

# **ZÁKLADY STATISTIKY 2**

## **3. ANALYTICKÁ STATISTIKA**

**3.1 Opakování: výzkumné soubory**

**3.2 Opakování: hypotézy (nulová/alternativní)**

**3.3 Statistická a věcná významnost**

**3.4 Testování statistických hypotéz**

**Doc. RNDr. Jiří Zháněl. Dr.**

**Garant předmětu np+nk4001**

# (MATEMATICKÁ) STATISTIKA

```
graph TD; A["(MATEMATICKÁ) STATISTIKA"] --> B["DESKRIPTIVNÍ"]; A --> C["ANALYTICKÁ"]; B --- D["(popisná)"]; B --- E["zpracování a popis dat"]; C --- F["(inferentní, induktivní)"]; C --- G["analýza a vyhodnocení dat"];
```

## DESKRIPTIVNÍ

(popisná)

zpracování a popis  
dat

## ANALYTICKÁ

(inferentní, induktivní)

analýza a vyhodnocení  
dat

**Využití analytické statistiky, např.:**

**(1) prokázat významnost či nevýznamnost vlivu**

**intervence mezi výsledky testu vytrvalosti dvou  
tréninkových skupin (tréninková metoda),**

**(2) Prokázat významnost intersexuálních diferencí síly**

**mezi soubory tenistů a tenistek 11-12 let (gender).**

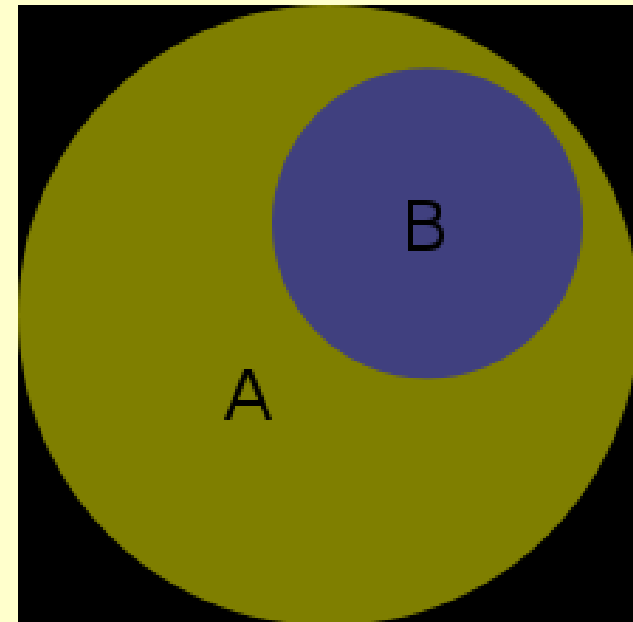
## 3.1 Stručné opakování

### TYPY VÝZKUMNÝCH SOUBORŮ

#### ZÁKLADNÍ SOUBOR (ZS)

(generální soubor, population, Grundgesamtheit) **je soubor všech jedinců, u kterých bychom teoreticky měli šetření provádět.**

**ZS je obvykle není dostupný, výzkum je možný pouze s omezeným počtem jedinců (objektů), soubor nazýváme **výběrový soubor** (sample, Stichprobe).**



# VÝBĚROVÝ SOUBOR

je získaný náhodným, resp. záměrným výběrem,  
je podmnožinou prvků základního souboru.

Z poznatků zjištěných u **náhodně vybraného** výběrového souboru, můžeme (při splnění určitých statistických požadavků) činit **závěry platné pro základní soubor.**

## ZÁVISLÉ SOUBORY (proměnné)

(test hod na koš, družstvo A 1., 2. pokusy)

## NEZÁVISLÉ SOUBORY (proměnné)

(test hod na koš, družstvo A, družstvo B)

## 3.2 HYPOTÉZY

**HYPOTÉZA** je podmíněný výrok o vztahu mezi dvěma nebo více proměnnými (Kerlinger, 1972).

Hypotézy jsou důležité, nepostradatelné prostředky vědeckého výzkumu; jsou to pracovní nástroje teorie.

### Kritéria dobrých hypotéz

1. hypotézy jsou *výroky o vztazích* mezi proměnnými
2. hypotézy obsahují *jasné implikace* pro ověřování předpokládaných vztahů (např. jestliže ..., pak ...).

**Hypotéza formuluje předpokládaný vztah mezi proměnnými, který se pomocí testování hypotéz zamítá nebo nelze zamítnout.**

**Druhy hypotéz** (Röthig, 1992)

**1. Pracovní hypotéza** - subjektivní domněnky o předmětu výzkumného problému.

Pracovní hypotéza je formulována všeobecně, je základem pro realizaci předvýzkumu.

**2. Výzkumná (věcná) hypotéza** – zdůvodněný předpoklad o existenci vztahu mezi dvěma či více proměnnými.

Zpřesněná formulace, ověřujeme testováním statistických hypotéz.

**3. Statistická hypotéza** - hypotetické tvrzení  
vyjádřené ve **statistických termínech** o relacích,  
vyvozených z předpokládaných vztahů ve věcné H.

$$H_0: \mu = \mu_0 \quad H_A: \mu \neq \mu_0 \quad ; \quad H_A: \mu > \mu_0 \quad ; \quad H_A: \mu < \mu_0$$

Stupeň obecnosti ověřovaného tvrzení (hypotézy)

klesá (od pracovní H  $\rightarrow$  ke statistické H).

Stupeň přesnosti ověřovaného tvrzení (hypotézy)

vzrůstá (od pracovní H  $\rightarrow$  ke statistické H).

Hypotéza je testována pomocí tzv. **testovacích metod**  
(testů), hypotézu **zamítáme**, resp. **nezamítáme**.

