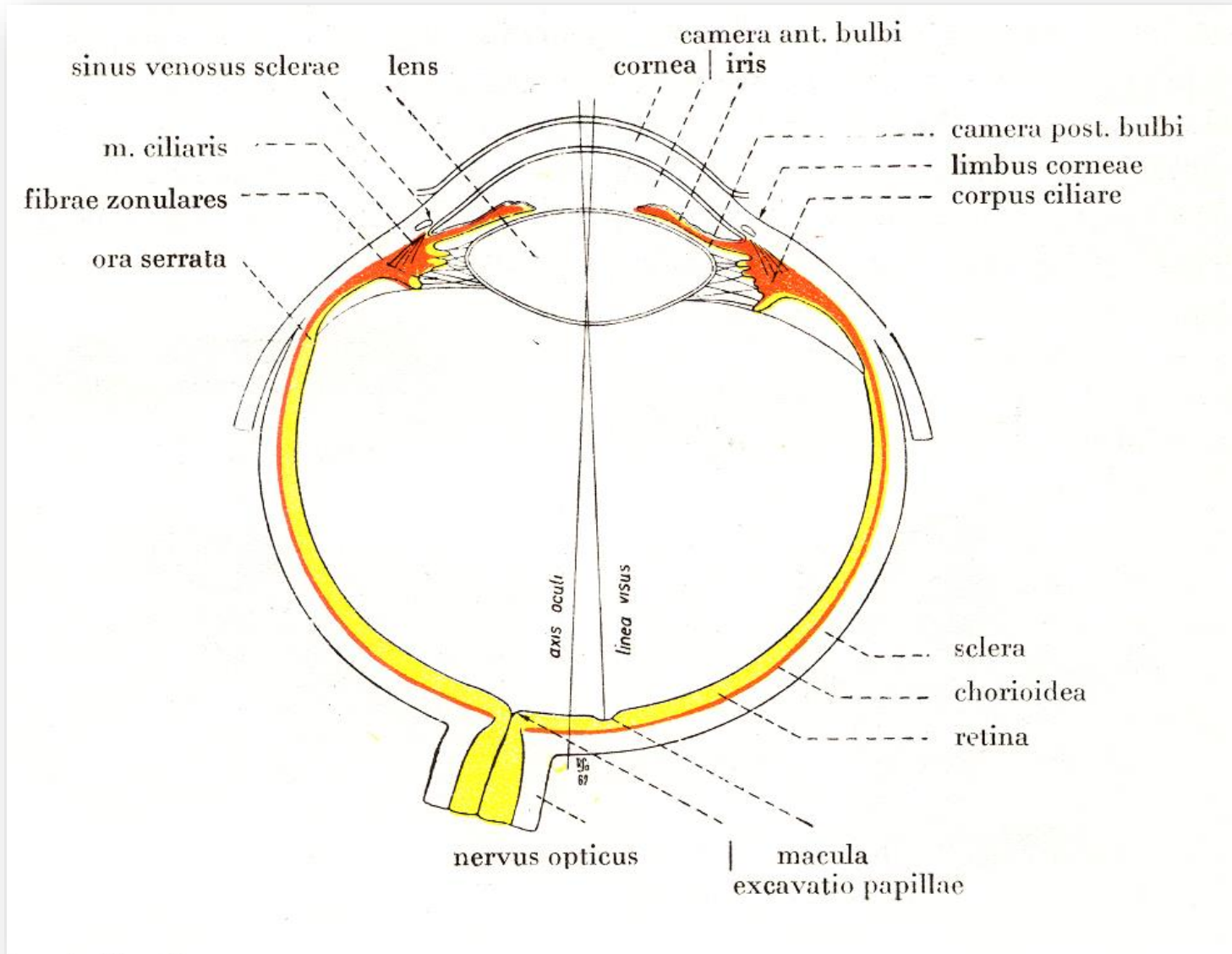


# Gullstrandovo schématické oko



# oční koule

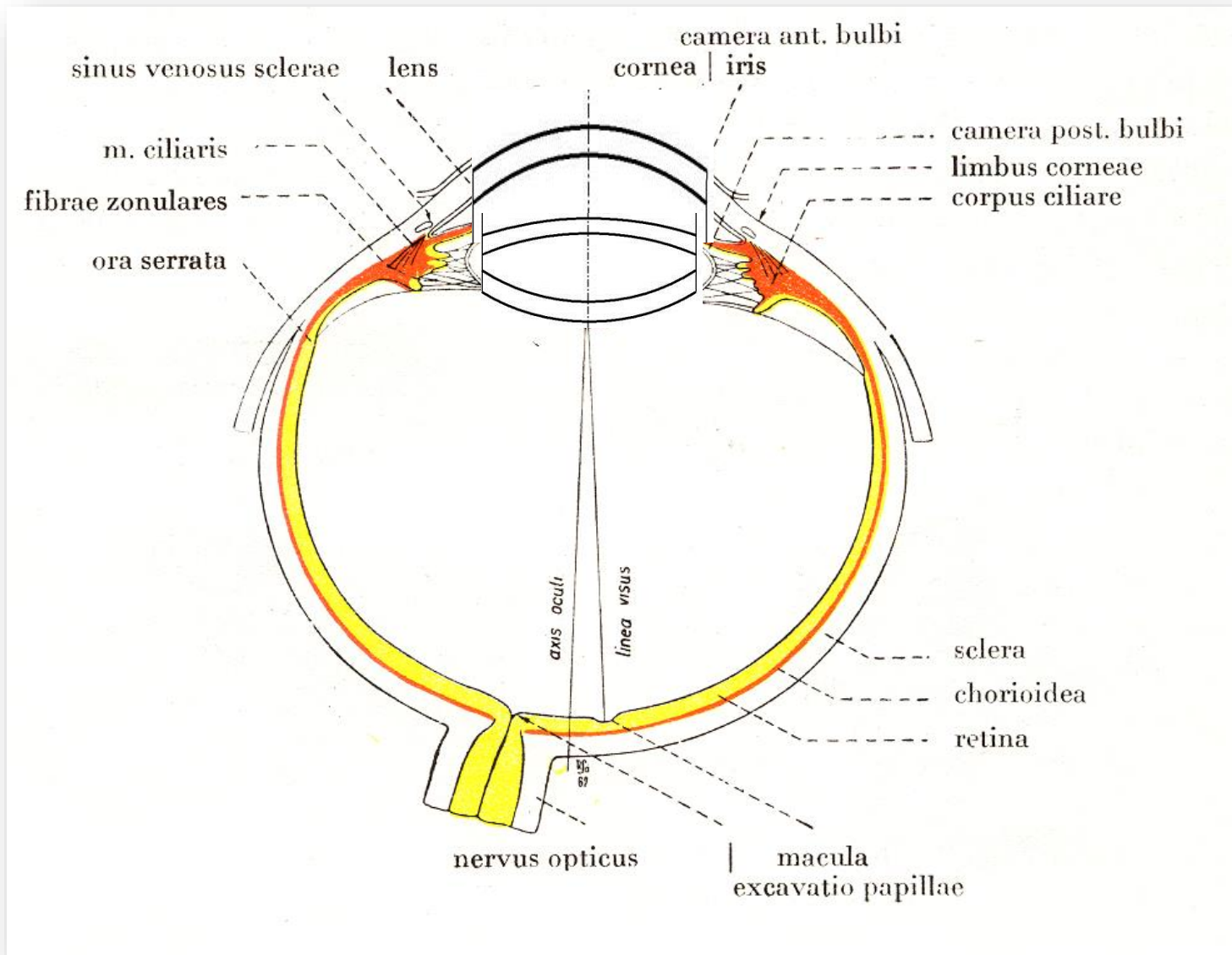


# Allvar Gullstrand

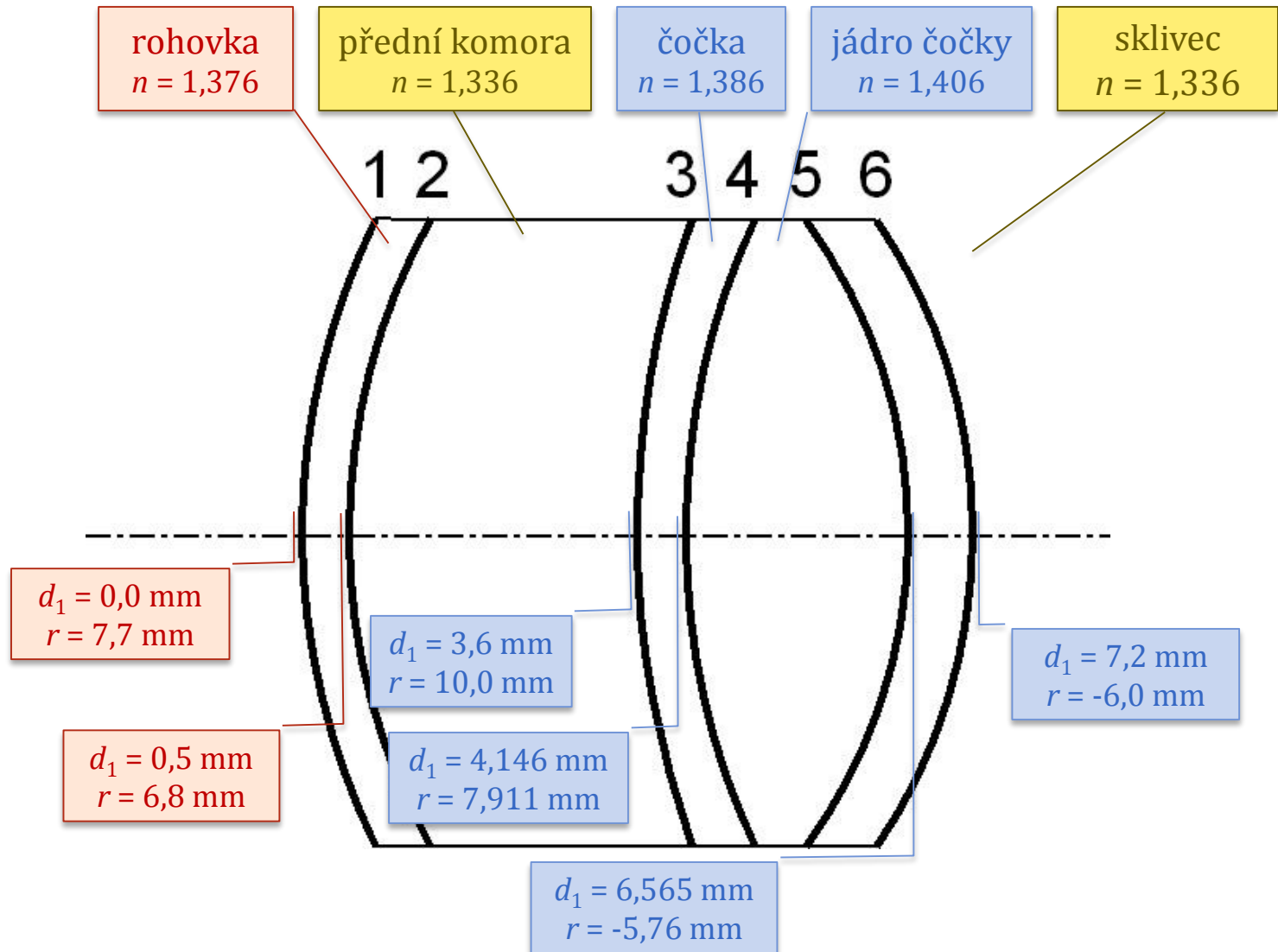


- Narodil se ve Švédsku v roce 1862. Otec byl proslulým lékařem.
- Studoval lékařství v Uppsale, Vídni a Stockholmu.
- Svůj výzkum zaměřil na dioptriku, tj. na studie lidského oka jako systému čoček.
- Gullstrand přispěl podstatnou měrou k pokroku nauky o oku.
- Studoval astigmatismus pomocí cylindrických čoček.
- Vyvinul fotografickou techniku pro zkoumání stupně rohovkového astigmatismu.
- Tento výzkum umožnil podstatně zlepšit korekci očních vad.
- **Získal Nobelovu cenu v roce 1911 za svou práci v oční optice.**

