

Integrace per partés

Robert Mařík

9. března 2007



Vyzkoušejte dva, tři nebo dvacet dalších mých kvízů a potom mi prosím vyplňte na webu. Děkuji!

ROBERT MAŘÍK

Integrace per-partés

file int-parts-CZ.tex

Teorie

Výběr z ...

Test 1

Test 2

Úvodní strana

Print

Titulní strana

◀◀

▶▶

◀

▶

Strana 1 z 16

Zpět

Full Screen

Zavřít

Konec

1. Teorie

Vzorec je

$$\int u(x)v'(x)dx = u(x)v(x) - \int u'(x)v(x)dx.$$

Budť $P(x)$ polynom. Integraci per-partés používáme pro integrály typu

$$\int P(x)e^{\alpha x + \beta}dx, \int P(x)\sin(\alpha x + \beta)dx, \int P(x)\cos(\alpha x + \beta)dx,$$

a

$$\int P(x)\operatorname{atan} x dx, \int P(x)\ln^m x dx,$$

kde $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ a $m \in \mathbb{N}$. V první skupině integrálů derivujeme polynom, ve druhé skupině derivujeme logaritmus nebo arkustangens.

[Teorie](#)

[Výběr z...](#)

[Test 1](#)

[Test 2](#)

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[!\[\]\(166772600a13ad0a433053f90fe45649_img.jpg\)](#) [!\[\]\(98e7c6b0160281a12fbadc337ff6b6c3_img.jpg\)](#)

[!\[\]\(291e070cef6c4d5e78fefe4696ef53be_img.jpg\)](#) [!\[\]\(5a6551557c623b42379c503783a5133a_img.jpg\)](#)

[Strana 2 z 16](#)

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

2. Výběr z možností

Kvíz. 1. Klikněte vždy na odpovídající možnost.

1. $\int (x+1) e^x dx$
2. $\int (x+1) \ln(x) dx$
3. $\int (x+1) \sin(x) dx$
4. $\int (x+1) e^{x^2} dx$
5. $\int x^2 e^{2x} dx$
6. $\int (x^2 - 1) \operatorname{atan}(x+1) dx$
7. $\int (x^3 - 2) e^{x^2+x} dx$
8. $\int e^{-x^2} dx$
9. $\int x e^{x^2} dx$
10. $\int (3x+1) e^{-x+1} dx$

Není na metodu per-partés.

Per-partés, červený výraz se derivuje.

Per-partés, červený výraz se integruje.

Není na metodu per-partés.

Per-partés, červený výraz se derivuje.

11. $\int x^2 e^x dx$

12. $\int (x+4) \operatorname{atan} \frac{x}{2} dx$

13. $\int x \sin x^2 dx$

14. $\int x^2 \ln x dx$

15. $\int \operatorname{atan} x dx$

16. $\int x \ln x \cos x dx$

17. $\int x \cos^3 x dx$

18. $\int (2+x) \cos(2x) dx$

19. $\int (x^3 - 1) \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) dx$

3. Test 1

- Integruje metodou per-partés. Použijte vždy nulovou integrační konstantu při výpočtu funkce $v(x)$.
- Návod dostanete po stisknutí tlačítka . Ale zacházejte s tímto tlačítkem jako se šafránem, máte halvň počítat příklady a ne se dívat na řešení!

Kvíz. 2.

$$1. \int \ln(x) dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}} - \int \quad dx$$

=

$$- \int$$

=

dx

Teorie

Výběr z ...

Test 1

Test 2

Úvodní strana

Print

Titulní strana



Strana 5 z 16

Zpět

Full Screen

Zavřít

Konec



$$2. \int xe^x dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

=

$$3. \int x \ln(x+1) dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

=

[Teorie](#)
[Výběr z ...](#)
[Test 1](#)
[Test 2](#)

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

| | |
|------------------|------------------|
| | |
| | |

[Strana 6 z 16](#)

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

$$4. \int \operatorname{atan}(x) dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

=

$$5. \int (x+1)e^{-x} dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

=

Teorie

Výběr z...

Test 1

Test 2

Úvodní strana

Print

Titulní strana



Strana 7 z 16

Zpět

Full Screen

Zavřít

Konec

$$6. \int (x-1) \sin(x) dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

$$=$$

$$7. \int (x-2) \cos(2x) dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

$$=$$

Teorie

Výběr z ...

