

# Úvod do Prologu

# Prolog

- PROgramming in LOGic

- část predikátové logiky prvního řádu

- Deklarativní programování

- specifikační jazyk, jasná sémantika, nevhodné pro procedurální postupy
- **Co dělat** namísto **Jak dělat**

- Základní mechanismy

- unifikace, stromové datové struktury, automatický backtracking

# Logické programování

## Historie

- Rozvoj začíná po roce 1970
- Robert Kowalski – teoretické základy
- Alain Colmerauer, David Warren (*Warren Abstract Machine*) – implementace
- SICStus Prolog vyvíjen od roku 1985
- Logické programování s omezujícími podmínkami – od poloviny 80. let

## Aplikace

- rozpoznávání řeči, telekomunikace, biotechnologie, logistika, plánování, data mining, business rules, ...
- SICStus Prolog — the first 25 years, Mats Carlsson, Per Mildner. To appear in Theory and Practice of Logic Programming, 2010. <http://arxiv.org/abs/1011.5640>.

# Program = fakta + pravidla

● (Prologovský) program je seznam programových klauzulí

● programové klauzule: fakt, pravidlo

● **Fakt:** deklaruje vždy pravdivé věci

● `clovek( novak, 18, student ).`

● **Pravidlo:** deklaruje věci, jejichž pravdivost závisí na daných podmínkách

● `studuje( X ) :- clovek( X, _Vek, student ).`

● **alternativní (obousměrný) význam pravidel**

pro každé X,

X studuje, jestliže

X je student

pro každé X,

X je student, potom

X studuje

● `pracuje( X ) :- clovek( X, _Vek, CoDe1a ), prace( CoDe1a ).`

# Program = fakta + pravidla

● (Prologovský) program je seznam programových klauzulí

● programové klauzule: fakt, pravidlo

● **Fakt:** deklaruje vždy pravdivé věci

● `clovek( novak, 18, student )`.

● **Pravidlo:** deklaruje věci, jejichž pravdivost závisí na daných podmínkách

● `studuje( X ) :- clovek( X, _Vek, student )`.

● **alternativní (obousměrný) význam pravidel**

pro každé X,

X studuje, jestliže

X je student

pro každé X,

X je student, potom

X studuje

● `pracuje( X ) :- clovek( X, _Vek, CoDe1a ), prace( CoDe1a )`.

● **Predikát:** množina pravidel a faktů se stejným **funktorem** a **aritou**

● značíme: `clovek/3`, `student/1`; analogie **procedury** v procedurálních jazycích,

# Komentáře k syntaxi

- Klauzule ukončeny tečkou
- Základní příklady argumentů
  - **konstanty**: (tomas , anna) ... začínají malým písmenem
  - **proměnné**
    - X, Y ... začínají velkým písmenem
    - \_, \_A, \_B ... začínají podtržítkem (nezajímá nás vracená hodnota)
- Psaní komentářů

```
clovek( novak, 18, student ).  
clovek( novotny, 30, ucitel ).
```

```
% komentář na konci řádku  
/* komentář */
```

# Dotaz

- **Dotaz:** uživatel se ptá programu, zda jsou věci pravdivé

?- studuje( novak).	% yes	<b>splnitelný dotaz</b>
?- studuje( novotny).	% no	<b>nesplnitelný dotaz</b>

- **Odpověď** na dotaz

- pozitivní – **dotaz je splnitelný a uspěl**
- negativní – **dotaz je nesplnitelný a neuspěl**

# Dotaz

- **Dotaz:** uživatel se ptá programu, zda jsou věci pravdivé

?- studuje( novak).	% yes	<b>splnitelný dotaz</b>
?- studuje( novotny).	% no	<b>nesplnitelný dotaz</b>

- **Odpověď** na dotaz

- pozitivní – **dotaz je splnitelný a uspěl**
- negativní – **dotaz je nesplnitelný a neuspěl**

- Proměnné jsou během výpočtu **instanciovány** (= nahrazeny objekty)

- ?- clovek( novak, 18, Prace ).
- výsledkem dotazu je **instanciace proměnných** v dotazu
- dosud nenainstanciovaná proměnná: **volná proměnná**



# Dotaz

- **Dotaz:** uživatel se ptá programu, zda jsou věci pravdivé

```
?- studuje( novak).           % yes      splnitelný dotaz  
?- studuje( novotny).       % no      nesplnitelný dotaz
```

- **Odpověď** na dotaz

- pozitivní – **dotaz je splnitelný a uspěl**
- negativní – **dotaz je nesplnitelný a neuspěl**

- Proměnné jsou během výpočtu **instanciovány** (= nahrazeny objekty)

- ?- clovek( novak, 18, Prace ).
- výsledkem dotazu je **instanciace proměnných** v dotazu
- dosud nenainstanciovaná proměnná: **volná proměnná**

- Prolog umí generovat více odpovědí pokud existují

```
?- clovek( novak, Vek, Prace ).           % všechna řešení přes ";"
```

# Klauzule = fakt, pravidlo, dotaz

- **Klauzule** se skládá z **hlavy** a **těla**

- Tělo je **seznam cílů** oddělených čárkami, čárka = konjunkce

- **Fakt**: pouze hlava, prázdné tělo

  - `rodic( pavla, robert ).`

- **Pravidlo**: hlava i tělo

  - `upracovany_clovek( X ) :- clovek( X, _Vek, Prace ), prace( Prace, tezka ).`

- **Dotaz**: prázdná hlava, pouze tělo

  - `?- clovek( novak, Vek, Prace ).`

  - `?- rodic( pavla, Dite ), rodic( Dite, Vnuk ).`

# Rekurzivní pravidla

predek( X, Z ) :- rodic( X, Z ). % (1)

predek( X, Z ) :- rodic( X, Y ),  
                  rodic( Y, Z ). % (2)

