

$$\begin{aligned}
 x &\equiv 1 + 10y \pmod{10} \\
 1 + 10y &\equiv 5 \pmod{18} \\
 10y &\equiv 4 \pmod{18} \quad /:2 \\
 5y &\equiv 2 \pmod{9} \\
 y &\equiv 10y \equiv 4 \pmod{9} \\
 y &= 4 + 9z \Rightarrow x = 1 + 10y \\
 &= 41 + 90z \\
 41 + 90z &\equiv -4 \pmod{25} \\
 90z &\equiv -45 \pmod{25} \quad /:5 \\
 3z &\equiv 18z \equiv 1 \pmod{5} \\
 z &\equiv 6z \equiv 2 \pmod{5} \\
 z &= 2 + 5t \Rightarrow x = 41 + 90z \\
 &= 221 + 450t
 \end{aligned}$$

3 14-14:57

$$\begin{aligned}
 x &\equiv 7 \pmod{27} \quad / \cdot 11 \\
 x &\equiv -3 \pmod{11} \quad / \cdot 27 \\
 \hline
 11x &\equiv 77 \pmod{27 \cdot 11} \\
 27x &\equiv -81 \pmod{27 \cdot 11} \\
 \hline
 1 &= 5 \cdot 11 - 2 \cdot 27 \\
 x &= (5 \cdot 11 - 2 \cdot 27)x = 5 \cdot 11x - 2 \cdot 27x \\
 &= 5 \cdot 77 - 2 \cdot (-81) = 547 \equiv 250 \pmod{297}
 \end{aligned}$$

3 14-15:07

$$\begin{aligned}
 x^3 &\equiv 3 \pmod{18} \\
 x &= 3y \\
 27y^3 &\equiv 3 \pmod{18} \quad /:3 \\
 9y^3 &\equiv 1 \pmod{6} \\
 3|6, 3|9y^3 &\Rightarrow 3|1 \dots \text{nemá řešení}
 \end{aligned}$$

3 14-15:25

$$\begin{aligned}
 a^{\varphi(m)} &\equiv 1 \pmod{m} \\
 \text{řád a dělitel } \varphi(m) \\
 \hline
 x &\longmapsto \text{zbytek } g^x \\
 0 \leq x < \varphi(m) & \text{ po dělení } m \\
 & 0 \leq \dots < m \\
 & \text{nesoud. s } m \\
 \varphi(m) \text{ prvek} & \quad \varphi(m) \text{ prvek}
 \end{aligned}$$

3 14-15:29

$$\begin{aligned}
 x^n &\equiv a \pmod{m} \quad (a, \varphi(m) = 1) \\
 x^{\varphi(m)} &\equiv 1 \pmod{m} \\
 k \cdot n + l \cdot \varphi(m) &= 1 \\
 x &= x^{k \cdot n + l \cdot \varphi(m)} = (x^n)^k \cdot (x^{\varphi(m)})^l \\
 &\equiv a^k \cdot 1^l \equiv a^k \pmod{m}
 \end{aligned}$$

3 14-15:37