

# Transformátory monád

IB016 Seminář z funkcionálního programování

Adam Matoušek, Henrieta Micheľová  
(původní autoři slajdů Vladimír Štil, Martin Ukrop)

Fakulta informatiky, Masarykova univerzita

Jaro 2021

# Připomenutí: Reader, Writer, State

## Monády čtenáře

- `newtype Reader r a = Reader {runReader :: r -> a}`
- `((->) r)` (funkce z `r`)
- read-only přístup ke sdílenému kontextu

## Monády písaře

- `newtype Writer w a = Writer {runWriter :: (a, w)}`
- `((,) w)` (dvojice s první složkou `w`)
- zápis do sdíleného výstupu

## Stavová monáda

- `newtype State s a = State {runState :: s -> (a, s)}`
- měnitelný stav předávaný mezi výpočty

Pozn.: klíčové slovo `newtype` budeme občas vynechávat, protože se nevléze na snímky.

# Připomenutí: pomocné funkce

- pro pohodlnou práci s monádami existují pomocné funkce. . .
  - čtenáři: `ask` a `asks`, `local`
  - písaři: `tell`, `listen`, `censor`
  - stav: `get`, `gets`, `put`, `modify`

# Připomenutí: pomocné funkce

- pro pohodlnou práci s monádami existují pomocné funkce...
  - čtenáři: `ask` a `asks`, `local`
  - písaři: `tell`, `listen`, `cancel`
  - stav: `get`, `gets`, `put`, `modify`
- ... kterým nezáleží na konkrétním typu monády:
  - `asks :: MonadReader r m => (r -> a) -> m a`  
`m` je libovolná monáda, která se chová jako čtenář z `r`  
(může být `Reader r` nebo `((->) r`)

# Připomenutí: pomocné funkce

- pro pohodlnou práci s monádami existují pomocné funkce...
  - čtenáři: `ask` a `asks`, `local`
  - písaři: `tell`, `listen`, `censor`
  - stav: `get`, `gets`, `put`, `modify`
- ... kterým nezáleží na konkrétním typu monády:
  - `asks :: MonadReader r m => (r -> a) -> m a`  
`m` je libovolná monáda, která se chová jako čtenář z `r`  
(může být `Reader r` nebo `((->) r)`)
  - `tell :: MonadWriter w m => w -> m ()`  
`m` je libovolná monáda, která se chová jako písař do `w`  
(může být `Writer w` nebo `((,) w)`)

# Připomenutí: pomocné funkce

- pro pohodlnou práci s monádami existují pomocné funkce...
  - čtenáři: `ask` a `asks`, `local`
  - písaři: `tell`, `listen`, `censor`
  - stav: `get`, `gets`, `put`, `modify`
- ... kterým nezáleží na konkrétním typu monády:
  - `asks :: MonadReader r m => (r -> a) -> m a`  
`m` je libovolná monáda, která se chová jako čtenář z `r`  
(může být `Reader r` nebo `((->) r)`)
  - `tell :: MonadWriter w m => w -> m ()`  
`m` je libovolná monáda, která se chová jako písař do `w`  
(může být `Writer w` nebo `((,) w)`)
  - `modify :: MonadState s m => (s -> s) -> m ()`  
`m` je libovolná monáda, která má měnitelný stav typu `s`  
(může být `State s` nebo...?)

Všimněte si, že jsou třídy parametrisované více typy (vyžaduje rozšíření `MultiParamTypeClasses`).

# Příklad z minulého cvičení

```
data Formula = Var String | And Formula Formula
              | Not Formula | Or Formula Formula
              deriving (Eq, Ord, Show)
```

```
type Valuation = Map String Bool
eval :: Formula -> Valuation -> Bool
eval (Var v) = Map.findWithDefault False v
eval (And x y) = do lhs <- eval x
                    if not lhs then pure False
                    else eval y
eval (Or x y) = liftA2 (||) (eval x) (eval y)
eval (Not x) = not <$> eval x
```

