

Syntaxe logického programu

Backtracking, unifikace, aritmetika

Term:

- univerzální datová struktura (slouží také pro příkazy jazyka)
- definovaný rekurzivně
- **konstanty:** číselné, alfanumerické (začínají malým písmenem), ze speciálních znaků (operátory)
- **proměnné:** pojmenované (alfanumerické řetězce začínající velkým písmenem), anonymní (začínají podtržítkem)
- **složený term:** funktoři, arity, argumenty struktury jsou opět termy

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2009

2

Backtracking, unifikace, aritmetika

Anatomie a sémantika logického programu

- **Program:** množina predikátů (v jednom nebo více souborech).
- **Predikát** (procedura) je seznam klauzulí s hlavou stejného jména a arity
- **Klauzule:** věty ukončené tečkou, se skládají z hlavy a těla.
Prázdné tělo mají **fakta**, neprázdné pak **pravidla**, existují také klauzule bez hlavy – direktivy.
Hlavu tvoří **literál (složený term)**, tělo seznam literálů.
Literálům v těle nebo v dotazu říkáme **cíle**.
Dotazem v prostředí interpretu se spouští programy či procedury.

Sémantika logického programu:

procedury ≡ databáze faktů a pravidel ≡ logické formule

Sicstus Prolog minimum I

- **Spuštění interpretu:** V unixu přidáme modul
 - module add sicstusa spustíme příkazem
 - sicstusPracovním adresářem je aktuální (tam kde byl spuštěn).
V MS Windows standardně z nabídky Start/Programs nebo pomocí ikony, nastavíme pracovní adresář pomocí File/Working directory, v případě potřeby nastavíme font Settings/Font a uložíme nastavení Settings/Save settings.

Sicstus Prolog minimum II

■ Načtení programu: tzv. konzultace

Editor není integrován, takže program editujeme externě ve svém oblíbeném editoru. Pak ho načteme z příkazové řádky v interpretu příkazem

```
?- consult(jmeno).
```

nebo pomocí zkrácené syntaxe

```
?- [jmeno]. % (předpokládá se přípona .pl)
```

pokud uvádíme celé jméno případně cestu, dáváme jej do apostrofů

```
?- ['D:\prolog\moje\programy\jmeno.pl'].
```

V MS Windows lze také pomocí nabídky File/Consult

Sicstus Prolog minimum III

■ Spouštění programů/procedur/predikátů je zápis dotazů, př.

```
?- muj_predikat(X,Y).  
?- suma(1,2,Y), vypis('Vysledek je ',Y).
```

Každý příkaz ukončujeme tečkou.

■ Přerušení a zastavení cyklícího programu: Ctrl-C

■ Ukončení interpretu příkazem

```
?- halt.
```

Příklad rodokmen

```
rodic(petr, filip).           muz(petr).  
rodic(petr, lenka).          muz(filip).  
rodic(pavel, jan).           muz(pavel).  
rodic(adam, petr).           muz(jan).  
rodic(tomas, michal).        muz(adam).  
rodic(michal, radek).        muz(tomas).  
rodic(eva, filip).           muz(michal).  
rodic(jana, lenka).          muz(radek).  
rodic(pavla, petr).          zena(eva).  
rodic(pavla, tomas).         zena(lenka).  
rodic(lenka, vera).          zena(pavla).  
                                zena(jana).  
                                zena(vera).  
  
otec(Otec,Dite) :- rodic(Otec,Dite), muz(Otec).
```

Backtracking: příklady

V pracovním adresáři vytvořte program rodokmen.pl.

Načtěte program v interpretu (konzultujte).

V interpretu Sicstus Prologu pokládejte dotazy:

- Je Petr otcem Lenky?
- Je Petr otcem Jana?
- Kdo je otcem Petra?
- Jaké děti má Pavla?
- Ma Petr dceru?
- Které dvojice otec-syn známe?

