

# IV107 Bioinformatika I

## Přednáška 10

Katedra informačních technologií  
Masarykova Univerzita Brno

Jaro 2008

Řetězce a algoritmy na  
řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu  
hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu  
prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

Příště

video HHMI

## Předchozí týden

- ▶ Získávání proteomických dat
  - ▶ 2-D gely
  - ▶ izolace skvrn
  - ▶ štěpení enzymy (např. trypsin)
  - ▶ hmotnostní spektrometrie (MS)
  - ▶ proteinový čip
- ▶ MS
  - ▶ MALDI-TOF
  - ▶ tandemová MS

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$ : chyb

Příště

video HHMI

## Outline

### Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

### Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

### Srovnávání dvou sekvencí

DP - Needleman-Wunsch

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

video HHMI

### Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

### Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

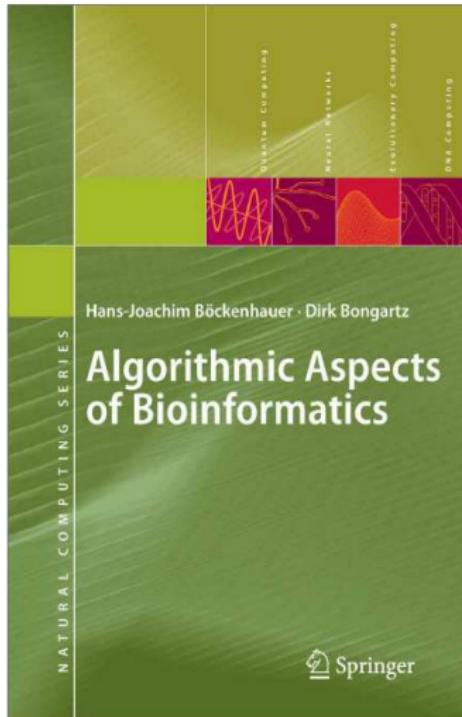
### Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

### Příště

video HHMI

# Podrobné informace



## Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy  
Základní algoritmy  
Algoritmus využívající analýzu hledaného motívů  
Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

## Hledání opakování

Tandemové opakování  
Palindromy

## Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$ : chyb

## Příště

video HHMI

## Základní pojmy

abeceda	$\{\epsilon, a, c, g, t\}$
podřetězec	aagg <b>tacg</b> cgt
prefix	<b>gtacg</b> cgtgtt
suffix	cgtat <b>gtacg</b>

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$ : chyb

Příště

video HHMI

## Základní operace

konkatenace

x=cggat y=att x.y=cggatatt

průnik

x=cggat y=att Over(x,y)=at

sjednocení

x=cggat y=att  $\langle x, y \rangle$ =cggatt

Řetězce a algoritmy na  
řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu  
hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu  
prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně k chybám

Příště

video HHMI

## Výskyt sekvenčních motivů v databázích

Cílem je zjistit všechny pozice delšího řetězce, na kterých se vyskytuje kratší řetězec

- ▶ přesný výskyt
- ▶ přibližný výskyt

řetězec *t* dlouhý (n), např. genomová sekvence  
motiv *p* krátký (m), např. cgcggtggctcg

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně k chybám

Příště

video HHMI

## Naivní algoritmus

a c t g t g t a t g a a a t c g c  
1..n → t g t c a  
1..m →

Složitost:  $O(mn)$

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

Příště

video HHMI

```
a c t g t g t a t g a a a a t c g c  
→ g a t c a t  
      × ↑ ↑ ←
```

máme v motivu další t?

```
a c t g t g t a t g a a a a t c g c  
+1 → g a t c a t
```

kde máme v motivu další výskyt suffixu at?

```
a c t g t g t a t g a a a a t c g c  
+3 → g a t c a t
```

Realizujeme krok, který je větší

## Složitost

konstrukce:  $O(\|abeceda\|.m)$

hledání:  $O(mn)$  (v praxi ale blíže k  $O(n)$ )

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

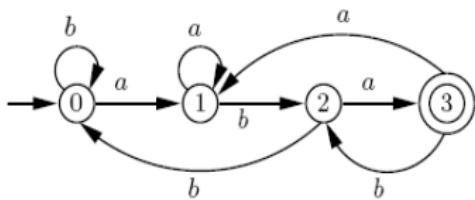
Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně k chybám

Příště

video HHMI

## Automat pro hledání řetězce aba



Automat vytvořen z motivu  $p$  postupně čte symboly z řetězce  $m$ . Koncový stav automatu dosáhneme po načtení celého hledaného motivu.