- úkol: ověřme lenost **Andu** a striktnost **Oru**

# Příklad z minulého cvičení

```
data Formula = Var String | And Formula Formula
              | Not Formula | Or Formula Formula
              deriving (Eq, Ord, Show)
```

```
type Valuation = Map String Bool
eval :: Formula -> Valuation -> Bool
eval (Var v)    = Map.findWithDefault False v
eval (And x y)  = do lhs <- eval x
                    if not lhs then pure False
                    else eval y
eval (Or x y)   = liftA2 (||) (eval x) (eval y)
eval (Not x)    = not <$> eval x
```

- úkol: ověřme lenost **Andu** a striktnost **Oru**
- využijeme písáře do **Sum Integer** na počítání kroků výpočtu



## Příklad z minulého týdne: řešení

```
data Formula = Var String | And Formula Formula
              | Not Formula | Or Formula Formula
              deriving (Eq, Ord, Show)

type Valuation = Map String Bool
eval :: Formula -> Valuation -> (Sum Integer, Bool)
eval (Var v)    val = tell 1 $> Map.findWithDefault False v val
eval (And x y)  val = do lhs <- eval x val
                        tell 1
                        if not lhs then pure False
                        else eval y val
eval (Or x y)   val = tell 1 >> liftA2 (||) (eval x val) (eval y val)
eval (Not x)    val = tell 1 >> not <$> eval x val
```

- řešení 1: nahradíme čtenáře písárem

## Příklad z minulého týdne: řešení

```
data Formula = Var String | And Formula Formula
              | Not Formula | Or Formula Formula
              deriving (Eq, Ord, Show)

type Valuation = Map String Bool
eval :: Formula -> Valuation -> (Sum Integer, Bool)
eval (Var v)    val = tell 1 $> Map.findWithDefault False v val
eval (And x y)  val = do lhs <- eval x val
                        tell 1
                        if not lhs then pure False
                        else eval y val
eval (Or  x y)  val = tell 1 >> liftA2 (||) (eval x val) (eval y val)
eval (Not x)    val = tell 1 >> not <$> eval x val
```

- řešení 1: nahradíme čtenáře písárem
- read-only kontext teď musíme posílat ručně

## Příklad z minulého týdne: řešení

```
data Formula = Var String | And Formula Formula
              | Not Formula | Or Formula Formula
              deriving (Eq, Ord, Show)

type Valuation = Map String Bool
eval :: Formula -> Valuation -> (Sum Integer, Bool)
eval (Var v)    val = tell 1 $> Map.findWithDefault False v val
eval (And x y)  val = do lhs <- eval x val
                        tell 1
                        if not lhs then pure False
                        else eval y val
eval (Or  x y)  val = tell 1 >> liftA2 (||) (eval x val) (eval y val)
eval (Not x)    val = tell 1 >> not <$> eval x val
```

- řešení 1: nahradíme čtenáře písárem
- read-only kontext teď musíme posílat ručně
- struktura se příliš nemění, `do`-blok a `liftování` je skoro stejné

## Příklad z minulého týdne: řešení

```
data Formula = Var String | And Formula Formula
              | Not Formula | Or Formula Formula
              deriving (Eq, Ord, Show)

type Valuation = Map String Bool
eval :: Formula -> Valuation -> (Sum Integer, Bool)
eval (Var v)    val = tell 1 $> Map.findWithDefault False v val
eval (And x y)  val = do lhs <- eval x val
                        tell 1
                        if not lhs then pure False
                        else eval y val
eval (Or  x y)  val = tell 1 >> liftA2 (||) (eval x val) (eval y val)
eval (Not x)    val = tell 1 >> not <$> eval x val
```

- řešení 1: nahradíme čtenáře písárem
- read-only kontext teď musíme posílat ručně
- struktura se příliš nemění, `do`-blok a `liftování` je skoro stejné
- otravné; nemohl by čtenář a písář fungovat zároveň?

