

Cvičení 9: Neparametrické úlohy o mediánech

Úkol 1: Párový znaménkový test a párový Wilcoxonův test

Při zjišťování kvality jedné složky půdy se používají dvě metody označené A a B. Výsledky:

| Vzorek | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
|--------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| A | 0,275 | 0,312 | 0,284 | 0,3 | 0,365 | 0,298 | 0,312 | 0,315 | 0,242 | 0,321 | 0,335 | 0,307 |
| B | 0,28 | 0,312 | 0,288 | 0,298 | 0,361 | 0,307 | 0,319 | 0,315 | 0,242 | 0,323 | 0,341 | 0,315 |

Na hladině významnosti 0,05 testujte pomocí párového znaménkového testu a poté pomocí párového Wilcoxonova testu hypotézu, že metody A a B dávají stejné výsledky.

Návod:

Načteme datový soubor kvalita_pudy.sta. Proměnná A obsahuje výsledky metody A, proměnná B výsledky metody B.

Nejprve budeme testovat nulovou hypotézu pomocí párového znaménkového testu.

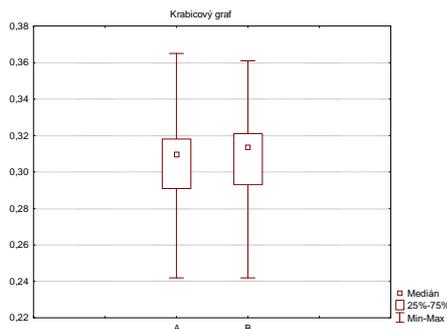
Statistiky – Neparametrická statistika – Porovnání dvou závislých vzorků (proměnné) – OK – 1. seznam proměnných A, 2. seznam proměnných B – OK – Znaménkový test.

| | | Znaménkový test (kvalita_pudy.sta) | | | |
|--------------------|-----|---|-----------------|----------|----------|
| | | Označené testy jsou významné na hladině $p < 0,05000$ | | | |
| Dvojice proměnných | | Počet různých | procent $v < V$ | Z | Úroveň p |
| A | & B | 9 | 77,77778 | 1,333333 | 0,182422 |

Komentář: Vidíme, že nenulových hodnot $n = 9$. Z nich záporných je $77,7\%$, tj. 7. Kladných je tedy $9 - 7 = 2$, což je hodnota testové statistiky S_Z^+ . Asymptotická testová statistika U_0 (zde označená jako Z) se realizuje hodnotou $1,3$. Odpovídající asymptotická p-hodnota je 0,18422, tedy na asymptotické hladině významnosti 0,05 nezamítáme hypotézu, že obě metody dávají stejné výsledky.

Upozornění: V tomto případě není splněna podmínka pro využití asymptotické normality statistiky S_Z^+ , tj. $n > 20$. Je tedy vhodnější najít v tabulkách kritické hodnoty pro znaménkový test (viz skripta Základní statistické metody, tabulka na straně 156). Pro $n = 9$ a $\alpha = 0,05$ jsou kritické hodnoty $k_1 = 1, k_2 = 8$. Protože kritický obor $W = \langle 0,1 \rangle \cup \langle 8,9 \rangle$ neobsahuje hodnotu 2, nezamítáme H_0 na hladině významnosti 0,05. Dostáváme stejný výsledek při použití asymptotického testu

Nyní graficky znázorníme výsledky obou metod: Návrat do Porovnání 2 proměnných - Krabicový graf všech proměnných – OK – A, B – OK.



Komentář: Z krabicových diagramů je vidět, že obě metody se poněkud liší v úrovni, ale neliší se ve variabilitě.

Dále provedeme Wilcoxonův párový test.

Návrat do Porovnání 2 proměnných – Wilcoxonův párový test.

| | | Wilcoxonův párový test (kvalita_pudy) | | | |
|--------------------|-----|--|----------|----------|----------|
| | | Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | |
| Dvojice proměnných | | Počet platných | T | Z | p-hodn. |
| A | & B | 9 | 5,000000 | 2,073221 | 0,038153 |

Komentář: Výstupní tabulka poskytne hodnotu testové statistiky S_W^+ (zde označena T), hodnotu asymptotické testové statistiky U_0 a p-hodnotu pro U_0 . V tomto případě je p-hodnota 0,038153, tedy nulová hypotéza se zamítá na asymptotické hladině významnosti 0,05.