# Rekurzivní pravidla

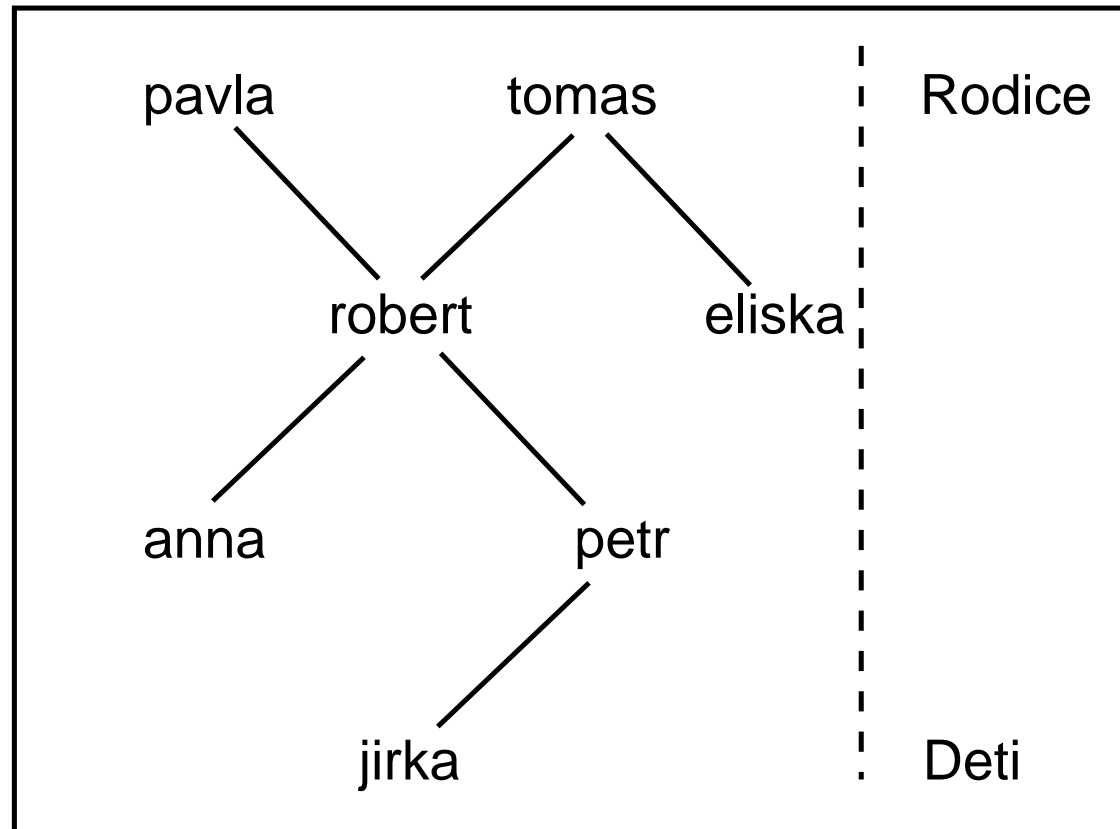
predek( X, Z ) :- rodic( X, Z ). % (1)

predek( X, Z ) :- rodic( X, Y ),  
rodic( Y, Z ). % (2)

predek( X, Z ) :- rodic( X, Y ),  
predek( Y, Z ). % (2')

## Příklad: rodokmen

```
rodic( pavla, robert ).  
rodic( tomas, robert ).  
rodic( tomas, eliska ).  
rodic( robert, anna ).  
rodic( robert, petr ).  
rodic( petr, jirka ).
```

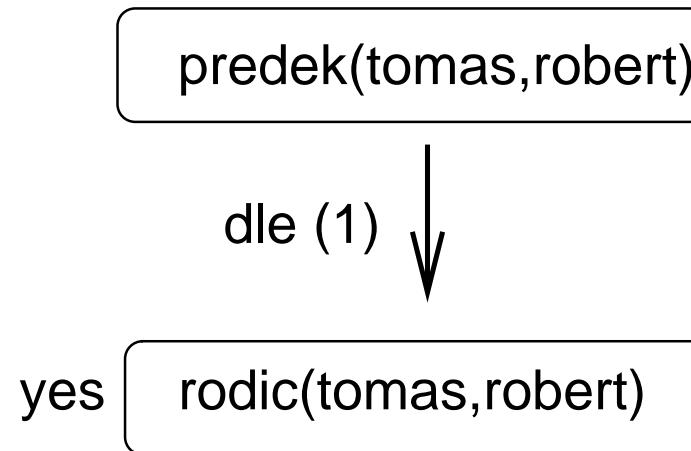


```
predek( X, Z ) :- rodic( X, Z ).           % (1)
```

```
predek( X, Z ) :- rodic( X, Y ),          % (2')  
                  predek( Y, Z ).
```

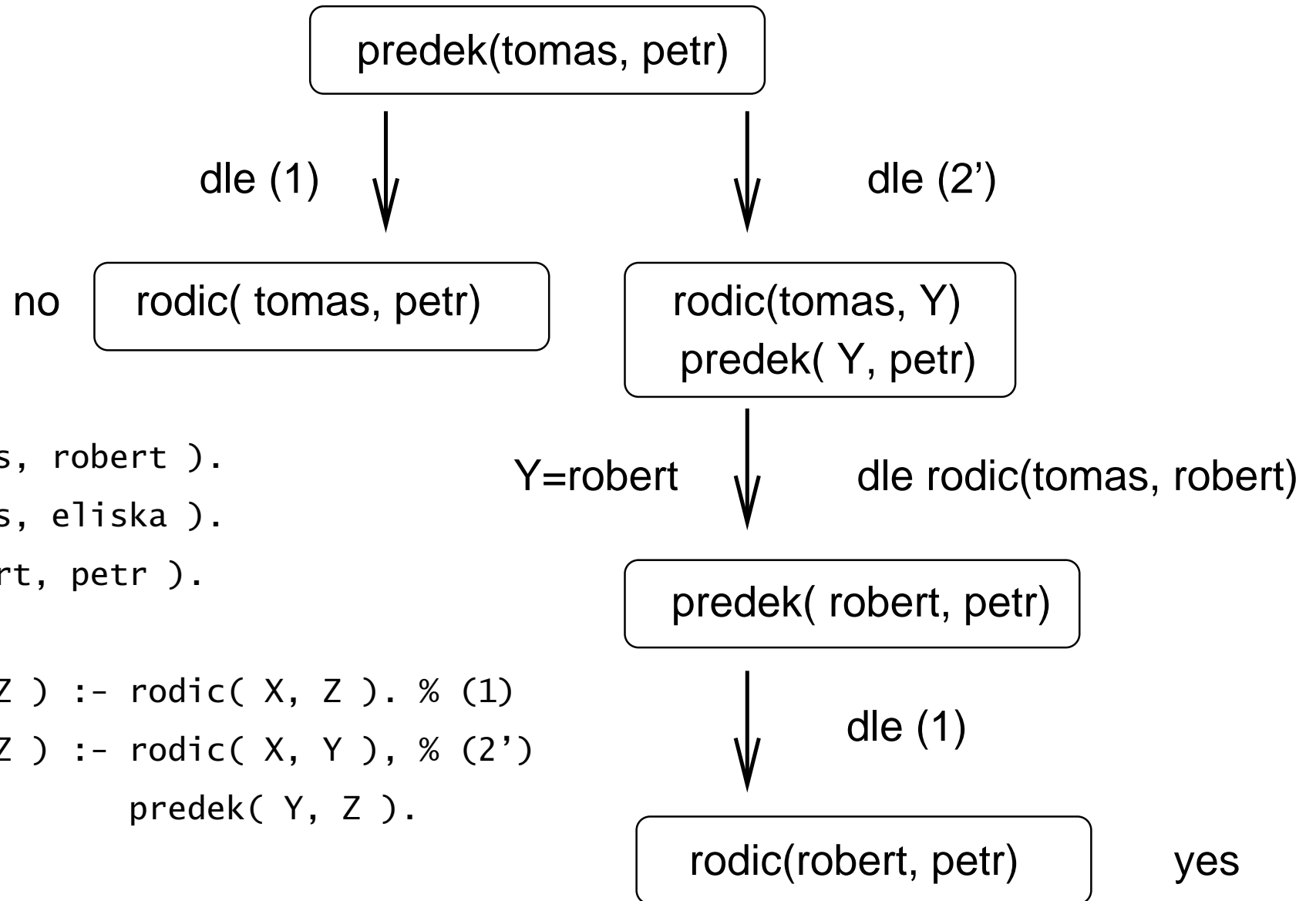
# Výpočet odpovědi na dotaz ?- predek(tomas,robert)

```
rodic( pavla, robert ).  
rodic( tomas, robert ).  
rodic( tomas, eliska ).  
rodic( robert, anna ).  
rodic( robert, petr ).  
rodic( petr, jirka ).
```



