

# Stromy

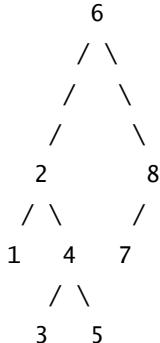
## Stromy, grafy

Uzly stromu Tree jsou reprezentovány termíny

- tree(Left,Value,Right): Left a Right jsou opět stromy, Value je ohodnocení uzlu

- leaf(Value): Value je ohodnocení uzlu

- Příklad:



```
tree(tree(leaf(1), 2, tree(leaf(3),4,leaf(5)) ), 6, tree(leaf(7),8,[]))
```

## Stromy: hledání prvku in(X,T)

Predikát in(X,T) uspěje, pokud se prvek X nachází ve stromu T.

Prvek X se nachází ve stromě T, jestliže

- X je listem stromu T, jinak  $\text{leaf}(X)$
- X je kořenem stromu T, jinak  $\text{tree}(\text{Left},X,\text{Right})$
- X je menší než kořen stromu T, pak se nachází v levém podstromu T, jinak
- X se nachází v pravém podstromu T

```
in(X, leaf(X)) :- !.
in(X, tree(_,X,_)) :- !.
in(X, tree(Left, Root, Right) ) :-
    X<Root, !,
    in(X,Left).
in(X, tree(Left, Root, Right) ) :-
    in(X,Right).
```

## Stromy: přidávání add(T,X,TwithX)

Prvek X přidej do stromu T jednou z následujících možností:

- pokud T = [], pak je nový strom  $\text{leaf}(X)$
- pokud T= $\text{leaf}(V)$  a  $X>V$ , pak vznikne nový strom s kořenem V, vpravo má  $\text{leaf}(X)$  (vlevo je [])
- pokud T= $\text{leaf}(V)$  a  $X<V$ , pak vznikne nový strom s kořenem V, vlevo má  $\text{leaf}(X)$  (vpravo je [])
- pokud T= $\text{tree}(L,V,..)$  a  $X>V$ , pak v novém stromě L ponechej a X přidej doprava (rekurzivně)
- pokud T= $\text{tree}(..,V,R)$  a  $X<V$ , pak v novém stromě R ponechej a X přidej doleva (rekurzivně)

```
add([],X,leaf(X)) :- !.
add(leaf(V), X, tree([],V,leaf(X)) ) :- X>V, !.
add(leaf(V), X, tree(leaf(X),V,[])) :- !.
add(tree(L,V,R), X, tree(L,V,R1)) :- X>V, !, add(R,X,R1).
add(tree(L,V,R), X, tree(L1,V,R)) :- add(L,X,L1).
```

## Procházení stromů

Napište predikát `traverse(Tree, List)`, který projde traversálně strom `Tree`. Seznam `List` pak obsahuje všechny prvky tohoto stromu.

Pořadí preorder: nejprve uzel, pak levý podstrom, nakonec pravý podstrom

```
?- traverse(tree(tree(leaf(1),2,tree(leaf(3),4,leaf(5))),6,
tree(leaf(7),8,leaf(9))), [6,2,1,4,3,5,8,7,9]).          (preorder)
```

```
traverse(T,Pre):- t_pre(T,Pre,[]).           6
                                         / \
t_pre([],S,S).                         /   \
t_pre(leaf(V),[V|S],S).                  /     \
t_pre(tree(L,V,R),[V|S],S2):-            /       \
                                         2       8   % V=2, S=[1,4,3,5|S2]
                                         / \   / \
                                         t_pre(L,S,S1),
                                         t_pre(R,S1,S2).
                                         1   4   7   9   % S1=[4,3,5|S2]
                                         / \
                                         3   5
```

Použit princip rozdílových seznamů

## Procházení stromů

```
traverse(T,Pre):- t_pre(T,Pre,[]).           6
                                         / \
                                         /   \
                                         /     \
                                         2       8   % V=2, S=[1,4,3,5|S2]
                                         / \   / \
                                         t_pre(L,S,S1),
                                         t_pre(R,S1,S2).
                                         1   4   7   9   % S1=[4,3,5|S2]
                                         / \
                                         3   5
```

Modifikuje algoritmus tak, aby byly uzly vypsány v pořadí inorder (nejprve levý podstrom, pak uzel a nakonec pravý podstrom), tj. [1,2,3,4,5,6,7,8,9]

```
traverse(T,In):- t_in(T,In,[]).
```

```
t_pre([],S,S).
t_in(leaf(V),[V|S],S).
t_in(tree(L,V,R),S,S2):-
t_in(L,S,[V|S1]),
t_in(R,S1,S2).
```

## DÚ: Procházení stromu postorder

Modifikuje algoritmus tak, aby byly uzly vypsány v pořadí postorder (nejprve levý podstrom, pak pravý podstrom a nakonec uzel), tj. [1,3,5,4,2,7,9,8,6]

```
traverse_post(T,Post):-
t_post(T,Post,[]).           6
                                         / \
                                         /   \
                                         /     \
                                         2       8
                                         / \   / \
                                         t_post(L,S,S1),
                                         t_post(R,S1,[V|S2]).
                                         1   4   7   9
                                         / \
                                         3   5
```

