

Druhá vnitrosemestrální práce, MB103, 15. 11. 2016  
**Skupina B**

**Příklad (3b)** Nalezněte globální extrémy funkce  $f(x, y) = x + 3y$  na části hyperboly  $y = 1/x$  ležící v prvním kvadrantu.

**Řešení.**  $[\sqrt{3}, \frac{1}{\sqrt{3}}]$   $\square$

**Příklad (4b)** Určete těžiště části roviny ležící uvnitř kružnice  $(x - 1)^2 + y^2 = 1$ , nad osou  $x$  a pod přímkou  $y = -x + 1$ .

**Řešení.**  $[1 - \frac{4\sqrt{2}}{3\pi}, \frac{3}{3\pi}(1 - \frac{\sqrt{2}}{2})]$   $\square$

**Příklad (3b)** Poločas rozpadu radioaktivního prvku  $A$  je deset let, prvku  $B$  jeden rok. Máme-li 5 kg prvku  $B$  a 2 kg prvku  $A$ , za jak dlouho budeme mít stejné množství obou? Rychlosť rozpadu prvku je přímo úměrná jeho hmotnosti.

**Řešení.**  $\frac{10}{9} \frac{\ln 5 - \ln 2}{\ln 2}$   $\square$