

# Obecnější aplikované úvahy o paralelizaci

**Petr Holub**

`hopet@ics.muni.cz`



Laboratoř pokročilých síťových technologií

PV197

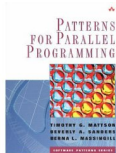
2010-11-10

# Motivace

- SIMD modely paralelního programování jsou tu od 60. let
- paměťové hierarchie jsou tu od vzniku paralelních počítačů
- CUDA je v podstatě variace na SIMD model s konkrétním paměťovým modelem a omezenými možnostmi synchronizace

# Literatura

- Mattson T. G., Sanders B. A., Massingill B. L., *Patterns for Parallel Programming* Addison-Wesley 2004.



- Perrin G.-R., Darte A., *The Data Parallel Programming Model: Foundations, HPF Realization and Scientific Applications*, Lecture Notes in Computer Science, Springer 1996.



# Přehled přednášky

Paralelismus v návrhu

Modelové příklady

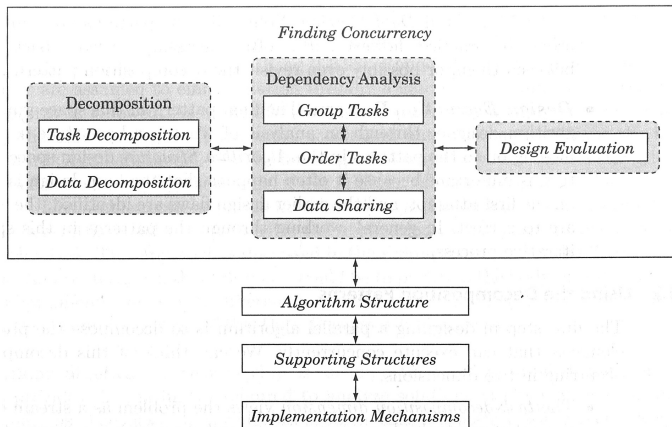
Dekompozice problému

Analýza závislostí

Analýza návrhu

Vzory v paralelismu

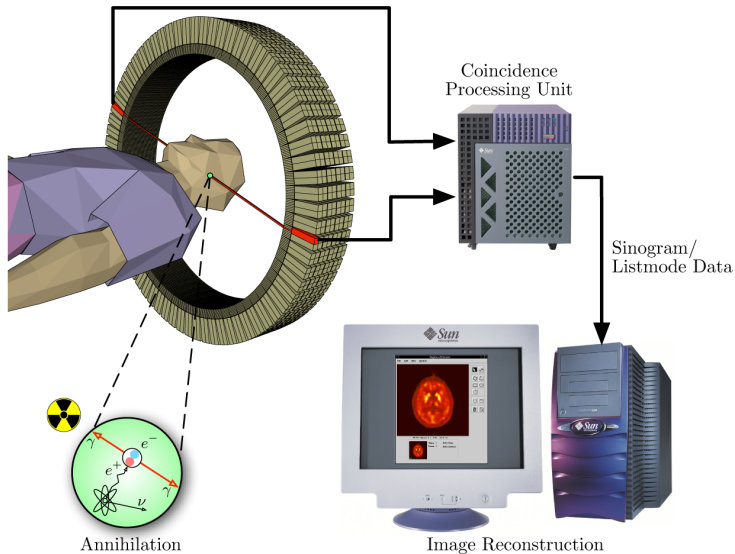
# Paralelismus v návrhu



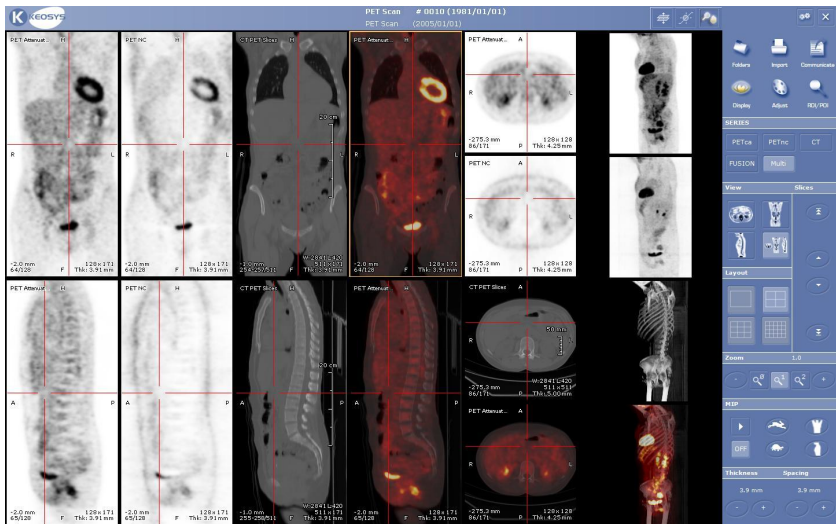
# Příklady – Pozitronová emisní tomografie (EX-PET)

- Distribuce radioaktivního materiálu v lidském těle
  - vyšetření postupu metabolismu, např. pro onkologická vyšetření
  - rozptyl záření při průchodu tkáněmi
    - ⇒ nízké rozlišení obrazu
  - absorpce záření není v organismu homogenní
    - ⇒ absolutní hodnoty nejsou užitečné