Upozornění: V tomto případě není splněna podmínka pro využití asymptotické normality statistiky S_W^+ , tj. $n \geq 30$. Je tedy vhodnější najít v tabulkách kritickou hodnotu pro Wilcoxonův párový test. Pro $n = 9$ a $\alpha = 0,05$ je kritická hodnota rovna 5. Protože kritický obor $W = \langle 0,5 \rangle$ obsahuje hodnotu 5, zamítáme H_0 na hladině významnosti 0,05. To souhlasí s výsledkem asymptotického testu.

Úkol 2.: Znaménkový test a jednovýběrový Wilcoxonův test

Vyráběné ocelové tyče mají kolísavou délku s předpokládanou hodnotou mediánu 10 m. Náhodný výběr 10 tyčí poskytl tyto výsledky:

9,83 10,10 9,72 9,91 10,04 9,95 9,82 9,73 9,81 9,90

Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že předpoklad o mediánu délky tyčí je oprávněný.

Návod:

Načteme datový soubor ocelove_tyce.sta. Proměnná X obsahuje naměřené hodnoty a proměnná Y obsahuje konstantu 10. Provedení znaménkového a Wilcoxonova testu je nyní stejné jako v předešlém případě.

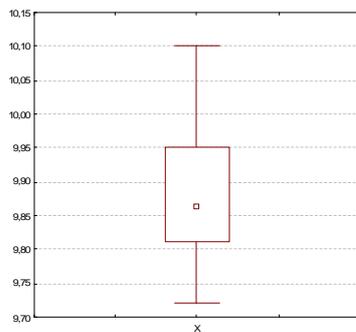
| | | Znaménkový test (ocelove_tyce.sta) | | | |
|--------------------|-----|--|-----------------|----------|----------|
| | | Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | |
| Dvojice proměnných | | Počet různých | procent $v < V$ | Z | Úroveň p |
| X | & Y | 10 | 80,00000 | 1,581139 | 0,113846 |

| | | Wilcoxonův párový test (ocelove_tyce) | | | |
|--------------------|-----|--|----------|----------|----------|
| | | Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | |
| Dvojice proměnných | | Počet platných | T | Z | Úroveň p |
| X | & Y | 10 | 5,500000 | 2,242448 | 0,024933 |

Komentář: Znaménkový test poskytl asymptotickou p-hodnotu 0,113846, tedy nulová hypotéza se nezamítá na hladině významnosti 0,05. Wilcoxonův test dává asymptotickou p-hodnotu 0,024933, tedy nulová hypotéza se zamítá na asymptotické hladině významnosti 0,05. Podobně jak v úkolu 1 by bylo vhodnější najít kritické hodnoty v tabulkách. V případě znaménkového testu jsou kritické hodnoty pro $n = 10$ a $\alpha = 0,05$ rovny 1 a 9, testová statistika

$S_Z^+ = 2$. Protože S_Z^+ nepatří do kritického oboru $W = \langle 0,1 \rangle \cup \langle 9,10 \rangle$, nelze nulovou hypotézu zamítnout na hladině významnosti 0,05, což je v souladu s výsledkem asymptotického testu. V případě Wilcoxonova testu je kritická hodnota pro $n = 10$ $\alpha = 0,05$ rovna 8. Protože kritický obor $W = \langle 0,8 \rangle$ obsahuje hodnotu 5,5, zamítáme H_0 na hladině významnosti 0,05. I zde tedy existuje soulad mezi výsledkem přesného a asymptotického testu.

Podobně jako v úkolu 1. znázorníme výsledky měření pomocí krabicového diagramu:



Úkol 3.: Dvouvýběrový Wilcoxonův test, dvouvýběrový Kolmogorovův - Smirnovův test

Trenér běžeckého družstva se rozhodl vyzkoušet novou tréninkovou metodu. 8 běžců využilo starou metodu a 4 novou. Po určité době byly změřeny výkony běžců v běhu na 100 m (čas je udán v sekundách).

Stará metoda: 13,05 12,58 14,26 15,08 12,37 10,45 14,64 12,73

Nová metoda: 11,98 13,04 12,68 12,49.

Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že obě metody jsou stejně efektivní.

