

Korelace

POLn4001

26.10.2023

Korelace

- Vzájemná souvislost mezi proměnnými
- Nárůst hodnot jedné proměnné je spojený s nárůstem / poklesem hodnot druhé proměnné
- Korelace neimplikuje kauzalitu

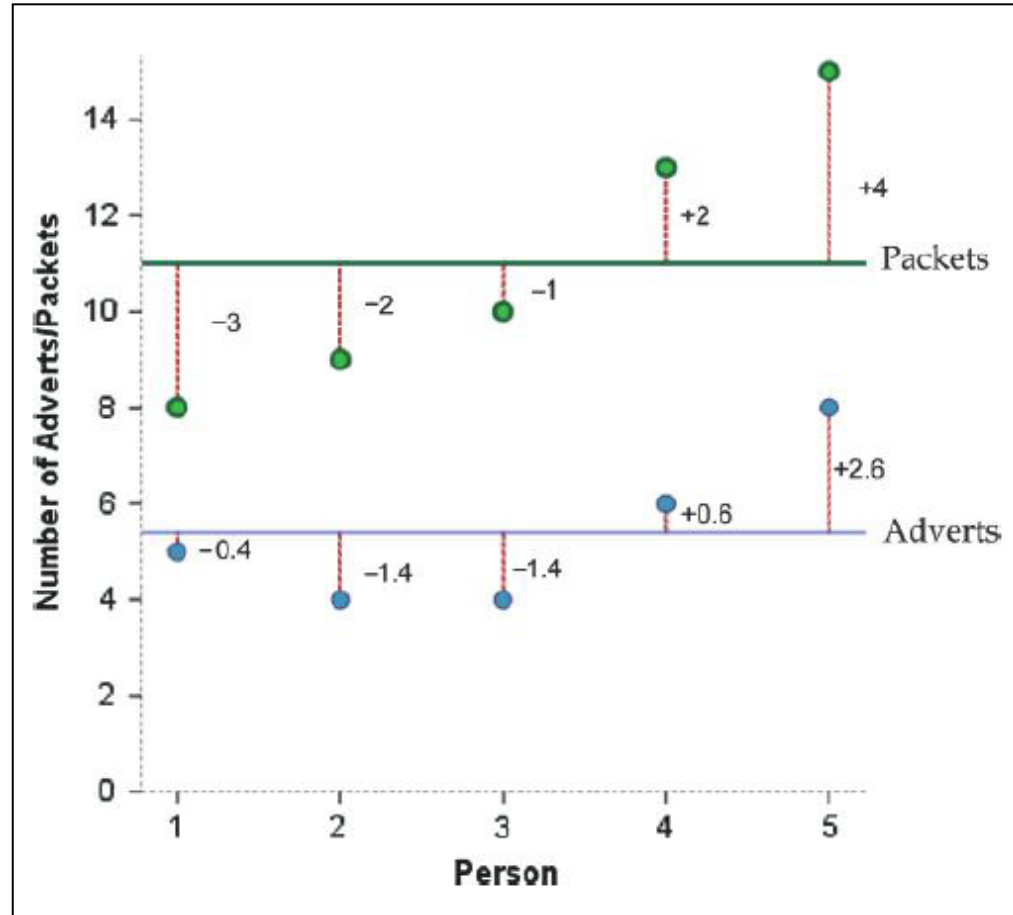
Kovariance

- Nejjednodušší posouzení vzájemné souvislosti dvou proměnných
- Souvislost - změna v hodnotách jedné proměnné bude spojená s obdobnou změnou ve druhé proměnné
- Podobné odklony od průměru v obou proměnných

Kovariance (Field 2009: 168)

Subject	1	2	3	4	5	Mean	S
Adverts Watched	5	4	4	6	8	5.4	1.67
Packets Bought	8	9	10	13	15	11.0	2.92

Kovariance (Field 2009: 168)