# přesné schematické oko



# přesné schematické oko



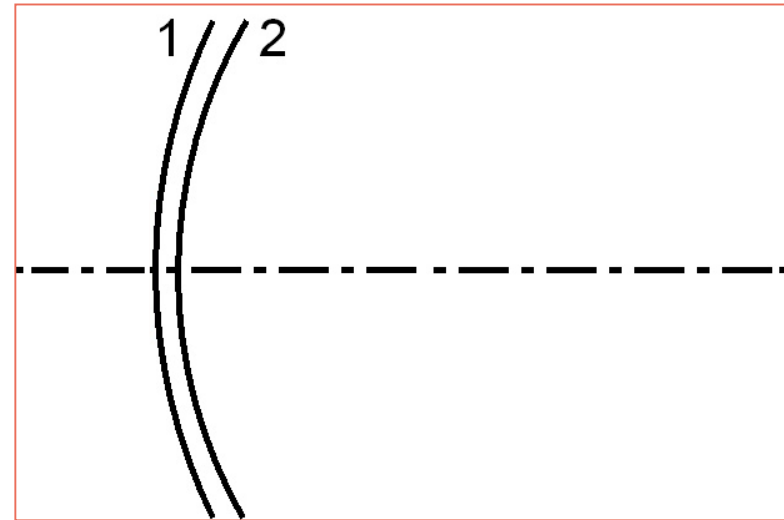
# optický systém rohovky při akomodačním klidu

→

plocha č.	1	2
$n$	1,0000	1,3760
$n'$	1,3760	1,3360
$r$	7,7000	6,8000
$d$	0,5	
$d_1$ (od 1. plochy)	0	0,5
$x$		
$X = n/x$	0	
$\varphi' = (n' - n)/r$		
$X' = n'/x'$		
$x'$		
$x' - d$		
$x'/(x' - d)$		

←

	2	1
	1,3360	1,3760
	1,3760	1,0000
	-6,8000	-7,7000
	0,5	
	0	



obr. ohn. vzdál. a celk. optická moh.

$f =$	mm
$\varphi'_c =$	D

vzdálenosti od 2. plochy

$s'(F) =$	mm
$s'(H) =$	mm
$s'(N) =$	mm

vzdálenosti od 1. plochy

$s_1(F) =$	mm
$s_1(H) =$	mm
$s_1(N) =$	mm

předm. ohn. vzdál. a celk. optická moh.