Návod:

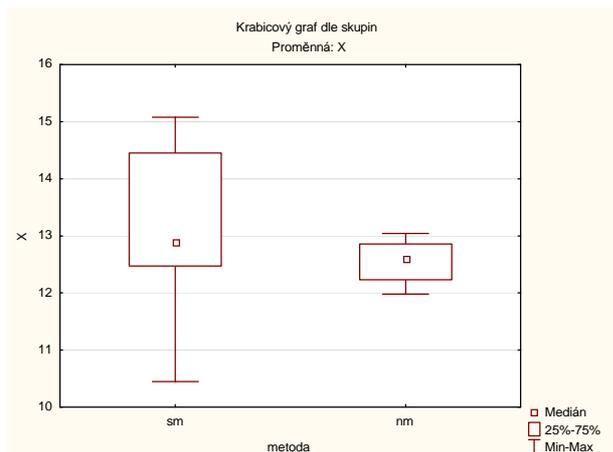
Načteme datový soubor beh_na_100_m.sta. Proměnná X udává časy běžců při obou způsobech tréninku a proměnná metoda nabývá hodnoty 1 pro starou metodu, hodnoty 2 pro novou metodu.

Dvouvýběrový Wilcoxonův test: Statistika – Neparametrická statistika – Porovnání dvou nezávislých vzorků (skupiny) – OK - Seznam závislých proměnných X, Grupovací proměnná metoda - OK - Mann – Whitneyův U test.

| Mann-Whitneyův U Test (w/ oprava na spojitost) (beh_na_100_m.sta) | | | | | | | | | | |
|---|-------------|-------------|----------|----------|----------|------------|----------|-------------|-------------|-------------------|
| Dle proměn. metoda | | | | | | | | | | |
| Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | | | | | | | | |
| Proměnná | Sčt poř. sm | Sčt poř. nm | U | Z | p-hodn. | Z upravené | p-hodn. | N platn. sm | N platn. nm | 2*1 str. přesné p |
| X | 58,00000 | 20,00000 | 10,00000 | 0,934129 | 0,350238 | 0,934129 | 0,350238 | 8 | 4 | 0,367677 |

Komentář: Ve výstupní tabulce jsou součty pořadí T_1 , T_2 , hodnota testové statistiky $\min(U_1, U_2)$ označená U, hodnota asymptotické testové statistiky U_0 (označená Z), asymptotická p-hodnota pro U_0 a přesná p-hodnota (ozn. 2*1 str. přesné p – ta se používá pro rozsahy výběrů pod 30). V našem případě přesná p-hodnota = 0,36767, tedy H_0 nezamítáme na hladině významnosti 0,05.

Výpočet je vhodné doplnit krabicovým diagramem.



Komentář: Je zřejmé, že výkony běžců trénovaných novou metodou vykazují mnohem menší variabilitu.

Dvouvýběrový Kolmogorovův – Smirnovův test poskytne tabulku:

| Kolmogorov-Smirnovův test (beh_na_100_m.sta) | | | | | | | | | |
|--|----------------|-----------------|-----------|-----------|-----------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| Dle proměn. metoda | | | | | | | | | |
| Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | | | | | | | |
| Proměnná | Max záp rozdíl | Max klad rozdíl | p-hodn. | Průměr sm | Průměr nm | Sm.odch. sm | Sm.odch. nm | N platn. sm | N platn. nm |
| X | -0,125000 | 0,500000 | $p > .10$ | 13,14500 | 12,54750 | 1,492199 | 0,441767 | 8 | 4 |

Komentář: Dostaneme maximální záporný a maximální kladný rozdíl mezi hodnotami obou výběrových distribučních funkcí, dolní omezení pro p-hodnotu ($p > 0,1$), průměry, směrodatné odchylky a rozsahy obou výběrů.

Protože $p > 0,05$, nulovou hypotézu nezamítáme na hladině významnosti 0,05.

Úkol 4: Kruskalův – Wallisův test a mediánový test

Voda po holení jisté značky se prodává ve čtyřech různých lahvičkách stejného obsahu. Údaje o počtu prodaných lahviček za týden v různých obchodech:

1. typ: 50 35 43 30 62 52 43 57 33 70 64 58 53 65 39

2. typ: 31 37 59 67 44 49 54 62 34 42 40

3. typ: 27 19 32 20 18 23

4. typ: 35 39 37 38 28 33.

Posuďte na 5% hladině významnosti, zda typ lahvičky ovlivňuje úroveň prodeje.

