

IB013 Logické programování I

(průsvitky ze cvičení)

Hana Rudová

jaro 2011

Backtracking, unifikace, aritmetika

Syntaxe logického programu

Term:

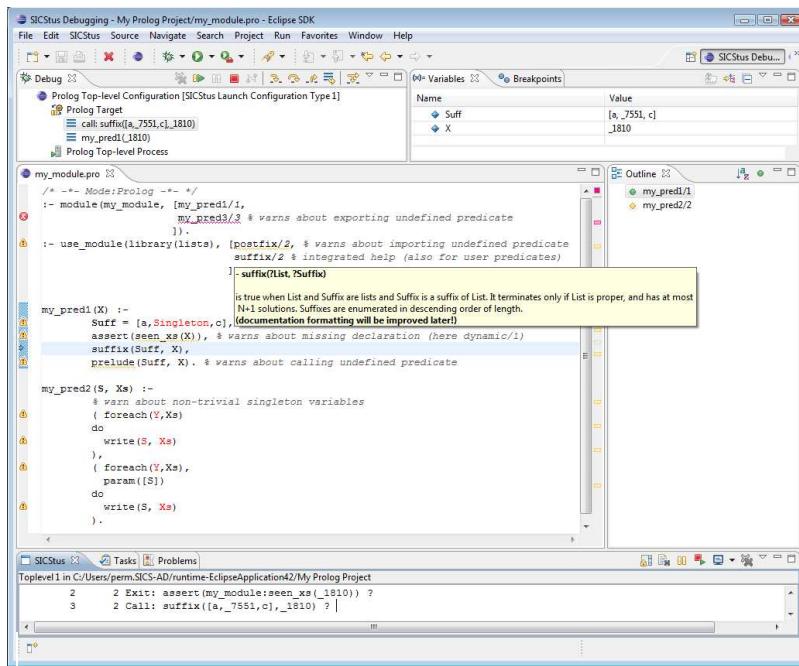
- univerzální datová struktura (slouží také pro příkazy jazyka)
- definovaný rekurzivně
- **konstanty:** číselné, alfanumerické (začínají malým písmenem), ze speciálních znaků (operátory)
- **proměnné:** pojmenované (alfanumerické řetězce začínající velkým písmenem), anonymní (začínají podtržítkem)
- **složený term:** funktoř, arita, argumenty struktury jsou opět termy

Anatomie a sémantika logického programu

- **Program:** množina predikátů (v jednom nebo více souborech).
- **Predikát** (procedura) je seznam klauzulí s hlavou stejného jména a arity
- **Klauzule:** věty ukončené tečkou, se skládají z hlavy a těla.
Prázdné tělo mají **fakta**, neprázdné pak **pravidla**, existují také klauzule bez hlavy – direktivy.
Hlavu tvoří **literál** (**složený term**), tělo seznam literálů.
Literálům v těle nebo v dotazu říkáme **cíle**.
Dotazem v prostředí interpretu se spouští programy či procedury.
 - př. otec(Otec,Dite) :- rodic(Otec,Dite), muz(Otec).
rodic(petr, jana).
:- otec(Otec, jana).

Sémantika logického programu:

procedury \equiv databáze faktů a pravidel \equiv logické formule



Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

5

Backtracking, unifikace, aritmetika

SICStus Prolog: konzultace

- **Otevření souboru:** File->Open File
- **Přístup k příkazové řádce pro zadávání dotazů:** SICStus->Open Toplevel
- **Načtení programu:** tzv. konzultace
 - přímo z Menu: SICStus->Consult Prolog Code (okno s programem aktivní)
 - nebo zadáním na příkazový řádek po uložení souboru (Ctrl+S)

```
?- consult(rodokmen).
```

pokud uvádíme celé jméno případně cestu, dáváme jej do apostrofů

```
?- consult('D:\prolog\moje\programy\rodokmen.pl').
```
- V Eclipse lze nastavit Key bindings, pracovní adresář, ...

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

7

Backtracking, unifikace, aritmetika

SICStus Prolog: spouštění programu

■ UNIX:

```
module add sicstus-4.1.3
eclipse          % používání IDE SPIDER
sicstus         % používání přes příkazový řádek
```

■ MS Windows:

- používání IDE SPIDER: z nabídky All Programs -> IDE -> Eclipse 3.6
- příkazový řádek: z nabídky All Programs -> IDE -> SICStus 4.1.3
 - nastavíme pracovní adresář pomocí File/Working directory, v případě potřeby nastavíme font Settings/Font a uložíme nastavení Settings/Save settings.
- Iniciální nastavení SICStus IDE v Eclipse pomocí Help->Cheat Sheets->Initial set up of paths to installed SICStus Prolog s cestou "C:\Program Files (x86)\SICStus Prolog VC9 4.1.3\bin\sicstus.exe"
 - návod: <http://www.sics.se/sicstus/spider/site/prerequisites.html#SettingUp>

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

6

Backtracking, unifikace, aritmetika

SICStus Prolog: spouštění a přerušení výpočtu

- **Spouštění programů/procedur/predikátů** je zápis dotazů na příkazové řádce (v okně TopLevel, kurzor musí být na konci posledního řádku s | ?-), př.


```
?- predek(petr, lenka).
?- predek(X, Y).
```

Každý příkaz ukončujeme tečkou.
- **Přerušení a zastavení cyklícího programu:**
 - pomocí ikony Restart Prolog  z okna Toplevel

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

8

Backtracking, unifikace, aritmetika

Příklad rodokmen

```
rodic(petr, filip).  
rodic(petr, lenka).  
rodic(pavel, jan).  
rodic(adam, petr).  
rodic(tomas, michal).  
rodic(michal, radek).  
rodic(eva, filip).  
rodic(jana, lenka).  
rodic(pavla, petr).  
rodic(pavla, tomas).  
rodic(lenka, vera).  
  
muz(petr).  
muz(filip).  
muz(pavel).  
muz(jan).  
muz(adam).  
muz(tomas).  
muz(michal).  
muz(radek).  
  
zena(eva).  
zena(lenka).  
zena(pavla).  
zena(jana).  
zena(vera).  
  
otec(Otec,Dite) :- rodic(Otec,Dite), muz(Otec).
```

Backtracking: příklady

V pracovním adresáři vytvořte program rodokmen.pl.

Načtěte program v interpretu (konzultujte).

V interpretu Sicstus Prologu pokládejte dotazy:

- Je Petr otcem Lenky?
- Je Petr otcem Jana?
- Kdo je otcem Petra?
- Jaké děti má Pavla?
- Ma Petr dceru?
- Které dvojice otec-syn známe?

Backtracking: řešení příkladů

Středníkem si vyžádáme další řešení

```
| ?- otec(petr,lenka).  
yes  
| ?- otec(petr,jan).  
no  
| ?- otec(Kdo,petr).  
Kdo = adam ? ;  
no  
| ?- rodic(pavla,Dite).  
Dite = petr ? ;  
Dite = tomas ? ;  
no  
| ?- otec(petr,Dcera),zena(Dcera).  
Dcera = lenka ? ;  
no  
| ?-
```

```
| ?- otec(Otec,Syn),muz(Syn).  
Syn = filip,  
Otec = petr ? ;  
Syn = jan,  
Otec = pavel ? ;  
Syn = petr,  
Otec = adam ? ;  
Syn = michal,  
Otec = tomas ? ;  
Syn = radek,  
Otec = michal ? ;  
no  
| ?-
```

Predikát potomek/2:

```
potomek(Potomek,Predek) :- rodic(Predek,Potomek).  
potomek(Potomek,Predek) :- rodic(Predek,X), potomek(Potomek,X).
```

Naprogramujte predikáty

- prababicka(Prababicka,Pravnouce)
- nevlastni_bratr(Nevlastni_bratr,Nevlastni_sourozenec)
nápověda: využijte X \== Y (X a Y nejsou identické)

Řešení:

```
prababicka(Prababicka,Pravnouce):-  
    rodic(Prababicka,Prarodic),  
    zena(Prababicka),  
    rodic(Prarodic,Rodic),  
    rodic(Rodic,Pravnouce).
```

