

Seznamy (pokračování)

Optimalizace posledního volání

- **Last Call Optimization (LCO)**
- Implementační technika snižující nároky na paměť'
- Mnoho vnořených rekurzivních volání je náročné na paměť'
- Použití LCO umožňuje vnořenou rekurzi s konstantními pamětovými nároky
- Typický příklad, kdy je možné použít LCO:
 - procedura musí mít pouze jedno rekurzivní volání: v **posledním cíli poslední klauzule**
 - cíle předcházející tomuto rekurzivnímu volání musí být **deterministické**
 - ```
p(...) :- ... % žádné rekurzivní volání v těle klauzule
p(...) :- ... % žádné rekurzivní volání v těle klauzule
...
p(...) :- ..., !, p(...). % řez zajišťuje determinismus
```
- Tento typ rekurze lze převést na iteraci

Hana Rudová, Logické programování I, 11. března 2013

2

Seznamy

## LCO a akumulátor

- Reformulace rekurzivní procedury, aby umožnila LCO
- Výpočet délky seznamu `length( Seznam, Delka )`

```
length([], 0).
length([H | T], Delka) :- length(T, Delka0), Delka is 1 + Delka0.
```

- Upravená procedura, tak aby umožnila LCO:

```
% length(Seznam, ZapocitanaDelka, CelkovaDelka):-
 CelkovaDelka = ZapocitanaDelka + „počet prvků v Seznam“

length(Seznam, Delka) :- length(Seznam, 0, Delka). % pomocný predikát
length([], Delka, Delka). % celková délka = započítaná délka
length([H | T], A, Delka) :- A0 is A + 1, length(T, A0, Delka).
```

- Přídavný argument se nazývá **akumulátor**

## max\_list s akumulátorem

Výpočet největšího prvku v seznamu `max_list(Seznam, Max)`

`max_list([X], X).`

```
max_list([X|T], Max) :-
 max_list(T,MaxT),
 (MaxT >= X, !, Max = MaxT
 ;
 Max = X).
```

---

`max_list([H|T],Max) :- max_list(T,H,Max).`

`max_list([], Max, Max).`

```
max_list([H|T], CastechnyMax, Max) :-
 (H > CastechnyMax, !,
 max_list(T, H, Max)
 ;
 max_list(T, CastechnyMax, Max)).
```

## Akumulátor jako seznam

- Nalezení seznamu, ve kterém jsou prvky v opačném pořadí  
 $\text{reverse}(\text{Seznam}, \text{OpacnySeznam})$

```

■ reverse([], []).

reverse([H | T], Opacny) :-

 reverse(T, OpacnyT),

 append(OpacnyT, [H], Opacny).

■ naivní reverse s kvadratickou složitostí

```

- reverse pomocí akumulátoru s lineární složitostí

```

■ % reverse(Seznam, Akumulator, Opacny):

% Opacny obdržíme přidáním prvků ze Seznam do Akumulator v opacném poradi

reverse(Seznam, OpacnySeznam) :- reverse(Seznam, [], OpacnySeznam).

reverse([], S, S).

reverse([H | T], A, Opacny) :-

 reverse(T, [H | A], Opacny).

 % přidání H do akumulátoru

```

- zpětná konstrukce seznamu (srovnej s předchozí dopřednou konstrukcí, např. append)

## reverse/2: cvičení

```

reverse(Seznam, OpacnySeznam) :- % (1)

 reverse(Seznam, [], OpacnySeznam).

reverse([], S, S). % (2)

reverse([H | T], A, Opacny) :- % (3)

 reverse(T, [H | A], Opacny).


```

```

? - reverse([1,2,3],0).

reverse([1,2,3],0) → (1)

reverse([1,2,3],[],0) → (3)

reverse([2,3], [1], 0) → (3)

reverse([3], [2,1], 0) → (3)

reverse([], [3,2,1], 0) → (2)

yes 0=[3,2,1]

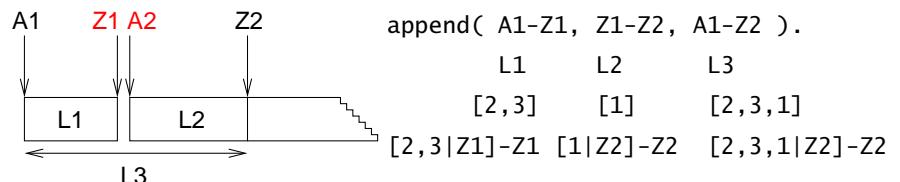
```

## Neefektivita při spojování seznamů

- Sjednocení dvou seznamů
- $\text{append}(\text{}, \text{S}, \text{S})$ .
- $\text{append}(\text{[X|S1]}, \text{S2}, \text{[X|S3]}) :- \text{append}(\text{S1}, \text{S2}, \text{S3})$ .
- ?-  $\text{append}(\text{[2,3]}, \text{[1]}, \text{S})$ .  
postupné volání cílů:  
 $\text{append}(\text{[2,3]}, \text{[1]}, \text{S}) \rightarrow \text{append}(\text{[3]}, \text{[1]}, \text{S'}) \rightarrow \text{append}(\text{}, \text{[1]}, \text{S''})$
- Vždy je nutné projít celý první seznam