Návod:

Načteme datový soubor voda_po_holeni.sta. Proměnná X udává počet prodaných lahviček a proměnná TYP udává typ lahvičky. Úloha vede na Kruskalův – Wallisův test nebo mediánový test: Statistika – Neparametrická statistika – Porovnání více nezávislých vzorků (skupiny) – OK – Proměnné – Seznam závislých proměnných X, Grupovací proměnná TYP – OK – Shrnutí: Kruskal-Wallis ANOVA & Mediánový test. Ve dvou výstupních tabulkách se objeví výsledky K-W testu a mediánového testu.

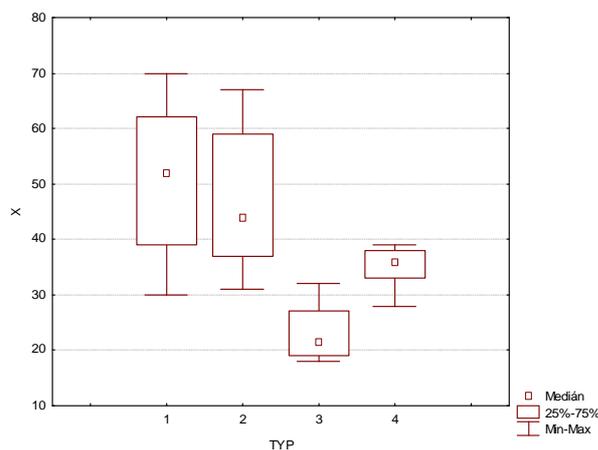
| | | | |
|--|-----|-------------------|------------------|
| Kruskal-Wallisova ANOVA založ. na poř.; X (voda_po_holeni.sta Nezávislá (grupovací) proměnná :TYP Kruskal-Wallisův test: $H(3, N=38) = 18,80199$ $p = ,0003$ | | | |
| Závislá: X | Kód | Počet platných | Součet pořadí |
| 1 | 1 | 15 | 379,0000 |
| 2 | 2 | 11 | 257,0000 |
| 3 | 3 | 6 | 24,0000 |
| 4 | 4 | 6 | 81,0000 |

| | | | | | | |
|--|---------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| Mediánový test, celk. medián = 39,5000; X (voda_po_holeni.sta Nezávislá (grupovací) proměnná :TYP Chi-Kvadr. = 17,53939 sv = 3 p = ,0005 | | | | | | |
| Závislá: X | | 1 | 2 | 3 | 4 | Celkem |
| <= Medián: pozorov. | | 4,00000 | 3,00000 | 6,00000 | 6,00000 | 19,00000 |
| | očekáv. | 7,50000 | 5,50000 | 3,00000 | 3,00000 | |
| | poz.-oč. | -3,50000 | -2,50000 | 3,00000 | 3,00000 | |
| > Medián: pozorov. | | 11,00000 | 8,00000 | 0,00000 | 0,00000 | 19,00000 |
| | očekáv. | 7,50000 | 5,50000 | 3,00000 | 3,00000 | |
| | poz.-oč. | 3,50000 | 2,50000 | -3,00000 | -3,00000 | |
| | Celkem: oček. | 15,00000 | 11,00000 | 6,00000 | 6,00000 | 38,00000 |

Komentář: Oba testy zamítají hypotézu o shodě mediánů v daných čtyřech skupinách. Testová statistika K-W testu je 18,802, počet stupňů volnosti 3, odpovídající asymptotická p-hodnota 0,0003. Testová statistika mediánového testu je 17,539, počet stupňů volnosti 3, odpovídající asymptotická p-hodnota 0,0005.

Grafické znázornění výsledků:

návrat do Shrnutí: Kruskal-Wallis ANOVA & Mediánový test – Krabicový graf – Vyberte proměnnou: X – OK – Typ krabicového grafu: Medián/Kvartily/Rozpětí – OK.



Komentář: Je vidět, že úroveň prodeje pro 1. typ je nevyšší, zatímco pro 3. typ nejnižší. Pro 1. a 2. typ je variabilita prodeje značná, pro 3. a 4. typ naopak malá.