Test 1

Test 2

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)



Strana 8 z 16

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

$$8. \int x^4 \ln x dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

=

$$9. \int x \frac{1}{\cos^2 x} dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

=

Teorie

Výběr z ...

Test 1

Test 2

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)



Strana 9 z 16

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

4. Test 2

Kvíz. 3.

- V následujících integrálech musíte integrovat nadvakrát metodou per-partés
- Šablona pro druhou integraci se vám odkryje jakmile vyplníte první část. Opět prosím používejte nulovou integrační konstantu při hledání funkce v .

$$1. I_1 = \int x^2 e^x dx = \begin{cases} u = & u' = \\ v' = & v = \end{cases}$$

$$= - \int \quad dx$$

$$= x^2 e^x - 2 \int x e^x dx$$

$$\Rightarrow \begin{cases} u = & u' = \\ v' = & v = \end{cases}$$

$$I_1 = x^2 e^x - 2 \left(- \int \quad dx \right)$$

=

Teorie
Výběr z ...
Test 1
Test 2

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

Strana 11 z 16

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

$$2. I_2 = \int (x^2 + x - 1)e^{-x} dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

$$= -e^{-x}(x^2 + x - 1) + \int (2x + 1)e^{-x} dx$$

$$\Rightarrow \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$I_2 = -e^{-x}(x^2 + x - 1) + \left(- \int \quad dx \right)$$

=

ROBERT MARIK
Integrace per-partés
file int-parts-CZ.tex

Teorie
Výběr z ...
Test 1

Test 2

[Úvodní strana](#)
[Print](#)
[Titulní strana](#)



Strana 12 z 16

[Zpět](#)
[Full Screen](#)
[Zavřít](#)
[Konec](#)

$$3. I_3 = \int (x^2 - 1) \cos(x) dx = \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$= - \int \quad dx$$

$$= (x^2 - 1) \sin x - 2 \int x \sin x dx$$

$$\Rightarrow \boxed{\begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}}$$

$$I_3 = (x^2 - 1) \sin x - 2 \left(\quad - \int \quad dx \right)$$

=

ROBERT MARIK
Integrace per-partés
file int-parts-CZ.tex

Teorie
Výběr z ...
Test 1

Test 2

[Úvodní strana](#)
[Print](#)
[Titulní strana](#)



Strana 13 z 16

[Zpět](#)
[Full Screen](#)
[Zavřít](#)
[Konec](#)

$$4. I_4 = \int x^2 e^{2x} dx = \begin{cases} u = & u' = \\ v' = & v = \end{cases}$$

$$= - \int \quad dx$$

$$= \frac{x^2}{2} e^{2x} - \int x e^{2x} dx$$

$$\Rightarrow \begin{cases} u = & u' = \\ v' = & v = \end{cases}$$

$$I_4 = \frac{x^2}{2} e^{2x} - \left(- \int \quad dx \right)$$

=

[ROBERT MARIK](#)
[Integrace per-partes](#)
 file int-parts-CZ.tex

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[◀◀](#) [▶▶](#)
[◀](#) [▶](#)

[Strana 14 z 16](#)

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

$$5. I_5 = \int x \ln^2 x dx = \boxed{u = \quad u' = \\ v' = \quad v =}$$

$$= - \int \quad dx$$

$$= \frac{x^2}{2} \ln^2 x - \int x \ln(x) dx$$

$$\Rightarrow \boxed{u = \quad u' = \\ v' = \quad v =}$$

$$I_5 = \frac{x^2}{2} \ln^2 x - \left(\quad - \int \quad dx \right)$$

=

[Teorie](#)
[Výběr z ...](#)
[Test 1](#)
[Test 2](#)

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[◀◀](#) [▶▶](#)
[◀](#) [▶](#)

[Strana 15 z 16](#)

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

$$6. I_6 = \int (1 - x^2) \sin(x) dx = \begin{cases} u = & u' = \\ v' = & v = \end{cases}$$

$$= - \int \quad dx$$

$$= -(1 - x^2) \cos(x) - 2 \int x \cos x dx$$

$$\Rightarrow \begin{cases} u = & u' = \\ v' = & v = \end{cases}$$

$$I_6 = -(1 - x^2) \cos(x) - 2 \left(- \int \quad dx \right)$$

=

Teorie

Výběr z ...

Test 1

Test 2

Úvodní strana

Print

Titulní strana

◀◀

▶▶

◀

▶

Strana 16 z 16

Zpět

Full Screen

Zavřít

Konec