

# Syntaxe logického programu

## Backtracking, unifikace, aritmetika

### Term:

- univerzální datová struktura (slouží také pro příkazy jazyka)
- definovaný rekurzivně
- **konstanty:** číselné, alfanumerické (začínají malým písmenem), ze speciálních znaků (operátory)
- **proměnné:** pojmenované (alfanumerické řetězce začínající velkým písmenem), anonymní (začínají podtržítkem)
- **složený term:** funktor, arita, argumenty struktury jsou opět termy

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2012

2

Backtracking, unifikace, aritmetika

## Anatomie a sémantika logického programu

- **Program:** množina predikátů (v jednom nebo více souborech).
- **Predikát** (procedura) je seznam klauzul s hlavou stejného jména a arity
- **Klauzule:** věty ukončené tečkou, se skládají z hlavy a těla.  
Prázdné tělo mají **fakta**, neprázdné pak **pravidla**, existují také klauzule bez hlavy – direktivy.  
Hlavu tvoří **literál (složený term)**, tělo seznam literálů.  
Literálům v těle nebo v dotazu říkáme **cíle**.  
Dotazem v prostředí interpretu se spouští programy či procedury.
  - př. otec(Otec,Dite) :- rodic(Otec,Dite), muz(Otec).  
rodic(petr, jana).  
:- otec(Otec, jana).

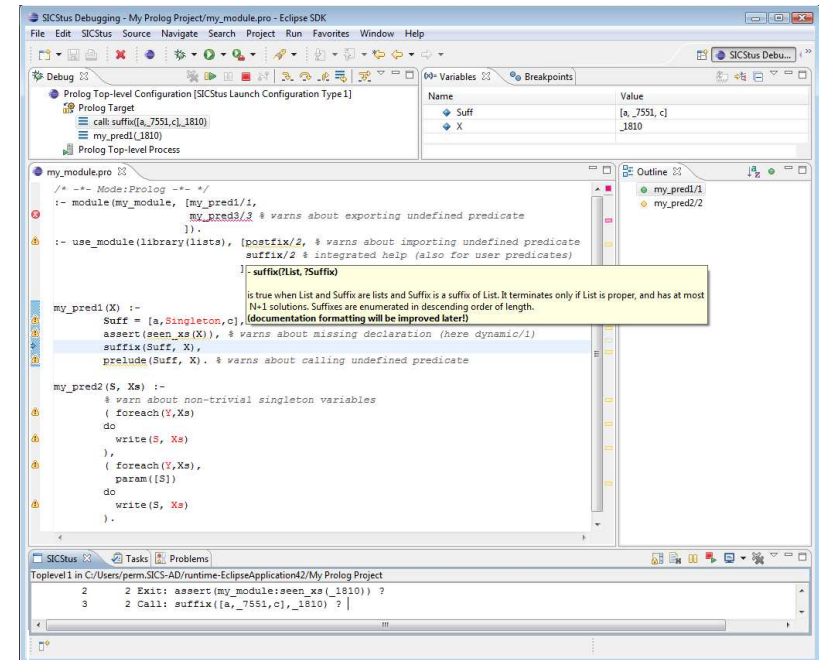
### Sémantika logického programu:

procedury ≡ databáze faktů a pravidel ≡ logické formule

Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2012

3

Backtracking, unifikace, aritmetika



Hana Rudová, Logické programování I, 3. března 2012

4

Backtracking, unifikace, aritmetika

## SICStus Prolog: spouštění programu

### ▪ UNIX:

```
module add sicstus-4.1.3
eclipse      % používání IDE SPIDER
sicstus      % používání přes příkazový řádek
```

### ▪ MS Windows:

- [používání IDE SPIDER: z nabídky All Programs -> IDE -> Eclipse 3.7](#)
- příkazový řádek: z nabídky All Programs -> IDE -> SICStus Prolog VC9 4.2.0 nastavíme pracovní adresář pomocí File/Working directory, v případě potřeby nastavíme font Settings/Font a uložíme nastavení Settings/Save settings.