# HYPOTÉZA NULOVÁ

Je základním typem úvahy při statistickém testování ( $H_0$ ).

Vyjadřuje **odůvodněný předpoklad**, že mezi dvěma jevy **není statisticky významný rozdíl** (je nulový, resp. velmi malý).

***Nulová hypotéza*** vyjadřuje domněnka, že **dva statistické soubory se shodují v určitých statistických parametrech**,  
**např. M (mean), r (korelační koeficient).**

$$H_0: \mu = \mu_0 \quad (M_1 = M_2; r_1 = r_2)$$



- **Nepravděpodobný výsledek ( $H_0$ ) má být stanoven předem** (*TV tenistů/-tek U14 je stejná*).
- **Výsledky testování hypotéz jsou posuzovány na tzv. hladině významnosti** ( *$\alpha$  – kritická hodnota,  $p$  – vypočítaná hodnota HV,* ),  
**vyjadřující pravděpodobnost chyby I. druhu** (chybné zamítnutí testované hypotézy).
- **Hladina významnosti  $\alpha = 0,05$**  (resp. 0,05) znamená, že nulová hypotéza se zamítá, je-li  **$p < 0,05$** .

# HYPOTÉZA ALTERNATIVNÍ

Vyjadřuje předpoklad, že mezi dvěma jevy **existuje významný rozdíl** (*hypotéza  $H_A$* )

Hypotéza  $H_A$  popírá **platnost nulové hypotézy** ( $H_0$ ) a vymezuje situaci, kdy se  $H_0$  zamítá.

**Výsledek pravděpodobný** (TV  $M \neq \check{Z}$ ; U14,  $H_A$ ),  
resp. **nepravděpodobný** (TV  $M = \check{Z}$ ; U14,  $H_0$ ) **musí**  
**být stanoveno předem.**

$H_A$ : **oboustranná, resp.**       $H_A$ : **jednostranná**

$H_A: \mu \neq \mu_0$  ;  $H_A: \mu > \mu_0$  ;  $H_A: \mu < \mu_0$

### 3.3 STATISTICKÁ A VĚCNÁ VÝZNAMNOST

**Brownlee**, J. (2020). *A Gentle Introduction to Statistical Power and Power Analysis in Python*. Retrieved from <https://machinelearningmastery.com/statistical-power-and-power-analysis-in-python/>

**Cohen**, J. (1988). *Statistical power analysis for the behavioral sciences* (2nd ed.). Hillsdale, NJ: Erlbaum.

**Hopkins**, W. (2016). *A New View of Statistics*. <http://www.sportsci.org/resource/stats/index.html>

**Cumming**, et al. (2012). The statistical recommendations of the American Psychological Association Publication Manual: Effect sizes, confidence intervals, and meta-analysis. *Australian Journal of Psychology*, 64, 138–146. doi:10.1111/j.1742-9536.2011.00037.x

**Soukup**, P. (2013). Věcná významnost výsledků a její možnosti měření. *Data a výzkum*, 7(2), 125–148. <http://dx.doi.org/10.13060/23362391.2013.127.2.41>.

## **3.3 STATISTICKÁ A VĚCNÁ VÝZNAMNOST**

### **(STATISTIC CALCULATORS)**

<https://www.socscistatistics.com/>

<https://www.statskingdom.com/index.html>

[https://www.psychometrica.de/effect\\_size.html](https://www.psychometrica.de/effect_size.html)

<https://effect-size-calculator.herokuapp.com/>

## 3.3 STATISTICKÁ A VĚCNÁ VÝZNAMNOST

### (1) STATISTICKÁ VÝZNAMNOST

Smysluplné použití **posuzování výsledků výzkumu** pomocí **statistické významnosti** je omezeno jen na soubory pořízené metodami **náhodného výběru**, resp. u **randomizovaných experimentů** (*často nerespektováno*).

**Hlavní nevýhoda** testování  $H_0$  pomocí statistické významnosti je její **vazba na rozsah souboru** (n):

- u **velkých výběrů** jsou i nepatrné rozdíly, resp. asociace (korelace) statisticky významné,
- u **malých výběrů** jsou i velké rozdíly či velká asociace (korelace) statisticky nevýznamné.

Tab. XVIII.5. Kritické hodnoty  $r(\alpha)$   
 korelačního koeficientu  $r$ ;  
 $P\{|r| \geq r(\alpha)\} = \alpha$

Rozsah výběru $n$	$\alpha$	
	0,05	0,01
3	0,996 9	0,999 9
4	0,950 0	0,990 0
5	0,878 3	0,958 7
6	0,811 4	0,917 2
7	0,754 5	0,874 5
8	0,706 7	0,834 3

Výsledky testování hypotéz jsou posuzovány na tzv. **hladině významnosti ( $\alpha$ )**. Interpretace hladiny významnosti  **$\alpha = 0,05$**  znamená, že nulová hypotéza se zamítá **s 5% pravděpodobností omylu**. Vypočítanou hodnotu  **$p$**  tedy porovnáváme s kritickou  **$\alpha$** .

17	0,482 2	0,605 5
18	0,468 3	0,589 7
19	0,455 5	0,575 1
20	0,443 8	0,561 4
21	0,432 9	0,548 7
22	0,422 7	0,536 8
23	0,413 2	0,525 6
24	0,404 4	0,515 1
25	0,396 1	0,505 2

# TESTOVÁNÍ STATISTICKÝCH HYPOTÉZ

*V souladu s názory řady autorů (Brownlee, 2020; Cohen, 1988; Cumming, 2013; Ellis, 2010; Hoppkins, 2016):*

- 1. nejprve posuzujeme statistickou významnost** (jde-li o náhodný výběr, resp. randomizovaný výzkum), tedy testujeme **nulovou hypotézu**, jakožto kritérium pro posouzení rizika zobecnění (pro difference M např. t-test; pro závislost korelační koeficient  $r$  ),
- 2. V případě, že nulová hypotéza se zamítá**, zhodnotíme **věcnou významnost** (pomocí ES koeficientů,  $d$ ,  $r$ ).