## Příklady – Pozitronová emisní tomografie (EX-PET)



# Příklady – Pozitronová emisní tomografie (EX-PET)



Zdroj:

[http://en.wikipedia.org/wiki/File:Viewer\\_medicine\\_nucleaire\\_keosys.JPG](http://en.wikipedia.org/wiki/File:Viewer_medicine_nucleaire_keosys.JPG)



# Příklady – Pozitronová emisní tomografie (EX-PET)

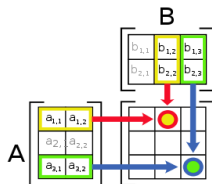
- Model těla
  - rozsáhlý model popisující jednotlivé tkáně
  - absorpční koeficienty pro jednotlivé „buňky“ modelu
- Simulace průchodu záření lidským tělem
  - Monte Carlo raytracing
  - náhodně zvolené body v lidském těle emitují záření (obvykle  $\gamma$ )
  - sledují se rozptyl a absorpce paprsku
  - zajímají nás paprsky dopadající na detektor
- Možnosti paralelizace
  - po paprscích  $\implies$  dekompozice na úlohy
  - po buňkách  $\implies$  dekompozice na data

## Příklady – Lineární algebra (EX-LA)

- Násobení matic a vektorů

$$C = A \cdot B$$

$$C_{ij} = \sum_{k=1}^N A_{ik} B_{kj}$$

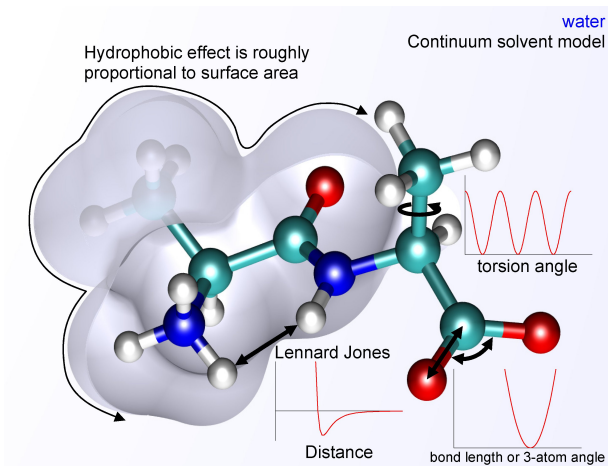


- $\mathcal{O}(N)$  násobení a  $\mathcal{O}(N - 1)$  sčítání pro každý prvek  $\implies \mathcal{O}(N^3)$  operací
  - existují efektivnější algoritmy
- Možnosti paralelizace
  - pro jednotlivé výsledné buňky  $\implies$  dekompozice na úlohy
  - pro jednotlivé oblasti zdrojových matic  $\implies$  dekompozice na data

## Příklady – Molekulová dynamika (EX-MD)

- Problém modelování velkých molekul *per se*
  - neznáme přesné analytické řešení (dál než pro  $H_2^+$ )
  - lepší aproximativní modely kvantové mechaniky škálují  $\mathcal{O}(N^5)$  –  $\mathcal{O}(N!)$
- Molekulová mechanika
  - model pružinek, oscilátorů a elektrostatických potenciálů
  - problém parametrizace
  - problém chemické reaktivity (vznik/zánik vazeb, složitější interakce)
  - teoreticky „vadné“
  - prakticky používané
- Problém modelování v čase
  - interakce molekul v čase
  - konformační chování, např. při interakci léčivo–biomolekula

## Příklady – Molekulová dynamika (EX-MD)



Zdroj: [http://en.wikipedia.org/wiki/File:MM\\_PEF.png](http://en.wikipedia.org/wiki/File:MM_PEF.png)

# Příklady – Molekulová dynamika (EX-MD)

- Mechanismus výpočtu

```
1 N : constant Positive;
3 atoms : array ( 1 .. 3, N) of Real; -- positions
  velocities : array ( 1 .. 3, N) of Real;
5 forces : array ( 1 .. 3, N) of Real;
  neighbors : array (N) of List_of_Atoms;
7
8 loop over time steps
9     vibrational_forces (in atoms, in out forces);
    rotational_forces (in atoms, in out forces);
11    neighbor_list (in atoms, out neighbors);
    non_bonded_forces (in atoms, in neighbors, in out forces);
13    update_atom_position_and_velocities (in out atoms,
        in out velocities, in forces);
15    physical_properties (in atoms, in velocities, in forces);
end loop;
```

# Příklady – Molekulová dynamika (EX-MD)

- Problém N těles (N-body problem)
  - teoreticky všechna tělesa interagují se všemi  
⇒  $N^2$  interakcí
  - problém při výpočtu `non_bonded_forces()`
  - řešení pomocí *cut-off* metody
    - ◆ pod definovanou vzdálenost se interakce ignoruje
    - ◆ funguje dobře pouze pro interakce  $1/r^2$
- Možnosti paralelizace
  - jak na úlohy, tak na data