### ▪ Iniciální nastavení SICStus IDE v Eclipse pomocí

[Help->Cheat Sheets->Initial set up of paths to installed SICStus Prolog](#) s cestou

"C:\Program Files (x86)\SICStus Prolog VC9 4.2.0\bin\sicstus.exe"

návod: <http://www.sics.se/sicstus/spider/site/prerequisites.html#SettingUp>

## SICStus Prolog: konzultace

### ▪ Otevření souboru: File->Open File

### ▪ Přístup k příkazové řádce pro zadávání dotazů: SICStus->Open Toplevel

### ▪ Načtení programu: tzv. konzultace

přímo z Menu: SICStus->Consult Prolog Code (okno s programem aktivní)  
nebo zadáním na příkazový řádek po uložení souboru (Ctrl+S)

```
?- consult(rodokmen).
```

pokud uvádíme celé jméno případně cestu, dáváme jej do apostrofů

```
?- consult('D:\prolog\moje\programy\rodokmen.pl').
```

### ▪ V Eclipse lze nastavit Key bindings, pracovní adresář, ...

## SICStus Prolog: spouštění a přerušování výpočtu

### ▪ Spouštění programů/procedur/predikátů je zápis dotazů na příkazové řádce (v okně TopLevel, kurzor musí být na konci posledního řádku s |?- ), př.

```
?- predek(petr, lenka).
```

```
?- predek(X,Y).
```

Každý příkaz ukončujeme tečkou.

### ▪ Přerušování a zastavení cyklího programu:

pomocí ikony Restart Prolog  z okna Toplevel

## Příklad rodokmen

```
rodic(petr, filip).
```

```
rodic(petr, lenka).
```

```
rodic(pavel, jan).
```

```
rodic(adam, petr).
```

```
rodic(tomas, michal).
```

```
rodic(michal, radek).
```

```
rodic(eva, filip).
```

```
rodic(jana, lenka).
```

```
rodic(pavla, petr).
```

```
rodic(pavla, tomas).
```

```
rodic(lenka, vera).
```

```
muz(petr).
```

```
muz(filip).
```

```
muz(pavel).
```

```
muz(jan).
```

```
muz(adam).
```

```
muz(tomas).
```

```
muz(michal).
```

```
muz(radek).
```

```
zena(eva).
```

```
zena(lenka).
```

```
zena(pavla).
```

```
zena(jana).
```

```
zena(vera).
```

```
otec(Otec,Dite) :- rodic(Otec,Dite), muz(Otec).
```



## Backtracking: porovnání

Nahrad'te ve svých programech volání predikátu `rodic/2` následujícím predikátem `rodic_v/2`

```
rodic_v(X,Y):-rodic(X,Y),print(X),print('? ').
```

Pozorujte rozdíly v délce výpočtu dotazu `nevlastni_bratr(filip,X)` při změně pořadí testů v definici predikátu `nevlastni_bratr/2`

- varianta 1: testy co nejdříve správně
- varianta 2: všechny testy umístěte na konec chybně

Co uvidíme po nahrazení predikátu `rodic/2` predikátem `rodic_v/2` v predikátech `nevlastni_bratr/2` a `nevlastni_bratr2/2` a spuštění?

```
| ?- nevlastni_bratr(X,Y).
petr? petr? petr? petr? eva? petr? jana?
X = filip,
Y = lenka ? ;
petr? pavel? pavel? adam? adam? tomas? tomas? michal? michal? eva? eva? jana?
pavla? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? lenka?
no
| ?- nevlastni_bratr2(X,Y).
petr? petr? petr? petr? eva? eva? petr? eva? petr? petr? petr? jana? eva? petr?
X = filip,
Y = lenka ? ;
petr? petr? petr? petr? eva? jana? petr? eva? petr? petr? petr? jana? jana? pet
jana? pavel? pavel? pavel? pavel? adam? adam? adam? adam? pavla? pavla? adam?
pavla? tomas? tomas? tomas? tomas? michal? michal? michal? michal? eva? eva? pe
petr? eva? eva? petr? eva? jana? jana? petr? petr? jana? jana? petr? jana? pavl
pavla? adam? adam? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla?
pavla? pavla? pavla? adam? pavla? pavla? pavla? pavla? pavla? lenka? lenka? ler
no
```