Backtracking: řešení příkladů

Středníkem si vyžádáme další řešení

```
| ?- otec(petr,lenka).           | ?- otec(otec,Syn),muz(Syn).  
yes                           Syn = filip,  
| ?- otec(petr,jan).           Otec = petr ? ;  
no                            Syn = jan,  
| ?- otec(Kdo,petr).           Otec = pavel ? ;  
Kdo = adam ? ;  
no                            Syn = petr,  
| ?- rodic(pavla,Dite).       Otec = adam ? ;  
Dite = petr ? ;  
Dite = tomas ? ;  
no                            Syn = michal,  
| ?- otec(petr,Dcera),zena(Dcera). Otec = tomas ? ;  
Dcera = lenka ? ;  
no                            Syn = radek,  
| ?- otec(petr,Dcera),zena(Dcera). Otec = michal ? ;  
no                            no  
| ?-
```

Backtracking: řešení příkladů II

```
/* nevhodne umistení testu -  
vypocet "bloudi" v neuspesnych vetvich */  
nevlastni_bratr(Bratr,Sourozenec):-  
    rodic_v(X,Bratr),  
    muz(Bratr),  
    rodic_v(X,Sourozenec),  
    /* tento test není nutný,  
     ale zvyšuje efektivitu */  
    Bratr \== Sourozenec,  
    rodic_v(Y,Bratr),  
    Y \== X,  
    rodic_v(Z,Sourozenec),  
    Z \== X,  
    Z \== Y,  
    muz(Bratr).
```

Backtracking: příklady II

Predikát potomek/2:

```
potomek(Potomek,Predek) :- rodic(Predek,Potomek).  
potomek(Potomek,Predek) :- rodic(Predek,X), potomek(Potomek,X).
```

Naprogramujte predikáty

- prababicka(Prababicka,Pravnouce)
- nevlastni_bratr(Nevlastni_bratr,Nevlastni_sourozenec)

Řešení:

```
prababicka(Prababicka,Pravnouce):-  
    rodic(Prababicka,Prarodic),  
    zena(Prababicka),  
    rodic(Prarodic,Rodic),  
    rodic(Rodic,Pravnouce).
```

Backtracking: prohledávání stavového prostoru

- Zkuste předem odhadnout (odvodit) pořadí, v jakém budou nalezeni potomci Pavly?
- Jaký vliv má pořadí klauzulí a cílu v predikátu potomek/2 na jeho funkci?
- Nahrad'te ve svých programech volání predikátu rodic/2 následujícím predikátem rodic_v/2

```
rodic_v(X,Y):-rodic(X,Y),print(X),print(' ? ').
```

Pozorujte rozdíly v délce výpočtu dotazu nevlastni_bratr(filip,X) při změně pořadí testů v definici predikátu nevlastni_bratr/2

Backtracking: řešení III

```
/* varianta 1a */
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,X),potomek(Potomek,X).

/* varianta 1b - jine poradi odpovedi, neprimi potomci maji prednost */
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,X),potomek(Potomek,X).
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).

/* varianta 2a - leva rekurse ve druhe klauzuli,
na dotaz potomek(X,pavla) vypise odpovedi, pak cykli */
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).
potomek(Potomek,Predek):-potomek(Potomek,X),rodic(Predek,X).

/* varianta 2b - leva rekurse v prvni klauzuli,
na dotaz potomek(X,pavla) hned cykli */
potomek(Potomek,Predek):-potomek(Potomek,X),rodic(Predek,X).
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).
```

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2009

13

Backtracking, unifikace, aritmetika

Unifikace:příklady

Které unifikace jsou korektní, které ne a proč?

Co je výsledkem provedených unifikací?