Backtracking: řešení příkladů II

```
/* nevhodne umistení testu -  
vypocet "bloudi" v neuspesnych vetvich */  
  
nevlastni_bratr(Bratr,Sourozenec):-  
    rodic(X,Bratr),  
    muz(Bratr),  
    rodic(X,Sourozenec),  
    /* tento test není nutny,  
     ale zvyseje efektivitu */  
    Bratr \== Sourozenec,  
    rodic(Y,Bratr),  
    Y \== X,  
    rodic(Z,Sourozenec),  
    Z \== X,  
    Z \== Y.  
  
nevlastni_bratr2(Bratr,Sourozenec):-  
    rodic(X,Bratr),  
    rodic(X,Sourozenec),  
    rodic(Y,Bratr),  
    rodic(Z,Sourozenec),  
    Y \== X,  
    Z \== X,  
    Z \== Y,  
    muz(Bratr).
```

Backtracking: řešení III

```
/* varianta 1a */  
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).  
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,X),potomek(Potomek,X).  
  
/* varianta 1b - jine poradi odpovedi, neprimi potomci maji prednost */  
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,X),potomek(Potomek,X).  
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).  
  
/* varianta 2a - leva rekurse ve druhe klauzuli,  
na dotaz potomek(X,pavla) vypise odpovedi, pak cykli */  
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).  
potomek(Potomek,Predek):-potomek(Potomek,X),rodic(Predek,X).  
  
/* varianta 2b - leva rekurze v prvni klauzuli,  
na dotaz potomek(X,pavla) hned cykli */  
potomek(Potomek,Predek):-potomek(Potomek,X),rodic(Predek,X).  
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).
```

Backtracking: prohledávání stavového prostoru

- Zkuste předem odhadnout (odvodit) pořadí, v jakém budou nalezeni potomci Pavly?
- Jaký vliv má pořadí klauzulí a cílu v predikátu potomek/2 na jeho funkci?
- Nahrad'te ve svých programech volání predikátu rodic/2 následujícím predikátem rodic_v/2

```
rodic_v(X,Y):-rodic(X,Y),print(X),print('? ').
```

Pozorujte rozdíly v délce výpočtu dotazu nevlastni_bratr(filip,X) při změně pořadí testů v definici predikátu nevlastni_bratr/2

```
| ?- nevlastni_bratr(X,Y).  
petr? petr? petr? petr? eva? petr? jana?  
X = filip,  
Y = lenka ? ;  
petr? pavel? pavel? adam? adam? tomas? tomas? michal? michal? eva? eva? jana?  
pavla? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? lenka?  
no  
| ?- nevlastni_bratr2(X,Y).  
petr? petr? petr? petr? eva? eva? petr? petr? petr? petr? jana? eva? petr?  
X = filip,  
Y = lenka ? ;  
petr? petr? petr? petr? eva? jana? petr? eva? petr? petr? jana? jana? petr?  
jana? pavel? pavel? pavel? adam? adam? adam? adam? pavla? pavla? adam?  
pavla? tomas? tomas? tomas? michal? michal? michal? eva? eva? petr?  
petr? eva? eva? petr? eva? jana? jana? petr? petr? jana? jana? petr?  
jana? pavla? adam? adam? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla? pavla?  
pavla? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla? pavla? lenka? lenka? lenka?  
no
```

Unifikace:příklady

Které unifikace jsou korektní, které ne a proč?

Co je výsledkem provedených unifikací?

1. $a(X)=b(X)$
2. $X=a(Y)$
3. $a(X)=a(X,X)$
4. $X=a(X)$
5. $jmeno(X,X)=jmeno(Petr,plus)$
6. $s(1,a(X,q(w)))=s(Y,a(2,Z))$
7. $s(1,a(X,q(X)))=s(W,a(Z,Z))$
8. $X=Y, P=R, s(1,a(P,q(R)))=s(Z,a(X,Y))$

Neuspěje volání 1) a 3), ostatní ano, cyklické struktury vzniknou v případech 4),7)
a 8) přestože u posledních dvou mají levá a pravá strana unifikace disjunktní
množiny jmen proměnných.

Mechanismus unifikace I

Unifikace v průběhu dokazování predikátu odpovídá předávání parametrů při provádění procedury, ale je důležité uvědomit si rozdíly. Celý proces si ukážeme na příkladu predikátu suma/3.

```
suma(0,X,X).          /*klaузule A*/  
suma(s(X),Y,s(Z)):-suma(X,Y,Z). /*klaузule B*/
```

pomocí substitučních rovnic při odvozování odpovědi na dotaz
 $?- suma(s(0),s(0),X0).$

Mechanismus unifikace II

```
suma(0,X,X). /*A*/  
suma(s(X),Y,s(Z)):-suma(X,Y,Z). /*B*/  
?- suma(s(0),s(0),X0).
```

1. dotaz unifikujeme s hlavou klaузule B, s A nejde unifikovat (1. argument)

```
suma(s(0),s(0),X0) = suma(s(X1),Y1,s(Z1))  
==> X1 = 0, Y1 = s(0), s(Z1) = X0  
==> suma(0,s(0),Z1)
```

2. dotaz (nový podcíl) unifikujeme s hlavou klaузule A, klaузuli B si poznačíme
jako další možnost

```
suma(0,s(0),Z1) = suma(0,X2,X2)  
X2 = s(0), Z1 = s(0)  
==> X0 = s(s(0))  
X0 = s(s(0));
```

2' dotaz z kroku 1. nejde unifikovat s hlavou klaузule B (1. argument)

no

Vícesměrnost predikátů

Logický program lze využít vícesměrně, například jako

- výpočet kdo je otcem Petra? $?- otec(X,petr).$
kolik je $1+1$? $?- suma(s(0),s(0),X).$
- test je Jan otcem Petra? $?- otec(jan,petr).$
Je $1+1$ 2? $?- suma(s(0),s(0),s((0))).$
- generátor které dvojice otec-dítě známe? $?- otec(X,Y).$
Které X a Y dávají v součtu 2? $?- suma(X,Y,s(s(0))).$

... ale pozor na levou rekurzi, volné proměnné, asymetrii, a jiné záležitosti

Následující dotazy

```
?-suma(X,s(0),Z).           ?-suma(s(0),X,Z).
```

nedávají stejně výsledky. Zkuste si je odvodit pomocí substitučních rovnic.

Aritmetika

Zavádíme z praktických důvodů, ale aritmetické predikáty již nejsou vícesměrné, protože v každém aritmetickém výrazu musí být všechny proměnné instaciovaný číselnou konstantou.

Důležitý rozdíl ve vestavěných predikátech `is/2` vs. `=/2` vs. `=:=/2`

`is/2`: <konstanta nebo proměnná> `is` <aritmetický výraz>

výraz na pravé straně je nejdříve aritmeticky vyhodnocen a pak unifikován s levou stranou

`=/2`: <libovolný term> `=` <libovolný term>

levá a pravá strana jsou unifikovány

`=:=/2` "`=\=/2`" "`>=/2`" "`=</2`"

<aritmetický výraz> `=:=` <aritmetický výraz>

<aritmetický výraz> `=\=` <aritmetický výraz>

<aritmetický výraz> `=<` <aritmetický výraz>

<aritmetický výraz> `>=` <aritmetický výraz>

levá i pravá strana jsou nejdříve aritmeticky vyhodnoceny a pak porovnány

Aritmetika: příklady

Jak se liší následující dotazy (na co se kdy ptáme)? Které uspějí (kladná odpověď), které neuspějí (záporná odpověď), a které jsou špatně (dojde k chybě)? Za jakých předpokladů by ty neúspěšné případně špatné uspěly?

1. $X = Y + 1$

7. $1 + 1 = 1 + 1$

13. $1 \leq 2$

2. $X \text{ is } Y + 1$

8. $1 + 1 \text{ is } 1 + 1$

14. $1 \leq < 2$

3. $X = Y$

9. $1 + 2 =:= 2 + 1$

15. $\sin(X) \text{ is } \sin(2)$

4. $X == Y$

10. $X \backslash== Y$

16. $\sin(X) = \sin(2+Y)$

5. $1 + 1 = 2$

11. $X =\backslash= Y$

17. $\sin(X) =:= \sin(2+Y)$

6. $2 = 1 + 1$

12. $1 + 2 =\backslash= 1 - 2$

Nápověda: '`/2`' unifikace, '`==/2`' test na identitu, '`=:=/2`' aritmetická rovnost, '`\==/2`' negace testu na identitu, '`=\=/2`' aritmetická nerovnost

Aritmetika: příklady II

Jak se liší predikáty `s1/3` a `s2/3`? Co umí `s1/3` navíc oproti `s2/3` a naopak?

