšiřte řešení předchozího problému tak, aby umožňovalo zahrnutí precedencí, tj. jsou zadány dvojice úloh A a B a musí platit, že A má být rozvrhováno před B.

```
% prec(IdA,IdB)
```

```
prec(8,7). prec(6,12). prec(2,1).
```

Pro zjištění parametrů úlohy lze použít např. `nth(N,Seznam,NtyPrvek)` z knihovny

```
:- use_module(library(lists)).
```

Plánování a precedence

Rozšiřte řešení předchozího problému tak, aby umožňovalo zahrnutí precedencí, tj. jsou zadány dvojice úloh A a B a musí platit, že A má být rozvrhováno před B.

```
% prec(IdA,IdB)
```

```
prec(8,7). prec(6,12). prec(2,1).
```

Pro zjištění parametrů úlohy lze použít např. `nth(N,Seznam,NtyPrvek)` z knihovny

```
:- use_module(library(lists)).
```

```
precedence(Zacatky,Doby) :-
```

```
    findall(prec(A,B),prec(A,B),P),
```

```
    omezeni_precedence(P,Zacatky,Doby).
```

```
omezeni_precedence([],_Zacatky,_Doby).
```

```
omezeni_precedence([prec(A,B)|Prec],Zacatky,Doby) :-
```

```
    nth(A,Zacatky,ZA), nth(B,Zacatky,ZB), nth(A,Doby,DA),
```

```
    ZA + DA #< ZB,
```

```
    omezeni_precedence(Prec,Zacatky).
```

Plánování a lidé

Modifikujte řešení předchozího problému tak, že

- odstraňte omezení na nepřekrývání úkolů
- přidejte omezení umožňující řešení každého úkolu zadaným člověkem (každý člověk může zpracovávat nejvýše jeden úkol)

```
% clovek(Id,IdUkoly) ... clovek Id zpracovává úkoly v seznamu IdUkoly  
clovek(1,[1,2,3,4,5]).   clovek(2,[6,7,8,9,10]).   clovek(3,[11,12,13,14,15]).
```

Plánování a lidé

Modifikujte řešení předchozího problému tak, že

- odstraňte omezení na nepřekrývání úkolů
- přidejte omezení umožňující řešení každého úkolu zadaným člověkem (každý člověk může zpracovávat nejvýše jeden úkol)

```
% clovek(Id,IdUkoly) ... clovek Id zpracovává ukoly v seznamu IdUkoly  
clovek(1,[1,2,3,4,5]).   clovek(2,[6,7,8,9,10]).   clovek(3,[11,12,13,14,15]).
```

```
lide(Zacatky,Doby,Lide) :-  
    findall(clovek(Kdo,IdUkoly),clovek(Kdo,IdUkoly), Lide),  
    omezeni_lide(Lide,Zacatky,Doby).
```

```
omezeni_lide([],_Zacatky,_Doby).
```

```
omezeni_lide([Clovek|Lide],Zacatky,Doby) :-  
    Clovek=clovek(_Id,IdUkoly),  
    omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby),  
    omezeni_lide(Lide,Zacatky,Doby).
```


Plánování a lidé (pokračování)

```
omezeni_clovek(IdUko1y,Zacatky,Doby) :-  
    omezeni_clovek(IdUko1y,Zacatky,Doby,[],[]).  
  
% omezeni_clovek(IdUko1y,Zacatky,Doby,ClovekZ,ClovekD)  
omezeni_clovek([],_Zacatky,_Doby,ClovekZ,ClovekD) :-  
    serialized(ClovekZ,ClovekD).  
  
omezeni_clovek([U|IdUko1y],Zacatky,Doby,ClovekZ,ClovekD) :-  
    nth(U,Zacatky,Z),  
    nth(U,Doby,D),  
    omezeni_clovek(IdUko1y,Zacatky,Doby,[Z|ClovekZ],[D|ClovekD]).
```

Plánování a lidé (pokračování)

```
omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby) :-  
    omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby,[],[]).  
  
% omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby,ClovekZ,ClovekD)  
omezeni_clovek([],_Zacatky,_Doby,ClovekZ,ClovekD) :-  
    serialized(ClovekZ,ClovekD).  
  
omezeni_clovek([U|IdUkoly],Zacatky,Doby,ClovekZ,ClovekD) :-  
    nth(U,Zacatky,Z),  
    nth(U,Doby,D),  
    omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby,[Z|ClovekZ],[D|ClovekD]).
```