# Dekompozice na úlohy

- *Pohled*: dekompozice na úlohy, které mohou běžet paralelně
- *Aspekty*:
  - *flexibilita* – přenositelnost na různé platformy
    - ◆ parametrizace velikosti úloh vzhledem k počtu výpočetních jednotek a jejich architektuře (např. paměťovým modelům)
  - *efektivita* – schopnost využití paralelismu vs. jeho režie
    - ◆ rozumný poměr mezi režii úlohy (vlákna, procesu) a délkou výpočtu
    - ◆ dostatečný počet úloh
  - *jednoduchost* – ladění, udržování kódu
    - ◆ přenos úloh ze sekvenčního prostředí (přístup OpenMP)
- Řešení
  - rozdělení na úlohy s minimálními závislostmi/synchronizací
  - rovnoměrné rozdělení úloh mezi výpočetní jednotky (load-balancing)
  - snažit se najít co nejvíce paralelních úloh, spojit se dají později
  - příklady:
    - ◆ volání funkcí
    - ◆ nezávislé smyčky
    - ◆ dekompozice dat pro jednotlivé úlohy

# Dekompozice na úlohy – EX-PET

- Potřebujeme vygenerovat až  $\sim 10^6$  trajektorií
- Přiřadíme každou trajektorii jedné úloze
- Data
  - informace o trajektorii (read-write)
  - model těla (read-only)
- Vlastnosti
  - + velké množství úloh
  - + jednoduché, přímočaré na ladění a údržbu
  - potřeba kopírovat model těla, který může být velmi rozsáhlý
  - problém malého počtu výpočetních operací v porovnání s množstvím dat potřebných z paměti
  - vhodné na architektury, kde výpočetní jednotky mají velkou a rychlou paměť (příp. i sdílenou na čtení)



# Dekompozice na úlohy – EX-LA

- Přiradíme každou buňku
- Data
  - jeden řádek a jeden sloupec z matic
- Vlastnosti
  - + velké množství úloh
  - + jednoduché, přímočaré na ladění a údržbu
  - problém špatného komplikovaného přístupu ke sloupcům
    - ◆ matici lze transponovat
- Možnost seskupení úloh
  - opakované využití oblastí paměti
  - vede spíše na dekompozici podle dat

# Dekompozice na úlohy – EX-MD

- Informace o problému

- `neighbor_list()` ...trvá dlouho
  - ◆ za předpokladu dostatečně husté simulace v časové doméně nemusíme počítat v každém kroku
- `physical_properties()` ...rychlé
- `non_bonded_forces()`
  - ◆ SIMD smyčka – pro konkrétní atom počítáme příspěvek síly od jednotlivých započítávaných sousedů
  - ◆ samotný jeden výpočet je jednoduchý
  - ◆ může zahrnovat všechny atomy
- `vibrational_forces()`, `rotational_forces()`
  - ◆ má smysl paralelizovat per atom

# Dekompozice na data

- *Pohled*: dekompozice na data, která mohou být zpracovávána paralelně
  - ... v případě CUDA navíc i v režimu SIMD
- *Aspekty*:
  - *flexibilita*
    - ◆ možnost různé granularity dělení dat
  - *efektivita*
    - ◆ problém závislostí mezi bloky dat při různé granularitě dělení
      - ⇒ řešení závislostí by nemělo škálovat rychleji než výpočet
      - ⇒ řešení závislostí by nemělo trvat déle než výpočet
    - ◆ problém vyvažování zátěže na výpočetních jednotkách
    - ◆ SIMD/SIMT: lze pro danou dekompozici provést výpočet stejnými operacemi, nebo bude výpočet divergovat?
  - *jednoduchost*
    - ◆ datová dekompozice vede často na velmi zapeklité závislosti
- *Řešení*:
  - rozdělení polí – např. geometrické dekompozice
  - rekurzivní datové struktury
  - optimalizace vzhledem k použitému paměťovému modelu

# Dekompozice na data – EX-PET

- Rozdělení modelu těla na segmenty
  - počet segmentů ~ počtu výpočetních jednotek
  - každá jednotka má svoji část modelu v blízké paměti
- Výpočet
  - každá výpočetní jednotka počítá trajektorii a absorpci ve svém segmentu
  - musí určit, které další výpočetní jednotce předat výpočet
  - problém balancování využití jednotek
    - ◆ v případě absence práce může vygenerovat novou náhodnou emisi
- Vlastnosti
  - + efektivní práce s pamětí
  - musí řešit předávání trajektorie mezi výpočetními jednotkami

# Dekompozice na data – EX-LA

- Rozdělení na bloky řádků matice  $C$ 
  - využití segmentu matice  $A$  jednou
  - opakované využití celé matice  $B$
- Rozdělení na bloky (podmatice) matice  $C$ 
  - dosažení jemnější granularity
- Vlastnosti
  - + granularizovatelná paralelizace
  - + možnost dostatečně malých podoblastí, které se vejdu do cache/rychlé paměti
  - musí správně vybírat data po sloupcích
    - ◆ možnost transpozice matice  $B$
- Reálné implementace
  - ScaLAPACK – dělení na bloky
  - PLAPACK
    - ◆  $y = Ax$ 
      1. rozdělí vektory  $y$  a  $x$
      2. odvodí rozdělení  $A$