`s1(0,X,X).`

`s1(s(X),Y,s(Z)) :- s1(X,Y,Z).`

`s2(X,Y,Z) :- Z is X + Y.`

`s1/3` je vícesměrný - umí sčítat, odečítat, generovat součty, ale pracuje jen s nezápornými celými čísly

`s2/3` umí pouze sčítat, ale také záporná a reálná čísla

Operátory

Definice operátorů umožňuje přehlednější infixový zápis binárních a unárních predikátů, příklad: definice `op(1200,Y,'-')` umožňuje zápis

`a:-print(s(s(0))),b,c).`

pro výraz

`:(a,,(print(s(s(0))),,(b,c))).`

Prefixovou notaci lze získat predikátem `display/1`. Vyzkoušejte

`display((a:-print(s(s(0))),b,c)).`

`display(a+b+c-d-e*f*g-h+i).`

`display([1,2,3,4,5]).`

Definice standardních operátorů najdete na konci manuálu.

Závěr

Dnešní látku jste pochopili dobře, pokud víte

- jaký vliv má pořadí klauzulí a cílu v predikátu potomek/2 na jeho funkci,
- jak umisťovat testy, aby byl prohledávaný prostor co nejmenší (příklad nevlastni_bratr/2),
- k čemu dojde po unifikaci $X=a(X)$,
- proč neuspěje dotaz $?- X=2, \sin(X) \text{ is } \sin(2)$.
- za jakých předpokladů uspějí tyto cíle $X=Y$, $X==Y$, $X=:Y$,
- a umíte odvodit pomocí substitučních rovnic odpovedi na dotazy $\text{suma}(X,s(0),Z)$ a $\text{suma}(s(0),X,Z)$.

Seznamy, řez

Reprezentace seznamu

- **Seznam:** $[a, b, c]$, prázdný seznam $[]$
- **Hlava (libovolný objekt), tělo (seznam):** $.(Hlava, Telo)$
 - všechny strukturované objekty stromy - i seznamy
 - funkтор $"."$, dva argumenty
 - $.(a, .(b, .(c, []))) = [a, b, c]$
 - notace: $[Hlava | Telo] = [a|Telo]$
 $Telo$ je v $[a|Telo]$ seznam, tedy píšeme $[a, b, c] = [a | [b, c]]$
- Lze psát i: $[a,b|Telo]$
 - před " $|$ " je libovolný počet prvků seznamu, za " $|$ " je seznam zbývajících prvků
 - $[a,b,c] = [a|[b,c]] = [a,b|[c]] = [a,b,c|[]]$
 - pozor: $[[a,b] | [c]] \neq [a,b | [c]]$
- **Seznam jako neúplná datová struktura:** $[a,b,c|T]$
 - $\text{Seznam} = [a,b,c|T]$, $T = [d,e|S]$, $\text{Seznam} = [a,b,c,d,e|S]$

Cvičení: append/2

```
append( [], S, S ).      % (1)
append( [X|S1], S2, [X|S3] ) :- append( S1, S2, S3 ).    % (2)

:- append([1,2],[3,4],A).
| (2)
| A=[1|B]
:- append([2],[3,4],B).
| (2)
| B=[2|C]  => A=[1,2|C]
:- append([], [3,4],C).
| (1)
| C=[3,4]  => A=[1,2,3,4],
yes
```

Predchůdce a nasledník prvku X v seznamu S

```
hledej(S,X,Pred,Po) :- append( _S1, [ Pred,X,Po | _S2 ], S)
```


Výpočet faktoriálu fact(N,F)

s akumulátorem:

```
fact( N, F ) :- fact( N, 1, F ).  
fact( 1, F, F ) :- !.  
fact( N, A, F ) :- N > 1,  
    A1 is N * A,  
    N1 is N - 1,  
    fact( N1, A1, F ).
```

```
| ?- X=1,r(X).  
r(X):-write(r1).  
r(X):-p(X),write(r2).  
r(X):-write(r3).  
p(X):-write(p1).  
p(X):-a(X),b(X),!,  
    c(X),d(X),write(p2).  
p(X):-write(p3).  
a(X):-write(a1).  
a(X):-write(a2).  
b(X):- X > 0, write(b1).  
b(X):- X < 0, write(b2).  
c(X):- X mod 2 =:= 0, write(c1).  
c(X):- X mod 3 =:= 0, write(c2).  
d(X):- abs(X) < 10, write(d1).  
d(X):- write(d2).  
no
```

```
r(X):-write(r1).  
r(X):-p(X),write(r2).  
r(X):-write(r3).  
p(X):-write(p1).  
p(X):-a(X),b(X),!,  
    c(X),d(X),write(p2).  
p(X):-write(p3).  
a(X):-write(a1).  
a(X):-write(a2).  
b(X):- X > 0, write(b1).  
b(X):- X < 0, write(b2).  
c(X):- X mod 2 =:= 0, write(c1).  
c(X):- X mod 3 =:= 0, write(c2).  
d(X):- abs(X) < 10, write(d1).  
d(X):- write(d2).
```

Prozkoumejte trasy výpočtu a navracení např. pomocí následujících dotazů (vždy si středníkem vyžádejte navracení):

- (1) X=1,r(X). (2) X=3,r(X).
(3) X=0,r(X). (4) X= -6,r(X).

- řez v predikátu p/1 neovlivní alternativy predikátu r/1
- dokud nebyl proveden řez, alternativy predikátu a/1 se uplatňují, př. neúspěch b/1 v dotazu (3)
- při neúspěchu cíle za řezem se výpočet navrací až k volající proceduře r/1, viz (1)
- alternativy vzniklé po provedení řezu se zachovávají - další možnosti predikátu c/1 viz (2) a (4)

Řez: maximum

Je tato definice predikátu max/3 korektní?

```
max(X,Y,X):-X>=Y,!.  
max(X,Y,Y).
```

Není, následující dotaz uspěje: ?- max(2,1,1).

Uved'te dvě možnosti opravy, se zachováním použití řezu a bez.

max(X,Y,X):-X>=Y.	max(X,Y,Z):-X>=Y,! , Z=X.
max(X,Y,Y):-Y>X.	max(X,Y,Y).

Problém byl v definici, v první klauzuli se tvrdilo: $X=Z \wedge X>=Y \Rightarrow \text{true}$
správná definice je: $X>=Y \Rightarrow Z=X$

Při použití řezu je třeba striktně oddělit vstupní podmínky od výstupních unifikací a výpočtu.

Řez: member

Jaký je rozdíl mezi následujícími definicemi predikátů member/2. Ve kterých odpovědích se budou lišit? Vyzkoušejte např. pomocí member(X, [1,2,3]).

```
mem1(H,[H|_]).  
mem1(H,[_|T]) :- mem1(H,T).  
  
mem2(H,[H|_]) :- !.  
mem2(H,[_|T]) :- mem2(H,T).  
  
mem3(H,[K|_]) :- H==K.  
mem3(H,[K|T]) :- H\==K, mem3(H,T).
```

- mem1/2 vyhledá všechny výskyt, při porovnávání hledaného prvku s prvky seznamu může dojít k vázání proměnných (může sloužit ke generování všech prvků seznamu)
- mem2/2 najde jenom první výskyt, taky váže proměnné
- mem3/2 najde jenom první výskyt, proměnné neváže (hledá pouze identické prvky)

Dokážete napsat variantu, která hledá jenom identické prvky

a přitom najde všechny výskyt? mem4(H,[K|_]) :- H==K. mem4(H,[K|T]) :- mem4(H,T).