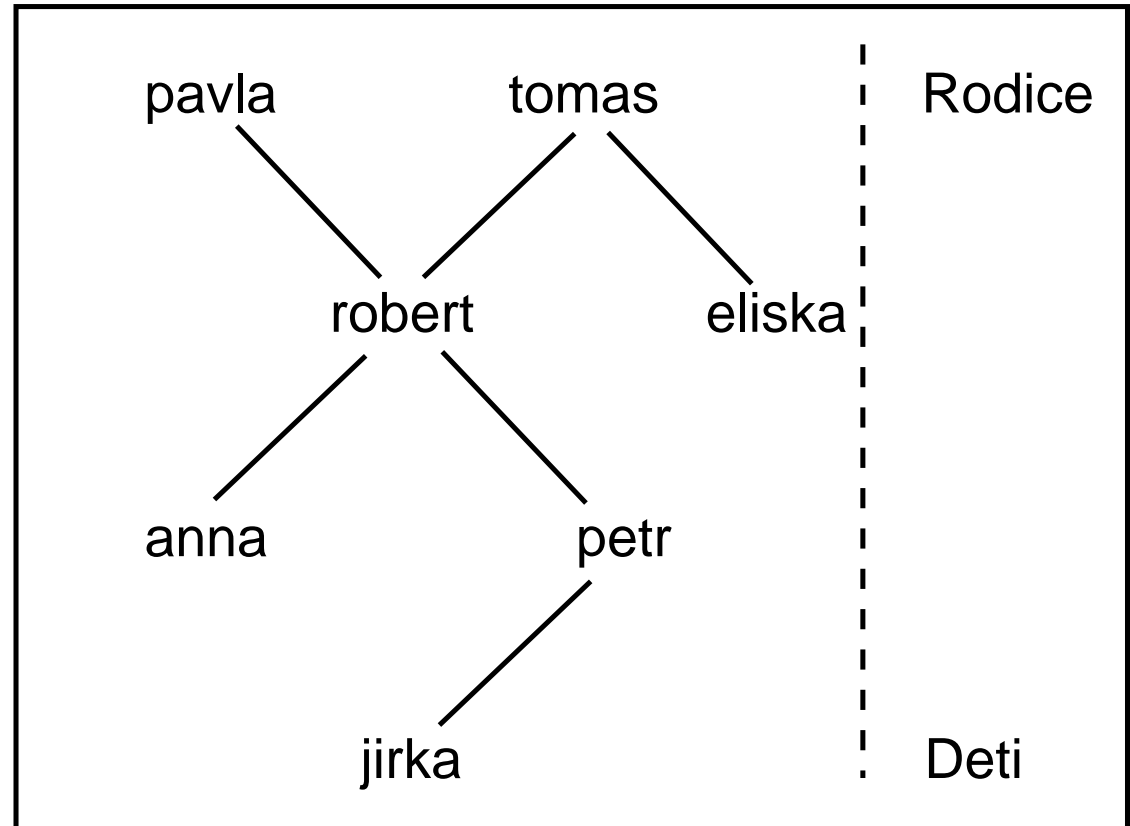
```
predek( X, Z ) :- rodic( X, Z ).           % (1)  
predek( X, Z ) :- rodic( X, Y ),          % (2')  
                  predek( Y, Z ).
```

# Výpočet odpovědi na dotaz ?- predek(tomas, petr)



# Odpořed' na dotaz ?- predek(robert, Potomek)

```
rodic( pavla, robert ).  
rodic( tomas, robert ).  
rodic( tomas, eliska ).  
rodic( robert, anna ).  
rodic( robert, petr ).  
rodic( petr, jirka ).
```



```
predek( X, Z ) :- rodic( X, Z ).  
predek( X, Z ) :- rodic( X, Y ),  
                    predek( Y, Z ).
```

```
% (1)  
% (2')
```

predek(robert, Potomek) --> ???



# Syntaxe a význam Prologovských programů

# Syntaxe Prologovských programů

## ● Typy objektů jsou rozpoznávány podle syntaxe

### ● Atom

- řetězce písmen, čísel, „\_” začínající malým písmenem: `pavel`, `pavel_novak`, `x25`
- řetězce speciálních znaků: `<-->`, `====>`
- řetězce v apostrofech: `'Pavel'`, `'Pavel Novák'`

### ● Celá a reálná čísla: `0`, `-1056`, `0.35`

### ● Proměnná

- řetězce písmen, čísel, „\_” začínající velkým písmenem nebo „\_”
- **anonymní proměnná**: `ma_dite(X) :- rodic( X, _ )`.
- hodnotu anonymní proměnné Prolog na dotaz nevrací: `?- rodic( X, _ )`
- lexikální rozsah proměnné je pouze jedna klauzule:

`prvni(X,X,X) .`

`prvni(X,X,_)` .