## Reprezentace grafu

- Reprezentace grafu: pole následníků uzelů
- Grafy nebudeme modifikovat, tj. pro reprezentaci pole lze využít term
- (Orientovaný) neohodnocený graf

```
graf([2,3],[1,3],[1,2]).           graf([2,4,6],[1,3],[2],[1,5],[4,6],[1,5]).
```

1--2	5--4
\	
\	6--1--2--3
3	

```
?- functor(Graf,graf,PocetUzlu).
?- arg(Uzel,Graf,Soused).
```

- (Orientovaný) ohodnocený graf [Soused-Ohodnoceni|Sousedci]

```
graf([2-1,3-2],[1-1,3-2],[1-2,2-2]).
```

```
graf([2-1,4-3,6-1],[1-1,3-2],[2-2],[1-3,5-1],[4-1,6-2],[1-1,5-2]).
```

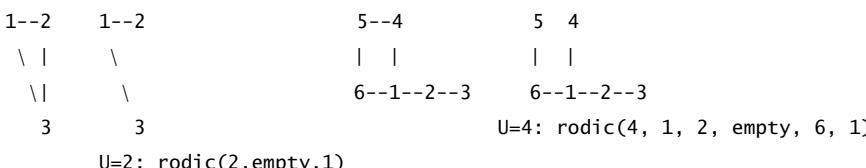
## Procházení grafu do hloubky

Napište predikát `dfs(Uzel,Graf,Parents)` pro procházení grafu Graf do hloubky z uzlu Uzel. Výsledkem je datová struktura Parents, která reprezentuje strom vzniklý při prohledávání do hloubky (pro každý uzel stromu známe jeho rodiče).

Datová struktura pro rodiče uzelů:

- při reprezentaci rodičů lze využít term s aritou odpovídající počtu uzelů
- iniciálně jsou argumentu termu volné proměnné
- na závěr je v N-tém argumentu uložen rodič N-tého uzelu  
(iniciální uzel označíme `empty`)

```
graf([2,3],[1,3],[1,2]).      graf([2,4,6],[1,3],[2],[1,5],[4,6],[1,5]).
```



Hana Rudová, Logické programování I, 19. května 2010

9

Stromy, grafy

## Procházení grafu do hloubky: algoritmus I

Procházení grafu z uzlu Uzel

- Vytvoříme term pro rodiče (všichni rodiči jsou zatím volné proměnné)
- Uzel Uzel má prázdného rodiče a má sousedy Sousedí
- Procházíme (rekurzivně) všechny sousedy v Sousedí

```
dfs(Uzel,Graf,Parents) :-  
    functor(Graf,graf,Pocet),  
    functor(Parents,rodice,Pocet),  
    arg(Uzel,Parents,empty),  
    arg(Uzel,Graf,Sousedí),  
    prochazej_sousedy(Sousedí,Uzel,Graf,Parents).
```

Hana Rudová, Logické programování I, 19. května 2010

10

Stromy, grafy

## Procházení grafu do hloubky: algoritmus II

Procházení sousedů uzelu Uzel (pokud Uzel nemá sousedy, tj. `Sousedí=[]`, končíme)

1. Uzel V je první soused
2. Zjistíme rodiče uzelu V ... pomocí `arg(V,Parents,Rodic)`
3. Pokud jsme V ještě neprošli (tedy nemá rodiče a platí `var(Rodic)`), tak
  - (a) nastavíme rodiče uzelu V na Uzel
  - (b) rekurzivně procházej všechny sousedy uzelu V
4. Procházej zbývající sousedy uzelu Uzel

```
prochazej_sousedy([],_,_,_).
```

```
prochazej_sousedy([V|T],Uzel,Graf,Parents) :- arg(V,Parents,Rodic),  
    ( nonvar(Rodic) -> true  
    ; Rodic = Uzel,  
      arg(V,Graf,SousedíV),  
      prochazej_sousedy(SousedíV,V,Graf,Parents)  
    ),  
    prochazej_sousedy(T,Uzel,Graf,Parents).
```

Hana Rudová, Logické programování I, 19. května 2010

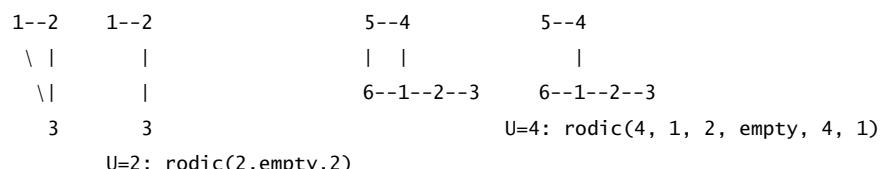
11

Stromy, grafy

## DÚ: Procházení grafu do šířky

Napište predikát `bfs(U,G,P)` pro procházení grafu G do šířky z uzlu U. Výsledkem procházení je datová struktura P, která reprezentuje strom vzniklý při prohledávání grafu G do šířky (pro každý uzel stromu známe jeho rodiče).

```
graf([2,3],[1,3],[1,2]).      graf([2,4,6],[1,3],[2],[1,5],[4,6],[1,5]).
```



Hana Rudová, Logické programování I, 19. května 2010

12

Stromy, grafy