

CVIČNÉ PŘÍKLADY

APLIKACE DIFERENCIÁLNÍHO POČTU

Příklad 1. Vyšetřete průběh funkce:

$$1. \ y = \frac{x^2 - 6x + 5}{(x-3)^2},$$

$$2. \ y = x^3 + \frac{x^4}{4},$$

$$3. \ y = \arctan \frac{x-1}{x},$$

$$4. \ y = \frac{1-x^2}{1+x^2},$$

$$5. \ y = x \cdot e^{-x^2},$$

$$6. \ y = \frac{x^3}{4(2-x)^2},$$

$$7. \ y = \frac{\ln x^2}{x},$$

Příklad 2. Užitím diferenciálu určete přibližnou hodnotu:

$$1. \ \cos 61^\circ,$$

$$2. \ \sin 59^\circ,$$

$$3. \ \sqrt{122},$$

$$4. \ \log 101$$

Příklad 3. Rozvojte v Taylorovu řadu podle mocnin $x - \frac{\pi}{2}$ funkci $y = \cos \frac{x}{2}$. (to znamená, že $a = \frac{\pi}{2}$.)

Příklad 4. Do kruhu o poloměru 10 vepište trojúhelník s co největším obsahem.

Příklad 5. Do koule o poloměru 10 vepište kužel s co největším objemem.

Příklad 6. Do koule o poloměru 10 vepište válec s co největším objemem.