Výpočty pomocí:

<https://www.statskingdom.com/>

<http://www.socscistatistics.com/effectsize/Default3.aspx>

## A) STATISTICKÁ VÝZNAMNOST (SV)

- ✓ **Pouze statistická významnost výsledků = dlouhodobá kritika zneužívání tohoto postupu.**
- ✓ **Smysluplné použití SV** je vhodné jen pro **reprezentativní soubory** získané metodami **náhodného výběru** a pro **randomizované řízené experimenty**.

**Hlavní nevýhoda** testování  $H_0$  pouze pomocí SV je vazba na rozsah souboru (n):

- 1) u **velkých výběrů** jsou i nepatrné **diference** mezi soubory, resp. **asociace (korelace)** statisticky významné,
- 2) u **malých výběrů** jsou i velké **diference**, resp. velká **asociace (korelace)** statisticky nevýznamné (*viz tabulka*).



**Tabulka VIII** – Kritické hodnoty pro Pearsonův korelační koeficient (oboustranný test)

	$\alpha$			$\alpha$			$\alpha$	
$n$	0,05	0,01	$n$	0,05	0,01	$n$	0,05	0,01
3	0,9969	0,9999	14	0,5324	0,6614	25	0,3961	0,5052
4	0,9500	0,9900	15	0,5140	0,6411	30	0,3610	0,4629
5	0,8783	0,9587	16	0,4973	0,6226	35	0,3338	0,4296
6	0,8114	0,9172	17	0,4822	0,6055	40	0,3120	0,4026
7	0,7545	0,8745	18	0,4683	0,5897	45	0,2940	0,3801
8	0,7067	0,8343	19	0,4555	0,5751	50	0,2787	0,3610
9	0,6664	0,7977	20	0,4438	0,5614	60	0,2542	0,3301
10	0,6319	0,7646	21	0,4329	0,5487	70	0,2352	0,3060
11	0,6021	0,7348	22	0,4227	0,5368	80	0,2199	0,2864
12	0,5760	0,7079	23	0,4132	0,5256	90	0,2072	0,2702
13	0,5529	0,6835	24	0,4044	0,5151	100	0,1966	0,2565

Zdroj: Anděl, Jiří. *Statistické metody*. 2. vyd. Praha: MATFYZPRESS, 2003



## ✓ TESTOVÁNÍ STATISTICKÉ VÝZNAMNOSTI

**HYPOTÉZ** je posuzováno na zvolené **hladině**

**významnosti** ( $\alpha = 0,05; 0,01$ ) pomocí výpočtu  **$p$** .

✓ **Hladina významnosti  $\alpha = 0,05$  znamená, že nulová**

**hypotéza se zamítá, když  $p < 0,05$  ( $0,01$ ).**

✓ **V tomto případě se přikláníme k platnosti**

***alternativní hypotézy.***

## POSUZUJEME HYPOTÉZY O

**1. Významnosti diferencí středních hodnot ( $M_1, M_2$ )**

**dvou výběrových souborů ( $n_1, n_2$ ),**

**2. Významnosti závislosti (asociace, vztah, korelace)**

**dvou či více jevů (vyjádřených pomocí proměnných).**

## **B) VĚCNÁ VÝZNAMNOST**

Posuzovat významnost **rozdílů** či **vztahů** pomocí **věcné významnosti** („effect size“, „velikost efektu“ pomocí ES indexů; Cohen, 1988) se doporučuje u **nenáhodných výběrů**, resp. při **zamítnutí nulové hypotézy**.

*Výhodou použití věcné významnosti je malá závislost na rozsahu souboru ( $n$ ).*

<http://www.socscistatistics.com/effectsize/Default3.aspx>

<https://www.statskingdom.com/index.html>

[https://stats.libretexts.org/Learning\\_Objects/02%3A\\_Interactive\\_Statistics](https://stats.libretexts.org/Learning_Objects/02%3A_Interactive_Statistics)

- ✓ **Použití věcné významnosti je požadováno jak** metodology, tak i vědeckými časopisy.
- ✓ Značný počet výzkumů obsahuje **nesprávnou interpretací výsledků**, z důvodu **používání pouze statistické významnosti**, neboť ji nabízí statistické software.

**Řada autorů** (Brownlee, 2020; Cohen, 1988; Cumming, 2013; Ellis, 2010; Hoppkins, 2016) proto doporučuje/vyžaduje zjišťování **velikosti efektu** (effect size, ES), což má význam zejména v případě, že **nulová hypotéza se zamítá**.

# POSUZOVÁNÍ VĚCNÉ VÝZNAMNOSTI

**(1) Cohen** (1988, 1992). **Indexy velikosti efektu**  
(hodnoty pro malé, střední a velké efekty).

Test	Effect size		
	small	medium	large
<i>d</i>	.20	.50	.80
<i>r</i>	.10	.30	.50
$\chi^2$	.10	.30	.50

Vysvětlivky:

*d* = pro difference středních hodnot

*r* = pro korelace

$\chi^2$  = pro chí kvadrát (rozložení četností)

# POSUZOVÁNÍ VĚCNÉ VÝZNAMNOSTI

(2) *Effect size po úpravě do intervalů (Soukup, 2013).*

<b>Test</b>	<b>small</b>	<b>medium</b>	<b>large</b>
<b>d</b>	0,2-0,5	> 0,5-0,8	> 0,8
<b>r</b>	0,1-0,3	> 0,3-0,5	> 0,5
<b>Chi2</b>	0,1-0,3	> 0,3-0,5	> 0,5

