

Matematika III, 1. domácí úloha

Příklad 1. Napište parametrickou i nepametrickou rovnici tečny $p_s(t)$ ke křivce $c(s) = (\cos s, s, \sin s)$ pro bod dotyku odpovídající parametru s (křivkou je tzv. šroubovice).

Rovnice dále uvažte jako zobrazení $\psi : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$, $(s, t) = p_s(t)$ a najděte diferenciál tohoto zobrazení.

Příklad 2. Nechť je funkce $y = y(x)$ dána v okolí bodu $[\frac{\pi-1}{2}, \frac{\pi}{2}]$ implicitně rovnicí $y - a \sin y = x$, kde a je reálný parametr. Rozhodněte o extrémech funkce y v oblasti $|a| < 2$, $|x| < 5$.