## Dekompozice na data – EX-MD

```

1 atoms : array ( 1 .. 3, N) of Real;  -- positions
2 velocities : array ( 1 .. 3, N) of Real;
3 forces : array ( 1 .. 3, N) of Real;
4 neighbors : array (N) of List_of_Atoms;

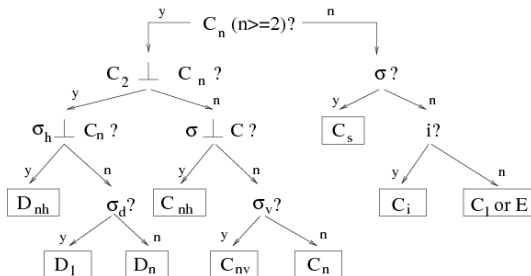
6 loop over time steps
7     vibrational_forces (in atoms, in out forces);
8     rotational_forces (in atoms, in out forces);
9     neighbor_list (in atoms, out neighbors);
10    non_bonded_forces (in atoms, in neighbors, in out forces);
11    update_atom_position_and_velocities (in out atoms,
12                                        in out velocities, in forces);
13    physical_properties (in atoms, in velocities, in forces);
14 end loop;

```

- Samostatná datová dekompozice není přímočará
  - lépe je využít rozpad datových struktur podle úloh
  - polohy atomů – jsou potřeba všude
  - rychlosti atomů – pouze u aktualizace
  - síly – lze počítat lokálně a následně sčítat
- Symetrie v datech
  - $f_{ij} = -f_{ji}$  ... třetí Newtonův zákon
  - snížení množství dat na polovinu

# Dekompozice na data – EX-MD

- Využívání symetrie molekul
  - nalezení grupy symetrie

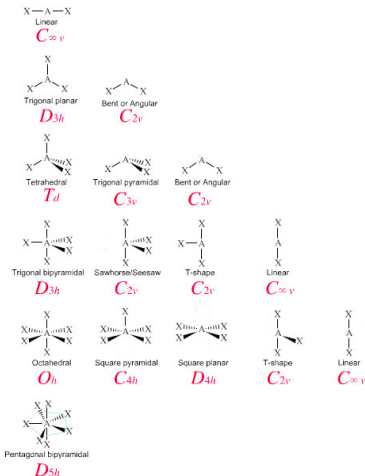


Zdroj:

[http://en.wikibooks.org/wiki/Introduction\\_to\\_Mathematical\\_Physics/N\\_body\\_problem\\_in\\_quantum\\_mechanics/Molecules](http://en.wikibooks.org/wiki/Introduction_to_Mathematical_Physics/N_body_problem_in_quantum_mechanics/Molecules)

# Dekompozice na data – EX-MD

- Využívání symetrie molekul
  - nalezení grupy symetrie



Zdroj:

<http://chemistry.ncssm.edu/labs/molgeom/pointsym.jpg>



# Seskupování úloh

- Hledání struktur/hierarchie v úlohách
  - skupiny úloh zjednodušují plánování a snižují chybovost
  - časové struktury/synchronizace
    - ◆ striktní souslednost
    - ◆ pipelining
    - ◆ současný běh – ko-plánování
    - ◆ zcela nezávislé úlohy
  - závislosti mezi úlohami (možnost vyvažování zátěže výpočetních jednotek)
- Postupy
  - hierarchie dekompozice
  - sdílení omezení mezi úlohami
  - slučování skupin: větší skupiny vedou na efektivnější plánování
- EX-LA
  - seskupování do bloků
  - skládání výsledné matice

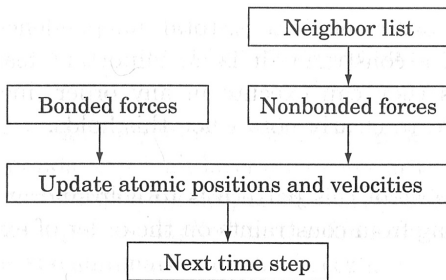
# Seskupování úloh – EX-MD

- Seskupování podle činností
  - výpočet sousedů
  - aktualizace působících sil
    - ◆ výpočty vibračních sil
    - ◆ výpočty rotačních
    - ◆ výpočet nevazebných interakcí
  - aktualizace poloh a rychlostí
  - výpočet vlastností

# Pořadí úloh

- Jaké jsou závislosti mezi úlohami?
  - časové závislosti
  - datové závislosti
- Přístupy
  - minimální nutná omezení – nevynucovat uspořádání, kde to není třeba
  - čekání na potřebná data
  - čekání na dokončení potřebných I/O operací
  - vyjádření nezávislosti
    - ◆ z důvodu bezpečnosti a udržitelnosti vyjadřovat explicitně

## Řazení úloh – EX-MD



- ne vazebné síly potrebujú znáť započítávané susedy
- pozice atomů se mohou aktualizovat až jsou vypočítané síly
- výpočet vlastností potřebuje pozice atomů a jejich rychlosti

# Sdílení dat

- Definování přístupu k datům u souběžných jednotek
  - lokální data
  - globální data
  - vyměňovaná data mezi úlohami
    - ◆ např. okrajové buňky u konečné diferencní metody
  - relaxování přístupu ke globálním datům
    - ◆ ne vždy je třeba globální synchronizace
    - ◆ vytváření lokálních kopií a jejich synchronizace
    - ◆ minimalizace překryvů přestrukturováním úloh
  - pipelining – paralelizace výpočtu a synchronizace/komunikace