## Př. 1: Formulace: nulová hypotéza ( $H_0$ )

$H_0$ : *intersexuální rozdíly* somatických a motorických předpokladů mezi tenisty ( $n=221$ ) a tenistkami ( $n=193$ ) ve věkové kategorii **11–12 let jsou nevýznamné.**

## Posouzení statistické a věcné významnosti diferencí

**M1 a M2 mezi tenisty a tenistkami** (t-test, ES index d).

<https://www.statskingdom.com/index.html>

Soubor/SC H	Tenisté (n=221)		Tenistky (n=193)		Cohen's d, hodnocení efektu
	M	SD	M	SD	
<b>Výška (cm)</b>	155,10	7,62	154,60	6,94	0,07 (žádný)
<b>Hmotnost (kg)</b>	43,50	6,68	43,49	7,17	0,00 (žádný)
<b>MS (kp)</b>	25,14	4,60	23,08	4,61	0,45 (malý)
<b>RS</b>	0,58	0,09	0,53	0,09	0,56 (střední)

# Tělesná výška (TV)

statskingdom.com/140MeanT2eq.html

Aplikace ★ Bookmarks iDNES.cz – zprávy, který... Oblíbené iCloud Raiffeisenbank Přihlášení do IS MU Inet MU: Intranetový ser... Google

Group name:

Group-1

Group-2

Sample average ( $\bar{x}$ ):

155.1

154.6

Sample size (n):

221

193

Sample SD (S):

7.62

6.94

When entering raw data, the t test calculator will run the Shapiro-Wilk normality test and calculate outliers, as part of the test calculation, and will generate the R code for your data.

Calculate test

Clear

Load last run

Hledat

17:18 04.12.2023



# Tělesná výška (TV) U12 difference tenisté x tenistky

## 1. H0 hypothesis

**Since p-value >  $\alpha$ , H0 cannot be rejected**

**(H0 nelze zamítnout)**

*Rozdíl mezi průměrem vzorku skupiny-1 a skupiny-2 není dostatečně velký, aby byl statisticky významný.*

## 2. P-value

**The p-value equals 0.488**

The larger the p-value the more it supports H0 (čím větší je p-hodnota, tím více podporuje H0.).

## 3. Effect size (ES)

Bylo zjištěno, že velikost účinku pro tuto analýzu (**d = 0,069**) je pod rozsahem Cohenovy (1988) konvence pro malý účinek (**d = 0,2**).

# Maximální síla (MS) U12 difference tenisté x tenistky

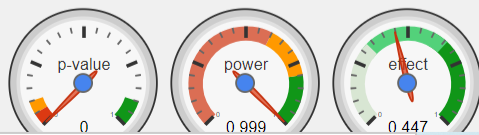
Browser tabs: Doručení, Překlad, R<sup>6</sup> Resear, Portál, Quick, Nová k, Two Sa, Two Sa

Address bar: <https://www.statskingdom.com/140MeanT2eq.html>

Browser extensions: Aplikace, Bookmarks, iDNES.cz – zprávy, který..., Oblíbené, iCloud, Raiffeisenbank, Přihlášení do IS MU, Inet MU: Intranetový ser..., Google

Group name:	<input type="text" value="Group-1"/>	<input type="text" value="Group-2"/>
Sample average ( $\bar{x}$ ):	<input type="text" value="25.14"/>	<input type="text" value="23.08"/>
Sample size (n):	<input type="text" value="221"/>	<input type="text" value="193"/>
Sample SD (S):	<input type="text" value="4.6"/>	<input type="text" value="4.61"/>

When entering raw data, the t test calculator will run the Shapiro-Wilk normality test and calculate outliers, as part of the test calculation, and will generate the R code for your data.



# Maximální síla (MS) U12 difference tenisté x tenistky

## 1. H0 hypothesis

**Since p-value <  $\alpha$ , H0 is rejected (H0 se zamítá)**

In other words, the difference between the sample average of Group-1 and Group-2 is big enough to be statistically significant.

## 2. P-value

**The p-value equals 0.0000074**

*Čím menší je hodnota p, tím více podporuje H1.*

## 3. Effect size

**The observed effect size d is small (d = 0.45)**

This indicates that the magnitude of the difference between the average and average is small.

*Pozorovaná velikost účinku d je malá (d = 0,45). To znamená, že velikost rozdílu mezi průměrem a průměrem je malá.*

# Statistická a věcná významnost diferencí M1 a M2 mezi tenisty a tenistkami (t-test, ES index d)

<https://www.statskingdom.com/140MeanT2eq.html>

1. **TV**: p-hodnota (0.488) >  $\alpha$  (0.05),

**H0 nelze zamítnout, d = 0.07 (žádný efekt)**

2. **MS**: p-hodnota (0.000) <  $\alpha$  (0.05),

**H0 se zamítá, d = 0,45 (malý efekt)**

Soubor/SC H	Tenisté (n=221)		Tenistky (n=193)		Cohen's d, hodnocení efektu
	M	SD	M	SD	
<b>Výška (cm)</b>	155,10	7,62	154,60	6,94	0,07 (žádný)
<b>Hmotnost (kg)</b>	43,50	6,68	43,49	7,17	0,00 (žádný)
<b>MS (kp)</b>	25,14	4,60	23,08	4,61	0,45 (malý)
<b>RS</b>	0,58	0,09	0,53	0,09	0,56 (střední)

## Př. 2: Formulace: alternativní hypotéza ( $H_A$ , $H_1$ )

$H_{A1}$ : *intersexuální rozdíly* somatických a motorických předpokladů mezi tenisty ( $n=157$ ) a tenistkami ( $n=163$ ) ve věkové kategorii **13–14 let jsou významné.**