1. $a(X)=b(X)$
2. $X=a(Y)$
3. $a(X)=a(X,X)$
4. $X=a(X)$
5. $jmeno(X,X)=jmeno(Petr,plus)$
6. $s(1,a(X,q(w)))=s(Y,a(2,Z))$
7. $s(1,a(X,q(X)))=s(W,a(Z,Z))$

Neúspěje volání 1) a 3), ostatní fungují, tyto struktury vzniknou v případech 4),7)

a 8) přestože u posledních dvou mají levá a pravá strana unifikace disjunktní množiny jmen proměnných.

```
| ?- nevlastni_bratr(X,Y).
petr? petr? petr? petr? eva? petr? jana?
X = filip,
Y = lenka ? ;
petr? pavel? pavel? adam? adam? tomas? tomas? michal? michal? eva? eva? jana?
pavla? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? lenka?
no
| ?- nevlastni_bratr2(X,Y).
petr? petr? petr? petr? eva? eva? petr? eva? petr? petr? petr? jana? eva? petr?
X = filip,
Y = lenka ? ;
petr? petr? petr? petr? eva? jana? petr? eva? petr? petr? petr? jana? jana? pet
jana? pavel? pavel? pavel? pavel? adam? adam? adam? adam? pavla? pavla? adam?
pavla? tomas? tomas? tomas? michal? michal? michal? michal? eva? eva? pe
petr? eva? eva? petr? eva? jana? jana? petr? petr? jana? jana? petr? jana? pavl
pavla? adam? adam? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla?
pavla? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla? pavla? lenka? lenka? lenka? ler
no
```

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2009

14

Backtracking, unifikace, aritmetika

Mechanismus unifikace I

Unifikace v průběhu dokazování predikátu odpovídá předávání parametrů při provádění procedury, ale je důležité uvědomit si rozdíly. Celý proces si ukážeme na příkladu predikátu suma/3.

```
suma(0,X,X). /*klauzule A*/
suma(s(X),Y,s(Z)):-suma(X,Y,Z). /*klauzule B*/
```

pomocí substitučních rovnic při odvozování odpovědi na dotaz

```
?- suma(s(0),s(0),X0).
```

Mechanismus unifikace II

```
suma(0,X,X) . /*A*/  
          suma(s(X),Y,s(Z)):-suma(X,Y,Z) . /*B*/  
?- suma(s(0),s(0),X0).
```

1. dotaz unifikujeme s hlavou klauzule B, s A nejde unifikovat (1. argument)

```
suma(s(0),s(0),X0) = suma(s(X1),Y1,s(Z1))  
==> X1 = 0, Y1 = s(0), s(Z1) = X0  
==> suma(0,s(0),Z1)
```

2. dotaz (nový podcíl) unifikujeme s hlavou klauzule A, klauzuli B si poznačíme jako další možnost

```
suma(0,s(0),Z1) = suma(0,X2,X2)  
X2 = s(0), Z1 = s(0)  
==> X0 = s(s(0))  
X0 = s(s(0)) ;
```

2' dotaz z kroku 1. nejde unifikovat s hlavou klauzule B (1. argument)

no

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2009

17

Backtracking, unifikace, aritmetika

Aritmetika

Zavádíme z praktických důvodů, ale aritmetické predikáty již nejsou vícesměrné, protože v každém aritmetickém výrazu musí být všechny proměnné instaciované číselnou konstantou.

Důležitý rozdíl ve vestavěných predikátech `is/2` vs. `=/2` vs. `=:=/2`

`is/2`: <konstanta nebo proměnná> `is` <aritmetický výraz>

výraz na pravé straně je nejdříve aritmeticky vyhodnocen a pak unifikován s levou stranou

`=/2`: <libovolný term> `=` <libovolný term>

levá a pravá strana jsou unifikovány

`=:=/2` "`=\=/2`" "`>=/2`" "`=</2`"

<aritmetický výraz> `=:=` <aritmetický výraz>

<aritmetický výraz> `=\=` <aritmetický výraz>

<aritmetický výraz> `=<` <aritmetický výraz>

<aritmetický výraz> `>=` <aritmetický výraz>

levá i pravá strana jsou nejdříve aritmeticky vyhodnoceny a pak porovnány

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2009

19

Backtracking, unifikace, aritmetika

Vícesměrnost predikátů

Logický program lze využít vícesměrně, například jako

- výpočet kdo je otcem Petra? `?- otec(X,petr).`
kolik je $1+1$? `?- suma(s(0),s(0),X).`
- test je Jan otcem Petra? `?- otec(jan,petr).`
 $1+1 \neq 2$? `?- suma(s(0),s(0),s(0)).`
- generátor které dvojice otec-dítě známe? `?- otec(X,Y).`
Které X a Y dávají v součtu 2? `?- suma(X,Y,s(s(0))).`