Rozšiřte řešení problému tak, aby mohl každý člověk zpracovávat několik úkolů dle jeho zadané kapacity.

```
% clovek(Id,Kapacita,IdUkoly)  
clovek(1,2,[1,2,3,4,5]).  
clovek(2,1,[6,7,8,9,10]).  
clovek(3,2,[11,12,13,14,15]).
```

```

Tide(Zacatky,Doby,Lide) :-
    findall(clovek(Kdo,Kapacita,IdUkoly),clovek(Kdo,Kapacita,IdUkoly), Lide),
    omezeni_lide(Lide,Zacatky,Doby).

omezeni_lide([],_Zacatky,_Doby).
omezeni_lide([clovek(_Id,Kapacita,IdUkoly)|Lide],Zacatky,Doby) :-
    omezeni_clovek(IdUkoly,Kapacita,Zacatky,Doby),
    omezeni_lide(Lide,Zacatky,Doby).

omezeni_clovek(IdUkoly,Kapacita,Zacatky,Doby) :-
    omezeni_clovek(IdUkoly,Kapacita,Zacatky,Doby,[],[]).

omezeni_clovek([],Kapacita,_Zacatky,_Doby,ClovekZ,ClovekD) :-
    length(ClovekZ,Delka), listOf1(Delka,ListOf1),
    cumulative(ClovekZ,ClovekD,ListOf1,Kapacita).

omezeni_clovek([U|IdUkoly],Kapacita,Zacatky,Doby,ClovekZ,ClovekD) :-
    nth(U,Zacatky,Z), nth(U,Doby,D),
    omezeni_clovek(IdUkoly,Kapacita,Zacatky,Doby,[Z|ClovekZ],[D|ClovekD]).

listOf1(0,[]) :- !.
listOf1(D,[1|L]) :- D1 is D-1, listOf1(D1,L).

```

**Všetchna řešení,
stromy, grafy**

Všechna řešení

```
% z(Jmeno,Prijmeni,Sex,Vek,Prace,Firma)
```

```
z(petr,novak,m,30,skladnik,skoda). z(pavel,novy,m,40,mechanik,skoda).
```

```
z(rostislav,lucensky,m,50,technik,skoda). z(alena,vesela,z,25,sekretarka,skoda).
```

```
z(jana,dankova,z,35,asistentka,skoda). z(lenka,merinska,z,35,ucetni,skoda).
```

```
z(roman,maly,m,35,manazer,cs). z(alena,novotna,z,40,ucitelka,zs_stara).
```

```
z(david,novy,z,30,ucitel,zs_stara). z(petra,spickova,z,45,reditelka,zs_stara).
```

● Najděte jméno a příjmení všech lidí.

```
?- findall(Jmeno-Prijmeni, z(Jmeno,Prijmeni,_,_,_,_),L).
```

```
?- bagof( Jmeno-Prijmeni, [S,V,Pr,F] ^ z(Jmeno,Prijmeni,S,V,Pr,F) , L ).
```

```
?- bagof( Jmeno-Prijmeni, [V,Pr,F] ^ z(Jmeno,Prijmeni,S,V,Pr,F) , L ).
```

● Najděte jméno a příjmení všech zaměstnanců firmy skoda a cs

```
?- findall( c(J,P,Firma), ( z(J,P,_,_,_,Firma), ( Firma=skoda ; Firma=cs ) ), L
```

```
?- bagof( J-P, [P,S,V,Pr]^z(J,P,S,V,Pr,F),( F=skoda ; F=cs ) ) , L ).
```

```
?- setof( P-J, [P,S,V,Pr]^z(J,P,S,V,Pr,F),( F=skoda ; F=cs ) ) , L ).
```

Všechna řešení: příklady

1. Jaká jsou příjmení všech žen?
2. Kteří lidé mají více než 30 roků? Nalezněte jejich jméno a příjmení.
3. Nalezněte abecedně seřazený seznam všech lidí.
4. Nalezněte příjmení učitelů ze zs_stara.
5. Jsou v databázi dva bratři (mají stejné příjmení a různá jména)?
6. Které firmy v databázi mají více než jednoho zaměstnance?

Všechna řešení: příklady

1. Jaká jsou příjmení všech žen?
2. Kteří lidé mají více než 30 roků? Nalezněte jejich jméno a příjmení.
3. Nalezněte abecedně seřazený seznam všech lidí.
4. Nalezněte příjmení učitelů ze `zs_stara`.
5. Jsou v databázi dva bratři (mají stejné příjmení a různá jména)?
6. Které firmy v databázi mají více než jednoho zaměstnance?