Category	M (n=157)	SD	M (n=163)	SD	Cohen's d
<b>Výška</b> (cm)	169.79	9.27	164.93	5.80	0.63 (med)
<b>Hmotnost</b> (kg)	57.05	9.26	53.57	6.31	0.44 (small)
<b>Max. síla</b> (kp)	34.64	7.53	29.09	3.84	0.94 (large)
<b>Rel. síla</b>	0.61	0.10	0.55	0.06	0.73 (med)

## 3.4 TESTOVÁNÍ STATISTICKÝCH HYPOTÉZ

### POSUZOVÁNÍ STATISTICKÉ VÝZNAMNOSTI

**ŘEŠÍME 2 TYPY TESTOVÁNÍ HYPOTÉZ o**

**1. Významnosti diferencí středních hodnot**

**( $M_1$ ,  $M_2$ ) dvou výběrových souborů ( $n_1$ ,  $n_2$ ),**

**2. Významnosti závislosti (vztahu, korelace)**

**dvou či více jevů (proměnných).**

# **TESTOVÁNÍ STATISTICKÝCH HYPOTÉZ**

## **STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY**

### **STATISTICKÁ „KUCHAŘKA“**

**pro soubory závislé/nezávislé a data**

- 1. nominální**
- 2. ordinální**
- 3. metrická (kardinální)**

# POSUZOVÁNÍ VĚCNÉ VÝZNAMNOSTI

**(1) Cohen** (1988, 1992). **Indexy velikosti efektu**  
(hodnoty pro malé, střední a velké efekty).

Test	Effect size		
	small	medium	large
<i>d</i>	.20	.50	.80
<i>r</i>	.10	.30	.50
$\chi^2$	.10	.30	.50

Vysvětlivky:

*d* = pro difference středních hodnot

*r* = pro korelace

$\chi^2$  = pro chí kvadrát (rozložení četností)



# 1. NOMINÁLNÍ DATA - STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## 1. Lyžaři



## 2. Lyžaři



## Znak - kouření

PŘEDPOKLAD	PROBLÉM	TESTOVACÍ METODA
Dva <b>nezávislé soubory</b> (znaky nabývají právě dvou hodnot)	Zkouška významnosti rozdílů souborů	$X^2$ -čtyřpolní test (Fischerův test, čtyřpolní tabulka)
Dva <b>nezávislé soubory</b> (znaky nabývají více hodnot)	Zkouška významnosti rozdílů souborů	$X^2$ -vícepolní test (kontingenční tabulka)
Dva <b>závislé soubory</b> (znaky nabývají právě dvou hodnot)	Zkouška významnosti změn	$X^2$ -Mc Nemarův test
Dva <b>závislé soubory</b>	Hodnocení závislosti	Koef. kontingence C

# 2. ORDINÁLNÍ DATA - STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## 1. Gymnasté A



## 2. Gymnasté B



**Znak - body**

PŘEDPOKLAD	PROBLÉM	TESTOVACÍ METODA
Dva nezávislé soubory	Test rovnosti centrálních tendencí	Medianový test (jednoduchý), U-test Mann-Whitneyho, Kolmogorov-Smirnovův test, Marshallův test
Dva závislé soubory	Test rovnosti centrálních tendencí	Znaménkový test, Wilcoxonův test
Více nezávislých souborů	Test rovnosti centrálních tendencí	Medianový test (rozšířený), H-test Kruskal-Wallisův (analýza rozptylu)
Dva závislé soubory	Hodnocení míry závislosti	Spearmanův resp. Kendallův koeficient korelace
Více závislých souborů	Hodnocení míry závislosti	Friedmanova analýza rozptylu

# 3. METRICKÁ DATA - STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Tenisté



## Tenistky



Znak:  
TV

PŘEDPOKLAD	PROBLÉM	TESTOVACÍ METODA
Dva <b>nezávislé</b> soubory	Zkouška rovnosti rozptylů (homogenita)	F-test
Dva <b>nezávislé</b> soubory	Zkouška rovnosti středních hodnot	t-test
Dva <b>nezávislé</b> soubory	Zkouška nezávislosti korelací	Korelační test
Dva <b>závislé</b> soubory	Zkouška rovnosti rozptylů (homogenita)	F-test