$f =$	mm
$\varphi'_c =$	D

vzdálenosti od 1. plochy

$s(F) =$	mm
$s(H) =$	mm
$s(N) =$	mm

vzdálenosti od 1. plochy

$s_1(F) =$	mm
$s_1(H) =$	mm
$s_1(N) =$	mm

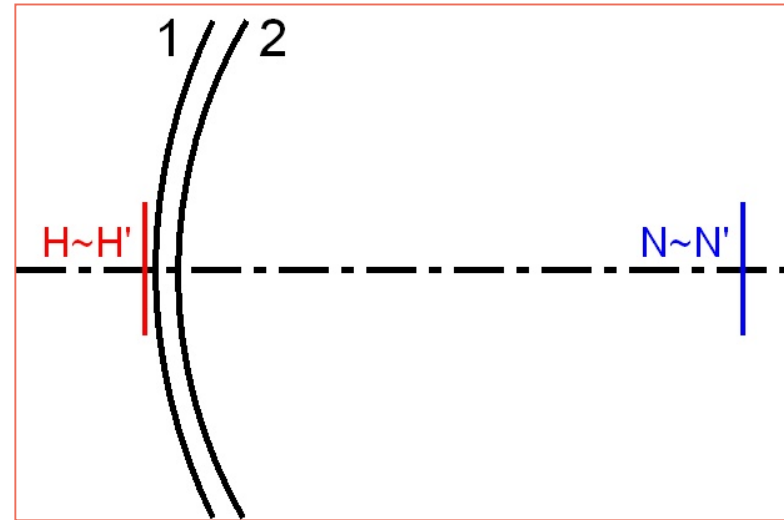
# optický systém rohovky při akomodačním klidu

→

plocha č.	1	2
$n$	1,0000	1,3760
$n'$	1,3760	1,3360
$r$	7,7000	6,8000
$d$	0,5	
$d_1$ (od 1. plochy)	0	0,5
$x$	nekon.	27,67872
$X = n/x$	0,0000	0,0497
$\varphi' = (n' - n)/r$	0,0488	-0,0059
$X' = n'/x'$	0,0488	0,0438
$x'$	28,1787	30,4808
$x' - d$	27,6787	
$x'/(x' - d)$	1,01806	

←

	2	1
	1,3360	1,3760
	1,3760	1,0000
	-6,8000	-7,7000
	0,5	
	nekon.	-234,42
	0,0000	-0,0059
	-0,0059	0,0488
	-0,0059	0,0430
	-233,92	23,2767
	-234,42	
	0,99787	



obr. ohn. vzdál. a celk. optická moh.

$$f = 31,0314 \text{ mm}$$

$$\varphi'_c = 43,0532 \text{ D}$$

vzdálenosti od 2. plochy

$$s'(F') = 30,4808 \text{ mm}$$

$$s'(H') = -0,5506 \text{ mm}$$

$$s'(N') = 7,25368 \text{ mm}$$

vzdálenosti od 1. plochy

$$s_1(F') = 30,9808 \text{ mm}$$

$$s_1(H') = -0,0506 \text{ mm}$$

$$s_1(N') = 7,75368 \text{ mm}$$

předm. ohn. vzdál. a celk. optická moh.

$$f = -23,227 \text{ mm}$$

$$\varphi'_c = 43,0532 \text{ D}$$

vzdálenosti od 1. plochy

$$s(F) = -23,277 \text{ mm}$$

$$s(H) = -0,0496 \text{ mm}$$

$$s(N) = 7,75465 \text{ mm}$$

vzdálenosti od 1. plochy

$$s_1(F) = -23,277 \text{ mm}$$

$$s_1(H) = -0,0496 \text{ mm}$$

$$s_1(N) = 7,75465 \text{ mm}$$

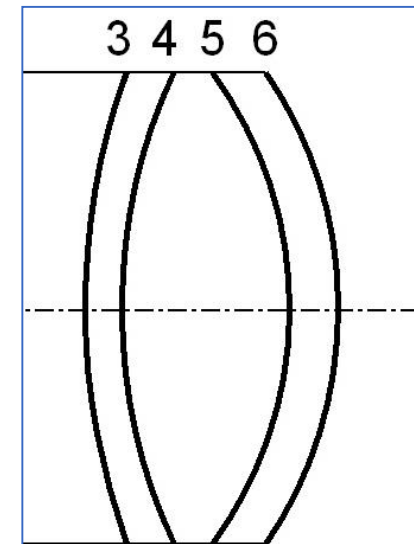
# optický systém čočky při akomodačním klidu

→

plocha č.	3	4	5	6
$n$	1,336	1,386	1,406	1,386
$n'$	1,386	1,406	1,386	1,336
$r$	10	7,911	-5,76	-6
$d$	0,546	2,419	0,635	
$d_1$ (od 1. plochy)	3,6	4,146	6,565	7,2
$x$				
$X = n/x$				
$\varphi' = (n' - n)/r$				
$X' = n'/x'$				
$x'$				
$x' - d$				
$x'/(x' - d)$				

←

	6	5	4	3
$n$	1,336	1,386	1,406	1,386
$n'$	1,386	1,406	1,386	1,336
$r$	6	5,76	-7,911	-10
$d$	0,635	2,419	0,546	
$d_1$ (od 1. plochy)				
$x$				
$X = n/x$				
$\varphi' = (n' - n)/r$				
$X' = n'/x'$				
$x'$				
$x' - d$				
$x'/(x' - d)$				



obr. ohn. vzdál. a celk. opt. moh.

$$f = \quad \text{mm}$$

$$\varphi'_c = \quad \text{D}$$

vzdálenosti od 6. plochy

$$s'(F) = \quad \text{mm}$$

$$s'(H') = \quad \text{mm}$$

$$s'(N') = \quad \text{mm}$$

vzdálenosti od 1. plochy (rohovka)

$$s_1(F) = \quad \text{mm}$$

$$s_1(H') = \quad \text{mm}$$

$$s_1(N') = \quad \text{mm}$$

předm. ohn. vzdál. a celk. opt. moh.

$$f = \quad \text{mm}$$

$$\varphi'_c = \quad \text{D}$$

vzdálenosti od 3. plochy

$$s(F) = \quad \text{mm}$$

$$s(H) = \quad \text{mm}$$

$$s(N) = \quad \text{mm}$$

vzdálenosti od 1. plochy (rohovka)

$$s_1(F) = \quad \text{mm}$$

$$s_1(H) = \quad \text{mm}$$

$$s_1(N) = \quad \text{mm}$$



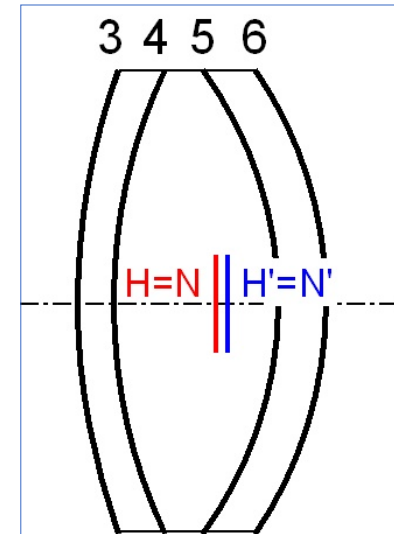
# optický systém čočky při akomodačním klidu