Vzhledem k tomu, že jsme zamítli nulovou hypotézu o shodě mediánů na asymptotické hladině významnosti 0,05, provedeme metoda mnohonásobného porovnávání: Vícenás. porovnání průměrného pořadí pro vš. sk.

| | | | | |
|---|----------|----------|----------|----------|
| Vícenásobné porovnání p hodnot (oboustr.);X (voda_po_holeni.sta Nezávislá (grupovací) proměnná :TYP Kruskal-Wallisův test: H (3, N= 38) =18,80199 p =,0003 | | | | |
| Závislá: | 1 | 2 | 3 | 4 |
| X | R:25,267 | R:23,364 | R:4,0000 | R:13,500 |
| 1 | | 1,000000 | 0,000447 | 0,170297 |
| 2 | 1,000000 | | 0,003579 | 0,481908 |
| 3 | 0,000447 | 0,003579 | | 0,832208 |
| 4 | 0,170297 | 0,481908 | 0,832208 | |

Komentář: Tabulka obsahuje p-hodnoty pro test hypotézy, že l-tý a k-tý výběr pocházejí z téhož rozložení. Vidíme, že na hladině významnosti 0,05 zamítáme nulovou hypotézu pro 1. a 3. typ lahvičky a pro 2. a 3. typ lahvičky.

Příklady k samostatnému řešení

Příklad 1: U osmi osob byl změřen systolický krevní tlak před pokusem a po něm.

| | | | | | | | | |
|-----------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| č. osoby | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
| tlak před | 130 | 185 | 162 | 136 | 147 | 181 | 128 | 139 |
| tlak po | 139 | 190 | 175 | 135 | 155 | 175 | 158 | 149 |

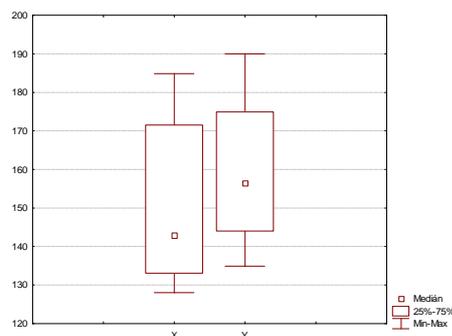
Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že pokus neovlivní systolický krevní tlak.

Řešení:

Stejně jako v úkolu 1 provedeme párový znaménkový a párový Wilcoxonův test. Načteme soubor tlak.sta. Proměnná X obsahuje hodnoty tlaku před pokusem, proměnná Y po pokusu. Výstupní tabulka:

| | | | | |
|--|---------------|-----------------|----------|----------|
| Znaménkový test (tlak.sta) Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | | |
| Dvojice proměnných | Počet různých | procent $v < V$ | Z | Úroveň p |
| X & Y | 8 | 75,00000 | 1,060660 | 0,288844 |

Komentář: Jelikož p-hodnota = 0,288844 > 0,05, nelze nulovou hypotézu zamítnout na hladině významnosti 0,05. Vzhledem k malému rozsahu výběru je však vhodnější najít v tabulkách kritické hodnoty pro znaménkový test. Pro $n = 8$ a $\alpha = 0,05$ jsou kritické hodnoty $k_1 = 0$, $k_2 = 8$. Hodnotu testové statistiky S_Z^+ získáme takto: 75% z 8 je 6, $S_Z^+ = 8 - 6 = 2$. Protože kritický obor neobsahuje hodnotu 2, nezamítáme H_0 na hladině významnosti 0,05. Dostáváme stejný výsledek při použití asymptotického testu
Grafické znázornění výsledků pomocí krabicového diagramu:



Komentář: Úroveň tlaku před pokusem byla poněkud nižší než po pokusu, variabilita je jen nepatrně odlišná.

Výstupní tabulka Wilcoxonova testu:

| Wilcoxonův párový test (tlak.sta) | | | | |
|--|----------------|----------|----------|----------|
| Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | | |
| Dvojice proměnných | Počet platných | T | Z | Úroveň p |
| X & Y | 8 | 4,000000 | 1,960392 | 0,049951 |

Vidíme, že asymptotická p-hodnota = 0,049951, nulová hypotéza se tedy zamítá na asymptotické hladině významnosti 0,05. Rozsah souboru je pouze 8, není splněna podmínka dobré aproximace standardizovaným normálním rozložením ($n > 30$). Proto zjistíme ve skriptech kritickou hodnotu pro $n = 8$ a $\alpha = 0,05$. Kritická hodnota je rovna 3, hodnota testové statistiky (ve výstupní tabulce označena T) je $4 > 3$, tedy nulovou hypotézu nezamítáme na hladině významnosti 0,05, což je v souladu s výsledkem znaménkového testu.