# Kombinace monád

- `do`-blok, `liftování` apod. nemohou fungovat s kombinací monád
- na použití `ask` a `tell` záraz ale nepotřebujeme více monád
- stačí instance pro `MonadReader` i pro `MonadWriter` zároveň

# Kombinace monád

- `do`-blok, `liftování` apod. nemohou fungovat s kombinací monád
- na použití `ask` a `tell` zaráz ale nepotřebujeme více monád
- stačí instance pro `MonadReader` i pro `MonadWriter` zároveň
- řešení: napíšeme novou vlastní monádu, která se chová jako čtenář `r` i jako písář `w`:

```
newtype RW r w a = RW { runRW :: r -> (w, a) }
```

- ★ zkuste si jako procvičení napsat instance pro `Functor`, `Applicative` a `Monad`

# Řešení pomocí RW

```
newtype RW r w a = RW { runRW :: r -> (w, a) }
... -- instance vynechány
eval :: Formula -> RW Valuation (Sum Integer) Bool
eval (Var v) = do tell 1
                 asks $ Map.findWithDefault False v
eval (And x y) = do lhs <- eval x
                    tell 1
                    if not lhs then pure False
                        else eval y
eval (Or x y) = tell 1 >> liftA2 (||) (eval x) (eval y)
eval (Not x) = tell 1 >> not <$> eval x
```

- to už vypadá velmi použitelně
- počet kroků vyhodnocení formule:

```
getSum . fst $ runRW (eval formula) valuation
```

# Třídy MonadReader a MonadWriter

- Naši monádu stačí už jen naučit číst a psát...

```
class Monad m => MonadReader r m | m -> r1 where
  {-# MINIMAL (ask | reader), local #-}
  ask    :: m r
  local  :: (r -> r) -> m a -> m a
  reader :: (r -> a) -> m a
```

```
class (Monoid w, Monad m) => MonadWriter w m | m -> w1 where
  {-# MINIMAL (writer | tell), listen, pass #-}
  writer :: (a,w) -> m a
  tell   :: w -> m ()
  listen :: m a -> m (a, w)
  pass   :: m (a, w -> w) -> m a
```

---

<sup>1</sup>zápis „... | m -> r“ znamená, že typ `r` musí být lze jednoznačně odvodit z typu `m` (tzv. funkční závislost). Vyžaduje rozšíření `FunctionalDependencies`. Psaní instancí pak vyžaduje `FlexibleInstances`.



# Třídy MonadReader a MonadWriter

- Naši monádu stačí už jen naučit číst a psát...

```
class Monad m => MonadReader r m | m -> r1 where
  {-# MINIMAL (ask | reader), local #-}
  ask    :: m r
  local  :: (r -> r) -> m a -> m a
  reader :: (r -> a) -> m a
```

```
class (Monoid w, Monad m) => MonadWriter w m | m -> w1 where
  {-# MINIMAL (writer | tell), listen, pass #-}
  writer :: (a,w) -> m a
  tell   :: w -> m ()
  listen :: m a -> m (a, w)
  pass   :: m (a, w -> w) -> m a
```

- ... což je ale hrozně moc práce!

---

<sup>1</sup>zápis „... | m -> r“ znamená, že typ `r` musí být lze jednoznačně odvodit z typu `m` (tzv. funkční závislost). Vyžaduje rozšíření `FunctionalDependencies`. Psaní instancí pak vyžaduje `FlexibleInstances`.

- předchozí řešení je funkční, ale má několik vad:
  - velká vývojářská reže – museli jsme napsat pět instancí
  - kromě otravnosti to zvyšuje možnost zanesení chyby
  - jiné kombinace musíme napsat zase od znovu
- chtěli bychom nějaký příjemnější a obecnější způsob jak tvořit monády s více funkcionalitami

# Kombinace monád podruhé

- předchozí řešení je funkční, ale má několik vad:
  - velká vývojářská reže – museli jsme napsat pět instancí
  - kromě otravnosti to zvyšuje možnost zanesení chyby
  - jiné kombinace musíme napsat zase od znovu
- chtěli bychom nějaký příjemnější a obecnější způsob jak tvořit monády s více funkcionalitami
- myšlenka: navrstvit „poskytovatele monadické funkcionality“ na sebe
- mohli bychom pak zadefinovat něco jako  
`type RW r w = AddWriting w (Reader r)`  
a o žádné instance se nestarat