Řez: delete

```
delete( X, [X|S], S ).  
delete( X, [Y|S], [Y|S1] ) :- delete(X,S,S1).
```

Napište predikát delete(X,S,S1), který odstraní všechny výskyty X (pokud se X v S nevyskytuje, tak predikát uspěje).

```
delete( _X, [], [] ).  
delete( X, [X|S], S1 ) :- !, delete(X,S,S1).  
delete( X, [Y|S], [Y|S1] ) :- delete(X,S,S1).
```

Seznamy: intersection(A,B,C)

DÚ: Napište predikát pro výpočet průniku dvou seznamů.

Nápověda: využijte predikát member/2

DÚ: Napište predikát pro výpočtu rozdílu dvou seznamů. Nápověda: využijte predikát member/2

Všechna řešení,

třídění, rozdílové seznamy

Všechna řešení

```
% z(Jmeno,Prijmeni,Pohlavi,Vek,Prace,Firma)
z(petr,novak,m,30,skladnik,skoda). z(pavel,novy,m,40,mechanik,skoda).
z(rostislav,lucensky,m,50,technik,skoda). z(alena,vesela,z,25,sekretarka,skoda).
z(jana,dankova,z,35,asistentka,skoda). z(lenka,merinska,z,35,ucetni,skoda).
z(roman,maly,m,35,manazer,cs). z(alena,novotna,z,40,ucitelka,zs_stara).
z(david,novy,m,30,ucitel,zs_stara). z(petra,spickova,z,45,uklizecka,zs_stara).
```

- Najděte jméno a příjmení všech lidí.

```
?- findall(Jmeno-Prijmeni, z(Jmeno,Prijmeni,_,_,_,_),L).
?- bagof( Jmeno-Prijmeni, [S,V,Pr,F] ^ z(Jmeno,Prijmeni,S,V,Pr,F) , L).
?- bagof( Jmeno-Prijmeni, [V,Pr,F] ^ z(Jmeno,Prijmeni,S,V,Pr,F) , L ).
```

- Najděte jméno a příjmení všech zaměstnanců firmy skoda a cs

```
?- findall( c(J,P,Firma), ( z(J,P,_,_,_,Firma), ( Firma=skoda ; Firma=cs ) ),
?- bagof( J-P, [S,V,Pr]^z(J,P,S,V,Pr,F),( F=skoda ; F=cs ) ) , L ).
?- setof( P-J, [S,V,Pr]^z(J,P,S,V,Pr,F),( F=skoda ; F=cs ) ) , L ).
```

Všechna řešení

Kolik žen a mužů je v databázi?

```
?- findall( c(P,J), z(P,J,z,_,_,_), L), length(L,N).
?- findall( c(P,J), z(P,J,m,_,_,_), L), length(L,N).

?- bagof(c(P,J), [Ve,Pr,Fi]^z(P,J,S,Ve,Pr,Fi), L), length(L,N).
```

```
?- findall( S-N, ( bagof(c(P,J), [Ve,Pr,Fi]^z(P,J,S,Ve,Pr,Fi), L),
length(L,N)
), Dvojice ).
```

Všechna řešení: příklady

1. Jaká jsou příjmení všech žen?
2. Kteří lidé mají více než 30 roků? Nalezněte jejich jméno a příjmení.
3. Nalezněte abecedně seřazený seznam všech lidí.
4. Nalezněte příjmení vyučujících ze zs_stara.
5. Jsou v databázi dva bratři (mají stejná příjmení a různá jména)?
6. Které firmy v databázi mají více než jednoho zaměstnance?

1.

```
findall(Prijmeni, z(_,Prijmeni,z,_,_,_), L).
```
2.

```
findall(Jmeno-Prijmeni, ( z(Jmeno,Prijmeni,_,Vek,_,_), Vek>30 ), L).
```
3.

```
setof(P-J, [S,V,Pr,F]^z(J,P,S,V,Pr,F), L).
```
4.

```
findall(Prijmeni, ( z(_,Prijmeni,_,_,P,zs_stara), (P=ucitel;P=ucitelka) ), L).
```
5.

```
findall(b(J1-P,J2-P), ( z(J1,P,m,_,_,_),z(J2,P,m,_,_,_), J1@<J2 ), L).
```
6.

```
findall(F-Pocet, ( bagof(P, [J,S,V,Pr]^z(J,P,S,V,Pr,F), L),
length(L,Pocet), Pocet>1
), S).
```

bubblesort(S,Sorted)

Seznam S seřad'te tak, že

- nalezněte první dva sousední prvky X a Y v S tak, že X>Y,
vyměňte pořadí X a Y a získate S1;
a seřad'te S1
- pokud neexistuje žádný takový pár sousedních prvků X a Y,
pak je S seřazený seznam

```
bubblesort(S,Sorted) :-  
    swap (S,S1), !, % Existuje použitelný swap v S?  
    bubblesort(S1, Sorted).  
bubblesort(Sorted,Sorted). % Jinak je seznam seřazený  
  
swap([X,Y|Rest],[Y,X|Rest1]) :- % swap prvních dvou prvků  
    X>Y. % nebo obecněji X@>Y, resp. gt(X,Y)  
swap([X|Rest],[X|Rest1]) :- % swap prvků až ve zbytku  
    swap(Rest,Rest1).
```

quicksort(S,Sorted)

Neprázdný seznam S seřaďte tak, že

- vyberte nějaký prvek X z S;
- rozdělte zbytek S na dva seznamy Small a Big tak, že:
v Big jsou větší prvky než X a v Small jsou zbývající prvky
- seřaďte Small do SortedSmall
- seřaďte Big do SortedBig
- setříděný seznam vznikne spojením SortedSmall a [X|SortedBig]

quicksort([],[]).

```
quicksort([X|T], Sorted) :- split(X, Tail, Small, Big),
    quicksort(Small, SortedSmall),
    quicksort(Big, SortedBig),
    append(SortedSmall, [X|SortedBig], Sorted).
```

split(X, [], [], []).

split(X, [Y|T], [Y|Small], Big) :- X > Y, !, split(X, T, Small, Big).

split(X, [Y|T], Small, [Y|Big]) :- split(X, T, Small, Big).

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

45

Všechna řešení, třídění, rozdílové seznamy

konec rekurze pro S=[]

např. vyberte hlavu S

split(X,Seznam,Small,Big)

rekurzivně quicksortem

rekurzivně quicksortem

append

DÚ: insertsort(S,Sorted)

Neprázdný seznam S=[X|T] seřaďte tak, že

- seřaďte tělo T seznamu S
 - vložte hlavu X do seřazeného těla tak,
že výsledný seznam je zase seřazený.
- Víme: výsledek po vložení X je celý seřazený seznam.

insertsort([],[]).

```
insertsort([X|T],Sorted) :-
    insertsort(T,SortedT), % seřazení těla
    insert(X,SortedT,Sorted). % vložení X na vhodné místo
```

```
insert(X,[Y|Sorted],[Y|Sorted1]) :-
    X > Y, !,
    insert(X,Sorted,Sorted1).
insert(X,Sorted,[X|Sorted]).
```

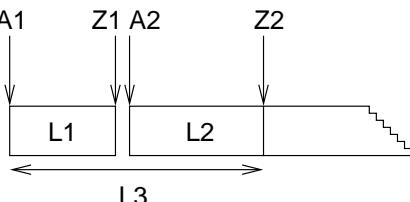
Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

46

Všechna řešení, třídění, rozdílové seznamy

Rozdílové seznamy

- Zapamatování konce a připojení na konec: rozdílové seznamy
- $[a,b] \dots L1-L2 = [a,b|T]-T = [a,b,c|S]-[c|S] = [a,b,c]-[c]$
- Reprezentace prázdného seznamu: L-L



■ `?- append([1,2,3|Z1]-Z1, [4,5|Z2]-Z2, A1-[]).`

■ `append(A1-Z1, Z1-Z2, A1-Z2).`

`L1 L2 L3`

`append([1,2,3,4,5]-[4,5], [4,5]-[], [1,2,3,4,5]-[]).`

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

47

Všechna řešení, třídění, rozdílové seznamy

% kvadratická složitost

```
reverse( [], [] ).
reverse( [ H | T ], Opacny ) :-
    reverse( T, OpacnyT ),
    append( OpacnyT, [ H ], Opacny ).
```