Výpočet

- Rozptyl (variance)
 - Suma umocněných odchylek od průměru vydělená počtem případů – 1

$$= \frac{\sum (x_i - \bar{x})(x_i - \bar{x})}{N - 1}$$

- Kovariance (covariance)
 - Totožný výpočet, do kterého se zakomponuje druhá proměnná

$$= \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{N - 1}$$

Osoba	Reklamy (x)	Průměr	Rozdíl	Nákup (y)	Průměr	Rozdíl
1	5	5,4	-0,4	8	11	-3
2	4		-1,4	9		-2
3	4		-1,4	10		-1
4	6		0,6	13		2
5	8		2,6	15		4

$$\begin{aligned}
&= \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{N - 1} \\
&= \frac{(-0.4)(-3) + (-1.4)(-2) + (-1.4)(-1) + (0.6)(2) + (2.6)(4)}{4} \\
&= \frac{1.2 + 2.8 + 1.4 + 1.2 + 10.4}{4} \\
&= \frac{17}{4} \\
&= 4.25
\end{aligned}$$

Kovariance

- Ukazuje základní souvislost mezi proměnnými
- Je možné identifikovat kladní nebo záporní vztah
- Nevýhoda – nemožnost vzájemných srovnání
- Potřeba standardizace

Kovariance

- Standardizace pro účely názornosti i srovnatelnosti (není možné spoléhat, že všechna měření budou v stejných jednotkách)
- Hodnota kovariance se vydělí součinem obou směrodatných odchylek
- Výsledkem je standardizovaná hodnota (vyjádřena v směrodatných odchylkách)
- **Pearsonův korelační koeficient**

Pearsonův korelační koeficient

- Jeden ze základních korelačních koeficientů
- Značení - R (při populaci), r (při vzorce)
- Hodnoty koeficientu:
 - Rozsah od -1 po 1
 - $+1$ = perfektní kladná souvislost
 - -1 = perfektní záporná souvislost
 - 0 = žádná souvislost
- Čím více je hodnota vzdálena od nuly, tím je souvislost silnější

Pearsonův korelační koeficient

- Síla vztahu:
 - $\pm 0,1$ – slabý
 - $\pm 0,3$ – střední
 - $\pm 0,5$ – silný
- Spíše arbitrabilní hodnoty (mezi $r = 0,29$ a $r = 0,31$ žádný zásadný rozdíl není)

Druhy korelace

- Bivariační – souvislost mezi dvěma proměnnými
- Parciální (partial) – souvislost mezi dvěma proměnnými za jisté kontroly vlivu jiných proměnných