# Transformátory monád

- transformátor monád = z monády udělá jinou monádu
- přidává monadickou funkcionalitu k existující monádě
- příklad: `WriterT :: * -> (* -> *) -> (* -> *)`
  - `WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}`

★ Poznámka k výrazivu: ~~monadické transforméry~~

# Transformátory monád

- transformátor monád = z monády udělá jinou monádu
- přidává monadickou funkcionalitu k existující monádě
- příklad: `WriterT :: * -> (* -> *) -> (* -> *)`
  - `WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}`
  - „písařidlo“ přidávající možnost logování

★ Poznámka k výrazivu: ~~monadické transforméry~~

# Transformátory monád

- transformátor monád = z monády udělá jinou monádu
- přidává monadickou funkcionalitu k existující monádě
- příklad: `WriterT :: * -> (* -> *) -> (* -> *)`
  - `WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}`
  - „písařidlo“ přidávající možnost logování
  - neboli existují instance
    - `(Monoid w, Monad m) => Monad (WriterT w m)`
    - `(Monoid w, Monad m) => MonadWriter w (WriterT w m)`

★ Poznámka k výrazivu: ~~monadické transforméry~~

# Transformátory monád

- transformátor monád = z monády udělá jinou monádu
- přidává monadickou funkcionalitu k existující monádě
- příklad: `WriterT :: * -> (* -> *) -> (* -> *)`
  - `WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}`
  - „písařidlo“ přidávající možnost logování
  - neboli existují instance
    - `(Monoid w, Monad m) => Monad (WriterT w m)`
    - `(Monoid w, Monad m) => MonadWriter w (WriterT w m)`
  - `promptLog :: String -> WriterT [String] IO String`

```
promptLog prompt = do putStr prompt
                       line <- getLine
                       tell [prompt ++ line]
                       pure line
```

★ Poznámka k výrazivu: ~~monadické transforméry~~

# Transformátory monád

- transformátor monád = z monády udělá jinou monádu
- přidává monadickou funkcionalitu k existující monádě
- příklad: `WriterT :: * -> (* -> *) -> (* -> *)`
  - `WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}`
  - „písařidlo“ přidávající možnost logování
  - neboli existují instance
    - `(Monoid w, Monad m) => Monad (WriterT w m)`
    - `(Monoid w, Monad m) => MonadWriter w (WriterT w m)`
  - `promptLog :: String -> WriterT [String] IO String`

```
promptLog prompt = do putStr prompt    -- error!  
                      line <- getLine -- error!  
                      tell [prompt ++ line]  
                      pure line
```

★ Poznámka k výrazivu: ~~monadické transforméry~~



```
promptLog :: String -> WriterT [String] IO String
promptLog prompt = do putStr prompt    -- error!
                      line <- getLine -- error!
                      tell [prompt ++ line]
                      pure line
```

- `getLine` je typu `IO String`, ale potřebujeme, aby byl typu `WriterT [String] IO String`

```
promptLog :: String -> WriterT [String] IO String
promptLog prompt = do putStr prompt    -- error!
                      line <- getLine -- error!
                      tell [prompt ++ line]
                      pure line
```

- `getLine` je typu `IO String`, ale potřebujeme, aby byl typu `WriterT [String] IO String`
- Transformátory jsou instancemi typové třídy `MonadTrans`

```
class MonadTrans t where
  lift :: (Monad m) => m a -> t m a
```

```
promptLog :: String -> WriterT [String] IO String
promptLog prompt = do putStr prompt    -- error!
                      line <- getLine -- error!
                      tell [prompt ++ line]
                      pure line
```

- `getLine` je typu `IO String`, ale potřebujeme, aby byl typu `WriterT [String] IO String`
- Transformátory jsou instancemi typové třídy `MonadTrans`  
`class MonadTrans t where`  
    `lift :: (Monad m) => m a -> t m a`
- `lift` z výpočtu v monádě `m` udělá výpočet v monádě `t m`.

```
promptLog :: String -> WriterT [String] IO String
promptLog prompt = do lift (putStr prompt)
                      line <- lift getLine
                      tell [prompt ++ line]
                      pure line
```

- `getLine` je typu `IO String`, ale potřebujeme, aby byl typu `WriterT [String] IO String`
- Transformátory jsou instancemi typové třídy `MonadTrans`  
`class MonadTrans t where`  
    `lift :: (Monad m) => m a -> t m a`
- `lift` z výpočtu v monádě `m` udělá výpočet v monádě `t m`.