# Termy

- **Term** – datové objekty v Prologu: datum( 1, kveten, 2003 )
  - **funktor**: datum
  - **argumenty**: 1, kveten, 2003
  - **arita** – počet argumentů: 3
- Všechny strukturované objekty v Prologu jsou **stromy**
  - trojuhelnik( bod(4,2), bod(6,4), bod(7,1) )
- **Hlavní funktor** termu – funktor v kořenu stromu odpovídající termu
  - trojuhelnik je hlavní funktor v trojuhelnik( bod(4,2), bod(6,4), bod(7,1) )

# Unifikace

- Termíny jsou **unifikovatelné**, jestliže
  - jsou identické nebo
  - proměnné v obou termínech mohou být instanciovány tak, že termíny jsou po substituci identické
  - $\text{datum}( D1, M1, 2003 ) = \text{datum}( 1, M2, Y2 )$       **operátor =**  
 $D1 = 1, M1 = M2, Y2 = 2003$

# Unifikace

- Termíny jsou **unifikovatelné**, jestliže
  - jsou identické nebo
  - proměnné v obou termínech mohou být instanciovány tak, že termíny jsou po substituci identické
  - $\text{datum}( D1, M1, 2003 ) = \text{datum}( 1, M2, Y2 )$      **operátor =**  
 $D1 = 1, M1 = M2, Y2 = 2003$
- Hledáme **nejobecnější unifikátor** (*most general unifier (MGU)*)
  - jiné instanciaci? ...  $D1 = 1, M1 = 5, Y2 = 2003$  ... není MGU
  - ?-  $\text{datum}( D1, M1, 2003 ) = \text{datum}( 1, M2, Y2 ), D1 = M1.$

# Unifikace

## • Termy jsou **unifikovatelné**, jestliže

- jsou identické nebo

- proměnné v obou termech mohou být instanciovány tak, že termy jsou po substituci identické

- $\text{datum}( D1, M1, 2003 ) = \text{datum}( 1, M2, Y2 )$      **operátor =**  
D1 = 1, M1 = M2, Y2 = 2003

## • Hledáme **nejobecnější unifikátor** (*most general unifier (MGU)*)

- jiné instanciaci? ... D1 = 1, M1 = 5, Y2 = 2003 ... není MGU

- ?-  $\text{datum}( D1, M1, 2003 ) = \text{datum}( 1, M2, Y2 ), D1 = M1.$

## • **Test výskytu** (*occurs check*)

?-  $X=f(X).$

$X = f(f(f(f(f(f(f(f(f(\dots))))))))))$

# Unifikace

Termy S a T jsou unifikovatelné, jestliže

1. S a T jsou konstanty a tyto konstanty jsou identické;
2. S je proměnná a T cokoliv jiného – S je instanciována na T;  
T je proměnná a S cokoliv jiného – T je instanciována na S
3. S a T jsou termy
  - S a T mají stejný funktor a aritu a
  - všechny jejich odpovídající argumenty jsou unifikovatelné
  - výsledná substituce je určena unifikací argumentů

Příklady:

$k = k \dots$  yes,  $k1 = k2 \dots$  no,

# Unifikace

Termy S a T jsou unifikovatelné, jestliže

1. S a T jsou konstanty a tyto konstanty jsou identické;
2. S je proměnná a T cokoliv jiného – S je instanciována na T;  
T je proměnná a S cokoliv jiného – T je instanciována na S
3. S a T jsou termy
  - S a T mají stejný funktor a aritu a
  - všechny jejich odpovídající argumenty jsou unifikovatelné
  - výsledná substituce je určena unifikací argumentů

Příklady:

$k = k \dots \text{yes}$ ,  $k1 = k2 \dots \text{no}$ ,  $A = k(2,3) \dots \text{yes}$ ,  $k(s,a,l(1)) = A \dots \text{yes}$



# Unifikace

Termy S a T jsou unifikovatelné, jestliže

1. S a T jsou konstanty a tyto konstanty jsou identické;
2. S je proměnná a T cokoliv jiného – S je instanciována na T;  
T je proměnná a S cokoliv jiného – T je instanciována na S
3. S a T jsou termy
  - S a T mají stejný funktor a aritu a
  - všechny jejich odpovídající argumenty jsou unifikovatelné
  - výsledná substituce je určena unifikací argumentů

Příklady:

$k = k \dots \text{yes}$ ,  $k1 = k2 \dots \text{no}$ ,  $A = k(2,3) \dots \text{yes}$ ,  $k(s,a,l(1)) = A \dots \text{yes}$   
 $s(sss(2),B,ss(2)) = s(sss(2),4,ss(2),s(1)) \dots$

# Unifikace

Termy S a T jsou unifikovatelné, jestliže

1. S a T jsou konstanty a tyto konstanty jsou identické;
2. S je proměnná a T cokoliv jiného – S je instanciována na T;  
T je proměnná a S cokoliv jiného – T je instanciována na S
3. S a T jsou termy
  - S a T mají stejný funktor a aritu a
  - všechny jejich odpovídající argumenty jsou unifikovatelné
  - výsledná substituce je určena unifikací argumentů

Příklady:

$k = k \dots \text{yes}$ ,  $k1 = k2 \dots \text{no}$ ,  $A = k(2,3) \dots \text{yes}$ ,  $k(s,a,l(1)) = A \dots \text{yes}$   
 $s(sss(2),B,ss(2)) = s(sss(2),4,ss(2),s(1)) \dots \text{no}$

# Unifikace

Termy S a T jsou unifikovatelné, jestliže

1. S a T jsou konstanty a tyto konstanty jsou identické;
2. S je proměnná a T cokoliv jiného – S je instanciována na T;  
T je proměnná a S cokoliv jiného – T je instanciována na S
3. S a T jsou termy
  - S a T mají stejný funktor a aritu a
  - všechny jejich odpovídající argumenty jsou unifikovatelné
  - výsledná substituce je určena unifikací argumentů

Příklady:

$k = k \dots \text{yes}$ ,  $k1 = k2 \dots \text{no}$ ,  $A = k(2,3) \dots \text{yes}$ ,  $k(s,a,l(1)) = A \dots \text{yes}$

$s(sss(2),B,ss(2)) = s(sss(2),4,ss(2),s(1)) \dots \text{no}$

$s(sss(A),4,ss(3)) = s(sss(2),4,ss(A)) \dots$

# Unifikace

Termy S a T jsou unifikovatelné, jestliže

1. S a T jsou konstanty a tyto konstanty jsou identické;
2. S je proměnná a T cokoliv jiného – S je instanciována na T;  
T je proměnná a S cokoliv jiného – T je instanciována na S
3. S a T jsou termy
  - S a T mají stejný funktor a aritu a
  - všechny jejich odpovídající argumenty jsou unifikovatelné
  - výsledná substituce je určena unifikací argumentů

Příklady:

$k = k \dots \text{yes}$ ,  $k1 = k2 \dots \text{no}$ ,  $A = k(2,3) \dots \text{yes}$ ,  $k(s,a,l(1)) = A \dots \text{yes}$

$s(sss(2),B,ss(2)) = s(sss(2),4,ss(2),s(1)) \dots \text{no}$

$s(sss(A),4,ss(3)) = s(sss(2),4,ss(A)) \dots \text{no}$

# Unifikace

Termy S a T jsou unifikovatelné, jestliže

1. S a T jsou konstanty a tyto konstanty jsou identické;
2. S je proměnná a T cokoliv jiného – S je instanciována na T;  
T je proměnná a S cokoliv jiného – T je instanciována na S
3. S a T jsou termy
  - S a T mají stejný funktor a aritu a
  - všechny jejich odpovídající argumenty jsou unifikovatelné
  - výsledná substituce je určena unifikací argumentů