### 3. METRICKÁ DATA - STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

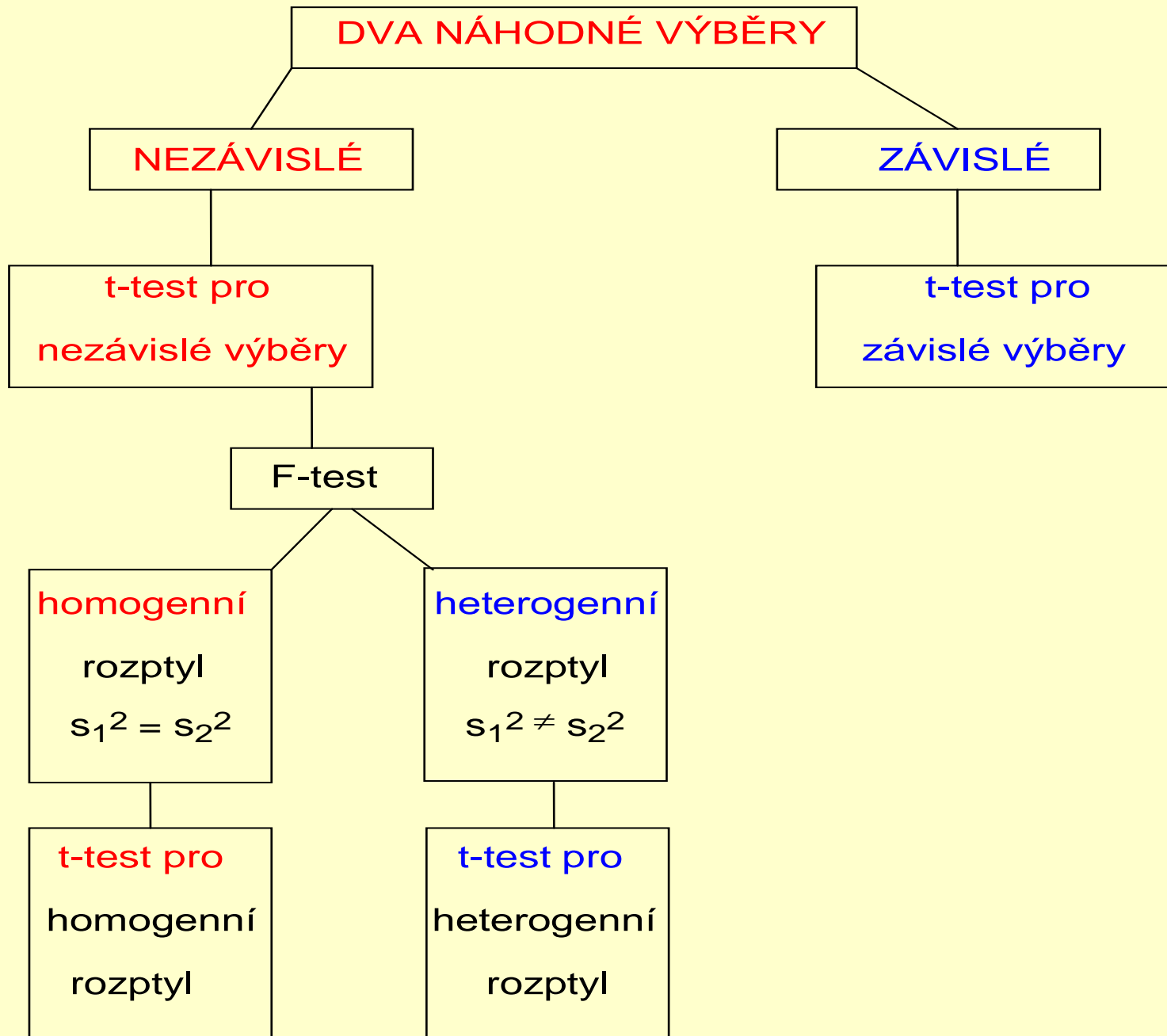
**Tenisté**

	<b>PŘEDPOKLAD</b>	<b>PROBLÉM</b>	<b>TESTOVACÍ METODA</b>
	Dva závislé soubory	Zkouška rovnosti středních hodnot	Diferenční t-test (párový)
	Dva závislé soubory	Hodnocení závislosti	Koef. součinné korelace a regrese
	Více nezávislých souborů	Zkouška rovnosti průměrů	Analýza rozptylu, Duncanův test pořadí, Bartlettův test
	Více nezávislých souborů	Zkouška rovnosti korelačních koeficientů	Test homogeneity

**Tenistky**

**Znak:  
TV**

# ROZHODOVACÍ DIAGRAM PRO UŽITÍ t-TESTU



# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Párový t - test

- dva závislé soubory
- zkouška rovnosti středních hodnot

**PŘÍKLAD** – Zjistěte, zda se na automobilu určité značky sjíždějí obě přední pneumatiky stejně rychle

číslo automobilu	1	2	3	4	5	6
pravá pneumatika	1,8	1	2,2	0,9	1,5	1,6
leva pneumatika	1,5	1,1	2	1,1	1,4	1,4
rozdíl	0,3	-0,1	0,2	-0,2	0,1	0,2

$$H_0: \mu = \mu_1 - \mu_2 = 0$$

$$H_A: \mu = \mu_1 - \mu_2 \neq 0$$

$$T = \frac{|\bar{X} - \mu|}{s} \sqrt{n}$$

$$T < t$$

$$n-1; 1-\frac{\alpha}{2}$$

$\Rightarrow$

hypotézu nelze zamítnou

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Párový t - test

číslo automobilu	1	2	3	4	5	6
pravá pneumatika	1,8	1	2,2	0,9	1,5	1,6
leva pneumatika	1,5	1,1	2	1,1	1,4	1,4
rozdíl	0,3	-0,1	0,2	-0,2	0,1	0,2

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i = \frac{1}{6} (0,3 - 0,1 + 0,2 - 0,2 + 0,1 + 0,2) = \frac{0,5}{6} = \underline{\underline{0,0833}}$$

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2 = \frac{0,2167^2 + (-0,1833)^2 + 0,1167^2 + (-0,2833)^2 + 0,0167^2 + 0,1167^2}{5} =$$
$$= \frac{0,18833}{5} = 0,0377$$

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{0,0377} = \underline{\underline{0,1941}}$$

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Párový t - test

$$t_{n-1; 1-\frac{\alpha}{2}} = t_{6-1; 1-\frac{0,05}{2}} = t_{5; 0,975} = 2,571 \quad = > \quad \text{z tabulek}$$

$$T = \frac{|X - \mu|}{s} \sqrt{n} = \frac{0,0833 - 0}{0,1941} \sqrt{6} = 1,0518 < 2,571$$

**Protože  $1,0518 < 2,571$ , nelze na základě získaných dat zamítnout hypotézu, že se obě přední pneumatiky sjíždějí stejně rychle.**



# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Párový t - test

### Pomocí Excelu – Analýza dat – Dvouvýběrový párový t-test na střední hodnotu

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	číslo automobilu	1	2	3	4	5	6	
2	pravá pneumatika	1,8	1	2,2	0,9	1,5	1,6	
3	leva pneumatika	1,5	1,1	2	1,1	1,4	1,4	
4	rozdíl	0,3	-0,1	0,2	-0,2	0,1	0,2	
5								