# Sdílení dat

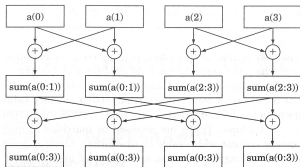
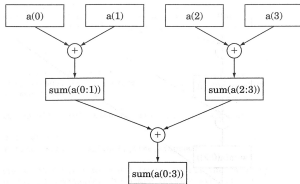
- Způsoby přístupu
  - jen na čtení
    - ◆ možno cacheovat/replikovat
  - efektivně lokální
    - ◆ přístup na čtení i zápis jen k disjunktnímu bloku dat
    - ◆ možnost pozdější redukce
    - ◆ složitější výběr prvků
  - na čtení i zápis
    - ◆ přístup do globální paměti vs. distribuce aktualizací

# Sdílení dat

- Způsoby přístupu

- akumulace/redukce

- ◆ paralelizace asociativních operací



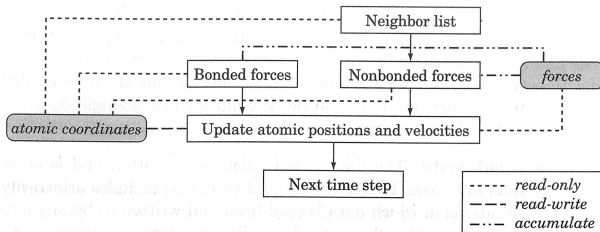
- ◆ implementace pro CUDA:

[http://developer.download.nvidia.com/compute/cuda/1\\_1/Website/projects/reduction/doc/reduction.pdf](http://developer.download.nvidia.com/compute/cuda/1_1/Website/projects/reduction/doc/reduction.pdf)

- jeden zapisuje, ostatní čtou

- ◆ lokální kopie pro zapisujícího s distribucí čtoucím

## Sdílení dat – EX-MD



- možnost pravidelné replikace pozic atomů
- použití paralelních redukcí při sčítání sil
- průběžný výpočet sousedů s periodickým přenosem do výpočtu ne vazebných sil



# Analýza návrhu

- Zpětná analýza návrhu
  - poslední krok samotného návrhu ... neobjevovat chyby návrhu až hluboko v implementace
  - máme:
    - ◆ dekompozice podle úloh
    - ◆ dekompozice podle dat
    - ◆ analýzu struktury dekompozice
- Úvahy
  - Je návrh vhodný pro cílovou platformu? (CUDA)
    - ◆ máme dost paralelní práce pro všechny multiprocesory?
    - ◆ nebudou nám výpočetní stromy divergovat pro SIMD/SIMT?
    - ◆ máme dobře namapované úlohy na mřížku?
    - ◆ využívá úloha dobře paměťové hierarchie (registry/lokální paměť/globální paměť/cachování read-only dat, zarovnávání adresování, konflikty)?
    - ◆ umíme pipeliningem (pomocí spouštění jiných warpů) maskovat latenci pamětí a synchronizaci? máme pro to dost vláken?
  - Je návrh stabilní, laditelný a udržitelný?
    - ◆ řeší dobře hraniční případy? (např. vysoce asymetrické matice)

# Analýza návrhu – EX-LA

- minulé přednáška:

Implementace	rychlost	rel. $\Delta$	abs. $\Delta$
Naivní implementace, thready $1 \times 128$	3.9 GFlops		
Naivní implementace	36.6 GFlops	9.4 $\times$	9.4 $\times$
Blokový přístup	198 GFlops	5.4 $\times$	51 $\times$
Bloky $32 \times 16$ pracující s daty $32 \times 16$	235 GFlops	1.19 $\times$	60 $\times$
Odstranění ADD instrukce	276 GFlops	1.17 $\times$	71 $\times$
Jen jeden blok ve sdílené paměti	375 GFlops	1.36 $\times$	96 $\times$

- Poučení:
  - blokovou paralelizací jsme dosáhli největšího zrychlení

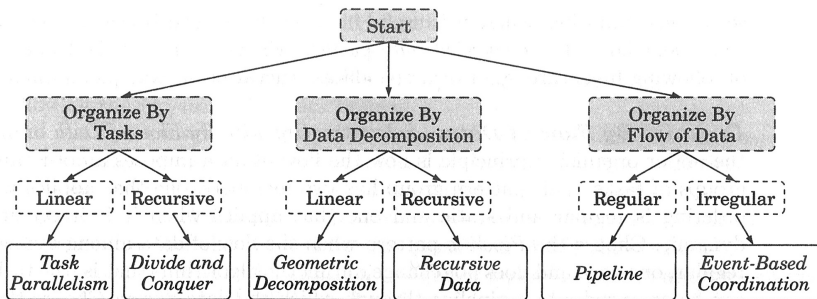
## Analýza návrhu – EX-PET

- Umíme dekomponovat na segmenty modelu
  - + škáluje na téměř neomezený počet výpočetních jednotek
  - problém s předáváním stop
- Umíme dekomponovat na jednotlivé stopy
  - + škáluje na téměř neomezený počet výpočetních jednotek
  - přístup k rozsáhlému modelu
    - eventuální částečné zavedení lokality
    - intuitivnější