1. `findAll(Prijmeni, z(_, Prijmeni, z(_, _, _), L).`
2. `findAll(Jmeno-Prijmeni, (z(Jmeno, Prijmeni, _, Vek, _, _), Vek > 30), L).`
3. `setof(P-J, [S, V, Pr, F]^z(J, P, S, V, Pr, F), L).`
4. `findAll(Prijmeni, (z(_, Prijmeni, _, _, P, zs_stara), (P=ucitel; P=ucitelka)), L).`
5. `findAll(b(J1-P, J2-P), (z(J1, P, _, _, _, _), z(J2, P, _, _, _, _), J1@<J2, J1\=J2), L).`
6. `bagof(P, [J, S, V, Pr]^z(J, P, S, V, Pr, F), L), length(L, Pocet), Pocet > 1).`

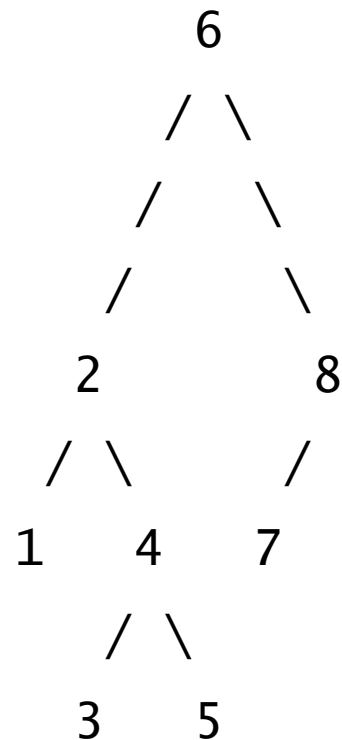
Stromy

Uzly stromu Tree jsou reprezentovány termy

• `tree(Left,Value,Right)`: Left a Right jsou opět stromy, Value je ohodnocení uzlu

• `leaf(Value)`: Value je ohodnocení uzlu

• Příklad:



```
tree(tree(leaf(1), 2, tree(leaf(3),4,leaf(5)) ), 6, tree(leaf(7),8,[]) )
```


Stromy: hledání prvku $\text{in}(X, \text{Tree})$

Prvek X se nachází ve stromě T , jestliže

- X je listem stromu T , jinak leaf(X)
- X je kořen stromu T , jinak tree(Left, X ,Right)
- X je menší než kořen stromu T , pak se nachází v levém podstromu T , jinak
- X se nachází v pravém podstromu T

Stromy: hledání prvku $\text{in}(X, \text{Tree})$

Prvek X se nachází ve stromě T , jestliže

- X je listem stromu T , jinak leaf(X)
- X je kořen stromu T , jinak tree(Left, X ,Right)
- X je menší než kořen stromu T , pak se nachází v levém podstromu T , jinak
- X se nachází v pravém podstromu T

```
in(X, leaf(X)) :- !.
```

```
in(X, tree(_,X,_)) :- !.
```

```
in(X, tree(Left, Root, Right) ) :-  
    X<Root, !,  
    in(X,Left).
```

```
in(X, tree(Left, Root, Right) ) :-  
    in(X,Right).
```

Stromy: přidávání `add(Tree, X, TreeWithX)`

Prvek X přidej do stromu T jednou z

- $T = []$, pak je nový strom `leaf(X)`
- $T = \text{leaf}(V)$ a $X > V$, pak má nový strom kořen V a `leaf(X)` vpravo (vlevo je `[]`)
 $T = \text{leaf}(V)$ a $X < V$, pak má nový strom kořen V a `leaf(X)` vlevo (vpravo je `[]`)
- $T = \text{tree}(L, _, _)$ a $X > V$, pak v novém stromě L ponechej a X přidej doprava
 $T = \text{tree}(_, _, R)$ a $X < V$, pak v novém stromě R ponechej a X přidej doleva