→

plocha č.	3	4	5	6
$n$	1,336	1,386	1,406	1,386
$n'$	1,386	1,406	1,386	1,336
$r$	10	7,911	-5,76	-6
$d$	0,546	2,419	0,635	
$d_1$ (od 1. plochy)	3,6	4,146	6,565	7,2
$x$	nekon.	276,654	184,103	124,126
$X = n/x$	0	0,00501	0,00764	0,01117
$\varphi' = (n' - n)/r$	0,005	0,00253	0,00347	0,00833
$X' = n'/x'$	0,005	0,00754	0,01111	0,0195
$x'$	277,2	186,522	124,761	68,5148
$x' - d$	276,654	184,103	124,126	
$x'/(x' - d)$	1,00197	1,01314	1,00512	

←

	6	5	4	3
	1,336	1,386	1,406	1,386
	1,386	1,406	1,386	1,336
	6	5,76	-7,911	-10
	0,635	2,419	0,546	
	nekon.	165,685	116,356	94,3094
	0	0,00837	0,01208	0,0147
	0,00833	0,00347	0,00253	0,005
	0,00833	0,01184	0,01461	0,0197
	166,32	118,775	94,8554	67,83
	165,685	116,356	94,3094	
	1,00383	1,02079	1,00579	



obr. ohn. vzdál. a celk. opt. moh.

$$f = 69,9079\text{mm}$$

$$\varphi_c^i = 19,1109\text{D}$$

vzdálenosti od 6. plochy

$$s'(F) = 68,5148\text{mm}$$

$$s'(H) = -1,3931\text{mm}$$

$$s'(N) = -1,3931\text{mm}$$

vzdálenosti od 1. plochy (rohovka)

$$s_1(F) = 75,7148\text{mm}$$

$$s_1(H) = 5,80695\text{mm}$$

$$s_1(N) = 5,80695\text{mm}$$

předm. ohn. vzdál. a celk. opt. moh.

$$f = -69,908\text{mm}$$

$$\varphi_c^i = 19,1109\text{D}$$

vzdálenosti od 3. plochy

$$s(F) = -67,83\text{mm}$$

$$s(H) = 2,07793\text{mm}$$

$$s(N) = 2,07793\text{mm}$$

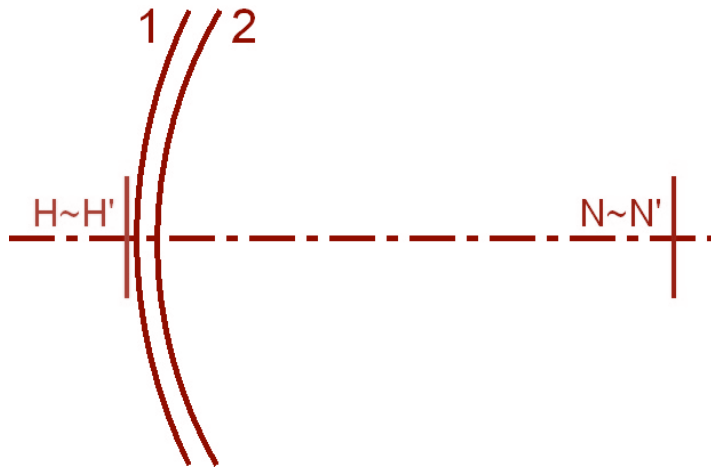
vzdálenosti od 1. plochy (rohovka)

$$s_1(F) = -64,23\text{mm}$$

$$s_1(H) = 5,67793\text{mm}$$

$$s_1(N) = 5,67793\text{mm}$$

# optický systém **rohovky** a **čocky** při akomodačním klidu



obraz. ohnisk. vzdálenost a celková optická mohutnost

$$f = 31,0314\text{mm}$$

$$\phi'_R = 43,0532\text{D}$$

vzdálenosti od 1. plochy

$$s_1(F') = 30,9808\text{mm}$$

$$s_1(H') = -0,0506\text{mm}$$

$$s_1(N') = 7,75368\text{mm}$$

předm. ohn. vzdálenost a celková optická mohutnost

$$f = -23,227\text{mm}$$

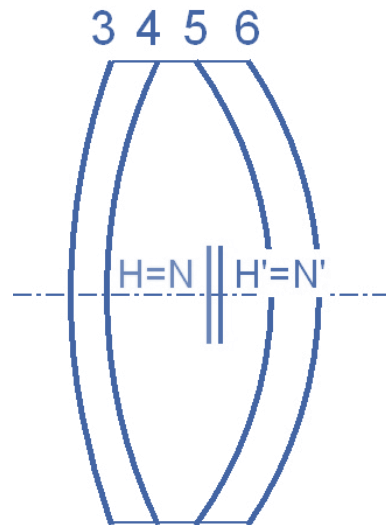
$$\phi'_R = 43,0532\text{D}$$

vzdálenosti od 1. plochy

$$s_1(F) = -23,277\text{mm}$$

$$s_1(H) = -0,0496\text{mm}$$

$$s_1(N) = 7,75465\text{mm}$$



obr. ohn. vzdál. a celk. opt. moh.

$$f = 69,9079\text{mm}$$

$$\phi'_C = 19,1109\text{D}$$

vzdálenosti od 1. plochy

$$s_1(F') = 75,7148\text{mm}$$

$$s_1(H') = 5,80695\text{mm}$$

$$s_1(N') = 5,80695\text{mm}$$

předm. ohn. vzdál. a celk. opt. moh.

$$f = -69,908\text{mm}$$

$$\phi'_C = 19,1109\text{D}$$

vzdálenosti od 1. plochy

$$s_1(F) = -64,23\text{mm}$$

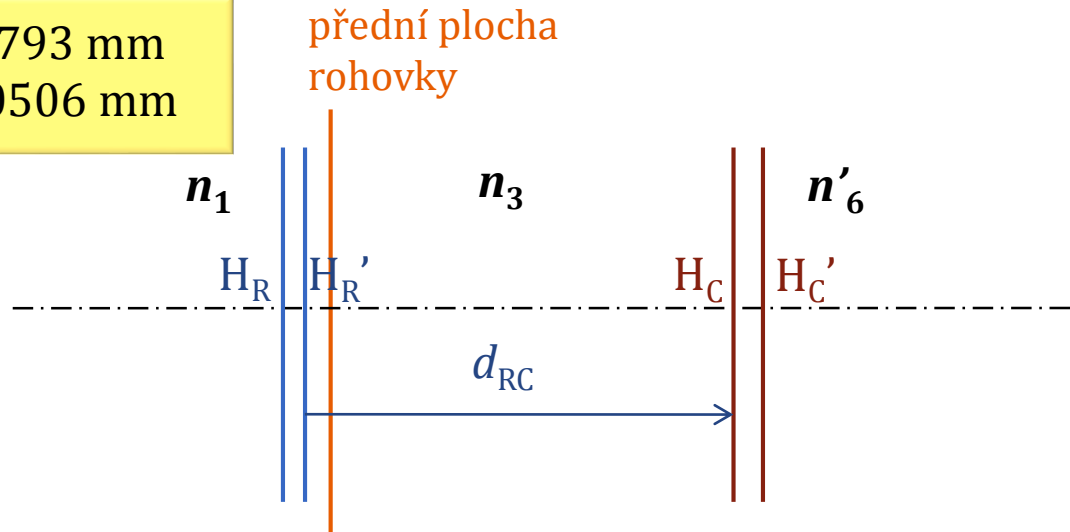
$$s_1(H) = 5,67793\text{mm}$$

$$s_1(N) = 5,67793\text{mm}$$

# optický systém oka při akomodačním klidu

$$s_1(H_C) = 5,67793 \text{ mm}$$

$$s_1(H_R') = -0,0506 \text{ mm}$$



indexy:  
R ... rohovka  
C ... čočka  
O ... celé oko

$$\varphi_O' = \varphi_R' + \varphi_C' - \frac{d_{RC}}{n_3} \varphi_R' \varphi_C'$$



