

Monády pro čtení a/nebo zapisování stavu (Reader, Writer, State)

IB016 Seminář z funkcionálního programování

Mnoho autorů napříč věky

Fakulta informatiky, Masarykova univerzita

Jaro 2022

Monáda \approx abstrakce výpočtu.

```
class Applicative m => Monad m where
  (>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b
  return :: a -> m a
```

- `return` `x` vyrábí „triviální výpočet“ hodnoty `x`
- `mx >>= f` komponuje výpočty: výsledek výpočtu `mx` je poslán do navazujícího výpočtu (`f x`).
- `Maybe`, `Either` `e`, `[]`, `Parser`, `Gen`, ...

Monoid

- $(\langle \rangle) :: m \rightarrow m \rightarrow m$ asociativní operace
- `mempty` $:: m$ neutrální prvek

Traversable

- `mapM` $:: \text{Monad } m \Rightarrow (a \rightarrow m b) \rightarrow t a \rightarrow m (t b)$
- kontejnery, přes něž lze mapovat monadické akce (výpočty)

Monáda písáře

Dvojice jako aplikativní funktor

- $((,) w)$ je typový k-tor pro dvojice s první složkou typu w

- $((,) w)$ je funktor:

```
fmap :: (a -> b) -> (w, a) -> (w, b)
```

```
fmap f (w, x) = (w, f x)
```

- je $((,) w)$ aplikativní funktor?

```
pure :: Monoid w => a -> (w, a)
```

```
pure x = (mempty, x)
```

- musíme umět zbuhdarma vyrobit hodnotu typu w

```
<*> :: Monoid w => (w, a -> b) -> (w, a) -> (w, b)
```

```
(w1, f) <*> (w2, x) = (w1 <> w2, f x)
```

- musíme umět hodnoty typu w kombinovat

- nechť je typ w monoidem!

- ★ proč nestačí libovolný typ s nulární a binární operací?

```
instance Monoid w => Monad ((,) w) where
  (>>=) :: ... => (w, a) -> (a -> (w, b)) -> (w, b)
  (w1, x) >>= f = let (w2, y) = f x in
                   (w1 <> w2, y)
```

- výpočet, který navíc produkuje výstup typu `w`
- „boční“ výstupy všech výpočtů se kumulují operátorem `<>`
- samotný výsledek je ve druhé složce dvojice
- typické použití: logy

Příklad: monáda písáře

```
loudNeg :: Int -> ([String], Int)
loudNeg n = ("neg " ++ show n), negate n

loudPlus, loudMinus :: Int -> Int -> ([String], Int)
loudPlus n m = (show n ++ " + " ++ show m), n + m
loudMinus n m = loudNeg m >>= loudPlus n

loudTimes :: Int -> Int -> ([String], Int)
loudTimes 0 _ = pure 0
loudTimes n m
  | n > 0 = do n' <- loudMinus n 1
              m' <- loudTimes n' m
              loudPlus m' m
  | n < 0 = loudNeg n >>= flip loudTimes m >>= loudNeg
```

Modul Control.Monad.Writer

- existuje také „explicitně pojmenovaná“ monáda **Writer** w:
`newtype Writer w a = Writer {runWriter :: (a, w)}`
(pozor, prvky dvojice jsou naopak)
- uvnitř obou písáňů lze použít pomocné funkce:¹
`tell :: w -> m ()` *-- tedy w -> (w, ())*
pouze zapíše „do logu“
`listen :: m a -> m (a, w)`
zachytí (i zapíše) „log“ zadaného výpočtu
`sensor :: (w -> w) -> m a -> m a`
před zápisem změní „log“ zadaného výpočtu.
- vše hledejte v modulu **Control.Monad.Writer** balíku `mtl`
- striktní (nelíná) verze: **Control.Monad.Writer.Strict**

¹je to zajištěno typovou třídou **MonadWriter** sdružující písáře všeho druhu

Monáda čtenáře

Funkce jako aplikativní funktor

- `((->) r)` je typový konstruktor pro funkce z `r`

- `((->) r)` je funktor:

```
-- :: (a -> b) -> f    a -> f    b
fmap :: (a -> b) -> (r -> a) -> (r -> b)
fmap f ra = \k -> f (ra k)    -- === f . ra
```