% lineární složitost, rozdílové seznamy

```
reverse( Seznam, Opacny ) :- reverse0( Seznam, Opacny-[] ).
reverse0( [], S-S ).
reverse0( [ H | T ], Opacny-OpacnyKonec ) :-
    reverse0( T, Opacny-[ H | OpacnyKonec ] ).
```

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

48

Všechna řešení, třídění, rozdílové seznamy

reverse(Seznam, Opacny)

quicksort pomocí rozdílových seznamů

Neprázdný seznam S seřad'te tak, že

- vyberte nějaký prvek X z S;
- rozdělte zbytek S na dva seznamy Small a Big tak, že:
v Big jsou větší prvky než X a v Small jsou zbývající prvky
- seřad'te Small do SortedSmall
- seřad'te Big do SortedBig
- setříděný seznam vznikne spojením SortedSmall a [X|SortedBig]

```
quicksort(S, Sorted) :- quicksort1(S,Sorted-[]).
```

```
quicksort([],Z-Z).
```

```
quicksort1([X|T], A1-Z2) :-  
    split(X, T, Small, Big),  
    quicksort1(Small, A1-[X|A2]),  
    quicksort1(Big, A2-Z2).
```

```
append(A1-A2, A2-Z2, A1-Z2).
```

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

49

Všechna řešení, třídění, rozdílové seznamy

Napište predikát palindrom(Seznam), který uspěje pokud se Seznam čte stejně ze zadu i zepředu, př. [a,b,c,b,a] nebo [12,15,1,1,15,12]

```
palindrom(Seznam) :- reverse(Seznam,Seznam).
```

Vstup/výstup, databázové operace, rozklad termu

DÚ: palindrom(L)

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

50

Všechna řešení, třídění, rozdílové seznamy

Čtení ze souboru

```
process_file( Soubor ) :-  
    seeing( StarySoubor ),           % zjištění aktivního proudu  
    see( Soubor ),                  % otevření souboru Soubor  
    repeat,  
        read( Term ),              % čtení termu Term  
        process_term( Term ),      % manipulace s termem  
        Term == end_of_file,        % je konec souboru?  
        !,  
        seen,                      % uzavření souboru  
        see( StarySoubor ).         % aktivace původního proudu  
  
repeat.                           % vestavěný predikát  
repeat :- repeat.
```

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

52

Vstup/výstup, databázové operace, rozklad termu

Predikáty pro vstup a výstup

```
| ?- read(A), read( ahoj(B) ), read( [C,D] ).  
| : ahoj. ahoj( petre ). [ ahoj( 'Petre!' ), jdeme ].  
A = ahoj, B = petre, C = ahoj('Petre!'), D = jdeme  
  
| ?- write(a(1)), write('.'), nl, write(a(2)), write('.'), nl.  
a(1).  
a(2).  
yes
```

- seeing, see, seen, read
- telling, tell, told, write
- standardní vstupní a výstupní stream: user

Příklad: vstup/výstup

Napište predikát uloz_do_souboru(Soubor), který načte několik fakt ze vstupu a uloží je do souboru Soubor.

```
| ?- uloz_do_souboru( 'soubor.pl' ).  
| : fakt(mirek, 18).  
| : fakt(pavel, 4).  
| : end_of_file.  
yes  
| ?- consult(soubor).  
% consulting /home/hanka/soubor.pl...  
% consulted /home/hanka/soubor.pl in module user, 0 msec  
% 376 bytes  
yes  
| ?- listing(fakt/2). % pozor: listing/1 lze použít pouze při consult/1 (ne u compile/1)  
fakt(mirek, 18).  
fakt(pavel, 4).  
yes
```

Implementace: vstup/výstup

```
uloz_do_souboru( Soubor ) :-  
    seeing( StaryVstup ),  
    telling( StaryVystup ),  
    see( user ),  
    tell( Soubor ),  
    repeat,  
        read( Term ),  
        process_term( Term ),  
        Term == end_of_file,  
        !,  
        seen,  
        told,  
        tell( StaryVystup ),  
        see( StaryVstup ).  
  
process_term(end_of_file) :- !.  
process_term( Term ) :-  
    write( Term ), write('.'), nl.
```

Databázové operace

- Databáze: specifikace množiny relací
- Prologovský program: **programová databáze**, kde jsou relace specifikovány explicitně (fakty) i implicitně (pravidly)
- Vestavěné predikáty pro změnu databáze během provádění programu:

assert(Klauzule)	přidání Klauzule do programu
asserta(Klauzule)	přidání na začátek
assertz(Klauzule)	přidání na konec
retract(Klauzule)	smažání klauzule unifikovatelné s Klauzule
- Pozor: retract/1 lze použít pouze pro **dynamické klauzule** (přidané pomocí assert) a ne pro statické klauzule z programu
- Pozor: nadměrné použití těchto operací snižuje srozumitelnost programu

Databázové operace: příklad

Napište predikát vytvor_program/0, který načte několik klauzulí ze vstupu a uloží je do programové databáze.

```
| ?- vytvor_program.  
|: fakt(pavel, 4).  
|: pravidlo(X,Y) :- fakt(X,Y).  
|: end_of_file.  
yes  
| ?- listing(fakt/2).  
fakt(pavel, 4).  
yes  
| ?- listing(pravidlo/2).  
pravidlo(A, B) :- fakt(A, B).  
yes  
| ?- clause( pravidlo(A,B), C). % clause/2 použitelný pouze pro dynamické klauzule  
C = fakt(A,B) ?  
yes
```

Konstrukce a dekompozice termu

■ Konstrukce a dekompozice termu

Term =.. [Funktor | SeznamArgumentu]

a(9,e) =.. [a,9,e]

C1 =.. [Funktor | SeznamArgumentu], call(C1)

atom =.. X \Rightarrow X = [atom]

■ Pokud chci znát pouze funktor nebo některé argumenty, pak je efektivnější:

functor(Term, Funktor, Arita)	functor(a(9,e), a, 2)
	functor(atom,atom,0) functor(1,1,0)
arg(N, Term, Argument)	arg(2, a(9,e), e)

Databázové operace: implementace

```
vytvor_program :-  
    seeing( StaryVstup ),  
    see( user ),  
    repeat,  
        read( Term ),  
        uloz_term( Term ),  
        Term == end_of_file,  
        !,  
        seen,  
        see( StaryVstup ).
```

```
uloz_term( end_of_file ) :- !.  
uloz_term( Term ) :-  
    assert( Term ).
```

Rekurzivní rozklad termu

- Term je proměnná (var/1), atom nebo číslo (atomic/1) \Rightarrow konec rozkladu
- Term je seznam ([_|_]) \Rightarrow procházení seznamu a rozklad každého prvku seznamu
- Term je složený (../2, functor/3) \Rightarrow procházení seznamu argumentů a rozklad každého argumentu
- Příklad: ground/1 uspěje, pokud v termu nejsou proměnné; jinak neuspěje
 - ground(Term) :- atomic(Term), !. % Term je atom nebo číslo NEBO
 - ground(Term) :- var(Term), !, fail. % Term není proměnná NEBO
 - ground([H|T]) :- !, ground(H), ground(T). % Term je seznam a ani hlava ani těl % neobsahují proměnné NEBO
 - ground(Term) :- Term =.. [_Funktor | Argumenty], % je Term složený ground(Argumenty). % a jeho argumenty % neobsahuje proměnné
 - ?- ground(s(2,[a(1,3),b,c],X)). % - ground(s(2,[a(1,3),b,c])).
no
Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011
 - yes
60
Vstup/výstup, databázové operace, rozklad termu

subterm(S,T)

Napište predikát $\text{subterm}(S,T)$ pro termy S a T bez proměnných, které uspějí, pokud je S podtermem termu T. Tj. musí platit alespoň jedno z

- podterm S je právě term T NEBO
- podterm S se nachází v hlavě seznamu T NEBO
- podterm S se nachází v těle seznamu T NEBO
- T je složený term (compound/1) a S je podtermem některého argumentu T
 - otestujte :- $\text{subterm}(1,2)$.
pokud nepoužijeme (compound/1), pak tento dotaz cyklí
 - otestujte :- $\text{subterm}(a,[1,2])$. ověřte, zda necyklí (nutný červený řez níže)

```
| ?- subterm(sin(3),b(c,2,[1,b],sin(3),a)).          yes
subterm(T,T) :- !.
subterm(S,[H|_]) :- subterm(S,H), !.
subterm(S,[_|T]) :- !, subterm(S,T).
subterm(S,T) :- compound(T), T=..[_|Argumenty], subterm(S,Argumenty).
```

same(A,B)