## Rozdílové seznamy

- Zapamatování konce a připojení na konec: **rozdílové seznamy**
- $[a,b] = L1-L2 = [a,b|T]-T = [a,b,c|S]-[c|S] = [a,b,c]-[c]$
- Reprezentace prázdného seznamu: L-L



- ?-  $\text{append}(\text{[2,3|Z1]-Z1}, \text{[1|Z2]-Z2}, \text{S})$ .  
 $S = A1 - Z2 = [2,3|Z1] - Z2 = [2,3| [1|Z2] ] - Z2$   
 $Z1 = [1|Z2] \quad S = [2,3,1|Z2]-Z2$
- Jednotková složitost, oblíbená technika ale není tak flexibilní

## Akumulátor vs. rozdílové seznamy: reverse

```
reverse([], []).
reverse([H | T], Opacny) :-
 reverse(T, OpacnyT),
 append(OpacnyT, [H], Opacny).
```

kvadratická složitost

```
reverse(Seznam, Opacny) :- reverse0(Seznam, [], Opacny).
reverse0([], S, S).
reverse0([H | T], A, Opacny) :-
 reverse0(T, [H | A], Opacny).
```

akumulátor (lineární)

```
reverse(Seznam, Opacny) :- reverse0(Seznam, Opacny-[]).
reverse0([], S-S).
reverse0([H | T], Opacny-OpacnyKonec) :-
 reverse0(T, Opacny-[H | OpacnyKonec]).
```

rozdílové seznamy  
(lineární)

Příklad: operace pro manipulaci s frontou

- test na prázdnost, přidání na konec, odebrání ze začátku

## Vestavěné predikáty

### Vestavěné predikáty

- Predikáty pro řízení běhu programu
  - fail, true, ...
- Různé typy rovností
  - unifikace, aritmetická rovnost, ...
- Databázové operace
  - změna programu (programové databáze) za jeho běhu
- Vstup a výstup
- Všechna řešení programu
- Testování typu termu
  - proměnná?, konstanta?, struktura?, ...
- Konstrukce a dekompozice termu
  - argumenty?, funktoři?, ...

### Databázové operace

- Databáze: specifikace množiny relací
- Prologovský program: **programová databáze**, kde jsou relace specifikovány explicitně (fakty) i implicitně (pravidly)
- Vestavěné predikáty pro změnu databáze během provádění programu:

|                     |                                            |
|---------------------|--------------------------------------------|
| assert( Klauzule )  | přidání Klauzule do programu               |
| asserta( Klauzule ) | přidání na začátek                         |
| assertz( Klauzule ) | přidání na konec                           |
| retract( Klauzule ) | smažání klauzule unifikovatelné s Klauzule |
- Pozor: nadměrné použití těchto operací snižuje srozumitelnost programu

## Příklad: databázové operace

- **Caching:** odpovědi na dotazy jsou přidány do programové databáze
  - ?- solve( problem, Solution),  
asserta( solve( problem, Solution) ).
  - :- dynamic solve/2. % nezbytné při použití v SICStus Prologu

### Příklad:

```
uloz_trojice(Seznam1, Seznam2) :-
 member(X1, Seznam1),
 member(X2, Seznam2),
 spocitej_treti(X1, X2, X3),
 assertz(trojice(X1, X2, X3)),
 fail.
uloz_trojice(_, _) :- !.
```

## Vstupní a výstupní proudy: vestavěné predikáty

- změna (**otevření**) aktivního vstupního/výstupního proudu: `see(S)/tell(S)`

```
cteni(Soubor) :- see(Soubor),
 cteni_ze_souboru(Informace),
 see(user).
```

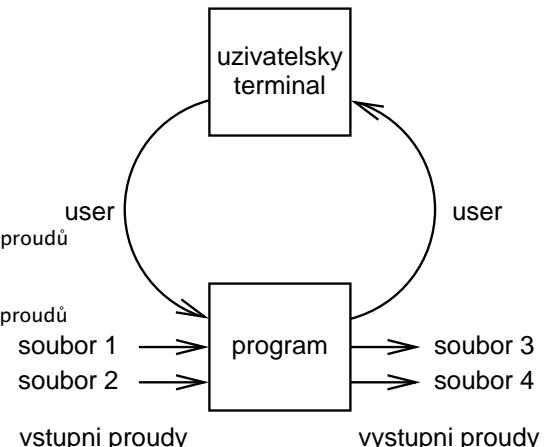
- **uzavření** aktivního vstupního/výstupního proudu: `seen/told`

- **zjištění** aktivního vstupního/výstupního proudu: `seeing(S)/telling(S)`

```
cteni(Soubor) :- seeing(StarySoubor),
 see(Soubor),
 cteni_ze_souboru(Informace),
 seen,
 see(StarySoubor).
```

## Vstup a výstup

- program může číst data ze **vstupního proudu** (*input stream*)
- program může zapisovat data do **výstupního proudu** (*output stream*)
- dva **aktivní proudy**
  - aktivní vstupní proud
  - aktivní výstupní proud
- **uživatelský terminál - user**
  - datový vstup z terminálu  
chápán jako jeden ze vstupních proudů
  - datový výstup na terminál  
chápán jako jeden z výstupních proudů