Všechny tři monády z minula mají svůj přílušný transformátor:

- `WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}`
- `ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}`
- `StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a,s)}`

Všechny tři monády z minula mají svůj přílušný transformátor:

- `WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}`
- `ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}`
- `StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a,s)}`
- analogicky existují také `evalStateT`, `execWriterT` apod.
- ve skutečnosti jsou monády z minula definovány podle vzoru:  
`type Reader r = ReaderT r Identity`

Všechny tři monády z minula mají svůj přílušný transformátor:

- `WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}`
- `ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}`
- `StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a,s)}`
- analogicky existují také `evalStateT`, `execWriterT` apod.
- ve skutečnosti jsou monády z minula definovány podle vzoru:  
`type Reader r = ReaderT r Identity`
- existuje i kombinace předchozích transformátorů:  
`RWST r w s m a = RWST {runRWST :: r -> s -> m (a,s,w)}`

# Řešení úlohy z minula s transformátory

```
eval :: Formula -> ReaderT Valuation (Writer (Sum Integer)) Bool
eval (Var v)   = do lift $ tell 1
                  asks $ Map.findWithDefault False v
eval (And x y) = do lhs <- eval x
                  lift $ tell 1
                  if not lhs then pure False
                      else eval y
eval (Or x y)  = lift (tell 1) >> liftA2 (||) (eval x) (eval y)
eval (Not x)   = lift (tell 1) >> not <$> eval x

eval' :: Formula -> Valuation -> (Bool, Sum Integer)
eval' f vs = runWriter (runReaderT (eval f) vs)
```



# Řešení úlohy z minula s transformátory

```
eval :: Formula -> ReaderT Valuation (Writer (Sum Integer)) Bool
eval (Var v)   = do lift $ tell 1
                  asks $ Map.findWithDefault False v
eval (And x y) = do lhs <- eval x
                  lift $ tell 1
                  if not lhs then pure False
                      else eval y
eval (Or x y)  = lift (tell 1) >> liftA2 (||) (eval x) (eval y)
eval (Not x)   = lift (tell 1) >> not <$> eval x

eval' :: Formula -> Valuation -> (Bool, Sum Integer)
eval' f vs = runWriter (runReaderT (eval f) vs)
```

- přidávání `lift`ů je krajně neelegantní
- více transformačních vrstev znamená více `lift`ování
- chtěli bychom se obejít bez `lift`ů

# Řešení úlohy z minula s transformátory

```
eval :: Formula -> ReaderT Valuation (Writer (Sum Integer)) Bool
eval (Var v)   = do tell 1
                  asks $ Map.findWithDefault False v
eval (And x y) = do lhs <- eval x
                  tell 1
                  if not lhs then pure False
                      else eval y
eval (Or x y)  = tell 1 >> liftA2 (||) (eval x) (eval y)
eval (Not x)   = tell 1 >> not <$> eval x

eval' :: Formula -> Valuation -> (Bool, Sum Integer)
eval' f vs = runWriter (runReaderT (eval f) vs)
```

- přidávání `liftů` je krajně neelegantní
- více transformačních vrstev znamená více `liftování`
- chtěli bychom se obejít bez `liftů`

# Řešení úlohy z minula s transformátory

```
eval :: Formula -> ReaderT Valuation (Writer (Sum Integer)) Bool
eval (Var v)   = do tell 1
                  asks $ Map.findWithDefault False v
eval (And x y) = do lhs <- eval x
                  tell 1
                  if not lhs then pure False
                      else eval y
eval (Or x y)  = tell 1 >> liftA2 (||) (eval x) (eval y)
eval (Not x)   = tell 1 >> not <$> eval x

eval' :: Formula -> Valuation -> (Bool, Sum Integer)
eval' f vs = runWriter (runReaderT (eval f) vs)
```

- přidávání `liftů` je krajně neelegantní
- více transformačních vrstev znamená více `liftování`
- chtěli bychom se obejít bez `liftů`
- kód funguje správně i bez nich!