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

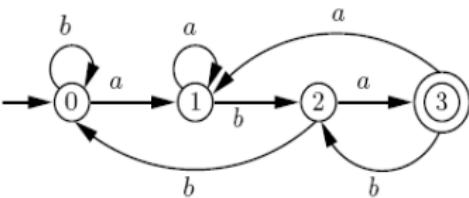
Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

Příště

video HHMI

t=bababaa p=aba

$\epsilon$	0
b	0
ba	1
bab	2
<b>bab</b>	<b>3</b>
babab	2
<b>bababa</b>	<b>3</b>
bababaa	1



## Složitost

konstrukce: naivní  $O(m^3)$ ; optimální  $O(\|abeceda\|.m)$   
 hledání:  $O(n)$

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

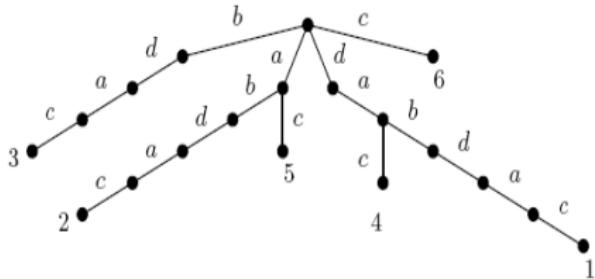
Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně k chybám

Příště

video HHMI

## Suffixový strom pro řetězec dabdac



## Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

## Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

## Hledání opakování

## Tandemové opakování

Palindromy

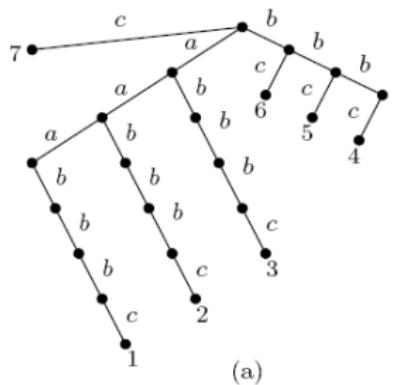
## Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně k chybám

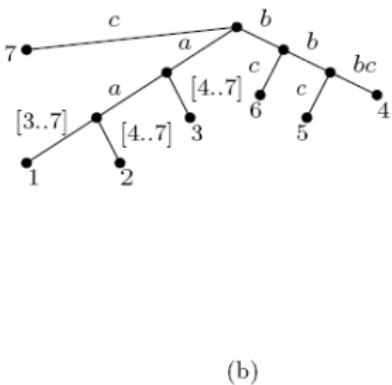
Příště

video HHMI

## Kompaktní suffixový strom pro řetězec aaabbcc



(a)



(b)

Konstrukce:  $O(n \cdot \log n)$   
Hledání:  $O(m \cdot \|abecedal\| + k)$

Řetězce a algoritmy na  
řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu  
hledaného motívů

Algoritmus využívající nalýzu  
prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$ : chyby

Příště

video HHMI

## Sufixové pole - ukazovatele na polohy suffixů seřazené lexikograficky

Dlouho bylo považováno za méně kvalitní datovou strukturu, protože neobsahuje přímo informace o společných prefixech. Ty lze však spočítat do lcp pole (least common prefix) tak, že konstrukce pole i stromu má stejnou složitost.

$t = dabdac$

$sa(t) = 7,2,5,3,6,1,4$

$lcp(t) = 0,0,1,0,0,0,2$

6 0

1 0 abdac

4 1 ac

2 0 bdac

5 0 c

0 0 dabdac

3 2 dac

### Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motívku

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

### Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

### Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$ : chyb

### Příště

video HHMI

## Outline

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

## Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

DP - Needleman-Wunsch

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

video HHMI

Řetězce a algoritmy na  
řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu  
hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu  
prohledávaného řetězce

## Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

## Příště

video HHMI

Tandemová a palindromická opakování nesou biologický i praktický význam

**palindrom** možná sekundární struktura DNA nebo RNA

**tandem** regulace genů, telomery, identifikace jedinců z DNA

[Řetězce a algoritmy na řetězcích](#)

[Základní pojmy](#)

[Základní algoritmy](#)

[Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu](#)

[Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce](#)

[Hledání opakování](#)

[Tandemové opakování](#)