Příklady:

$k = k \dots \text{yes}$ ,  $k1 = k2 \dots \text{no}$ ,  $A = k(2,3) \dots \text{yes}$ ,  $k(s,a,l(1)) = A \dots \text{yes}$

$s(sss(2),B,ss(2)) = s(sss(2),4,ss(2),s(1)) \dots \text{no}$

$s(sss(A),4,ss(3)) = s(sss(2),4,ss(A)) \dots \text{no}$

$s(sss(A),4,ss(C)) = s(sss(t(B)),4,ss(A)) \dots$

# Unifikace

Termy S a T jsou unifikovatelné, jestliže

1. S a T jsou konstanty a tyto konstanty jsou identické;
2. S je proměnná a T cokoliv jiného – S je instanciována na T;  
T je proměnná a S cokoliv jiného – T je instanciována na S
3. S a T jsou termy
  - S a T mají stejný funktor a aritu a
  - všechny jejich odpovídající argumenty jsou unifikovatelné
  - výsledná substituce je určena unifikací argumentů

Příklady:

$k = k \dots \text{yes}$ ,  $k1 = k2 \dots \text{no}$ ,  $A = k(2,3) \dots \text{yes}$ ,  $k(s,a,l(1)) = A \dots \text{yes}$

$s(sss(2),B,ss(2)) = s(sss(2),4,ss(2),s(1)) \dots \text{no}$

$s(sss(A),4,ss(3)) = s(sss(2),4,ss(A)) \dots \text{no}$

$s(sss(A),4,ss(C)) = s(sss(t(B)),4,ss(A)) \dots A=t(B),C=t(B) \dots \text{yes}$

# Deklarativní a procedurální význam programů

- $p \text{ :- } q, r.$
  - Deklarativní: **Co** je výstupem programu?
    - $p$  je pravdivé, jestliže  $q$  a  $r$  jsou pravdivé
    - Z  $q$  a  $r$  plyne  $p$
- ⇒ význam mají logické relace

# Deklarativní a procedurální význam programů

- $p :- q, r.$

- Deklarativní: **Co** je výstupem programu?

- $p$  je pravdivé, jestliže  $q$  a  $r$  jsou pravdivé

- Z  $q$  a  $r$  plyne  $p$

- ⇒ význam mají logické relace

- Procedurální: **Jak** vypočítáme výstup programu?

- $p$  vyřešíme tak, že **nejprve** vyřešíme  $q$  a **pak**  $r$

- ⇒ kromě logických relací je významné i pořadí cílů

- výstup

- indikátor yes/no určující, zda byly cíle splněny

- instanciací proměnných v případě splnění cílů



# Deklarativní význam programu

Máme-li program a cíl  $G$ , pak **deklarativní význam** říká:

cíl  $G$  je splnitelný právě tehdy, když cíl `?- ma_dite(petr).`  
existuje klauzule  $C$  v programu taková, že  
existuje instance  $I$  klauzule  $C$  taková, že  
hlava  $I$  je identická s  $G$  a  
všechny cíle v těle  $I$  jsou pravdivé.

**Instance klauzule:** proměnné v klauzuli jsou substituovány termem

```
● ma_dite(X) :- rodic( X, Y ).           % klauzule  
ma_dite(petr) :- rodic( petr, Z ).      % instance klauzule
```

# Konjunce ",", vs. disjunkce ";" cílů

● **Konjunce** = nutné splnění **všech cílů**

●  $p :- q, r.$

● **Disjunkce** = stačí splnění **libovolného cíle**

●  $p :- q; r.$                        $p :- q.$

$p :- r.$

● priorita středníku je vyšší:

$p :- q, r; s, t, u.$

$p :- (q, r) ; (s, t, u).$

$p :- q, r.$

$p :- s, t, u.$

# Pořadí klauzulí a cílů

(a)  $a(1).$

?-  $a(1).$

$a(X) :- b(X,Y), a(Y).$

$b(1,1).$

# Pořadí klauzulí a cílů

(a) `a(1).`

`?- a(1).`

`a(X) :- b(X,Y), a(Y).`

`b(1,1).`

(b) `a(X) :- b(X,Y), a(Y).`

`% změněné pořadí klauzulí v programu vzhledem k (a)`

`a(1).`

`b(1,1).`

# Pořadí klauzulí a cílů

(a) `a(1).` ?- `a(1).`

`a(X) :- b(X,Y), a(Y).`

`b(1,1).`

(b) `a(X) :- b(X,Y), a(Y).` % změněné pořadí klauzulí v programu vzhledem k (a)

`a(1).`

`b(1,1).`

% nenalezení odpovědi: nekonečný cyklus

# Pořadí klauzulí a cílů

(a) `a(1).` `?- a(1).`

`a(X) :- b(X,Y), a(Y).`

`b(1,1).`

(b) `a(X) :- b(X,Y), a(Y).` `% změněné pořadí klauzulí v programu vzhledem k (a)`

`a(1).`

`b(1,1).`

`% nenalezení odpovědi: nekonečný cyklus`

---

(c) `a(X) :- b(X,Y), c(Y).` `?- a(X).`

`b(1,1).`

`c(2).`

`c(1).`

# Pořadí klauzulí a cílů

(a) `a(1).` `?- a(1).`  
`a(X) :- b(X,Y), a(Y).`  
`b(1,1).`

(b) `a(X) :- b(X,Y), a(Y).` % změněné pořadí klauzulí v programu vzhledem k (a)  
`a(1).`  
`b(1,1).` % nenalezení odpovědi: nekonečný cyklus

---

(c) `a(X) :- b(X,Y), c(Y).` `?- a(X).`  
`b(1,1).`  
`c(2).`  
`c(1).`

(d) `a(X) :- c(Y), b(X,Y).` % změněné pořadí cílů v těle klauzule vzhledem k (c)  
`b(1,1).`  
`c(2).`  
`c(1).`

# Pořadí klauzulí a cílů

(a)  $a(1).$   $?- a(1).$

$a(X) :- b(X,Y), a(Y).$

$b(1,1).$

(b)  $a(X) :- b(X,Y), a(Y).$  % změněné pořadí klauzulí v programu vzhledem k (a)

$a(1).$

$b(1,1).$

% nenalezení odpovědi: nekonečný cyklus

(c)  $a(X) :- b(X,Y), c(Y).$   $?- a(X).$

$b(1,1).$

$c(2).$

$c(1).$

(d)  $a(X) :- c(Y), b(X,Y).$  % změněné pořadí cílů v těle klauzule vzhledem k (c)