# Spolupráce transformátorů z `mtl`

- transformátory z `mtl` jsou navrženy tak, aby se v jejich kombinacích nemusel používat `lift`
- to je umožněno instancemi jako např:  
`(MonadReader r m) => MonadReader r (WriterT w m)`  
`(MonadReader r m) => MonadReader r (StateT s m)`  
...
- tedy například pokud transformátor obaluje čtenáře, je výsledná monáda opět čtenářem

# Spolupráce transformátorů z `mtl`

- transformátory z `mtl` jsou navrženy tak, aby se v jejich kombinacích nemusel používat `lift`
- to je umožněno instancemi jako např:  
`(MonadReader r m) => MonadReader r (WriterT w m)`  
`(MonadReader r m) => MonadReader r (StateT s m)`  
...
- tedy například pokud transformátor obaluje čtenáře, je výsledná monáda opět čtenářem
- `lift` je třeba použít, obsahuje-li monáda např. více `ReaderT`
- bez `liftování` se neobjdeme při práci s `IO`

- neexistuje žádné **IOT**, takže **IO** musí být vždy „na dně“ pod všemi transformátory<sup>1</sup>

---

<sup>1</sup>To ale neznamená, že bude nejbližše samotnému výsledku výpočtu.

# IO a monádové transformátory

- neexistuje žádné **IO**, takže **IO** musí být vždy „na dně“ pod všemi transformátory<sup>1</sup>
- vstupně-výstupní akce pracují v **IO**, nikoli v nějakém obecném **MonadIO**, takže transformátory nemohou propagovat samotné V/V akce jako např. `ask` v případě **MonadReader** `r` apod.<sup>2</sup>

---

<sup>1</sup>To ale neznamená, že bude nejbližše samotnému výsledku výpočtu.

<sup>2</sup>Můžete se podívat na balík `unliftio`, který se přesně o toto snaží.

# IO a monádové transformátory

- neexistuje žádné **IOT**, takže **IO** musí být vždy „na dně“ pod všemi transformátory<sup>1</sup>
- vstupně-výstupní akce pracují v **IO**, nikoli v nějakém obecném **MonadIO**, takže transformátory nemohou propagovat samotné V/V akce jako např. **ask** v případě **MonadReader** **r** apod.<sup>2</sup>
- mohou ale propagovat *způsob* jak spustit V/V akce:

```
class Monad m => MonadIO m where
  liftIO :: IO a -> m a
```

---

<sup>1</sup>To ale neznamená, že bude nejbližše samotnému výsledku výpočtu.

<sup>2</sup>Můžete se podívat na balík `unliftio`, který se přesně o toto snaží.



# IO a monádové transformátory

- neexistuje žádné **IOT**, takže **IO** musí být vždy „na dně“ pod všemi transformátory<sup>1</sup>
- vstupně-výstupní akce pracují v **IO**, nikoli v nějakém obecném **MonadIO**, takže transformátory nemohou propagovat samotné V/V akce jako např. `ask` v případě **MonadReader** `r` apod.<sup>2</sup>
- mohou ale propagovat *způsob* jak spustit V/V akce:

```
class Monad m => MonadIO m where
    liftIO :: IO a -> m a
```

- `liftIO`  $\approx$  „liftovací zkratka“ k **IO** vespod:  
`liftIO getLine`  $\rightsquigarrow^*$  `lift . ... . lift $ getLine`

---

<sup>1</sup>To ale neznamená, že bude nejbližše samotnému výsledku výpočtu.

<sup>2</sup>Můžete se podívat na balík `unliftio`, který se přesně o toto snaží.