$$\varphi_O' = 58,64 \text{ D}$$

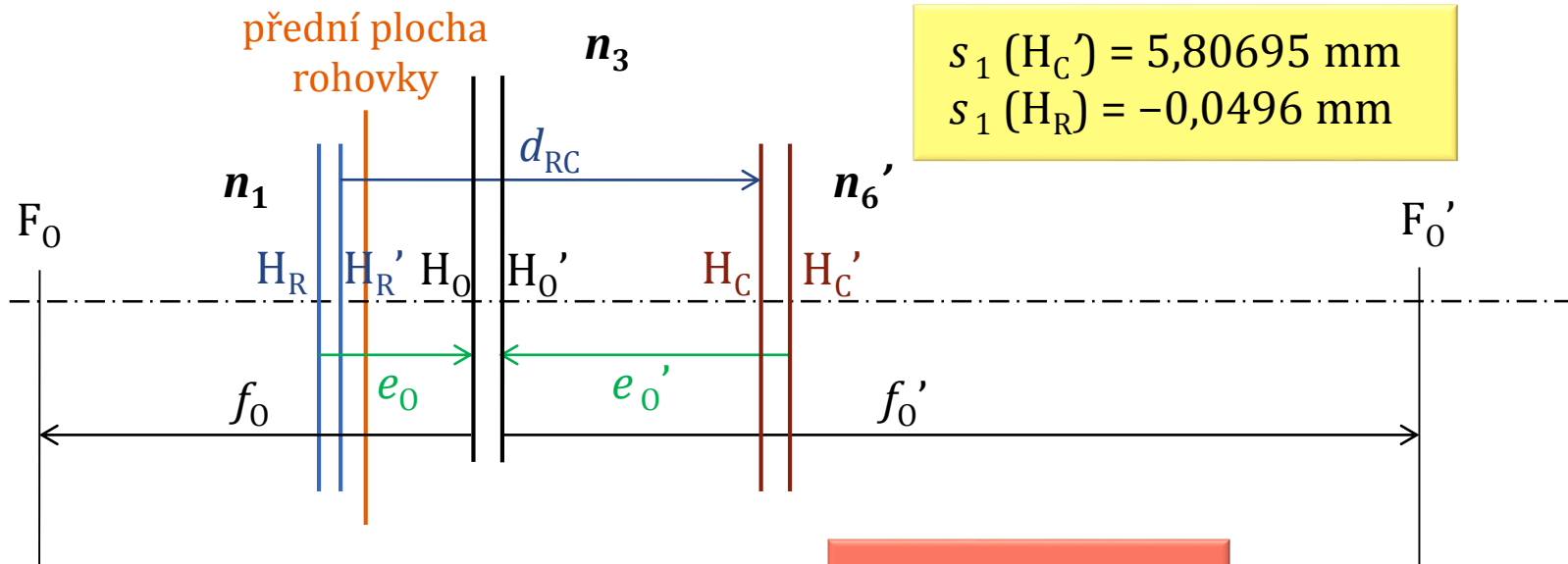
$$f_O' = \frac{n_6'}{\varphi_O'} \quad f_O = -\frac{n_1}{\varphi_O'}$$



$$f_O' = 22,78 \text{ mm}$$

$$f_O = -17,05 \text{ mm}$$

# optický systém oka při akomodačním klidu



$$s_1(H_C') = 5,80695 \text{ mm}$$

$$s_1(H_R) = -0,0496 \text{ mm}$$

$$e_0' = -\frac{d_{RC}}{n_3} \frac{\varphi_R'}{\varphi_O'} n_6'$$

$$e_0 = +\frac{d_{RC}}{n_3} \frac{\varphi_C'}{\varphi_O'} n_1$$

$$e_0' = -4,2061 \text{ mm}$$

$$e_0 = 1,3975 \text{ mm}$$

vůči první ploše rohovky:

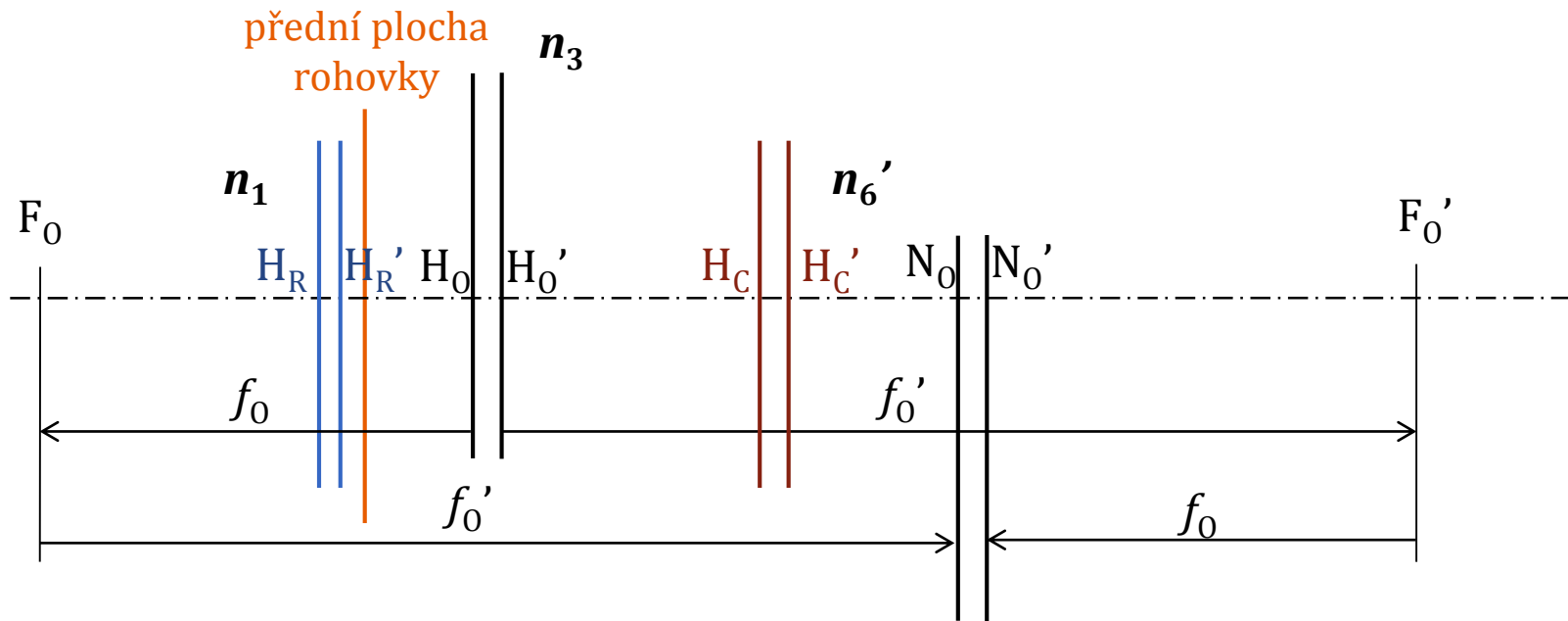
$$s_1(H_O') = 1,6008 \text{ mm}$$

$$s_1(H_O) = 1,3479 \text{ mm}$$

$$s_1(F_0') = 24,3854 \text{ mm}$$

$$s_1(F_0) = -15,7064 \text{ mm}$$

# optický systém oka při akomodačním klidu



$$s_1'(N_0') = s_1'(F_0') + f_0$$

$$s_1(N_0) = s_1(F_0) + f_0'$$

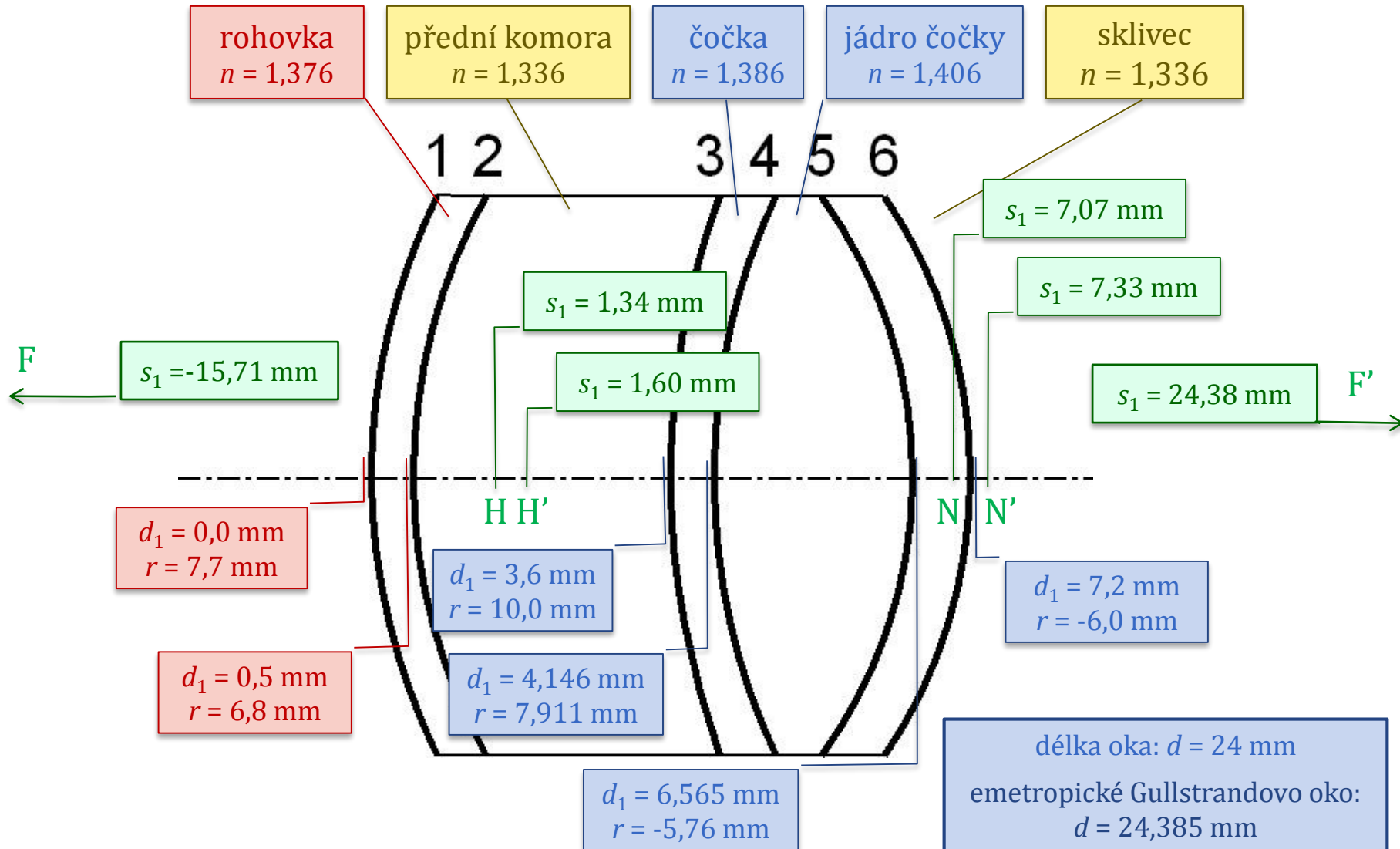


vůči první ploše rohovky:

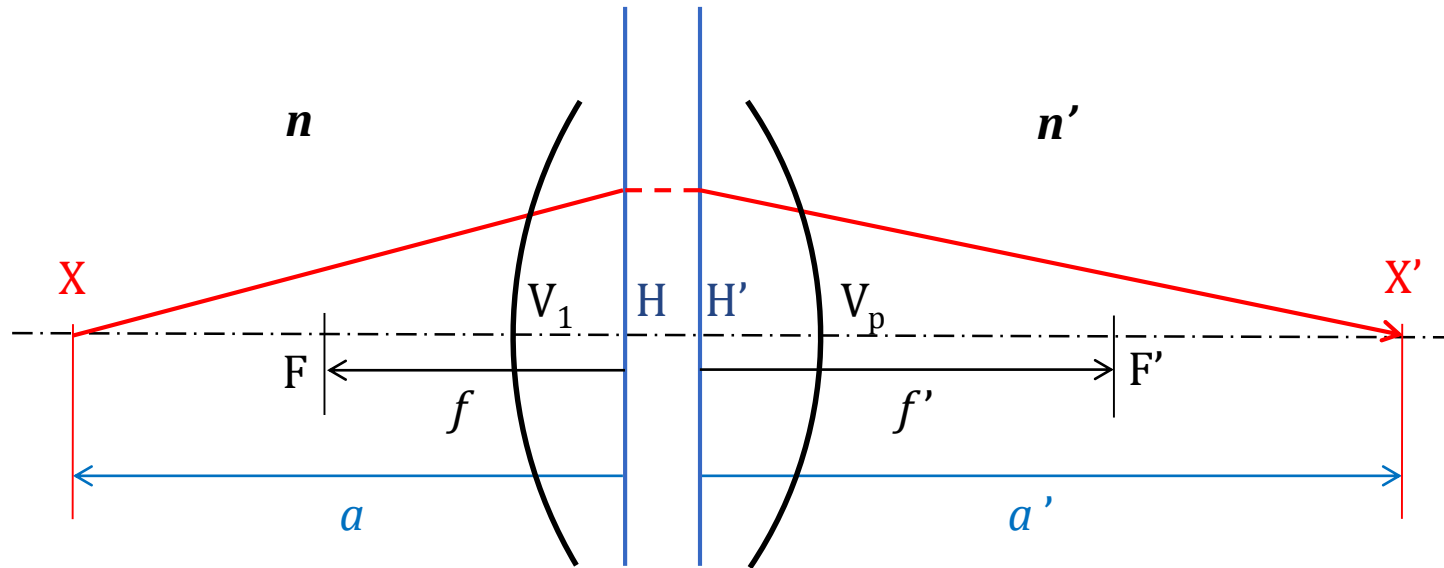
$$s_1(N_0') = 7,3311 \text{ mm}$$

$$s_1(N_0) = 7,0782 \text{ mm}$$

# přesné schematické oko při akomodačním klidu

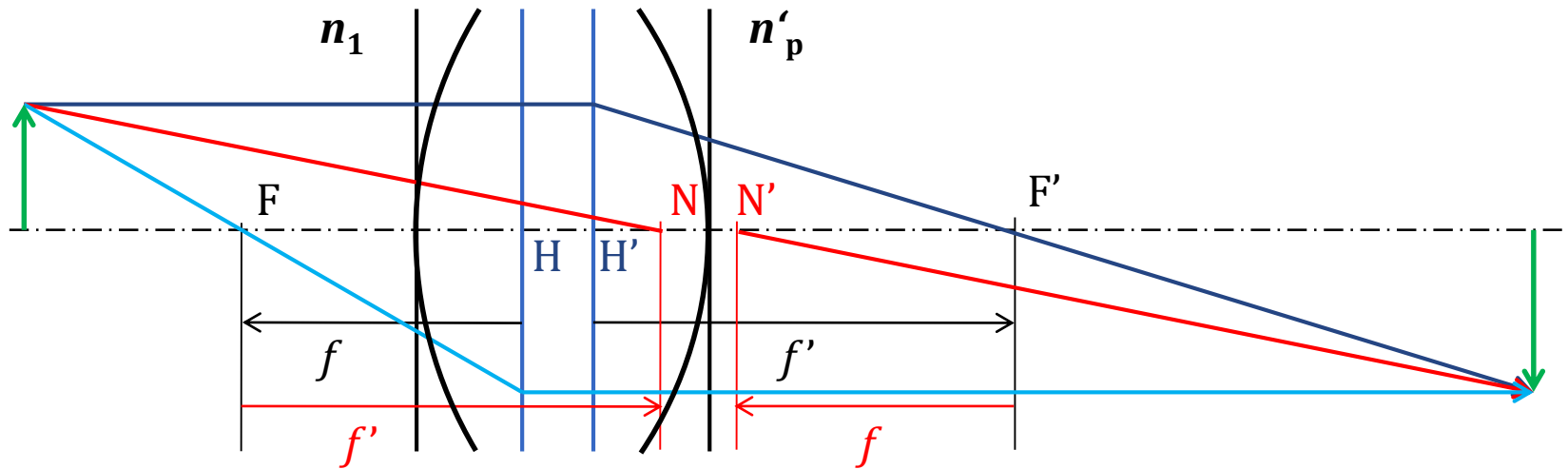


# Gaussova zobrazovací rovnice



$$a \rightarrow n'/a' = n/a + \varphi_c' \rightarrow a'$$

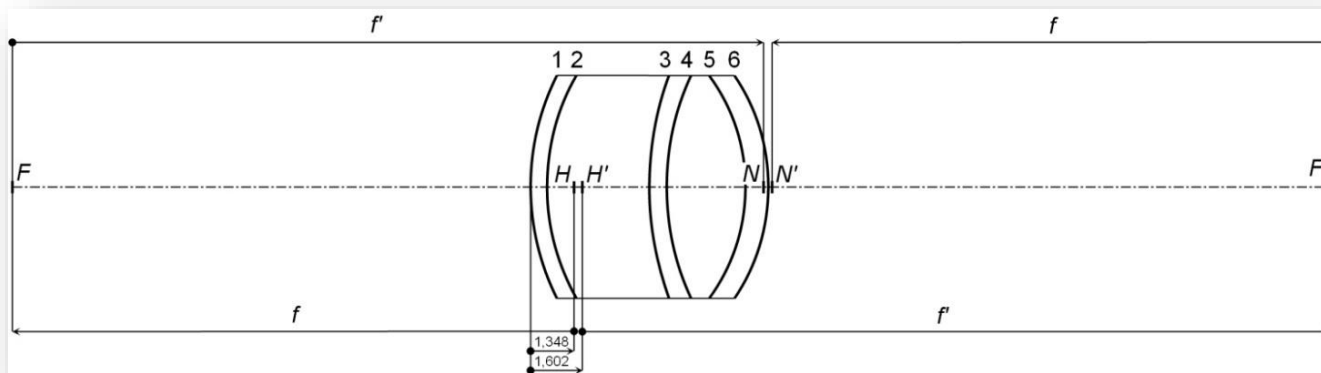
# konstrukce zobrazení mimoosového bodu







# optický systém oka při akomodačním klidu



plocha č.	1	2	3	4	5	6
$n$	1	1,376	1,336	1,386	1,406	1,386
$n'$	1,376	1,336	1,386	1,406	1,386	1,336
$r$	7,7	6,8	10	7,911	-5,76	-6
$d$	0,5	3,1	0,546	2,419	0,635	
$d_1$ (od 1. plochy)	0	0,5	3,6	4,146	6,565	7,2
$x$	nekon.	27,6787	27,3808	25,2193	22,0391	19,9691
$X = n/x$	0	0,04971	0,04879	0,05496	0,0638	0,06941
$\varphi' = (n'-n)/r$	0,04883	-0,0059	0,005	0,00253	0,00347	0,00833
$X' = n'/x'$	0,04883	0,04383	0,05379	0,05749	0,06727	0,07774
$x'$	28,1787	30,4808	25,7653	24,4581	20,6041	17,1854
$x'-d$	27,6787	27,3808	25,2193	22,0391	19,9691	
$x'/(x'-d)$	1,01806	1,11322	1,02165	1,10976	1,0318	
	$f'_R = 31,0314$					

$s'(F') = 17,1854\text{mm}$	$f' = 22,7846\text{mm}$
$s'(H') = -5,5992\text{mm}$	$\varphi'_c = 58,6361\text{D}$
$s'(N') = 0,13106\text{mm}$	

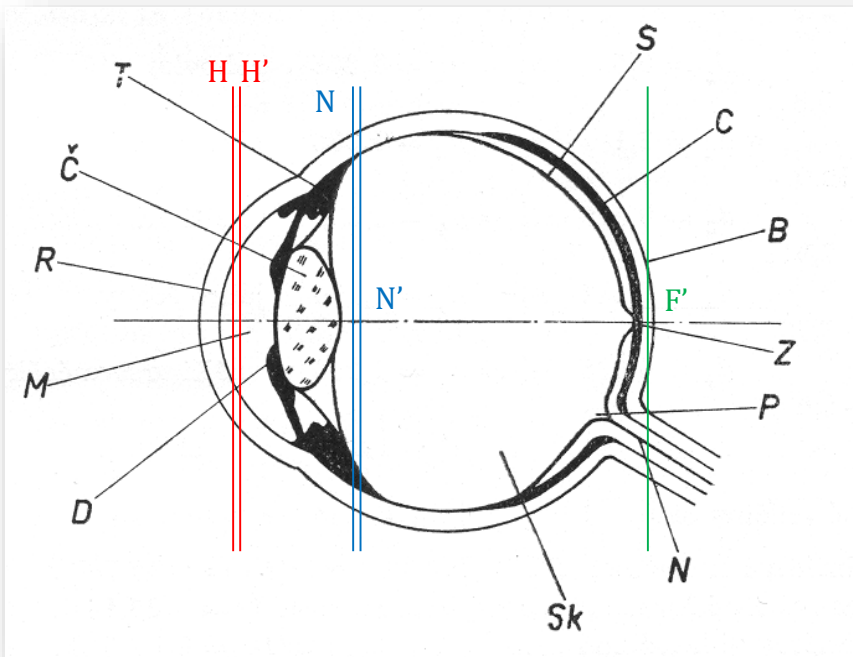
$s_1(F') = 24,3854\text{mm}$
$s_1(H') = 1,6008\text{mm}$
$s_1(N') = 7,33106\text{mm}$