**Dvouvýběrový párový t-test na střední hodnotu**

Vstup

1. soubor:

2. soubor:

Hypotetický rozdíl středních hodnot:

Popisky

Alfa:

Možnosti výstupu

Výstupní oblast:

Nový list:

Nový sešit

Dvouvýběrový párový t-test na střední hodnotu

	<i>pravá pneumatika</i>	<i>leva pneumatika</i>
Stř. hodnota	1,5	1,41666667
Rozptyl	0,24	0,10966667
Pozorování	6	6
Pears. korelace	0,961571662	
Hyp. rozdíl stř. hodnot	0	
Rozdíl	5	
t Stat	1,051757905	
P(T<=t) (1)	0,17053101	
t krit (1)	2,015048372	
P(T<=t) (2)	0,34106202	
t krit (2)	2,570581835	

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Dvouvýběrový t - test

- dva nezávislé soubory
- test rovnosti středních hodnot

**PŘÍKLAD** – U studentů rozdělených do dvou skupin byl zaznamenán počet leh-sedů za 1 minutu. Jsou obě skupiny stejně výkonné?

1. skupina	62	54	55	60	53	58
2. skupina	52	56	49	50	51	

$$T = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\sqrt{(n-1)s_X^2 + (m-1)s_Y^2}} \sqrt{\frac{nm(n+m-2)}{n+m}}$$

$$H_0: \mu_1 = \mu_2$$

$$H_A: \mu_1 \neq \mu_2$$

$$|T| < t_{n+m-2; 1-\frac{\alpha}{2}} \Rightarrow \text{hypotézu nelze zamítnou}$$

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Dvouvýběrový t - test

1. skupina	62	54	55	60	53	58
2. skupina	52	56	49	50	51	

$$n_1=6 \quad n_2=5 \quad AP_X=57 \quad AP_Y=51,6 \quad s_X^2=12,8 \quad s_Y^2=7,3$$

$$\begin{aligned} T &= \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\sqrt{(n-1)s_X^2 + (m-1)s_Y^2}} \sqrt{\frac{nm(n+m-2)}{n+m}} = \\ &= \frac{57 - 51,6}{\sqrt{(6-1)12,8 + (5-1)7,3}} \sqrt{\frac{6 \cdot 5 \cdot (6+5-2)}{6+5}} = \\ &= \frac{5,4}{\sqrt{62,5 + 29,2}} \sqrt{24,55} = 2,79 \end{aligned}$$

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Dvouvýběrový t -test

$$t_{m+m-2; 1-\frac{\alpha}{2}} = t_{6+5-2; 1-\frac{0,05}{2}} = t_{9; 0,975} = 2,262 = > \text{ z tabulek}$$

$$|T| = 2,79 \geq 2,262$$

**Protože  $2,79 \geq 2,262$  zamítáme hypotézu, že se obě skupiny studentů jsou stejně výkonné.**

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## Dvouvýběrový t - test

### Pomocí Excelu – Analýza dat – Dvouvýběrový t-test s rovností rozptylů

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	1. skupina	62	54	55	60	53	58	
2	2. skupina	52	56	49	50	51		
3								

**Dvouvýběrový t-test s rovností rozptylů**

Vstup

1. soubor:

2. soubor:

Hypotetický rozdíl středních hodnot:

Popisky

Alfa:

Možnosti výstupu

Výstupní oblast:

Nový list:

Nový sešit

Dvouvýběrový t-test s rovností rozptylů

	1. skupina	2. skupina
Stř. hodnota	57	51,6
Rozptyl	12,8	7,3
Pozorování	6	5
Společný rozptyl	10,35555556	
Hyp. rozdíl stř. hodnot	0	
Rozdíl	9	
t Stat	2,77122216	
P(T<=t) (1)	0,010855041	
t krit (1)	1,833112923	
P(T<=t) (2)	0,021710083	
t krit (2)	2,262157158	

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## F - test

- dva nezávislé soubory
- zkouška rovnosti rozptylů

**PŘÍKLAD** – Na základě dat uvedených v předchozím příkladě rozhodněte, zda oba základní soubory mají stejné rozptyly.

1. skupina	62	54	55	60	53	58
2. skupina	52	56	49	50	51	

$$Z = \frac{S_X^2}{S_Y^2} \quad \text{volím tak, aby } Z > 1$$

$$H_0: \sigma_X^2 = \sigma_Y^2$$

$$H_A: \sigma_X^2 \neq \sigma_Y^2$$

$$Z < F_{n-1, m-1; 1-\frac{\alpha}{2}} \quad \Rightarrow \quad \text{hypotézu nelze zamítnou}$$

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## F - test

1. skupina	62	54	55	60	53	58
2. skupina	52	56	49	50	51	

$$n=6 \quad m=5 \quad s_x^2 = 12,8 \quad s_y^2 = 7,3$$

$$Z = \frac{s_X^2}{s_Y^2} = \frac{12,8}{7,3} = 1,753$$

$$F_{n-1, m-1; 1-\frac{\alpha}{2}} = F_{6-1, 5-1; 1-\frac{0,05}{2}} = F_{5, 4; 0,975} = 9,36 = > \text{ z tabulek}$$

$$Z = 1,753 < 9,36$$

Protože  $1,753 < 9,36$  nelze zamítnout hypotézu o shodnosti rozptylů.