## Analýza návrhu – EX-MD

- Umíme dekomponovat podle jednotlivých atomů podle příspěvků sil
  - pro menší počty procesorů můžeme shlukovat úlohy
- Počítání nevazebných interakcí bere většinu času
  - umíme zmenšit díky symetriím
  - owner-computes filter – rozdělení, kdo v dané iteraci počítá a kdo leluje
  - můžeme hledat efektivnější algoritmy na cut-off
  - ... námět na další přednášku :-)

# Volba vzorů



# Paralelismus úloh

- Dekompozice podle úloh
  - potřeba vygenerovat dostatečné množství úloh
- Řešení závislostí:
  - odstranitelné závislosti

```

1 int ii=0, jj=0;
2
3 for (int i=0; i<N; i++) {
4     ii = ii+1;
5     d[ii] = dlouhy_vypocet(ii);
6     jj = jj+i;
7     a[jj] = jiny_dlouhy_vypocet(jj);
8 }

```

```

1 for (int i=0; i<N; i++) {
2     d[i] = dlouhy_vypocet(i);
3     a[i*(i+1)/2] = jiny_dlouhy_vypocet(i*(i+1)/2);
4 }

```

- rozdělitelné závislosti: lokální výpočet + redukce
- jiné typy závislostí: řešení sdílením dat

# Paralelismus úloh

- Plánování úloh:
  - statické: vygenerování úloh na počátku (např. paralelizace smyček předem dané velikosti)
  - dynamické
    - ◆ dynamické generování úloh do centrální fronty
    - ◆ work stealing
- Idiomatické typy:
  - embarrassingly parallel tasks
  - úlohy nad replikovanými daty (1. vykopírování dat do lokálních proměnných, 2. výpočet, 3. seskládání výsledků)
- Příklady:
  - zpracování obrazu: pokud je zpracování pro oblasti nezávislé na okolí
  - raytracing, PET: dekompozice na jednotlivé paprsky
  - molekulová dynamika: dekompozice na jednotlivé atomy při výpočtu příspěvků sil; dvouelektronové integrály u kvantových metod

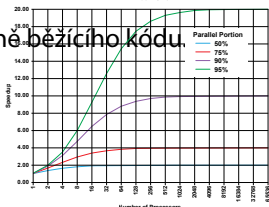
## Rozděl a panuj

- Klasický přístup pro rekurzivní úlohy
- Problém se sekvenční režii dělení na podúlohy

$$S(P) = \frac{T_{tot}(1)}{T_{tot}(P)} = \frac{1}{1 - f + \frac{f}{N}}$$

Amdahl's Law

kde  $f$  je podíl paralelně běžícího kódu.



Zdroj: <http://en.wikipedia.org/wiki/File:AmdahlsLaw.svg>

- Příklady: mergesort, diagonalizace matic (hledání vlastního vektoru a vlastních hodnot – hledání matice  $Q$  takové že  $Q^T \cdot T \cdot Q$  je diagonální), rychlá multipólová metoda (FMM)



# Geometrická dekompozice

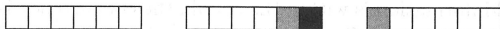
- Hledání geometrického dělení zpracovávaných dat
  - data dělitelná na velké množství nezávislých segmentů
  - řešení hranic mezi segmenty – ghost boundary
- Příklad – vedení tepla:

$$\frac{\partial U}{\partial t} = \alpha \frac{\partial^2 U}{\partial x^2}$$

```
ukp1[i] = uk[i] + (dt/(dx*dx))*(uk[u+1] + uk[u-1] - 2*uk[i]);
```



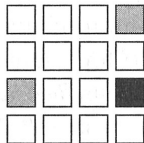
update requiring only local info



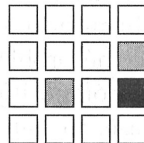
update requiring information from another chunk

# Geometrická dekompozice

- Příklad – násobení matic:



update, step 1



update, step 2

- Kroky:
  - rozklad dat
    - ◆ poměr mezi množstvím vyměňovaných dat a všech dat
    - ◆ dělení matice na 4ks: sloupce ( $5N/2$ ) vs. čtverce ( $2N$ )
  - výměna dat před novým krokem výpočtu
  - výpočet na vlastním segmentu

# Geometrická dekompozice

- Rozložení úloh přes procesory:
  - minimalizace režie výměn dat
  - efektivita využití úloh (např. při eliminacích matic mohou procesory hladovět  $\implies$  cyklické přidělování bloků)