# Transformátor pro ošetřování chyb

- výpočty s výjimkami: `Either e`
- příslušný transformátor (z modulu `Control.Monad.Except`):  
`ExceptT e m a = ExceptT (m (Either e a))`
- `class (Monad m) => MonadError e m | m -> e where`  
    `throwError :: e -> m a`  
    `catchError :: m a -> (e -> m a) -> m a`

# Transformátor pro ošetřování chyb

- výpočty s výjimkami: `Either e`
- příslušný transformátor (z modulu `Control.Monad.Except`):  
`ExceptT e m a = ExceptT (m (Either e a))`
- `class (Monad m) => MonadError e m | m -> e where`  
    `throwError :: e -> m a`  
    `catchError :: m a -> (e -> m a) -> m a`
- povýšení libovolné `Either`-akce do třídy `MonadError`:  
`liftEither :: MonadError e m => Either e a -> m a`

# Transformátor pro ošetřování chyb

- výpočty s výjimkami: `Either e`
- příslušný transformátor (z modulu `Control.Monad.Except`):  
`ExceptT e m a = ExceptT (m (Either e a))`
- `class (Monad m) => MonadError e m | m -> e where`  
    `throwError :: e -> m a`  
    `catchError :: m a -> (e -> m a) -> m a`
- povýšení libovolné `Either`-akce do třídy `MonadError`:  
`liftEither :: MonadError e m => Either e a -> m a`
- neplést se standardní třídou `MonadFail`, do níž se přesouvá (v GHC 8.8) z `Monad` funkce `fail :: String -> m a` volaná při neúspěšném pattern-matchingu v `do`-bloku

# Transformátor pro ošetřování chyb

- výpočty s výjimkami: `Either e`
- příslušný transformátor (z modulu `Control.Monad.Except`):  
`ExceptT e m a = ExceptT (m (Either e a))`
- `class (Monad m) => MonadError e m | m -> e where`  
    `throwError :: e -> m a`  
    `catchError :: m a -> (e -> m a) -> m a`
- povýšení libovolné `Either`-akce do třídy `MonadError`:  
`liftEither :: MonadError e m => Either e a -> m a`
- neplést se standardní třídou `MonadFail`, do níž se přesouvá (v GHC 8.8) z `Monad` funkce `fail :: String -> m a` volaná při neúspěšném pattern-matchingu v `do`-bloku
- ★ `MaybeT` existuje, ale samo o sobě neposkytuje funkcionalitu pro ošetřování chyb (tj. nepřináší instanci `MonadError`)

# Pořadí skládání transformátorů I

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
```

```
newtype WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

`ReaderT r (Writer w) a` vs. `WriterT w (Reader r) a`

# Pořadí skládání transformátorů I

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
newtype WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

`ReaderT r (Writer w)` a `WriterT w (Reader r)` a  
zapomeneme „zbytečné“ konstruktory

# Pořadí skládání transformátorů I

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
newtype WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

`ReaderT r (Writer w) a` vs. `WriterT w (Reader r) a`  
zapomeneme „zbytečné“ konstruktory  
`r -> Writer w a` vs. `Reader r (a, w)`



# Pořadí skládání transformátorů I

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
newtype WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

`ReaderT r (Writer w) a` vs. `WriterT w (Reader r) a`  
zapomeneme „zbytečné“ konstruktory

`r -> Writer w a` vs. `Reader r (a, w)`  
`r -> (a, w)` = `r -> (a, w)`

# Pořadí skládání transformátorů I

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
newtype WriterT w m a = WriterT {runWriterT :: m (a, w)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

`ReaderT r (Writer w) a` vs. `WriterT w (Reader r) a`  
zapomeneme „zbytečné“ konstruktory

`r -> Writer w a` vs. `Reader r (a, w)`  
`r -> (a, w)` = `r -> (a, w)`

- `ReaderT` a `WriterT` můžeme prohodit
- liší se pak jen pořadí jejich vyhodnocení:

```
runWriter.flip runReaderT c    flip runReader c.runWriterT
```

# Pořadí skládání transformátorů II

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
newtype StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a, s)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

**ReaderT** r (**State** s) a      vs.      **StateT** s (**Reader** r) a

# Pořadí skládání transformátorů II

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
newtype StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a, s)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

`ReaderT r (State s) a`      vs.      `StateT s (Reader r) a`  
`r -> State s a`                      `s -> Reader r (a, s)`