Napište predikát $\text{same}(A,B)$, který uspěje, pokud mají termy A a B stejnou strukturu. Tj. musí platit právě jedno z

- A i B jsou proměnné NEBO
 - pokud je jeden z argumentů proměnná (druhý ne), pak predikát neuspěje, NEBO
 - A i B jsou atomic a unifikovatelné NEBO
 - A i B jsou seznamy, pak jak jejich hlava tak jejich tělo mají stejnou strukturu NEBO
 - A i B jsou složené termy se stejným funktem a jejich argumenty mají stejnou strukturu
- ```
| ?- same([1,3,sin(X),s(a,3)], [1,3,sin(X),s(a,3)]). yes
same(A,B) :- var(A), var(B), !.
same(A,B) :- var(A), !, fail.
same(A,B) :- var(B), !, fail.
same(A,B) :- atomic(A), atomic(B), !, A==B.
same([HA|TA], [HB|TB]) :- !, same(HA,HB), same(TA,TB).
same(A,B) :- A=..[F|ArgA], B=..[F|ArgB], same(ArgA,ArgB).
```

## D.Ú. unify(A,B)

Napište predikát  $\text{unify}(A,B)$ , který unifikuje termy A a B a provede zároveň kontrolu výskytu pomocí  $\text{not\_occurs}(\text{Var}, \text{Term})$ .

```
| ?- unify([Y,3,sin(a(3)),s(a,3)], [1,3,sin(X),s(a,3)]).
X = a(3) Y = 1 yes

unify(A,B) :- var(A), var(B), !, A=B.
unify(A,B) :- var(A), !, not_occurs(A,B), A=B.
unify(A,B) :- var(B), !, not_occurs(B,A), B=A.
unify(A,B) :- atomic(A), atomic(B), !, A==B.
unify([HA|TA], [HB|TB]) :- !, unify(HA,HB), unify(TA,TB).
unify(A,B) :- A=..[F|ArgA], B=..[F|ArgB], unify(ArgA,ArgB).
```

## not\_occurs(A,B)

Predikát  $\text{not\_occurs}(A,B)$  uspěje, pokud se proměnná A nevyskytuje v termu B. Tj. platí jedno z

- B je atom nebo číslo NEBO
  - B je proměnná různá od A NEBO
  - B je seznam a A se nevyskytuje ani v tělě ani v hlavě NEBO
  - B je složený term a A se nevyskytuje v jeho argumentech
- ```
not_occurs(_,B) :- atomic(B), !.
not_occurs(A,B) :- var(B), !, A\==B.
not_occurs(A,[H|T]) :- !, not_occurs(A,H), not_occurs(A,T).
not_occurs(A,B) :- B=..[_|Arg], not_occurs(A,Arg).
```

Logické programování s omezujícími podmínkami

Algebrogram

- Přiřad'te cifry 0, … 9 písmenům S, E, N, D, M, O, R, Y tak, aby platilo:

$\begin{array}{r} \text{SEND} \\ + \text{ MORE} \\ \hline \text{MONEY} \end{array}$	<ul style="list-style-type: none"> ■ různá písmena mají přiřazena různé cifry ■ S a M nejsou 0 ■ Proměnné: S,E,N,D,M,O,R,Y ■ Domény: [1..9] pro S,M [0..9] pro E,N,D,O,R,Y ■ 1 omezení pro nerovnost: all_distinct([S,E,N,D,M,O,R,Y]) ■ 1 omezení pro rovnosti: $\begin{array}{rcl} 1000*S + 100*E + 10*N + D & & \text{SEND} \\ + & 1000*M + 100*O + 10*R + E & + \text{ MORE} \\ \#= & 10000*M + 1000*O + 100*N + 10*E + Y & \hline \text{MONEY} \end{array}$
---	--

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011

66

Omezující podmínky

Jazykové prvky

Nalezněte řešení pro algebrogram

$$D \ O \ N \ A \ L \ D + G \ E \ R \ A \ L \ D = R \ O \ B \ E \ R \ T$$

■ Struktura programu

```
algebrogram( [D,O,N,A,L,G,E,R,B,T] ) :-  
    domain(...), % domény proměnných  
    all_distinct(...), ... #= ..., % omezení  
    labeling(...). % prohledávání stavového prostoru
```

■ Knihovna pro CLP(FD)

```
:- use_module(library(clpfd)).
```

■ Domény proměnných

```
domain( Seznam, MinValue, MaxValue )
```

■ Omezení

```
all_distinct( Seznam )
```

■ Aritmetické omezení

```
A*B + C #= D
```

■ Procedura pro prohledávání stavového prostoru

```
labeling([],Seznam)
```

Algebrogram: řešení

```
:- use_module(library(clpfd)).
```

donald(LD) :-

% domény

LD=[D,O,N,A,L,G,E,R,B,T],

domain(LD,0,9),

domain([D,G,R],1,9),

% omezení

all_distinct(LD),

100000*D + 10000*O + 1000*N + 100*A + 10*L + D +

100000*G + 10000*E + 1000*R + 100*A + 10*L + D +

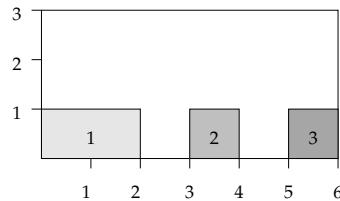
#= 100000*R + 10000*O + 1000*B + 100*E + 10*R + T,

% prohledávání stavového prostoru

labeling([],LD).

Disjunktivní rozvrhování (unární zdroj)

- `cumulative([task(Start, Duration, End, 1, Id) | Tasks])`
- Rozvržení úloh zadaných startovním a koncovým časem (`Start, End`), dobu trvání (**nezáporné Duration**) a identifikátorem (`Id`) tak, aby se nepřekrývaly
 - příklad s konstantami:
`cumulative([task(0,2,2,1,1), task(3,1,4,1,2), task(5,1,6,1,3)])`



- `Start, Duration, End, Id` musí být doménové proměnné s konečnými mezemi nebo celá čísla

Plánování

Každý úkol má stanoven dobu trvání a nejdřívější čas, kdy může být zahájen.
Nalezněte startovní čas každého úkolu tak, aby se jednotlivé úkoly nepřekrývaly.

Úkoly jsou zadány následujícím způsobem:

```
% ukol(Id,Doba,MinStart,MaxKonec)
ukol(1,4,8,70).    ukol(2,2,7,60).    ukol(3,1,2,25).    ukol(4,6,5,55).
ukol(5,4,1,45).    ukol(6,2,4,35).    ukol(7,8,2,25).    ukol(8,5,0,20).
ukol(9,1,8,40).    ukol(10,7,4,50).   ukol(11,5,2,50).   ukol(12,2,0,35).
ukol(13,3,30,60).   ukol(14,5,15,70).   ukol(15,4,10,40).
```

Kostra řešení:

```
ukoly(Zacatky) :- domeny(Ukoly,Zacatky,Tasks),
                  cumulative(Tasks),
                  labeling([],Zacatky).
```

```
domeny(Ukoly,Zacatky,Tasks) :- findall(ukol(Id,Doba,MinStart,MaxKonec),
                                         ukol(Id,Doba,MinStart,MaxKonec), Ukoly),
                                         nastav_domeny(Ukoly,Zacatky,Tasks).
```

Plánování: výstup

```
tiskni(Ukoly,Zacatky) :-
    priprav(Ukoly,Zacatky,Vstup),
    quicksort(Vstup,Vystup),
    nl, tiskni(Vystup).

priprav([],[],[]).

priprav([ukol(Id,Doba,MinStart,MaxKonec)|Ukoly], [Z|Zacatky],
        [ukol(Id,Doba,MinStart,MaxKonec,Z)|Vstup]) :-
    priprav(Ukoly,Zacatky,Vstup).

tiskni([]) :- nl.
tiskni([V|Vystup]) :-
    V=ukol(Id,Doba,MinStart,MaxKonec,Z),
    K is Z+Doba,
    format(' ~d: \t~d..~d \t(~d: ~d..~d)\n',
           [Id,Z,K,Doba,MinStart,MaxKonec]),
    tiskni(Vystup).
```