$b(1,1).$

$c(2).$

$c(1).$

% náročnější nalezení první odpovědi než u (c)

V obou případech **stejný deklarativní ale odlišný procedurální význam**



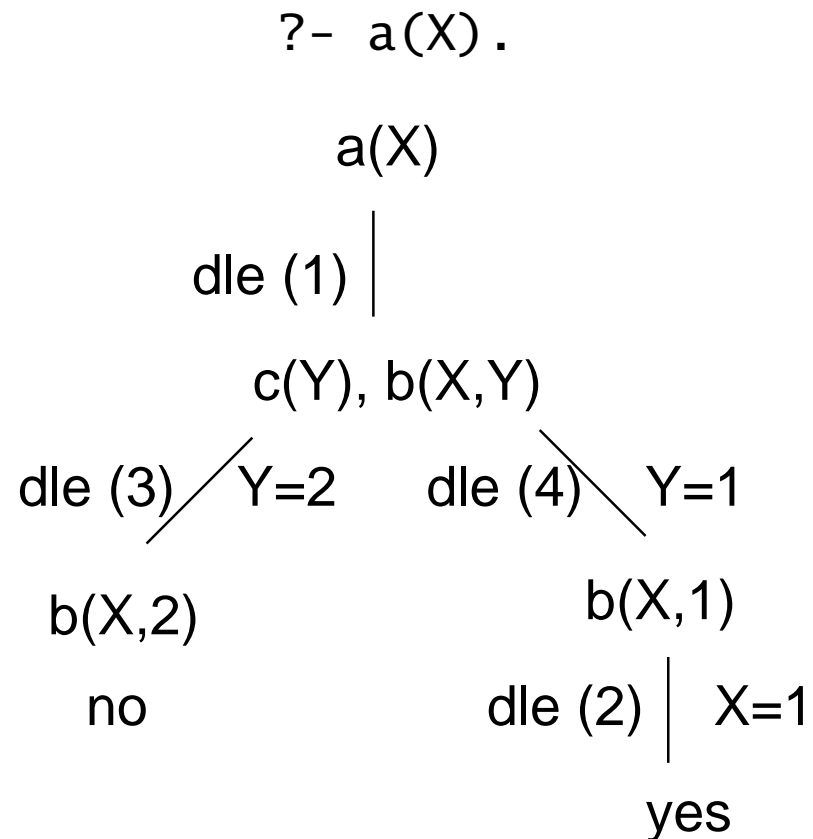
## Pořadí klauzulí a cílů II.

(1)  $a(X) :- c(Y), b(X, Y).$

(2)  $b(1, 1).$

(3)  $c(2).$

(4)  $c(1).$



## Pořadí klauzulí a cílů II.

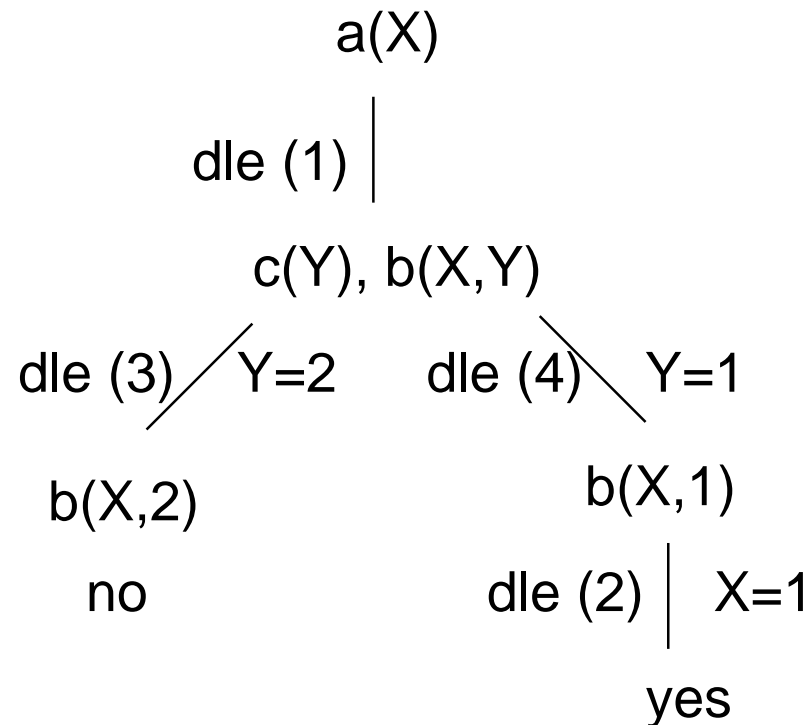
(1)  $a(X) :- c(Y), b(X,Y).$

(2)  $b(1,1).$

(3)  $c(2).$

(4)  $c(1).$

?-  $a(X).$



Vyzkoušejte si:

(1)  $a(X) :- b(X,X), c(X).$

(3)  $a(X) :- b(Y,X), c(X).$

(4)  $b(2,2).$

(5)  $b(2,1).$

(6)  $c(1).$

# Operátory, aritmetika

# Operátory

- Infixová notace:  $2 * a + b * c$
- Prefixová notace:  $+( *(2, a), *(b, c) )$       priorita +: 500, priorita \*: 400
- **Priorita operátorů**: operátor s **nejvyšší** prioritou je hlavní funktor

# Operátory

- Infixová notace:  $2 * a + b * c$
- Prefixová notace:  $+( *(2, a), *(b, c) )$       priorita +: 500, priorita \*: 400
- **Priorita operátorů**: operátor s **nejvyšší** prioritou je hlavní funktor
- Uživatelsky definované operátory: zna  
petr zna alese.      zna( petr, alese).
- Definice operátoru:  $:- op( 600, xfx, zna )$ .      priorita: 1..1200

# Operátory

- Infixová notace:  $2 * a + b * c$
- Prefixová notace:  $+( *(2, a), *(b, c) )$       priorita +: 500, priorita \*: 400
- **Priorita operátorů**: operátor s **nejvyšší** prioritou je hlavní funktor
- Uživatelsky definované operátory: zna  
petr zna alese.      zna( petr, alese).
- Definice operátoru:  $:- op( 600, xfx, zna )$ .      priorita: 1..1200
  - $:- op( 1100, xfy, ; )$ .      nestrukturované objekty: 0
  - $:- op( 1000, xfy, , )$ .
  - $p :- q, r; s, t.$        $p :- (q, r) ; (s, t).$       ; má vyšší prioritu než ,
  - $:- op( 1200, xfx, :- )$ .      :- má nejvyšší prioritu