1D dekompozice:

dekompozice

$a_{0,0}$	$a_{0,1}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$	$a_{0,4}$	$a_{0,5}$	$a_{0,6}$	$a_{0,7}$
$a_{1,0}$	$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$	$a_{1,4}$	$a_{1,5}$	$a_{1,6}$	$a_{1,7}$
$a_{2,0}$	$a_{2,1}$	$a_{2,2}$	$a_{2,3}$	$a_{2,4}$	$a_{2,5}$	$a_{2,6}$	$a_{2,7}$
$a_{3,0}$	$a_{3,1}$	$a_{3,2}$	$a_{3,3}$	$a_{3,4}$	$a_{3,5}$	$a_{3,6}$	$a_{3,7}$
$a_{4,0}$	$a_{4,1}$	$a_{4,2}$	$a_{4,3}$	$a_{4,4}$	$a_{4,5}$	$a_{4,6}$	$a_{4,7}$
$a_{5,0}$	$a_{5,1}$	$a_{5,2}$	$a_{5,3}$	$a_{5,4}$	$a_{5,5}$	$a_{5,6}$	$a_{5,7}$
$a_{6,0}$	$a_{6,1}$	$a_{6,2}$	$a_{6,3}$	$a_{6,4}$	$a_{6,5}$	$a_{6,6}$	$a_{6,7}$
$a_{7,0}$	$a_{7,1}$	$a_{7,2}$	$a_{7,3}$	$a_{7,4}$	$a_{7,5}$	$a_{7,6}$	$a_{7,7}$

$UE(0)$      $UE(1)$      $UE(2)$      $UE(3)$

přiřazení ( $j \bmod 4$ )

$a_{0,0}$	$a_{0,4}$	$a_{0,1}$	$a_{0,5}$	$a_{0,2}$	$a_{0,6}$	$a_{0,3}$	$a_{0,7}$
$a_{1,0}$	$a_{1,4}$	$a_{1,1}$	$a_{1,5}$	$a_{1,2}$	$a_{1,6}$	$a_{1,3}$	$a_{1,7}$
$a_{2,0}$	$a_{2,4}$	$a_{2,1}$	$a_{2,5}$	$a_{2,2}$	$a_{2,6}$	$a_{2,3}$	$a_{2,7}$
$a_{3,0}$	$a_{3,4}$	$a_{3,1}$	$a_{3,5}$	$a_{3,2}$	$a_{3,6}$	$a_{3,3}$	$a_{3,7}$
$a_{4,0}$	$a_{4,4}$	$a_{4,1}$	$a_{4,5}$	$a_{4,2}$	$a_{4,6}$	$a_{4,3}$	$a_{4,7}$
$a_{5,0}$	$a_{5,4}$	$a_{5,1}$	$a_{5,5}$	$a_{5,2}$	$a_{5,6}$	$a_{5,3}$	$a_{5,7}$
$a_{6,0}$	$a_{6,4}$	$a_{6,1}$	$a_{6,5}$	$a_{6,2}$	$a_{6,6}$	$a_{6,3}$	$a_{6,7}$
$a_{7,0}$	$a_{7,4}$	$a_{7,1}$	$a_{7,5}$	$a_{7,2}$	$a_{7,6}$	$a_{7,3}$	$a_{7,7}$

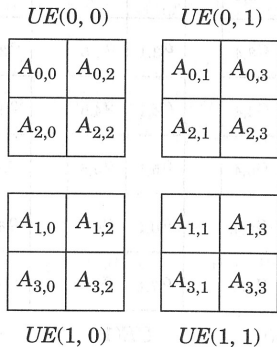
$UE(0)$      $UE(1)$      $UE(2)$      $UE(3)$

# Geometrická dekompozice

- 2D dekompozice:



přiřazení ( $i \bmod 2, j \bmod 2$ )



# Geometrická dekompozice

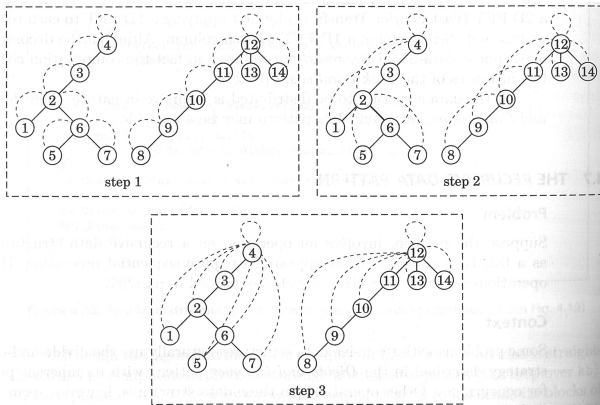
- Maskování latence komunikace – překryv komunikace a výpočtu
  1. neblokující volání zahajující komunikaci (distribuci ghost boundary)
  2. výpočet vnitřních prvků
  3. čekání na dokončení komunikace
  4. výpočet hodnot okrajových prvků, závisících na ghost boundary

# Rekurzivní pohled na data

- Pohled na data, kde nejde přímočaře použít přístup rozděl a panuj z povahy algoritmu
- Příklad: les stromů (každý uzel si drží svého předchůdce, kořen je sám sobě předchůdcem), hledáme pro každý uzel kořen
  - sekvenčně: z každého kořene provedeme DFS –  $\mathcal{O}(N)$
- Paralelně:
  - zavedeme si pro každého předchůdce-předchůdce
  - výpočet opakujeme až do konvergence
  - postupujeme na všech  $N$  uzlech paralelně
  - celkově  $\mathcal{O}(N \log N)$ , ovšem při paralelním provedení efektivně jen  $\mathcal{O}(\log N)$
- Zhoršení celkové složitosti je pro tuto dekompozici typické
- Potřeba sdílet výsledky po každém kroku (lockstep) (podpora např. v řadě SIMD strojů a High-Performance Fortranu)