## Backtracking: prohledávání stavového prostoru

```
potomek(Potomek,Predek) :- rodic(Predek,Potomek).
```

```
potomek(Potomek,Predek) :- rodic(Predek,X), potomek(Potomek,X).
```

- Zkuste předem odhadnout (odvodit) pořadí, v jakem budou nalezeni potomci Pavly?

```
:- potomek(X,pavla).
```

- Jaký vliv má pořadí klauzulí a cílu v predikátu `potomek/2` na jeho funkci?

```
rodic(petr, filip).      rodic(petr, lenka).
rodic(pavel, jan).     rodic(adam, petr).
rodic(tomas, michal).  rodic(michal, radek).
rodic(eva, filip).     rodic(jana, lenka).
rodic(pavla, petr).    rodic(pavla, tomas).
rodic(lenka, vera).
```

## Backtracking: řešení III

```
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).
```

```
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,X),potomek(Potomek,X).
```

```
/* varianta 1a */
```

```
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,X),potomek(Potomek,X).
```

```
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).
```

```
/* varianta 1b - jine poradí odpovedi, neprimi potomci maji prednost */
```

```
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).
```

```
potomek(Potomek,Predek):-potomek(Potomek,X),rodic(Predek,X).
```

```
/* varianta 2a - leva rekurze ve druhe klauzuli,
na dotaz potomek(X,pavla) vypise odpovedi, pak cykli */
```

```
potomek(Potomek,Predek):-potomek(Potomek,X),rodic(Predek,X).
```

```
potomek(Potomek,Predek):-rodic(Predek,Potomek).
```

```
/* varianta 2b - leva rekurze v prvni klauzuli,
na dotaz potomek(X,pavla) hned cykli */
```

## Unifikace:příklady

Které unifikace jsou korektní, které ne a proč?

Co je výsledkem provedených unifikací?

1.  $a(X)=b(X)$
2.  $X=a(Y)$
3.  $a(X)=a(X,X)$
4.  $X=a(X)$
5.  $jmeno(X,X)=jmeno(Petr,plus)$
6.  $s(1, a(X, q(w)))=s(Y, a(2, Z))$
7.  $s(1, a(X, q(X)))=s(W, a(Z, Z))$
8.  $X=Y, P=R, s(1, a(P, q(R)))=s(Z, a(X, Y))$

Neuspěje volání 1) a 3), ostatní ano, cyklické struktury vzniknou v případech 4),7) a 8) přestože u posledních dvou mají levá a pravá strana unifikace disjunktní množiny jmen proměnných.

## Mechanismus unifikace I

Unifikace v průběhu dokazování predikátu odpovídá předávání parametrů při provádění procedury, ale je důležité uvědomit si rozdíly. Celý proces si ukážeme na příkladu predikátu suma/3.

```
suma(0,X,X).                /*klauzule A*/  
suma(s(X),Y,s(Z)):-suma(X,Y,Z). /*klauzule B*/
```

pomocí substitučních rovnic při odvozování odpovědi na dotaz

?- suma(s(0),s(0),X0).

## Mechanismus unifikace II

```
suma(0,X,X). /*A*/          suma(s(X),Y,s(Z)):-suma(X,Y,Z). /*B*/  
?- suma(s(0),s(0),X0).
```

1. dotaz unifikujeme s hlavou klauzule B, s A nejde unifikovat (1. argument)

```
suma(s(0),s(0),X0) = suma(s(X1),Y1,s(Z1))  
==> X1 = 0, Y1 = s(0), s(Z1) = X0  
==> suma(0,s(0),Z1)
```

2. dotaz (nový podcíl) unifikujeme s hlavou klauzule A, klauzuli B si poznačíme jako další možnost

```
suma(0,s(0),Z1) = suma(0,X2,X2)  
X2 = s(0), Z1 = s(0)  
==> X0 = s(s(0))  
X0 = s(s(0)) ;
```

- 2' dotaz z kroku 1. nejde unifikovat s hlavou klauzule B (1. argument)

no

## Vícsměrnost predikátů

Logický program lze využít vícsměrně, například jako

- výpočet kdo je otcem Petra? ?- otec(X,petr).  
kolik je 1+1? ?- suma(s(0),s(0),X).
- test je Jan otcem Petra? ?- otec(jan,petr).  
Je 1+1 2? ?- suma(s(0),s(0),s((0))) .
- generátor které dvojice otec-dítě známe? ?-otec(X,Y).  
Které X a Y dávají v součtu 2? ?- suma(X,Y,s(s(0))) .