Příklad 2.: Majitel obchodu chtěl zjistit, zda velikost nákupů (v dolarech) placených kreditními kartami Master/EuroCard a Visa jsou přibližně stejné. Náhodně vybral 7 nákupů placených Master/EuroCard: 42 77 46 73 78 33 37 a 9 placených Visou: 39 10 119 68 76 126 53 79 102. Lze na hladině významnosti 0,05 tvrdit, že nákupů placených těmito dvěma typy karet se shodují?

Řešení:

Stejně jako úkolu 3 použijeme dvouvýběrový Wilcoxonův test a Kolmogorovův - Smirnovův test.

Načteme datový soubor kreditni_karty.sta. Proměnná X obsahuje hodnoty nákupů, proměnná ID má hodnotu 1 pro kartu Master/EuroCard a hodnotu 2 pro kartu Visa.

Výstupní tabulka pro dvouvýběrový Wilcoxonův test:

| Mann-Whitneyův U test (kreditni_karty.sta) | | | | | | | | | | |
|--|--------------------|----------------|----------|----------|----------|------------|----------|-------------------|---------------|------------------|
| Dle proměň. ID | | | | | | | | | | |
| Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | | | | | | | | |
| Proměnná | Sčít poř. W/E Card | Sčít poř. Visa | U | Z | Úroveň p | Z upravené | Úroveň p | N platn. W/E Card | N platn. Visa | 2*1str. přesné p |
| X | 48,00000 | 88,00000 | 20,00000 | -1,21729 | 0,223495 | -1,21729 | 0,223495 | 7 | 9 | 0,252273 |

Komentář: Zajímá nás především přesná p-hodnota (ozn. 2*1 sided exact p). V našem případě přesná p-hodnota = 0,252273, tedy H_0 nezamítáme na hladině významnosti 0,05.

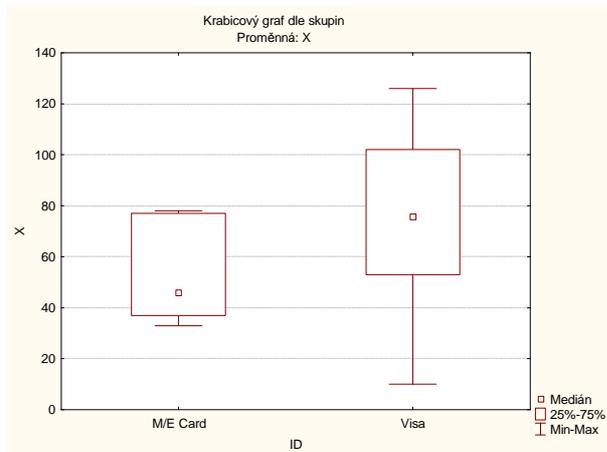
Výstupní tabulka pro Kolmogorovův – Smirnovův test:

| Kolmogorov-Smirnovův test (kreditni_karty.sta) | | | | | | | | | | |
|--|----------------|-----------------|-----------|-----------------|-------------|-------------------|---------------|-------------------|---------------|--|
| Dle proměň. ID | | | | | | | | | | |
| Označené testy jsou významné na hladině $p < ,05000$ | | | | | | | | | | |
| Proměnná | Max záp rozdíl | Max klad rozdíl | Úroveň p | Průměr W/E Card | Průměr Visa | Sm.odch. M/E Card | Sm.odch. Visa | N platn. W/E Card | N platn. Visa | |
| X | -0,444444 | 0,111111 | $p > .10$ | 55,14286 | 74,66667 | 19,97856 | 37,64306 | 7 | 9 | |

Komentář: Dostaneme maximální záporný a maximální kladný rozdíl mezi hodnotami obou výběrových distribučních funkcí, dolní omezení pro p-hodnotu ($p > 0,1$), průměry, směrodat-

né odchylky a rozsahy obou výběrů. Protože $p > 0,05$, nulovou hypotézu nezamítáme na hladině významnosti 0,05.

Výpočet je vhodné doplnit krabicovým diagramem typu Medián/Kvartily/Rozpětí.



Komentář: Vidíme, že platby za nákupy kartou Master/EuroCard mají nižší úroveň, ale přibližně stejnou variabilitu jako platby kartou Visa.

Příklad 3.: Z produkce tří podniků vyrábějících televizory bylo vylosováno 10, 8 a 12 kusů. Byly získány následující výsledky zjišťování citlivosti těchto televizorů v mikrovolttech:

1. podnik: 420 560 600 490 550 570 340 480 510 460
2. podnik: 400 420 580 470 470 500 520 530
3. podnik: 450 700 630 590 420 590 610 540 740 690 540 670

Testujte na hladině významnosti 0,05 hypotézu o shodě úrovně citlivosti televizorů v jednotlivých podnicích.

