

Skupina A

Opravný test (MB102)

PŘÍKLAD 1. [3 body] Sestrojte Lagrangeův interpolační polynom, je-li dáno:

| | | | |
|----------|---|----|---|
| x_i | 0 | 1 | 2 |
| $f(x_i)$ | 1 | -1 | 2 |

PŘÍKLAD 2. [7 bodů] Vyšetřete průběh funkce $f(x) = \frac{2x^3}{x^2-1}$. Tj. určete:

- a) Definiční obor.
- b) Sudost, lichost, periodičnost.
- c) Body nespojitosti a jejich druh.
- d) Nulové body.
- e) Kladnost, zápornost.
- f) Intervaly monotonie, lokální extrémy a jejich typ.
- g) Konvexnost, konkávnost, inflexní body.
- h) Asymptoty (se směrnicí i bez směrnice).
- i) Načrtněte graf.

PŘÍKLAD 3. [4 body] Spočtěte integrál

$$\int \frac{2 \ln x - 3}{x \sqrt{\ln^2 x - 3 \ln x + 2}} dx.$$

PŘÍKLAD 4. [3 body] Určete střed, poloměr a interval konvergence řady

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+1)!}{3^n n!} (x+8)^n.$$