Bivariační korelace

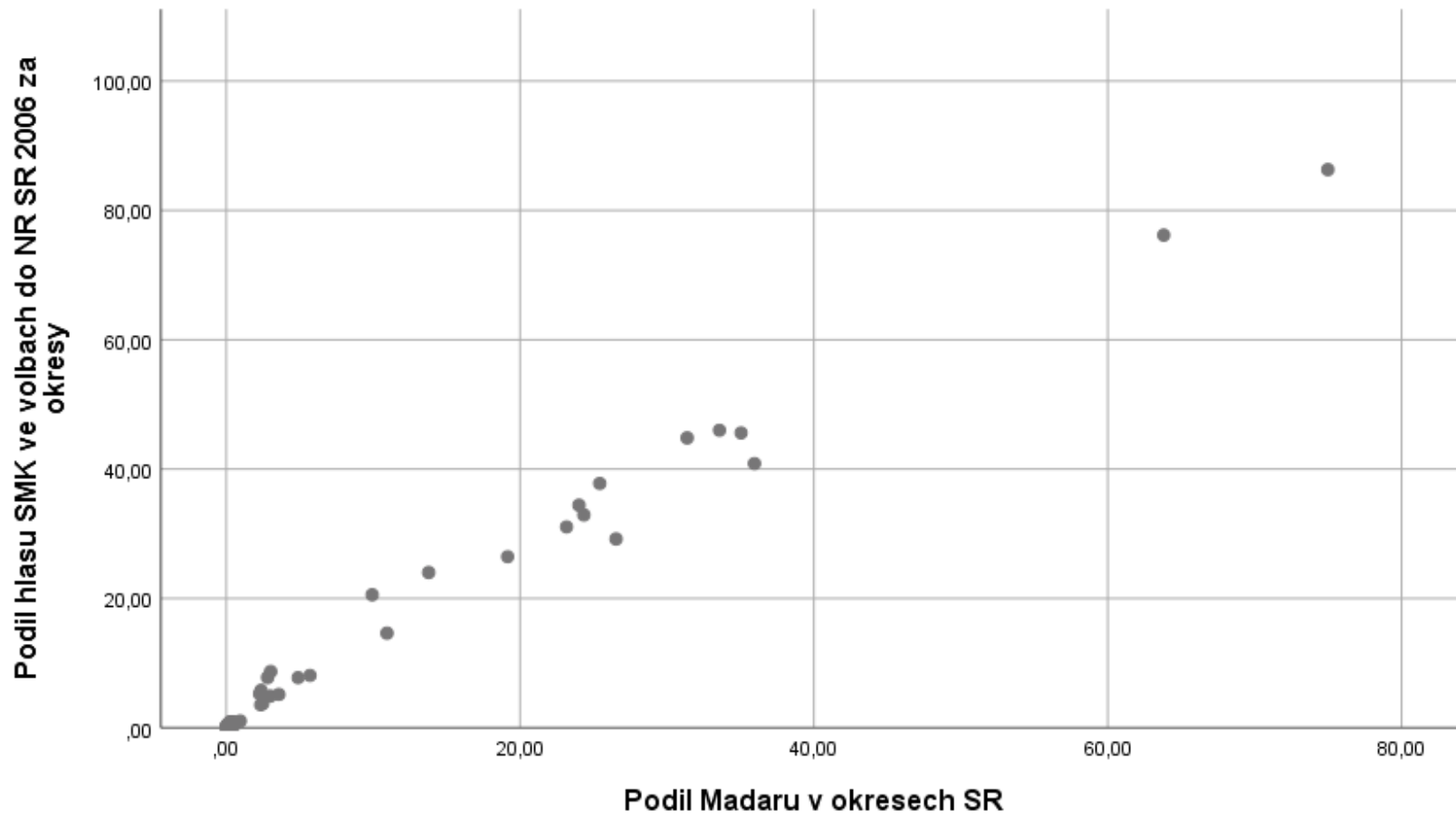
- „Jednodušší“ forma
- Posuzuje souvislost mezi dvěma proměnnými bez dalšího
- Tři základní postupy:
 - Pearsonův korelační koeficient
 - Spearmanovo rho
 - Kendallovo tau

Pearsonův korelační koeficient

- Předpoklady:
 - Kardinální data (možná výjimka)
 - Pokud zjišťujeme i statistickou signifikanci, tak i normální rozložení (nebo dostatečná velikost vzorku)
- Výjimka – jedna z proměnných může být kategorická (dichotomická)
- Citlivost na odlehlé případy

Práce v SPSS

- Před analýzou je vhodné si data graficky zobrazit (netýká se pouze Pearsonova korel. koeficientu)
- Bodový graf (scatter/dot)
- Graphs → Chart builder :
 - Zvolit Scatter/Dot
 - Vložit proměnné



Práce v SPSS

- Analyze → Correlate → Bivariate:
 - Zvolit proměnné
 - Pearsonův koeficient je přednastavený
 - Pro sledování signifikance zvolit *Flag significant correlations*
- Options:
 - Možnost spočítat základní statistiky a kovarianci
 - Vynechání hodnot / případů

Pearsonův korelační koeficient

		Podíl Madaru v okresech SR	Podíl hlasu SMK ve volbach do NR SR 2006 za okresy
Podíl Madaru v okresech SR	Pearson Correlation	1	,992
	Sig. (2-tailed)		,000
	N	79	79
Podíl hlasu SMK ve volbach do NR SR 2006 za okresy	Pearson Correlation	,992	1
	Sig. (2-tailed)	,000	
	N	79	79