Řešení:

Stejně jako v úkolu 4 provedeme Kruskalův-Wallisův test a mediánový test. Načteme datový soubor televizory.sta. Proměnná X obsahuje hodnoty citlivosti televizorů, proměnná ID udává číslo podniku.

Ve dvou výstupních tabulkách máme výsledky mediánového testu a K-W testu.

| | | | |
|---|-----|-------------------|------------------|
| Kruskal-Wallisova ANOVA založ. na poř.; X (televizory.sta) | | | |
| Nezávislá (grupovací) proměnná : ID | | | |
| Kruskal-Wallisův test: $H(2, N=30) = 8,204318$ $p = 0,0165$ | | | |
| Závislá: X | Kód | Počet platných | Součet pořadí |
| 1. podnik | 1 | 10 | 127,0000 |
| 2. podnik | 2 | 9 | 101,5000 |
| 3. podnik | 3 | 11 | 236,5000 |

| | | | | | |
|---------------------|---|--|-----------|-----------|----------|
| | | Mediánový test, celk. medián = 535,000; X (televizory.sta) | | | |
| | | Nezávislá (grupovací) proměnná : ID | | | |
| | | Chi-Kvadr. = 7,632323 sv = 2 p = ,0220 | | | |
| Závislá: | X | 1. podnik | 2. podnik | 3. podnik | Celkem |
| <= Medián: pozorov. | | 6,00000 | 7,00000 | 2,00000 | 15,00000 |
| očekáv. | | 5,00000 | 4,50000 | 5,50000 | |
| poz.-oč. | | 1,00000 | 2,50000 | -3,50000 | |
| > Medián: pozorov. | | 4,00000 | 2,00000 | 9,00000 | 15,00000 |
| očekáv. | | 5,00000 | 4,50000 | 5,50000 | |
| poz.-oč. | | -1,00000 | -2,50000 | 3,50000 | |
| Celkem: oček. | | 10,00000 | 9,00000 | 11,00000 | 30,00000 |

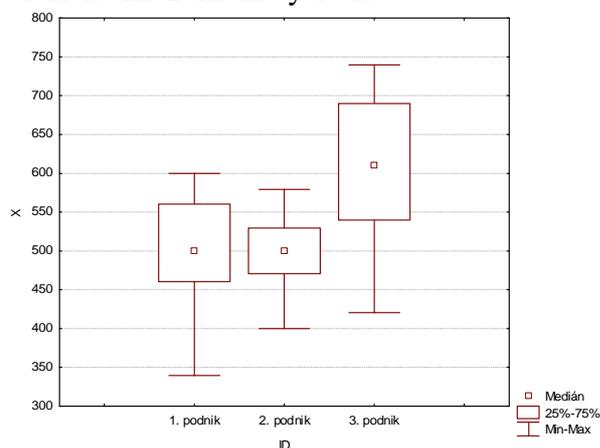
Komentář: Protože zjištěné p-hodnoty jsou menší než zvolená hladina významnosti 0,05, oba testy zamítají hypotézu o shodě mediánů v daných třech skupinách.

Výsledky metody mnohonásobného porovnávání:

| | | | | |
|-----------|---|---|-----------|-----------|
| | | Vícenásobné porovnání p hodnot (oboustr.); X (televizory.sta) | | |
| | | Nezávislá (grupovací) proměnná : ID | | |
| | | Kruskal-Wallisův test: H (2, N= 30) =8,204318 p =,0165 | | |
| Závislá: | X | 1. podnik | 2. podnik | 3. podnik |
| | | R:12,700 | R:11,278 | R:21,500 |
| 1. podnik | | | 1,000000 | 0,066447 |
| 2. podnik | | 1,000000 | | 0,029347 |
| 3. podnik | | 0,066447 | 0,029347 | |

Komentář: Na hladině významnosti 0,05 se liší citlivost televizorů vyráběných ve 2. a 3. podniku.

Grafické znázornění výsledků:



Komentář: Je vidět, že citlivost televizorů ze 3. podniku je nevyšší, zatímco ze 2. podniku nejnižší. Citlivost výrobků 3. podniku však vykazuje největší variabilitu.