Stromy: přidávání `add(Tree, X, TreeWithX)`

Prvek X přidej do stromu T jednou z

- $T = []$, pak je nový strom `leaf(X)`
- $T = \text{leaf}(V)$ a $X > V$, pak má nový strom kořen V a `leaf(X)` vpravo (vlevo je `[]`)
 $T = \text{leaf}(V)$ a $X < V$, pak má nový strom kořen V a `leaf(X)` vlevo (vpravo je `[]`)
- $T = \text{tree}(L, _, _)$ a $X > V$, pak v novém stromě L ponechej a X přidej doprava
 $T = \text{tree}(_, _, R)$ a $X < V$, pak v novém stromě R ponechej a X přidej doleva

```
add([], X, leaf(X)) :- !.
```

```
add(leaf(V), X, T1) :-
```

```
    ( X > V, !, T1 = tree([], V, leaf(X))
```

```
    ; X < V, T1 = tree(leaf(X), V, [])
```

```
    ).
```

Stromy: přidávání `add(Tree, X, TreeWithX)`

Prvek X přidej do stromu T jednou z

- `T = []`, pak je nový strom `leaf(X)`
- `T=leaf(V)` a `X>V`, pak má nový strom kořen V a `leaf(X)` vpravo (vlevo je `[]`)
`T=leaf(V)` a `X<V`, pak má nový strom kořen V a `leaf(X)` vlevo (vpravo je `[]`)
- `T=tree(L,_,_)` a `X>V`, pak v novém stromě L ponechej a X přidej doprava
`T=tree(_,_,R)` a `X<V`, pak v novém stromě R ponechej a X přidej doleva

```
add([],X,leaf(X)) :- !.
```

```
add(leaf(V), X, T1) :-
```

```
    ( X>V, !, T1=tree([],V,leaf(X))
```

```
    ; X<V, T1=tree(leaf(X),V,[])
```

```
    ).
```

```
add(tree(L,V,R), X, tree(L1,V,R1)) :-
```

```
    ( X>V, !, L1=L, add(R,X,R1)
```

```
    ; X<V, R1=R, add(L,X,L1)
```

```
    ).
```

Procházení stromů

?- traverse(tree(tree(leaf(1),2),tree(leaf(3),4,leaf(5))),6,tree(leaf(7),8,leaf(9))),
 [6,2,1,4,3,5,8,7,9]. (preorder)

traverse(T,Pre):- t_pre(T,Pre, []).

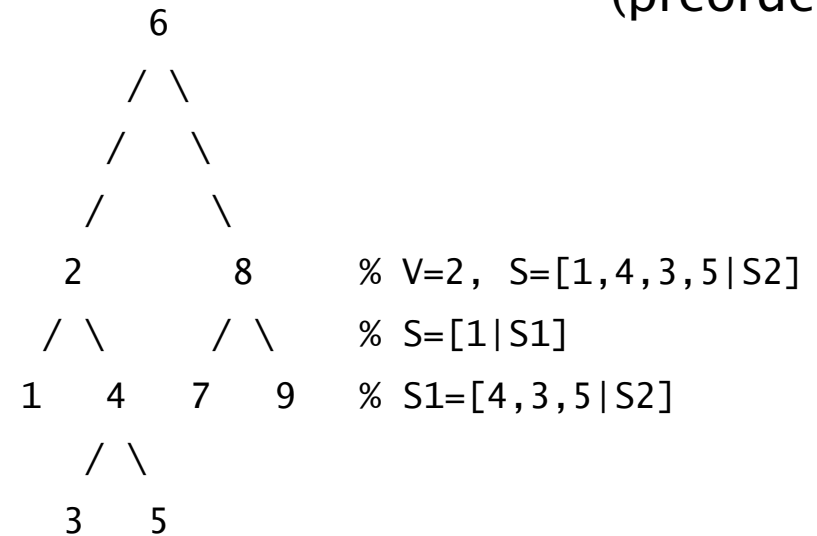
t_pre(leaf(V), [V|S], S).

t_pre(tree(L,V,R), [V|S], S2):-

 t_pre(L,S,S1),

 t_pre(R,S1,S2).

Použit princip rozdílových seznamů



Modifikuje algoritmus tak, aby byly uzly vypsány v pořadí inorder (nejprve levý podstrom, pak uzel a nakonec pravý podstrom), tj. [1,2,3,4,5,6,7,8,9]

Procházení stromů

?- traverse(tree(tree(leaf(1),2),tree(leaf(3),4,leaf(5))),6,tree(leaf(7),8,leaf(9))),
[6,2,1,4,3,5,8,7,9]. (preorder)

```
traverse(T,Pre):- t_pre(T,Pre, []).
```