Plánování: výstup II

```
quicksort(S, Sorted) :- quicksort1(S,Sorted-[]).
quicksort1([],Z-Z).
quicksort1([X|Tail], A1-Z2) :-
    split(X, Tail, Small, Big),
    quicksort1(Small, A1-[X|A2]),
    quicksort1(Big, A2-Z2).

split(_X, [], [], []).
split(X, [Y|T], [Y|Small], Big) :- greater(X,Y), !, split(X, T, Small, Big).
split(X, [Y|T], Small, [Y|Big]) :- split(X, T, Small, Big).

greater(ukol(_,_,_,_,Z1),ukol(_,_,_,_,Z2)) :- Z1>Z2.
```

Plánování a domény

Napište predikát `nastav_domeny/3`, který na základě datové struktury `[úkol(Id,Doba,MinStart,MaxKonec) | Úkoly]` vytvoří doménové proměnné `Zacatky` pro začátky startovních dob úkolů a strukturu `Tasks` vhodnou pro omezení `cumulative/1`, ježíž prvky jsou úlohy ve tvaru `task(Zacatek,Doba,Konec,1,Id)`.

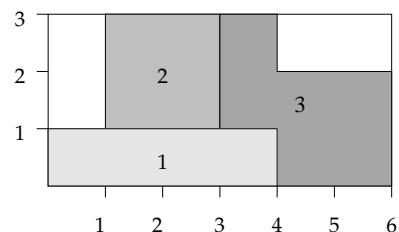
```
% nastav_domeny(+Úkoly, -Zacatky, -Tasks)
```

```
nastav_domeny([],[],[]).  
nastav_domeny([úkol(Id,Doba,MinStart,MaxKonec) | Úkoly], [Z|Zacatky],  
    [task(Z,Doba,K,1,Id)|Tasks]) :-  
        MaxStart is MaxKonec-Doba,  
        Z in MinStart..MaxStart,  
        K #= Z + Doba,  
        nastav_domeny(Úkoly,Zacatky,Tasks).
```

Kumulativní rozvrhování

- `cumulative([task(Start,Duration,End,Demand,TaskId) | Tasks], [limit(Limit)])`
- Rozvržení úloh zadaných startovním a koncovým časem (`Start, End`), dobou trvání (**nezáporné Duration**), požadovanou kapacitou zdroje (`Demand`) a identifikátorem (`Id`) tak, aby se nepřekrývaly a aby celková kapacita zdroje nikdy nepřekročila `Limit`
- Příklad s konstantami:

```
cumulative([task(0,4,4,1,1),task(1,2,3,2,2),task(3,3,6,2,3),task(4,2,6,1,4)], [limit(3)])
```



D.Ú. Plánování a precedence: precedence(Tasks)

Rozšiřte řešení předchozího problému tak, aby umožňovalo zahrnutí precedencí, tj. jsou zadány dvojice úloh A a B a musí platit, že A má být rozvrhováno před B.

```
% prec(IdA,IdB)  
prec(8,7). prec(6,12). prec(2,1).
```

Pro určení úlohy v `Tasks` lze použít `nth1(N,Seznam,NtyPrvek)` z knihovny `: - use_module(library(lists)).`

```
precedence(Tasks) :- findall(prec(A,B), prec(A,B), P),  
    omezeni_precedence(P, Tasks).  
  
omezeni_precedence([],_Tasks).  
omezeni_precedence([prec(A,B)|Prec], Tasks) :-  
    nth1(A, Tasks, task(ZA, DA, _KA, 1, A)),  
    nth1(B, Tasks, task(ZB, _DB, _KB, 1, B)),  
    ZA + DA #=< ZB,  
    omezeni_precedence(Prec, Tasks).
```

Plánování a lidé

Modifikujte řešení předchozího problému tak, že

- odstraňte omezení na nepřekrývání úkolů
- přidejte omezení umožňující řešení každého úkolu zadaným člověkem (každý člověk může zpracovávat nejvýše tolik úkolů jako je jeho kapacita)

```
% clovek(Id,Kapacita,IdÚkoly) ... clovek Id zpracovává úkoly v seznamu IdÚkoly  
clovek(1,2,[1,2,3,4,5]). clovek(2,1,[6,7,8,9,10]). clovek(3,2,[11,12,13,14,15])
```

```
lidle(Tasks,Lide) :-  
    findall(clovek(Kdo,Kapacita,Úkoly),clovek(Kdo,Kapacita,Úkoly), Lide),  
    omezeni_lide(Lide, Tasks).
```

```
omezeni_lide([],_Tasks).
```

```
omezeni_lide([clovek(_Id,Kapacita,ÚkolyCloveka)|Lide],Tasks) :-  
    omezeni_clovek(ÚkolyCloveka,Kapacita,Tasks),  
    omezeni_lide(Lide, Tasks).
```

Plánování a lidé (pokračování)

Napište predikát omezeni_clovek(UkolyCloveka,Kapacita,Tasks) , který ze seznamu Tasks vybere úlohy určené seznamem UkolyCloveka a pro takto vybrané úlohy sešle omezení cumulative/2 s danou kapacitou člověka Kapacita.

Pro nalezení úlohy v Tasks lze použít nth1(N, Tasks, NtyPrvek) z knihovny

```
:- use_module(library(lists)).  
  
omezeni_clovek(UkolyCloveka,Kapacita,Tasks) :-  
    omezeni_clovek(UkolyCloveka,Kapacita,Tasks,[]).  
  
omezeni_clovek([],Kapacita,_Tasks,TasksC) :-  
    cumulative(TasksC,[limit(Kapacita)]).  
  
omezeni_clovek([U|UkolyCloveka],Kapacita,Tasks,TasksC) :-  
    nth1(U, Tasks, TU),  
    omezeni_clovek(UkolyCloveka,Kapacita,Tasks,[TU|TasksC]).
```

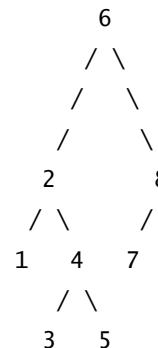
Stromy, grafy

Stromy

Uzly stromu Tree jsou reprezentovány termesy

- tree(Left,Value,Right): Left a Right jsou opět stromy, Value je ohodnocení uzlu
- leaf(Value): Value je ohodnocení uzlu

- Příklad:



```
tree(tree(leaf(1), 2, tree(leaf(3),4,leaf(5)) ), 6, tree(leaf(7),8,[]))
```

Stromy: hledání prvku in(X,T)

Predikát in(X,T) uspěje, pokud se prvek X nachází ve stromu T.

Prvek X se nachází ve stromě T, jestliže

- X je listem stromu T, jinak leaf(X)
- X je kořenem stromu T, jinak tree(Left,X,Right)
- X je menší než kořenem stromu T, pak se nachází v levém podstromu T, jinak
- X se nachází v pravém podstromu T

```
in(X, leaf(X)) :- !.  
in(X, tree(_,X,_)) :- !.  
in(X, tree(Left, Root, Right) ) :-  
    X < Root, !,  
    in(X,Left).  
in(X, tree(Left, Root, Right) ) :-  
    in(X,Right).
```

Stromy: přidávání add(T,X,TwithX)

Prvek X přidej do stromu T jednou z následujících možností:

- pokud $T = []$, pak je nový strom $\text{leaf}(X)$
- pokud $T = \text{leaf}(V)$ a $X > V$, pak vznikne nový strom s kořenem V , vpravo má $\text{leaf}(X)$ (vlevo je $[]$)
- pokud $T = \text{leaf}(V)$ a $X < V$, pak vznikne nový strom s kořenem V , vlevo má $\text{leaf}(X)$ (vpravo je $[]$)
- pokud $T = \text{tree}(L,V,R)$ a $X > V$, pak v novém stromě L ponechej a X přidej doprava (rekurzivně)
- pokud $T = \text{tree}(L,V,R)$ a $X < V$, pak v novém stromě R ponechej a X přidej doleva (rekurzivně)

```
add([],X,leaf(X)) :- !.
add(leaf(V), X, tree([],V,leaf(X))) :- X>V, !.
add(leaf(V), X, tree(leaf(X),V,[])) :- !. X<V,
add(tree(L,V,R), X, tree(L,V,R1)) :- X>V, !, add(R,X,R1).
add(tree(L,V,R), X, tree(L1,V,R)) :- X<V, add(L,X,L1).
```