# STATISTICKÉ TESTOVACÍ METODY

## F - test

### Pomocí Excelu – Analýza dat – Dvouvýběrový F-test pro rozptyl

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	1. skupina	62	54	55	60	53	58	
2	2. skupina	52	56	49	50	51		

**Dvouvýběrový F-test pro rozptyl**

Vstup

1. soubor: \$A\$1:\$G\$1

2. soubor: \$A\$2:\$F\$2

Popisky

Alfa: 0.05

Možnosti výstupu

Výstupní oblast:

Nový list:

Nový sešit

OK

Storno

Nápověda

Dvouvýběrový F-test pro rozptyl

---

	1. skupina	2. skupina
Stř. hodnota	57	51.6
Rozptyl	12.8	7.3
Pozorování	6	5
Rozdíl	5	4
F	1.753424658	
P(F<=f) (1)	0.303172533	
F krit (1)	6.256056502	

---

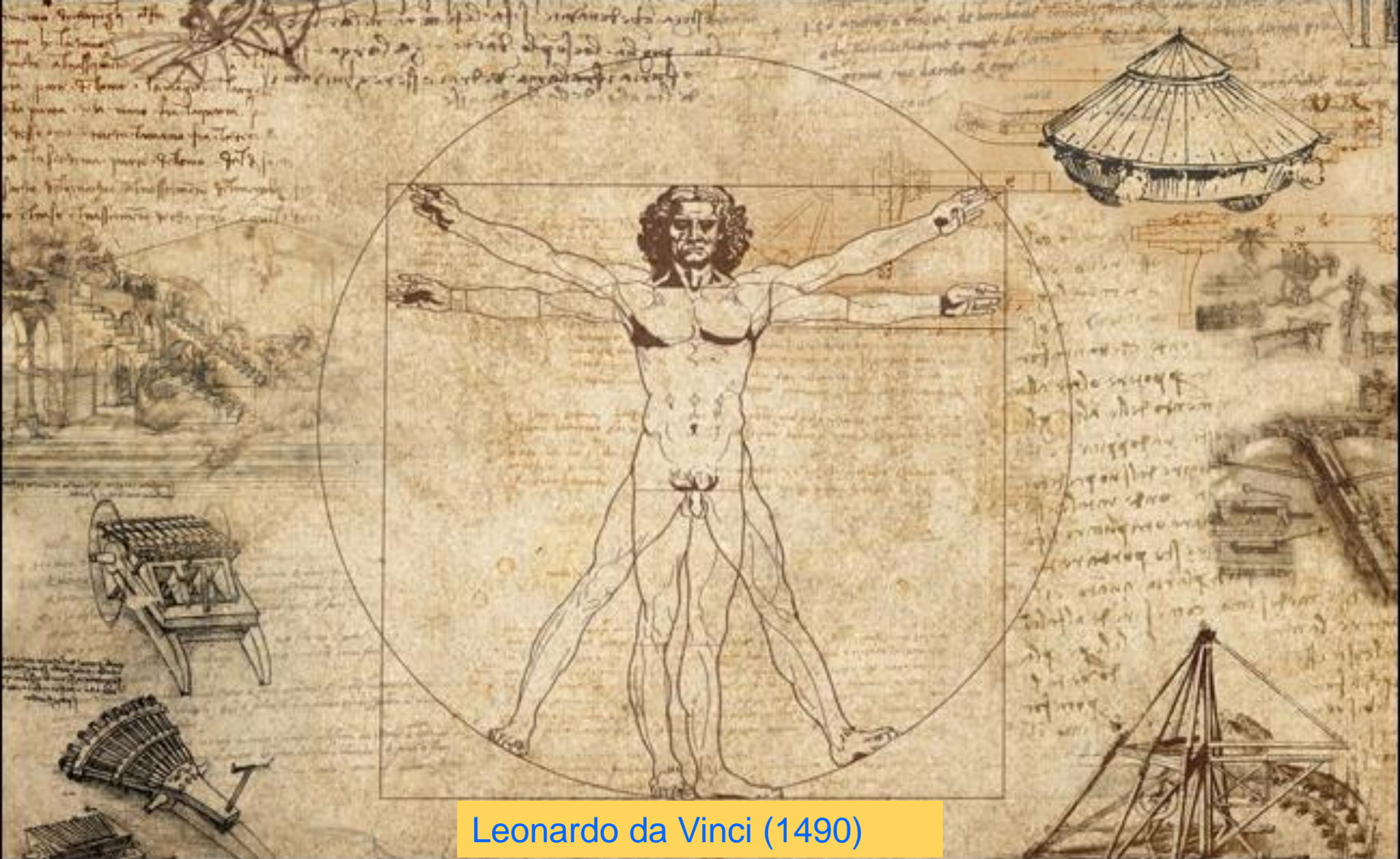


# **PŘÍKLADY VÝPOČTŮ V SOUBORU:**

## **Data-výpočty**

### **Statistická analýza dat**

**A\_Statistická analýza  
dat\_postup+priklady\_JS23.docx**



Leonardo da Vinci (1490)

**Děkuji za pozornost**

**Test 25.4.2023**

**PODPIS**

**Výzkumný problém:**

***Tělesná výška a sportovní výkonnost  
v tenisu***

***1. Formulujte hypotézy:***

**$H_0$  (nulová) a  $H_1$  (alternativní)**

***2. Identifikujte výzkumné proměnné (znak, stupnice):***

**-Gender (pohlaví)**

**-Tělesná výška a hmotnost**

**-Pořadí na žebříčku ATP/WTA**

## **Muži** (ATP Rankings)

<https://www.atptour.com/en/rankings/singles/live>

**$H_0$ : TV významně neovlivňuje SV v M tenisu**

**$H_1$ : TV významně ovlivňuje SV v M tenisu**

## **Ženy** (WTA Rankings)

<https://www.wtatennis.com/rankings/singles>

**$H_0$ : významně neovlivňuje SV v Ž tenisu**

**$H_1$ : významně ovlivňuje SV v Ž tenisu**