# Rekurzivní pohled na data

- Kroky:



# Rekurzivní pohled na data

- Pohled na data, kde nejde přímočaře použít přístup rozděl a panuj z povahy algoritmu
- Příklad: les stromů (každý uzel si drží svého předchůdce, kořen je sám sobě předchůdcem), hledáme pro každý uzel kořen
  - sekvenčně: z každého kořene provedeme DFS –  $\mathcal{O}(N)$
- Paralelně:
  - zavedeme si pro každého předchůdce-předchůdce
  - výpočet opakujeme až do konvergence
  - postupujeme na všech  $N$  uzlech paralelně
  - celkově  $\mathcal{O}(N \log N)$ , ovšem při paralelním provedení efektivně jen  $\mathcal{O}(\log N)$
- Zhoršení celkové složitosti je pro tuto dekompozici typické
- Potřeba sdílet výsledky po každém kroku (lockstep) (podpora např. v řadě SIMD strojů a High-Performance Fortranu)



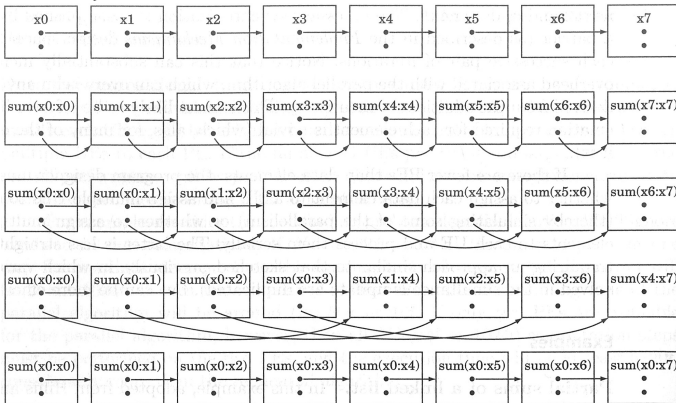
# Rekurzivní pohled na data

- Součty prefixů
  - potřebujeme sečíst pro  $n$ -tý prvek všech 1 až  $n$  předchůdců
  - opět rekurzivní zdvojování

```
1 for all k in parallel {  
    temp[k] = next[k];  
3 while(temp[k]) {  
    x[temp[k]] = x[k] + x[temp[k]];  
5        temp[k] = temp[temp[k]];  
    }  
7 }
```

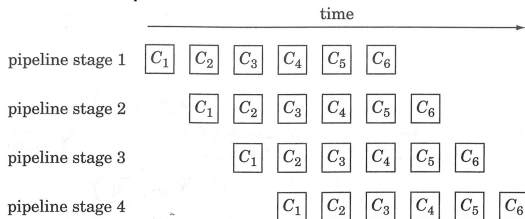
# Rekurzivní pohled na data

- Co se děje:



# Pipeline

- ... známe z procesorů



- Příklady: obecně pravidelné zpracování
  - pipeline instrukcí
  - pipeline na úrovni paralelizace smyček (vektorové stroje)
  - zpracování signálů sérií filtrů
  - rozdělení grafického zpracování na „filtry“
  - vyjádření závislostí na  $n$  předchozích krocích

# Pipeline

- Efektivita:

- počet fází pipeline (škálovatelnost)
- rovnoměrnost výpočetní náročnosti fází
- plnění a dojíždění pipeline vs. celkový běh
- průtok dat vs. latence zpracování
  - ◆ napojování pipeline, resp. vytvoření co nejdelší pipeline
- všechny prvky by měly projít pravidelně stejnou sérií zpracování

- Reprezentace toku dat

- sdílená paměť, soubory – uspořádaná fronta pro každou fázi
- distribuovaná paměť – bufferované zasílání zpráv
  - ◆ v případě vyšší latence přenosu zpráv možno agregovat více požadavků (prodlužuje naplnění pipeline)
- agregace dat, pokud jich každá fáze potřebuje více (dtto)

- Chyby ve zpracování

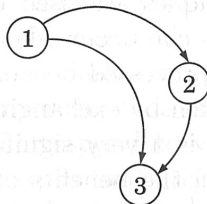
- separátní komponenta sbírající informace chybách

# Pipeline

- Plánování úloh
  - možnost/nutnost slučování fází: využívání cache, registrů
  - možnost paralelizace uvnitř fází
  - možnost více instancí jedné fáze
    - ◆ pokud nevedí přeuspořádání
- Příklady:
  - zpracování dat ve frekvenční doméně – DFT
    - ◆ provedení DFT/FFT
    - ◆ aplikace jednotlivých filtrů
    - ◆ inverzní DFT/FFT
  - např. zpracování telemetrických dat z Hubblova teleskopu, z radarů AWACS
  - častá implementace v HW – zpracování signálů v reálném čase
  - zpracování HTTP požadavků – filtrování Java Servlety

# Událostmi řízená paralelizace

- Nepravidelná a asynchronní obdoba pipeline
- Nepravidelné rozdělení a zpracování vstupů – nevhodné pro SIMD/SIMT



- Problém přeuspořádání událostí
- Obecné komunikační schéma s možností deadlocků