

MB104 – 1. demonstrováná cvičení

Grupoidy, pologrupy, grupy

Masarykova univerzita
Fakulta informatiky

21.2. 2012

1 Grupy a grupoidy

2 Grupy permutací

3 Grupy symetrií

Studování abstraktních vlastností binární operace na množině.
Kdy je rovnice $a \square x = b$ řešitelná?

Zkoumané vlastnosti binární operace \circ na množině M
($\circ : M \times M \rightarrow M$):

Zkoumané vlastnosti binární operace \circ na množině M
($\circ : M \times M \rightarrow M$):

- asociativita

Zkoumané vlastnosti binární operace \circ na množině M
($\circ : M \times M \rightarrow M$):

- asociativita
- komutativita

Zkoumané vlastnosti binární operace \circ na množině M
($\circ : M \times M \rightarrow M$):

- asociativita
- komutativita
- existence neutrálního prvku

Zkoumané vlastnosti binární operace \circ na množině M
($\circ : M \times M \rightarrow M$):

- asociativita
- komutativita
- existence neutrálního prvku
- existence inverzí

Určete jaké struktury tvoří následující množiny a binární operace na nich.

- $(\mathbb{N}, +)$,

Určete jaké struktury tvoří následující množiny a binární operace na nich.

- $(N, +)$,
- $(Z, +)$,

Určete jaké struktury tvoří následující množiny a binární operace na nich.

- $(\mathbb{N}, +)$,
- $(\mathbb{Z}, +)$,
- $(f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, +)$, $(f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \cdot)$,

Určete jaké struktury tvoří následující množiny a binární operace na nich.

- $(\mathbb{N}, +)$,
- $(\mathbb{Z}, +)$,
- $(f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, +)$, $(f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \cdot)$,
- $(M_{m,n}, +)$, $(M_{n,n}, \cdot)$

Určete jaké struktury tvoří následující množiny a binární operace na nich.

- $(\mathbb{N}, +)$,
- $(\mathbb{Z}, +)$,
- $(f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, +)$, $(f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \cdot)$,
- $(M_{m,n}, +)$, $(M_{n,n}, \cdot)$
- $(f : \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}^+, \square)$, $x \square y := x^y$.

1 Grupy a grupoidy

2 Grupy permutací

3 Grupy symetrií

Rozložte na součin transpozic permutaci

$$\tau = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 2 & 3 & 4 & 8 & 5 & 7 & 9 & 1 & 6 \end{pmatrix}$$

1 Grupy a grupoidy

2 Grupy permutací

3 Grupy symetrií

Příklad. *Určete grupu (rotačních) symetrií pravidelného šestiúhelníku.*

Příklad. *Určete grupu (rotačních) symetrií pravidelného šestiúhelníku.*

Příklad. *Určete grupu symetrií pravidelného dvanáctistěnu.*

Kterými čtyřúhelníky lze „vydláždit“ rovinu?