... ale pozor na levou rekurzi, volné proměnné, asymetrii, a jiné záležitosti

Následující dotazy

?-suma(X,s(0),Z).

?-suma(s(0),X,Z).

nedávají stejné výsledky. Zkuste si je odvodit pomocí substitučních rovnic.

## Aritmetika

Zavádíme z praktických důvodů, ale aritmetické predikáty již nejsou vícesměrné, protože v každém aritmetickém výrazu musí být všechny proměnné instanciovány číselnou konstantou.

Důležitý rozdíl ve vestavěných predikátech  $is/2$  vs.  $=/2$  vs.  $==/2$

$is/2$ : < konstanta nebo proměnná >  $is$  < aritmetický výraz >

výraz na pravé straně je nejdříve aritmeticky vyhodnocen a pak unifikován s levou stranou

$=/2$ : < libovolný term >  $=$  < libovolný term >

levá a pravá strana jsou unifikovány

$==/2$   $=\=/2$   $>=/2$   $=</2$

< aritmetický výraz >  $==$  < aritmetický výraz >

< aritmetický výraz >  $=\=$  < aritmetický výraz >

< aritmetický výraz >  $=<$  < aritmetický výraz >

< aritmetický výraz >  $>=$  < aritmetický výraz >

levá i pravá strana jsou nejdříve aritmeticky vyhodnoceny a pak porovnány

## Aritmetika: příklady II

Jak se liší predikáty  $s1/3$  a  $s2/3$ ? Co umí  $s1/3$  navíc oproti  $s2/3$  a naopak?

$s1(0, X, X)$ .

$s1(s(X), Y, s(Z)) :- s1(X, Y, Z)$ .

$s2(X, Y, Z) :- Z is X + Y$ .

$s1/3$  je vícesměrný - umí sčítat, odečítat, generovat součty, ale pracuje jen s nezápornými celými čísly

$s2/3$  umí pouze sčítat, ale také záporná a reálná čísla

## Aritmetika: příklady

Jak se liší následující dotazy (na co se kdy ptáme)? Které uspějí (kladná odpověď), které neuspějí (záporná odpověď), a které jsou špatné (dojde k chybě)? Za jakých předpokladů by ty neúspěšné případně špatné uspěly?

1.  $X = Y + 1$

7.  $1 + 1 = 1 + 1$

13.  $1 <= 2$

2.  $X is Y + 1$

8.  $1 + 1 is 1 + 1$

14.  $1 =< 2$

3.  $X = Y$

9.  $1 + 2 == 2 + 1$

15.  $\sin(X) is \sin(2)$

4.  $X == Y$

10.  $X \backslash== Y$

16.  $\sin(X) = \sin(2+Y)$

5.  $1 + 1 = 2$

11.  $X \backslash= Y$

17.  $\sin(X) == \sin(2+Y)$

6.  $2 = 1 + 1$

12.  $1 + 2 \backslash= 1 - 2$

Nápověda:  $'=/2$  unifikace,  $'==/2$  test na identitu,  $'=/2$  aritmetická rovnost,  $'\backslash==/2$  negace testu na identitu,  $'\backslash=/2$  aritmetická nerovnost

## Závěr

Dnešní látku jste pochopili dobře, pokud víte

- jaký vliv má pořadí klauzulí a cílu v predikátu potomek/2 na jeho funkci,
- jak umístit testy, aby byl prohledávaný prostor co nejmenší (příklad `nevlastni_bratr/2`),
- k čemu dojde po unifikaci  $X=a(X)$ ,
- proč neuspěje dotaz `?- X=2, sin(X) is sin(2)`.
- za jakých předpokladů uspějí tyto cíle  $X=Y$ ,  $X==Y$ ,  $X:=Y$ ,
- a umíte odvodit pomocí substitučních rovnic odpovědi na dotazy `suma(X,s(0),Z)` a `suma(s(0),X,Z)`.