# Pořadí skládání transformátorů II

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
newtype StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a, s)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

<code>ReaderT r (State s) a</code>	vs.	<code>StateT s (Reader r) a</code>
<code>r -&gt; State s a</code>		<code>s -&gt; Reader r (a, s)</code>
<code>r -&gt; s -&gt; (a, s)</code>	$\simeq$	<code>s -&gt; r -&gt; (a, s)</code>

# Pořadí skládání transformátorů II

```
newtype ReaderT r m a = ReaderT {runReaderT :: r -> m a}
newtype StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a, s)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

<code>ReaderT r (State s) a</code>	vs.	<code>StateT s (Reader r) a</code>
<code>r -&gt; State s a</code>		<code>s -&gt; Reader r (a, s)</code>
<code>r -&gt; s -&gt; (a, s)</code>	$\simeq$	<code>s -&gt; r -&gt; (a, s)</code>

`ReaderT` a `StateT` nekomutují, ale liší se jen pořadím parametrů

# Pořadí skládání transformátorů III

```
newtype ExceptT e m a = ExceptT (m (Either e a))
newtype StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a, s)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

**ExceptT** e (**State** s) a      vs.      **StateT** s (**Either** e) a

# Pořadí skládání transformátorů III

```
newtype ExceptT e m a = ExceptT (m (Either e a))
newtype StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a, s)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

```
ExceptT e (State s) a      vs.      StateT s (Either e) a
State s (Either e) a      s -> Either e (a, s)
```



# Pořadí skládání transformátorů III

```
newtype ExceptT e m a = ExceptT (m (Either e a))
newtype StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a, s)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

<code>ExceptT e (State s) a</code>	vs.	<code>StateT s (Either e) a</code>
<code>State s (Either e a)</code>		<code>s -&gt; Either e (a, s)</code>
<code>s -&gt; (Either e a, s)</code>	$\neq$	<code>s -&gt; Either e (a, s)</code>

# Pořadí skládání transformátorů III

```
newtype ExceptT e m a = ExceptT (m (Either e a))
newtype StateT s m a = StateT {runStateT :: s -> m (a, s)}
```

Jaký je rozdíl mezi následující dvojicí monád?

<code>ExceptT e (State s) a</code>	vs.	<code>StateT s (Either e) a</code>
<code>State s (Either e a)</code>		<code>s -&gt; Either e (a, s)</code>
<code>s -&gt; (Either e a, s)</code>	$\neq$	<code>s -&gt; Either e (a, s)</code>

- `ExceptT` a `StateT` nekomutují
- liší se v tom, jestli při chybě zůstane stav platný

# A to je vše

## Transformátory monád – shrnutí

- monadické funkce (`ask`, `tell` apod.) jsou poskytovány třídami
- transformátor přidá novou instanci k existující monádě
- transformátor přebírá instance spodní monády

## Transformátory monád – shrnutí

- monadické funkce (`ask`, `tell` apod.) jsou poskytovány třídami
- transformátor přidá novou instanci k existující monádě
- transformátor přebírá instance spodní monády

## Kam dál?

- Zajímavé monády k zamyšlení
  - `Cont`, `Tardis`
  - *Freer monads* (hezký úvod [zde](#))
  - dláždívý správce oken `xmonad`
- IA014 Advanced Functional Programming
  - vystavění Haskellu z  $\lambda$ -kalkulu
  - GADT (generalisované algebraické datové typy)
  - závislé typy

# A to je vše

## Transformátory monád – shrnutí

- monadické funkce (`ask`, `tell` apod.) jsou poskytovány třídami
- transformátor přidá novou instanci k existující monádě
- transformátor přebírá instance spodní monády

## Kam dál?

- Zajímavé monády k zamyšlení
  - `Cont`, `Tardis`
  - *Freer monads* (hezký úvod [zde](#))
  - dláždívý správce oken `xmonad`
- IA014 Advanced Functional Programming
  - vystavění Haskellu z  $\lambda$ -kalkulu
  - GADT (generalisované algebraické datové typy)
  - závislé typy
- Chcete se Haskellem žít?
  - [functionaljobs.com](http://functionaljobs.com)