## Sekvenční přístup k textovým souborům

- **čtení dalšího termu:** `read(Term)`

```
| ?- read(A), read(ahoj(B)), read([C,D]).
| : ahoj. ahoj(petre). [ahoj('Petre!'), jdeme].
A = ahoj, B = petre, C = ahoj('Petre!'), D = jdeme
| po dosažení konce souboru je vrácen atom end_of_file
```

- **zápis dalšího termu:** `write(Term)`

```
?- write(ahoj). ?- write('Ahoj Petre!').
```

nový řádek na výstup: `nl`

N mezer na výstup: `tab(N)`

- **čtení/zápis** dalšího **znaku**: `get0(Znak)`, `get(NeprazdnyZnak)`/`put(Znak)`

```
| po dosažení konce souboru je vrácena -1
```

## Příklad čtení ze souboru

```
process_file(Soubor) :-
 seeing(StarySoubor), % zjištění aktivního proudu
 see(Soubor), % otevření souboru Soubor
 repeat,
 read(Term), % čtení termu Term
 process_term(Term), % manipulace s termem
 Term == end_of_file, % je konec souboru?
 !,
 seen, % uzavření souboru
 see(StarySoubor). % aktivace původního proudu

repeat. % opakování

repeat :- repeat.
```

## Čtení programu ze souboru

### ■ Interpretování kódu programu

- ?- consult(program).
- ?- consult('program.pl').
- ?- consult([program1, 'program2.pl']).

### ■ Kompilace kódu programu

- ?- compile([program1, 'program2.pl']).
- ?- [program].
- ?- [user]. **zadávání kódu ze vstupu** ukončené CTRL+D
- další varianty podobně jako u interpretování
- typické zrychlení: 5 až 10 krát

## Všechna řešení

- Backtracking vrací pouze jedno řešení po druhém
- Všechna řešení dostupná najednou: bagof/3, setof/3, findall/3
- bagof( X, P, S ): vrátí seznam S, všech objektů X takových, že P je splněno

```
vek(petr, 7).
vek(anna, 5).
vek(tomas, 5).

?- bagof(Dite, vek(Dite, 5), Seznam).
Seznam = [anna, tomas]
```

- Volné proměnné v cíli P jsou **všeobecně kvantifikovány**

```
?- bagof(Dite, vek(Dite, Vek), Seznam).
Vek = 7, Seznam = [petr];
Vek = 5, Seznam = [anna, tomas]
```

## Všechna řešení II.

- Pokud neexistuje řešení bagof(X,P,S) neuspěje
- bagof: pokud nějaké řešení existuje několikrát, pak S obsahuje duplicitu
- bagof, setof, findall:  
P je libovolný cíl

```
vek(petr, 7).
vek(anna, 5).
vek(tomas, 5).

?- bagof(Dite, (vek(Dite, 5), Dite \= anna), Seznam).
Seznam = [tomas]
```

- bagof, setof, findall:  
na objekty shromažďované v X nejsou žádná omezení: X je term

```
?- bagof(Dite-Vek, vek(Dite, Vek), Seznam).
Seznam = [petr-7,anna-5,tomas-5]
```

## Existenční kvantifikátor „ $\exists$ ”

- Přidání existenčního kvantifikátoru „ $\exists$ ”  $\Rightarrow$  hodnota proměnné nemá význam

```
?- bagof(Dite, Vek^ vek(Dite, Vek), Seznam).
```

```
Seznam = [petr,anna,tomas]
```

- Anonymní proměnné jsou všeobecně kvantifikovány,  
i když jejich hodnota není (jako vždy) vracena na výstup

```
?- bagof(Dite, vek(Dite, _Vek), Seznam).
```

```
Seznam = [petr] ;
```

```
Seznam = [anna,tomas]
```

- Před operátorem „ $\exists$ ” může být i seznam

```
?- bagof(Vek , [Jmeno, Prijmeni]^ vek(Jmeno, Prijmeni, Vek), Seznam).
```

```
Seznam = [7,5,5]
```

## Všechna řešení III.

- **setof( X, P, S )**: rozdíly od bagof

- S je uspořádaný podle @<

- případné duplicitu v S jsou eliminovány

- **findall( X, P, S )**: rozdíly od bagof

- všechny proměnné jsou existenčně kvantifikovány

- ?- findall( Dite, vek( Dite, Vek ), Seznam ).

- $\Rightarrow$  v S jsou shromažďovány všechny možnosti i pro různá řešení

- $\Rightarrow$  **findall** uspěje přesně jednou

- výsledný seznam může být prázdný  $\Rightarrow$  pokud neexistuje řešení, uspěje a vrátí S = []

- ?- bagof( Dite, vek( Dite, Vek ), Seznam ).

- Vek = 7, Seznam = [ petr ];

- Vek = 5, Seznam = [ anna, tomas ]

- ?- findall( Dite, vek( Dite, Vek ), Seznam ).

- Seznam = [petr,anna,tomas]