

MB102 – 4. demonstrovaná cvičení

Masarykova univerzita
Fakulta informatiky

14.10. 2009

Plán přednášky

1 Domácí úlohy z minulého týdne

2 Návodné úlohy

Příklad 1. Spočítejte následující limity:

1

$$\lim_{n \rightarrow -\infty} \frac{3^n - 3^{-n}}{3^n + 3^{-n}},$$

2

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x - 4}{\sqrt{x^3 - x^2 - 14x + 8}}.$$

Řešení.



Příklad 2. Určete následující limity:

1

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2(x)}{x}.$$

2

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin^2(x))}{x},$$

Příklad 3. Z definice spočítejte derivaci funkce $\frac{1}{x^3}$.

Plán přednášky

1 Domácí úlohy z minulého týdne

2 Návodné úlohy

Spočítejte derivace následujících funkcí:

- $\left(\frac{x}{1-x}\right)^4$
- $\sqrt{\frac{x-1}{(x+1)^2}}$

Určete intervaly monotónosti následujúcich funkcií:

① $x^3 - x^2 + 3x - 5,$

Určete intervaly monotónosti následujúcich funkcií:

① $x^3 - x^2 + 3x - 5,$

② $\frac{1}{x}.$

Z věty o derivaci inverzní funkce spočítejte derivace následujících funkcí:

- ① arccos,

Z věty o derivaci inverzní funkce spočítejte derivace následujících funkcí:

- ① \arccos ,
- ② \arctan ,

Z věty o derivaci inverzní funkce spočítejte derivace následujících funkcí:

- ① \arccos ,
- ② \arctan ,
- ③ $\sqrt[4]{x}$.

Bod se pohybuje v rovině po křivce dané jako $y = t^3 + t^2 - t + 1$, $x = t^2 - t + 1$ v závislosti na čase t . Určete rychlosť změny jeho y -ové souřadnice v závislosti na x -ové složce pro $t = 2$.