Pearsonův korelační koeficient

		Time Spent Revising	Exam Performance (%)	Exam Anxiety
Time Spent Revising	Pearson Correlation	1	,397**	-,709**
	Sig. (2-tailed)		,000	,000
	N	103	103	103
Exam Performance (%)	Pearson Correlation	,397**	1	-,441**
	Sig. (2-tailed)	,000		,000
	N	103	103	103
Exam Anxiety	Pearson Correlation	-,709**	-,441**	1
	Sig. (2-tailed)	,000	,000	
	N	103	103	103

Pearsonův korelační koeficient

- Se zjištěným R je možné dál pracovat
- Po umocnění získáváme tzv. Index determinace (R^2)
- R^2 vymezuje, jaký podíl variability jedné proměnné je sdílený s druhou proměnnou
- Pro názornost se R^2 násobí číslem 100 a vyjadřuje v procentech
- Nadále však daná hodnota neříká nic o kauzalitě

Pearsonův korelační koeficient

- Výjimka z kardinálních dat → korelace jedné kardinální proměnné a jedné dichotomické
- Tzv. point-biserial korelace
- Úplně stejný postup
- Kladní / záporní výsledné hodnoty plně závisí od kódování dichotomické proměnné

Pearsonův korelační koeficient

Correlations

		Pocet shlednuti	Pohlavi
Pocet shlednuti	Pearson Correlation	1	,677**
	Sig. (2-tailed)		,000
	N	37	37
Pohlavi	Pearson Correlation	,677**	1
	Sig. (2-tailed)	,000	
	N	37	37

** . Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

Pearsonův korelační koeficient

Correlations

		Pocet shlednuti	pohl2
Pocet shlednuti	Pearson Correlation	1	-,677**
	Sig. (2-tailed)		,000
	N	37	37
pohl2	Pearson Correlation	-,677**	1
	Sig. (2-tailed)	,000	
	N	37	37

** . Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

Spearmanovo rho

- Neparametrický postup
- Použitelný pro neparametrická data (ordinální, porušení normality apod.)
- Data nejdřív seřadí a následně toto pořadí využívá pro výpočet korelačního koeficientu
- Výsledné hodnoty jsou ve stejném pásmu jako u PKK (od -1 po 1)

Spearmanovo rho

- Analyze → Correlate → Bivariate:
 - Zvolit proměnné
 - Vybrat *Spearman*
- Vše ostatní je stejné, pouze v *Options* není možnost spočítat statistiky (mají smysl pouze pro Pearsonův korelační koeficient)
- Podobně jako u PKK, i zde je možné výsledný koeficient umocnit → R_s^2
- Interpretace je částečně odlišná – Spearmanovo rho je založené na pořadí → R_s^2 vyjadřuje podíl sdílených pořadí mezi proměnnými

Kendallovo tau

- Neparametrický postup
- Použitelný jako Spearmanovo rho (totožný postup i v SPSS – pouze se zvolí *Kendall`s tau-b* namísto *Spearman*)
- Kdy upřednostnit před Spearmanem:
 - Menší počet dat
 - Mnoho totožných hodnot

Interpretace výsledků

- Základní pravidlo – **korelace \neq kauzalita**
- Korelace vyjadřuje pouze souvislost mezi proměnnými, neukazuje na žádnou příčinu a následek
- Vliv třetích proměnných
- Korelace neuvádí směr působení proměnných - ty jsou ve výpočte plně rovnocenné (žádná nezávislá a závislá proměnná)
- Nemožnost konstatovat kauzalitu trvá i pokud se příčinný vztah jeví jako „logický“ – korelace nemá potenciál ani nástroj to odhalit
- Statistické zjištění nemá automaticky věcný význam

Práce s koeficienty

- R^2 (Pearson) a R_s^2 (Spearman) je možné srovnávat, zvláště pokud se distribuce hodnot blíží normální
- Kendallovo tau se svou hodnotou neblíží ani Pearsonovmu R , ani Spearmanovmu ρ (je o 66-75 % nižší)

Práce s koeficienty

- Na místě je opatrná interpretace
- Nikdy nepoužívat obraty typu „korelační koeficient ukázal vliv proměnné A na proměnnou B...“
- Co uvádět:
 - Korelační koeficient (pozor na odlišné značení P, S a K koeficientů)
 - Signifikantnost (pokud má smysl) a její hladinu