# Operátory

- Infixová notace:  $2 * a + b * c$
- Prefixová notace:  $+( *(2, a), *(b, c) )$       priorita +: 500, priorita \*: 400
- **Priorita operátorů**: operátor s **nejvyšší** prioritou je hlavní funktor
- Uživatelsky definované operátory: zna  
petr zna alese.      zna( petr, alese).
- Definice operátoru:  $:- op( 600, xfx, zna )$ .      priorita: 1..1200
  - $:- op( 1100, xfy, ; )$ .      nestrukturované objekty: 0
  - $:- op( 1000, xfy, , )$ .
  - $p :- q, r; s, t.$        $p :- (q, r) ; (s, t).$       ; má vyšší prioritu než ,
  - $:- op( 1200, xfx, :- )$ .      :- má nejvyšší prioritu
- Definice operátoru není spojena s datovými manipulacemi  
(kromě speciálních případů)

# Typy operátorů

## • Typy operátorů

• infixové operátory:  $xfx$ ,  $xfy$ ,  $yfx$

př.  $xfx = yfx -$

• prefixové operátory:  $fx$ ,  $fy$

př.  $fx ?- fy -$

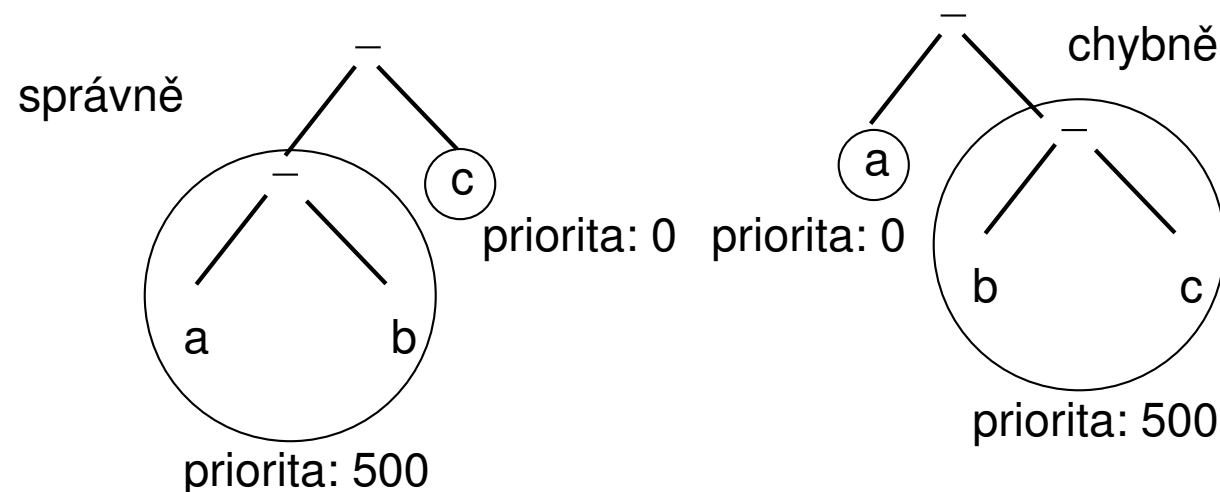
• postfixové operátory:  $xf$ ,  $yf$

## • $x$ a $y$ určují **prioritu argumentu**

•  $x$  reprezentuje argument, jehož priorita musí být **striktně menší** než u operátoru

•  $y$  reprezentuje argument, jehož priorita je **menší nebo rovna** operátoru

•  $a-b-c$  odpovídá  $(a-b)-c$  a ne  $a-(b-c)$ : „-“ odpovídá  $yfx$





# Aritmetika

- Předdefinované operátory

$+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$ ,  $**$  mocnina,  $//$  celočíselné dělení,  $\text{mod}$  zbytek po dělení

- $?- X = 1 + 2.$

$X = 1 + 2$  = odpovídá unifikaci

- $?- X \text{ is } 1 + 2.$

$X = 3$  „ $\text{is}$ ” je speciální předdefinovaný operátor, který vynutí evaluaci

# Aritmetika

## ● Předdefinované operátory

$+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$ ,  $**$  mocnina,  $//$  celočíselné dělení,  $\text{mod}$  zbytek po dělení

● ?-  $X = 1 + 2.$                        $X = 1 + 2$                       = odpovídá unifikaci

● ?-  $X \text{ is } 1 + 2.$

$X = 3$                       „**is**” je speciální předdefinovaný operátor, který vynutí evaluaci

● porovnej:                       $N = (1+1+1+1+1)$                        $N \text{ is } (1+1+1+1+1)$

# Aritmetika

## ● Předdefinované operátory

$+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$ ,  $**$  mocnina,  $//$  celočíselné dělení,  $\text{mod}$  zbytek po dělení

● ?-  $X = 1 + 2.$                        $X = 1 + 2$                       = odpovídá unifikaci

● ?-  $X \text{ is } 1 + 2.$

$X = 3$                       „is“ je speciální předdefinovaný operátor, který vynutí evaluaci

● porovnej:       $N = (1+1+1+1+1)$                        $N \text{ is } (1+1+1+1+1)$

● pravá strana musí být vyhodnotitelný výraz (bez proměnné)

volání ?-  $X \text{ is } Y + 1.$  způsobí chybu

# Aritmetika

## ● Předdefinované operátory

$+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$ ,  $**$  mocnina,  $//$  celočíselné dělení,  $\text{mod}$  zbytek po dělení

●  $?- X = 1 + 2.$                        $X = 1 + 2$                       = odpovídá unifikaci

●  $?- X \text{ is } 1 + 2.$

$X = 3$                       „**is**” je speciální předdefinovaný operátor, který vynutí evaluaci

● porovnej:       $N = (1+1+1+1+1)$                        $N \text{ is } (1+1+1+1+1)$

● pravá strana musí být vyhodnotitelný výraz (bez proměnné)

volání  $?- X \text{ is } Y + 1.$  způsobí chybu

## ● Další speciální předdefinované operátory

$>$ ,  $<$ ,  $>=$ ,  $=<$ ,  **$:=$  aritmetická rovnost,  $=\backslash=$  aritmetická nerovnost**

● porovnej:       $1+2 := 2+1$                        $1+2 = 2+1$

# Aritmetika

## ● Předdefinované operátory

$+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$ ,  $**$  mocnina,  $//$  celočíselné dělení,  $\text{mod}$  zbytek po dělení

● ?-  $X = 1 + 2.$                        $X = 1 + 2$                       = odpovídá unifikaci

● ?-  $X \text{ is } 1 + 2.$

$X = 3$                       „is” je speciální předdefinovaný operátor, který vynutí evaluaci

● porovnej:       $N = (1+1+1+1+1)$                        $N \text{ is } (1+1+1+1+1)$

