

## 6. cvičení z MB141, jaro 2020

**Příklad 1.** Najděte ortonormální bázi podprostoru

$$S = [(1, 2, -1, 3, 1), (5, 2, -1, 7, 1), (2, -1, 2, -4, -2)] \subset \mathbb{R}^5,$$

jestliže prostor  $\mathbb{R}^5$  bereme se standardním skalárním součinem. Použijte k tomu prvně Gramův-Schmidtův ortogonalizační proces a potom získané vektory ortogonální báze vynormujte (tj. vydělte jejich velikostí, abyste získali vektory velikosti 1).

**Příklad 2.** V  $\mathbb{R}^5$  se standardním skalárním součinem najděte ortogonální doplněk podprostoru

$$M = [(1, 2, -1, -3, 3), (1, -2, 3, 1, -1)].$$

**Příklad 3.** Spočtěte kolmou projekci vektoru  $u = (2, 11, -3, -4, 7)$  do podprostoru  $M$  a jeho ortogonálního doplňku  $M^\perp$  z předchozího příkladu.

**Příklad 4.** Necht'  $\varphi : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  je kolmá projekce na rovinu

$$2x_1 - x_2 + 2x_3 = 0.$$

Najděte matici  $A$  tvaru  $3 \times 3$  takovou, že v souřadnicích standardní báze je

$$\varphi(x) = Ax = A \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix}.$$

**Příklad 5.** Zjistěte jakou geometrickou transformaci popisuje zobrazení  $\varphi(x) = Bx$ , kde

$$B = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -1 & -2 & 2 \\ -2 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

**Příklad 6.** Zjistěte jakou geometrickou transformaci popisuje zobrazení  $\varphi(x) = Cx$ , kde

$$C = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 & \sqrt{2} & -\sqrt{2} \\ -\sqrt{2} & 1 & 1 \\ \sqrt{2} & 1 & 1 \end{pmatrix}.$$