- je `((->) r)` aplikativní funktor?

```
pure :: a -> (r -> a)
pure x = const x
<*> :: (r -> (a -> b)) -> (r -> a) -> (r -> b)
rf <*> ra = \k -> (rf k) (ra k)
```

- ★ rozmyslete si, zda jsou splněna pravidla pro **Applicative**

```
instance Monad ((->) r) where
    -- :: m a -> (a -> m b) -> m b
    (>>=) :: (r -> a) -> (a -> (r -> b)) -> (r -> b)
    ra >>= f = \k -> f (ra k) k
```

- výpočet, který čte kontext typu `r`
- všechny komponované výpočty dostanou týž kontext
- typické použití: konfigurace

Příklad: monáda čtenáře

```
import Data.Map (Map)
import qualified Data.Map as Map
import Control.Applicative (liftA2)

data Formula = Var String
             | And Formula Formula
             | Or  Formula Formula
             | Not Formula
             deriving (Eq, Ord, Show)

type Valuation = Map String Bool
eval :: Formula -> (Valuation -> Bool)
eval (Var v)    = Map.findWithDefault False v
eval (And x y) = do lhs <- eval x
                    if not lhs then pure False
                               else eval y
eval (Or  x y) = liftA2 (||) (eval x) (eval y)
eval (Not x)   = not <$> eval x
```

- existuje také „explicitně pojmenovaná“ monáda **Reader** `r`:
`newtype Reader r a = Reader {runReader :: r -> a}`
- uvnitř obou čtenářů lze použít pomocné funkce:²
`ask :: m r -- r -> r`
přečte kontext (např. `do {ctx <- ask; ...}`)
`asks :: (r -> a) -> m a`
čtení přes „getter“ (např. `do {x <- asks fst; ...}`)
`local :: (r -> r) -> m a -> m a`
`--"--- :: (r -> r) -> (r -> a) -> (r -> a)`
spustí výpočet s lokálně změněným kontextem
- vše hledejte v modulu **Control.Monad.Reader** balíku `mtl`

²Opět je to zajištěno typovou třídou **MonadReader**, jíž jsou **Reader** `r` i `((->) r)` instancemi.

Stavová monáda

Omezení čtenářů a písářů

- **Writer** `w` neumí číst výstupy předchozích výpočtů
- přes `listen` umí číst výstupy vnořených výpočtů
- **Reader** `r` neumí měnit kontext navazujícím výpočtům
- přes `local` umí měnit kontext vnořených výpočtů
- občas bychom chtěli sdílet napříč výpočty měnící se informaci
- příklad: při prohledávání grafu je potřeba udržovat množinu navštívených vrcholů
- příklad: generátor pseudonáhodných čísel si udržuje sémě (*seed*), které se po každém vygenerovaném čísle změní

```
newtype State s a = State {runState :: s -> (a, s)}
```

- = funkce čtoucí stav typu `s` a vracející hodnotu typu `a` a změněný stav
- v modulu `Control.Monad.State` (příp. `.Strict`³) z `mtl`
- Co znamenají typy `a -> State s b`, `b -> State s c`
- Jak se skládají takové funkce?
Výsledný stav první se předá jako iniciální stav druhé.
- Instance `Functor`, `Applicative` a `Monad` jsou ponechány čtenáři jako cvičení.

³pozor, striktní je pouze sekvencování, nikoli operace se stavem

Funkce pro práci se stavem

- `get :: State s s` přečte stav
- `gets :: (s -> a) -> State s a` čtení přes „getter“
- `put :: s -> State s ()` zapíše nový stav
- `modify :: (s -> s) -> State s ()` změní stav
- `modify' :: (s -> s) -> State s ()` změní striktně
- `runState :: State s a -> s -> (a, s)` spustí výpočet
- `evalState :: State s a -> s -> a` spustí; zahodí stav

Příklad: průchod grafem

```
type Edge = (Vertex, Vertex)

dfs :: Vertex -> [Edge] -> State (Set Vertex) [Vertex]
dfs v es = do
  modify $ Set.insert v
  let succs = snd <$> filter ((== v).fst) es
      succStamps <- forM succs $ \s -> do
          visited <- get
          if s `Set.member` visited then pure []
              else dfs s es
  return $ v : concat succStamps

dfs' :: Vertex -> [Edge] -> [Vertex]
dfs' v es = evalState (dfs v es) Set.empty
```