Procházení stromů

```
traverse(T,Pre):- t_pre(T,Pre,[]).           6
t_pre([],S,S).                           / \
t_pre(leaf(V),[V|S],S).                   / \
t_pre(tree(L,V,R),[V|S],S2):-             2     8   % V=2, S=[1,4,3,5|S2]
    t_pre(L,S,S1),                         / \   / \
    t_pre(R,S1,S2).                       1   4   7   9   % S1=[4,3,5|S2]
                                         / \
                                         3   5
```

Modifikuje algoritmus tak, aby byly uzly vypsány v pořadí inorder (nejprve levý podstrom, pak uzel a nakonec pravý podstrom), tj. [1,2,3,4,5,6,7,8,9]

```
traverse(T,In):- t_in(T,In,[]).
t_pre([],S,S).
t_in(leaf(V),[V|S],S).
t_in(tree(L,V,R),S,S2):-
    t_in(L,S,[V|S1]),
    t_in(R,S1,S2).
```

Procházení stromů

Napište predikát $\text{traverse}(\text{Tree}, \text{List})$, který projde traversálně strom Tree. Seznam List pak obsahuje všechny prvky tohoto stromu.

Pořadí preorder: nejprve uzel, pak levý podstrom, nakonec pravý podstrom

```
?- traverse(tree(tree(leaf(1),2,tree(leaf(3),4,leaf(5))),6,
                  tree(leaf(7),8,leaf(9))), [6,2,1,4,3,5,8,7,9]).      (preorder)
```

```
traverse(T,Pre):- t_pre(T,Pre,[]).           6
t_pre([],S,S).                           / \
t_pre(leaf(V),[V|S],S).                   / \
t_pre(tree(L,V,R),[V|S],S2):-             2     8   % V=2, S=[1,4,3,5|S2]
    t_pre(L,S,S1),                         / \   / \
    t_pre(R,S1,S2).                       1   4   7   9   % S1=[4,3,5|S2]
                                         / \
                                         3   5
```

Použit princip rozdílových seznamů

Hana Rudová, Logické programování I, 13. května 2011 82 Stromy, grafy

DÚ: Procházení stromu postorder

Modifikuje algoritmus tak, aby byly uzly vypsány v pořadí postorder (nejprve levý podstrom, pak pravý podstrom a nakonec uzel), tj. [1,3,5,4,2,7,9,8,6]

$\text{traverse_post}(T,\text{Post}):-$

```
t_post(T,Post,[]).           6
t_pre([],S,S).                           / \
t_post(leaf(V),[V|S],S).                   / \
t_post(tree(L,V,R),S,S2):-               2     8
    t_post(L,S,S1),                         / \   / \
    t_post(R,S1,[V|S2]).                   1   4   7   9
                                         / \
                                         3   5
```

Reprezentace grafu

- Reprezentace grafu: pole následníků uzlů
- Grafy nebudeme modifikovat, tj. pro reprezentaci pole lze využít term
- (Orientovaný) neohodnocený graf

```
graf([2,3],[1,3],[1,2]).      graf([2,4,6],[1,3],[2],[1,5],[4,6],[1,5]).
```



```
?- functor(Graf,graf,PocetUzlu).  
?- arg(Uzel,Graf,Sousedsi).
```

- (Orientovaný) ohodnocený graf [Soused-Ohodnoceni|Sousedsi]

```
graf([2-1,3-2],[1-1,3-2],[1-2,2-2]).  
graf([2-1,4-3,6-1],[1-1,3-2],[2-2],[1-3,5-1],[4-1,6-2],[1-1,5-2]).
```

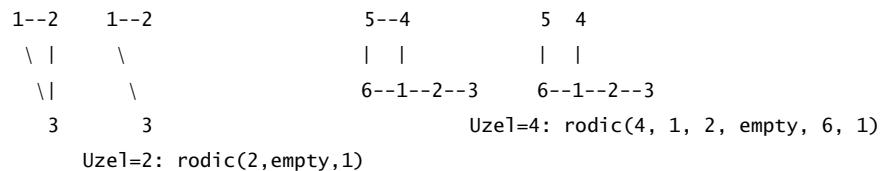
Procházení grafu do hloubky

Napište predikát dfs(Uzel,Graf,Parents) pro procházení grafu Graf do hloubky z uzlu Uzel. Výsledkem je datová struktura Parents, která reprezentuje strom vzniklý při prohledávání do hloubky (pro každý uzel stromu známe jeho rodiče).

Datová struktura pro rodiče uzlů:

- při reprezentaci rodičů lze využít term s aritou odpovídající počtu uzlů
- iniciálně jsou argumentu termu volné proměnné
- na závěr je v N-tém argumentu uložen rodič N-tého uzlu (iniciální uzel označíme empty)

```
graf([2,3],[1,3],[1,2]).      graf([2,4,6],[1,3],[2],[1,5],[4,6],[1,5]).
```



Procházení grafu do hloubky: algoritmus I

Procházení grafu z uzlu Uzel

- Vytvoříme term pro rodiče (všichni rodiče jsou zatím volné proměnné)
- Uzel Uzel má prázdného rodiče a má sousedy Sousedsi
- Procházíme (rekurzivně) všechny sousedy v Sousedsi

```
dfs(Uzel,Graf,Parents) :-  
  functor(Graf,graf,Pocet),  
  functor(Parents,rodice,Pocet),  
  arg(Uzel,Parents,empty),  
  arg(Uzel,Graf,Sousedsi),  
  prochazej_sousedy(Sousedsi,Uzel,Graf,Parents).
```

Procházení grafu do hloubky: algoritmus II

Procházení sousedů uzlu Uzel (pokud Uzel nemá sousedy, tj. Sousedsi=[], končíme)

1. Uzel V je první soused
2. Zjistíme rodiče uzlu V ... pomocí arg(V,Parents,Rodic)
3. Pokud jsme V ještě neprošli (tedy nemá rodiče a platí var(Rodic)), tak
 - (a) nastavíme rodiče uzlu V na Uzel ... pomocí arg/3
 - (b) rekurzivně procházej všechny sousedy uzlu V

pokud jsme V prošli, dále tímto uzlem nepokračujeme, tj. celkem (var(Rodic) -> ...; true)
4. Procházej zbývající sousedy uzlu Uzel
prochazej_sousedy([],_,_,_).
prochazej_sousedy([V|T],Uzel,Graf,Parents) :- arg(V,Parents,Rodic),
 (nonvar(Rodic) -> true
 ; Rodic = Uzel,
 arg(V,Graf,SousedsiV),
 prochazej_sousedy(SousedsiV,V,Graf,Parents)
),
 prochazej_sousedy(T,Uzel,Graf,Parents).

DÚ: Procházení grafu do šířky

Napište predikát bfs(U,G,P) pro procházení grafu G do šířky z uzlu U. Výsledkem procházení je datová struktura P, která reprezentuje strom vzniklý při prohledávání grafu G do šířky (pro každý uzel stromu známe jeho rodiče).

```
graf([2,3],[1,3],[1,2]).      graf([2,4,6],[1,3],[2],[1,5],[4,6],[1,5]).  
  
1--2    1--2          5--4    5--4  
 \ |     |           | |       |  
 \|     |           6--1--2--3  6--1--2--3  
 3     3           U=4: rodic(4, 1, 2, empty, 4, 1)  
  
U=2: rodic(2,empty,2)
```

Poděkování

Průsvity ze cvičení byly připraveny na základě materiálů dřívějších cvičících tohoto předmětu.

Speciální poděkování patří

- Adrianě Strejčkové

Další podklady byly připraveny

- Alešem Horákem
- Miroslavem Nepilem
- Evou Žáčkovou