● pravá strana musí být vyhodnotitelný výraz (bez proměnné)

volání ?-  $X \text{ is } Y + 1.$  způsobí chybu

## ● Další speciální předdefinované operátory

$>$ ,  $<$ ,  $>=$ ,  $=<$ ,  $:=$  aritmetická rovnost,  $=\backslash=$  aritmetická nerovnost

● porovnej:       $1+2 := 2+1$                        $1+2 = 2+1$

● obě strany musí být vyhodnotitelný výraz: volání ?-  $1 < A + 2.$  způsobí chybu

# Různé typy rovností a porovnání

$X = Y$  X a Y jsou unifikovatelné

$X \neq Y$  X a Y nejsou unifikovatelné, (také  $\neg X = Y$ )

# Různé typy rovností a porovnání

- $X = Y$  X a Y jsou unifikovatelné
  - $X \neq Y$  X a Y nejsou unifikovatelné, (také  $\neq X = Y$ )
  - $X == Y$  X a Y jsou identické
- porovnej:  $?- A == B. \dots$  no       $?- A=B, A==B.$

# Různé typy rovností a porovnání

- $X = Y$  X a Y jsou unifikovatelné
- $X \neq Y$  X a Y nejsou unifikovatelné, (také  $\neg X = Y$ )
- $X == Y$  X a Y jsou identické  
porovnej: ?- A == B. ... no      ?- A=B, A==B. ... B = A yes
- $X \neq Y$  X a Y nejsou identické  
porovnej: ?- A \== B. ... yes      ?- A=B, A \== B. ... A no



# Různé typy rovností a porovnání

- $X = Y$  X a Y jsou unifikovatelné
- $X \neq Y$  X a Y nejsou unifikovatelné, (také  $\neq X = Y$ )
- $X == Y$  X a Y jsou identické  
porovnej: ?- A == B. ... no      ?- A=B, A==B. ... B = A yes
- $X \neq Y$  X a Y nejsou identické  
porovnej: ?- A \neq B. ... yes      ?- A=B, A \neq B. ... A no
- $X is Y$  Y je aritmeticky vyhodnoceno a výsledek je přiřazen X
- $X ::= Y$  X a Y jsou si aritmeticky rovny
- $X \neq Y$  X a Y si aritmeticky nejsou rovny
- $X < Y$  aritmetická hodnota X je menší než Y ( $=<$ ,  $>$ ,  $>=$ )

# Různé typy rovností a porovnání

- $X = Y$  X a Y jsou unifikovatelné
- $X \neq Y$  X a Y nejsou unifikovatelné, (také  $\neq X = Y$ )
- $X == Y$  X a Y jsou identické  
porovnej: ?- A == B. ... no      ?- A=B, A==B. ... B = A yes
- $X \neq Y$  X a Y nejsou identické  
porovnej: ?- A \neq B. ... yes      ?- A=B, A \neq B. ... A no
- $X is Y$  Y je aritmeticky vyhodnoceno a výsledek je přiřazen X
- $X ::= Y$  X a Y jsou si aritmeticky rovny
- $X \neq Y$  X a Y si aritmeticky nejsou rovny
- $X < Y$  aritmetická hodnota X je menší než Y ( $=<$ ,  $>$ ,  $>=$ )
- $X @< Y$  term X předchází term Y ( $@=<$ ,  $@>$ ,  $@>=$ )
1. porovnání termů: podle alfabetického n. aritmetického uspořádání
  2. porovnání struktur: podle arity, pak hlavního funktoru a pak zleva podle argumentů

# Různé typy rovností a porovnání

- $X = Y$  X a Y jsou unifikovatelné
- $X \neq Y$  X a Y nejsou unifikovatelné, (také  $\neq X = Y$ )
- $X == Y$  X a Y jsou identické  
porovnej: ?- A == B. ... no      ?- A=B, A==B. ... B = A yes
- $X \neq Y$  X a Y nejsou identické  
porovnej: ?- A \neq B. ... yes      ?- A=B, A \neq B. ... A no
- $X is Y$  Y je aritmeticky vyhodnoceno a výsledek je přiřazen X
- $X ::= Y$  X a Y jsou si aritmeticky rovny
- $X \neq Y$  X a Y si aritmeticky nejsou rovny
- $X < Y$  aritmetická hodnota X je menší než Y ( $=<$ ,  $>$ ,  $>=$ )
- $X @< Y$  term X předchází term Y ( $@=<$ ,  $@>$ ,  $@>=$ )
1. porovnání termů: podle alfabetského n. aritmetického uspořádání
  2. porovnání struktur: podle arity, pak hlavního funktoru a pak zleva podle argumentů
- ?- f( pavel, g(b) ) @< f( pavel, h(a) ). ... yes

# Prolog: příklady

# Příklad: průběh výpočtu

a :- b, c, d.

b :- e, c, f, g.

b :- g, h.

c.

d.

e :- i.

e :- h.

g.

h.

i.

Jak vypadá průběh výpočtu pro dotaz ?- a.

# Příklad: věž z kostek

Příklad: postavte věž zadané velikosti ze tří různě velkých kostek tak, že kostka smí ležet pouze na větší kostce.

# Příklad: věž z kostek

Příklad: postavte věž zadané velikosti ze tří různě velkých kostek tak, že kostka smí ležet pouze na větší kostce.

```
kostka(mala). kostka(stredni). kostka(velka).
```

```
vetsi(zeme,velka). vetsi(zeme,stredni). vetsi(zeme,mala).
```

```
vetsi(velka,stredni). vetsi(velka,mala).
```

```
vetsi(stredni,mala).
```

```
% ?- postav_vez(vez(zeme,0), vez(Kostka,0)).
```

```
% ?- postav_vez(vez(zeme,0), vez(Kostka,3)).
```

# Příklad: věž z kostek

Příklad: postavte věž zadané velikosti ze tří různě velkých kostek tak, že kostka smí ležet pouze na větší kostce.

```
kostka(mala). kostka(stredni). kostka(velka).
```

```
vetsi(zeme,velka). vetsi(zeme,stredni). vetsi(zeme,mala).  
vetsi(velka,stredni). vetsi(velka,mala).  
vetsi(stredni,mala).
```

```
% ?- postav_vez(vez(zeme,0), vez(Kostka,0)).
```

```
% ?- postav_vez(vez(zeme,0), vez(Kostka,3)).
```

```
postav_vez( Vez, Vez ).
```

```
postav_vez( Vstup, Vystup ) :- pridej_kostku( Vstup, Pridani ),  
                             postav_vez( Pridani, Vystup ).
```

```
pridej_kostku( Vstup, Pridani ) :- Vstup = vez( Vrcho1, Vyska ),  
                                   kostka( Kostka ),  
                                   vetsi( Vrcho1, Kostka ),  
                                   NovaVyska is Vyska + 1,  
                                   Pridani = vez( Kostka, NovaVyska ).
```