[Palindromy](#)

[Srovnávání dvou sekvencí](#)

[Vylepšení pro maximálně  \$k\$  chyb](#)

[Příště](#)

[video HHMI](#)

## Nejdelší společný prefix dvou pozic

t g c a g a a g c a g a t c c t g a c g  
↑                       ↑

Složitost naivního algoritmu  $O(n^3)$

[Řetězce a algoritmy na řetězcích](#)

[Základní pojmy](#)

[Základní algoritmy](#)

[Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu](#)

[Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce](#)

[Hledání opakování](#)

[Tandemové opakování](#)

[Palindromy](#)

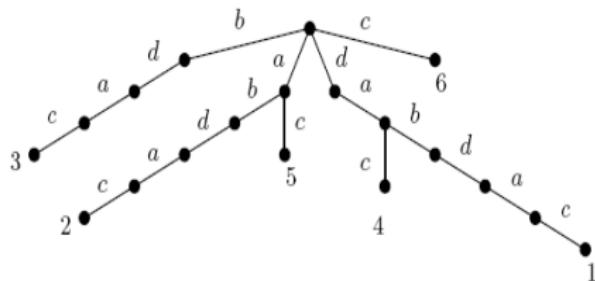
[Srovnávání dvou sekvencí](#)

[Vylepšení pro maximálně  \$k\$  chyb](#)

[Příště](#)

[video HHMI](#)

## Posuzování tandemových opakování pomocí suffixových stromů, příp. polí ( $t=dabdac$ )



$$\text{lcp}(1,4) = ?$$

Nalezneme větve označené 1 a 4

$$\text{lcp}(1,4) = \text{da}$$

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně k chybám

Příště

video HHMI

## Hledání tandemových opakování

- ▶ konstrukce stromu:  $O(n.\log n)$
- ▶ hledání lcp pro dvě konkrétní pozice  $O(n.\log n)$
- ▶ Prohledávání sekvence

Složitost:  $O(n.(\log n)^2 + p)$

Řetězce a algoritmy na  
řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu  
hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu  
prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$ : chyb

Příště

video HHMI

Nejdelší společný prefix mezi originální a komplementární sekvencí umožňuje urychlení hledání podobně jako pro tandemové opakování

↓ 8  
t g c a g a a g c t t c t g t c t g a c g  
a c g t c t t c g a a g a c a g a c t g c  
            ↑ 9\*

Složitost naivního algoritmu  $O(n^3)$

Složitost naivního algoritmu  $O(nlp)$  (pro omezenou vzdálenost a délku) Složitost s použitím suffixových struktur  $O(n)$

## Řetězce a algoritmy na řetězcích

- Základní pojmy
- Základní algoritmy
- Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu
- Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

## Hledání opakování

- Tandemové opakování
- Palindromy

## Srovnávání dvou sekvencí

- Vylepšení pro maximálně k chybám

## Příště

- video HHMI

## Outline

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

DP - Needleman-Wunsch

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

video HHMI

Řetězce a algoritmy na  
řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu  
hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu  
prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

Příště

video HHMI

## Výpočet omezeného počtu buněk v tabulce DP

Stačí počítat  $2k+1$  diagonál bez ohledu na délku sekvencí

Složitost:  $O(kn)$  (naproti  $O(mn)$ )

[Řetězce a algoritmy na řetězcích](#)

[Základní pojmy](#)

[Základní algoritmy](#)

[Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu](#)

[Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce](#)

[Hledání opakování](#)

[Tandemové opakování](#)

[Palindromy](#)

[Srovnávání dvou sekvencí](#)

[Vylepšení pro maximálně  \$k\$  chyb](#)

[Příště](#)

[video HHMI](#)

## Využití SA a LCP k rychlému postupu po diagonále

Složitost:  $O(k^2)$

Řetězce a algoritmy na  
řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu  
hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu  
prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

Příště

video HHMI

## Příště Video HHMI

Řetězce a algoritmy na řetězcích

Základní pojmy

Základní algoritmy

Algoritmus využívající analýzu hledaného motivu

Algoritmus využívající nalýzu prohledávaného řetězce

Hledání opakování

Tandemové opakování

Palindromy

Srovnávání dvou sekvencí

Vylepšení pro maximálně  $k$  chyb

Příště

video HHMI

# Outline

## Dodatek

### Dodatek

For Further Reading

Dodatek

For Further Reading

## For Further Reading

X