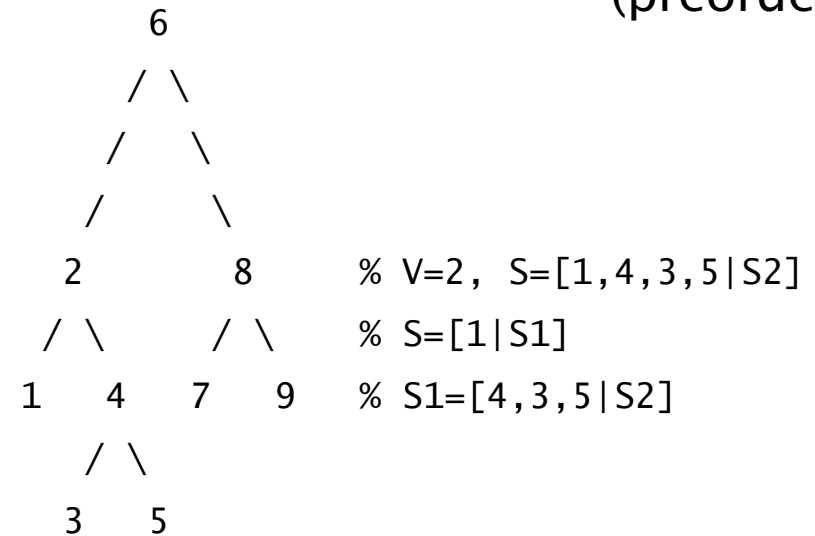
```
t_pre(leaf(V), [V|S], S).
```

```
t_pre(tree(L,V,R), [V|S], S2):-
```

```
    t_pre(L,S,S1),
```

```
    t_pre(R,S1,S2).
```

Použit princip rozdílových seznamů



Modifikuje algoritmus tak, aby byly uzly vypsány v pořadí inorder (nejprve levý podstrom, pak uzel a nakonec pravý podstrom), tj. [1,2,3,4,5,6,7,8,9]

```
traverse(T,In):- t_in(T,In, []).
```

```
t_in(leaf(V), [V|S], S).
```

```
t_in(tree(L,V,R), S,S2):-
```

```
    t_in(L,S,[V|S1]),
```

```
    t_in(R,S1,S2).
```

Reprezentace grafu

- Reprezentace grafu: pole následníků uzlů
- Grafy nebudeme modifikovat, tj. pro reprezentaci pole lze využít term
- (Orientovany) neohodnocený graf

`graf([2, 3], [1, 3], [1, 2]).`

`graf([2, 4, 6], [1, 3], [2], [1, 5, 6], [4], [1, 4]).`

?- `functor(Graf, graf, PocetUzlu).`

?- `arg(Uzel, Graf, Sousedi).`

- (Orientovany) ohodnocený graf

`graf([2-1, 3-2], [1-1, 3-2], [1-2, 2-2]).`

`graf([2-1, 4-3, 6-1], [1-1, 3-2], [2-2], [1-3, 5-1, 6-1], [4-1], [1-1, 4-1]).`

Procházení grafu do hloubky

● Rodiče uzlů:

- při reprezentaci rodičů lze využít term s aritou odpovídající počtu uzlů
- iniciálně jsou argumentu termu volné proměnné
- na závěr je v N-tém argumentu uložen rodič (iniciální uzel označíme empty)

● Procházení grafu z uzlu U

- Vytvoříme term pro rodiče (všichni rodiči jsou zatím volné proměnné)
- Uzel U má prázdného rodiče a má sousedy S
- Procházíme (rekurzivně) všechny sousedy v S

● Procházení sousedů S uzlu U

- Uzel V je první soused
- Nastavíme rodiče uzlu V na uzel U
- Pokud jsme V ještě neprošli (nemá rodiče), tak rekurzivně procházej všechny jeho sousedy
- Procházej zbývající sousedy uzlu U

DFS: algoritmus

```
dfs(U,G,P) :-  
    functor(G,graf,Pocet),  
    functor(P,rodice,Pocet),  
    arg(U,G,Sousedi),  
    arg(U,P,empty),  
    prochazej_sousedy(Sousedi,U,G,P).  
  
prochazej_sousedy([],_,_,_).  
prochazej_sousedy([V|T],U,G,P) :-  
    arg(V,P,Rodic),  
    ( nonvar(Rodic), !  
    ;  
    Rodic = U,  
    arg(V,G,SousediV),  
    prochazej_sousedy(SousediV,V,G,P)  
    ),  
    prochazej_sousedy(T,U,G,P).
```