... ale pozor na levou rekurzi, volné proměnné, asymetrii, a jiné záležitosti

Následující dotazy

`?-suma(X,s(0),Z).` `?-suma(s(0),X,Z).`

nedávají stejné výsledky. Zkuste si je odvodit pomocí substitučních rovnic.

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2009

18

Backtracking, unifikace, aritmetika

Aritmetika: příklady

Jak se liší následující dotazy (na co se kdy ptáme)? Které uspějí (kladná odpověď), které neuspějí (záporná odpověď), a které jsou špatně (dojde k chybě)? Za jakých předpokladů by ty neúspěšné případně špatné uspěly?

- | | | |
|--------------------------|------------------------------|-----------------------------------|
| 1. $X = Y + 1$ | 7. $1 + 1 = 1 + 1$ | 13. $1 \leq 2$ |
| 2. $X \text{ is } Y + 1$ | 8. $1 + 1 \text{ is } 1 + 1$ | 14. $1 \leq < 2$ |
| 3. $X = Y$ | 9. $1 + 2 =:= 2 + 1$ | 15. $\sin(X) \text{ is } \sin(2)$ |
| 4. $X == Y$ | 10. $X \backslash== Y$ | 16. $\sin(X) = \sin(2+Y)$ |
| 5. $1 + 1 = 2$ | 11. $X =\= Y$ | 17. $\sin(X) =:= \sin(2+Y)$ |
| 6. $2 = 1 + 1$ | 12. $1 + 2 =\= 1 - 2$ | |

Nápověda: `'=/2` unifikace, `'==/2` test na identitu, `'=:/2` aritmetická rovnost, `'\=/2` negace testu na identitu, `'\=/2` aritmetická nerovnost

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2009

20

Backtracking, unifikace, aritmetika

Aritmetika: příklady II

Jak se liší predikáty `s1/3` a `s2/3`? Co umí `s1/3` navíc oproti `s2/3` a naopak?

```
s1(0,X,X).  
s1(s(X),Y,s(Z)):-s1(X,Y,Z).
```

```
s2(X,Y,Z):- Z is X + Y.
```

`s1/3` je vícesměrný - umí sčítat, odečítat, generovat součty, ale pracuje jen s nezápornými celými čísly

`s2/3` umí pouze sčítat, ale také záporná a reálná čísla

Operátory

Definice operátorů umožňuje přehlednější infixový zápis binárních a unárních predikátů, příklad: definice `op(1200,Y,'-')` umožňuje zápis

```
a:-print(s(s(0))),b,c).
```

pro výraz

```
:(a,,(print(s(s(0)))),,(b,c))).
```

Prefixovou notaci lze získat predikátem `display/1`. Vyzkoušejte

```
display((a:-print(s(s(0))),b,c)).
```

```
display(a+b+c-d-e*f*g-h+i).
```

```
display([1,2,3,4,5]).
```

Definice standardních operátorů najdete na konci manuálu.

Závěr

Dnešní látku jste pochopili dobře, pokud víte

- jaký vliv má pořadí klauzulí a cílu v predikátu `potomek/2` na jeho funkci,
- jak umisťovat testy, aby byl prohledávaný prostor co nejmenší (příklad `nevlastni_bratr/2`),
- k čemu dojde po unifikaci `X=a(X)`,
- proč neuspěje dotaz `?- X=2, sin(X) is sin(2)`.
- za jakých předpokladů uspějí tyto cíle `X=Y`, `X==Y`, `X=:Y`,
- a umíte odvodit pomocí substitučních rovnic odpovedi na dotazy `suma(X,s(0),Z)` a `suma(s(0),X,Z)`.