6	5	4	3	2	1
1,336	1,386	1,406	1,386	1,336	1,376
1,386	1,406	1,386	1,336	1,376	1
6	5,76	-7,911	-10	-6,8	-7,7
0,635	2,419	0,546	3,1	0,5	
nekon.	165,685	116,356	94,3094	64,73	92,7424
0	0,00837	0,01208	0,0147	0,02064	0,01484
0,00833	0,00347	0,00253	0,005	-0,0059	0,04883
0,00833	0,01184	0,01461	0,0197	0,01476	0,06367
166,32	118,775	94,8554	67,83	93,2424	15,7065
165,685	116,356	94,3094	64,73	92,7424	
1,00383	1,02079	1,00579	1,04789	1,00539	

$s(F) = -15,706\text{mm}$	$f = -17,054\text{mm}$
$s(H) = 1,34786\text{mm}$	$\varphi_c = 58,6361\text{D}$
$s(N) = 7,07811\text{mm}$	

$s_1(F) = -15,706\text{mm}$
$s_1(H) = 1,34786\text{mm}$
$s_1(N) = 7,07811\text{mm}$

# optický systém Gullstrandova oka



R - rohovka  
M - přední komora  
D - duhovka  
Č - čočka  
T - ciliární sval  
S - sítnice  
C - cévnatka  
B - bělma  
Z - žlutá skvrna, fovea  
P - papila, slepá skvrna  
N - oční nerv  
Sk - sklivec

## Indexy lomu :

	akom. klid	akom. max.
rohovka .....	1,376	1,376
komorová voda a sklivec.....	1,336	1,336
čočka ekvivalentní.....	1,406	1,406
čočka.....	1,386	1,386

## Místo :

první lámavá plocha rohovky .....	0	0
druhé lámavé plochy rohovky .....	0,5	0,5
první lám. plochy čočky .....	3,6	3,2
první lám. pl. ekvív. čočky .....	4,146	3,8725
druhé lám. pl. ekvív. čočky.....	6,565	5,5275
druhé lám. pl. čočky .....	7,2	7,2

## optické centrum čočky

## Poloměry zakřivení :

první lám. p. rohovky .....	7,7	7,7
druhé lám. pl. rohovky .....	6,8	6,8
ekvív. pl. čočky .....		
první lám. pl. čočky .....	10,000	5,33
první lám. pl. ekvív. čočky .....	7,911	2,655
druhé lám. pl. ekvív. čočky.....	-5,76	-2,655
druhé lám. pl. čočky .....	-6,000	-5,33

## Optická mohutnost :

první lám. pl. rohovky .....	48,83	48,83
druhé lám. pl. rohovky .....	-5,88	-5,88
ekvív. pl. .....		
první lám. pl. čočky .....	5,000	9,375
jádra čočky .....	5,985	14,96
druhé lám. pl. čočky .....	8,33	9,375

## Rohovkový systém :

optická mohutnost .....	43,05	43,05
místo předmětového hl. bodu .....	-0,0496	-0,0496
místo obrazového hl. bodu.....	-0,0506	-0,0506
předmětová ohnisková vzdálenost .....	-23,227	-23,227
obrazová ohnisková vzdálenost.....	31,031	31,131

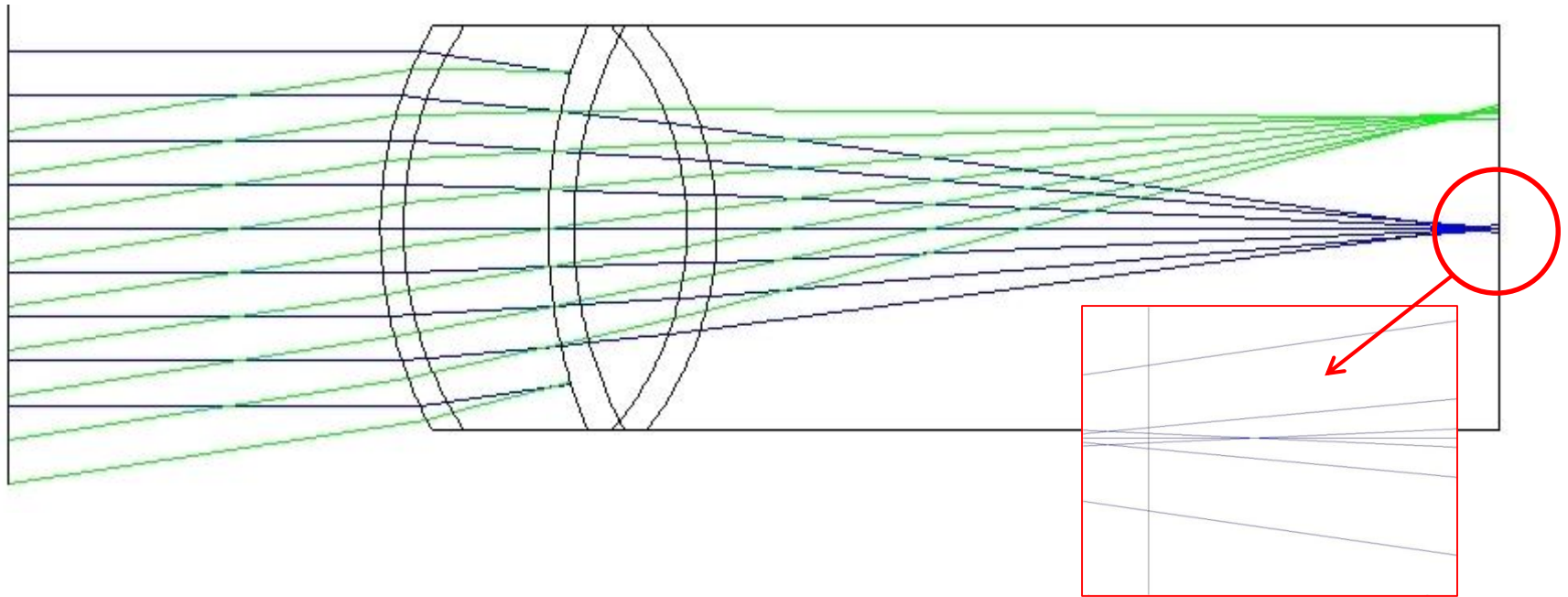
## Čočkový systém :

optická mohutnost.....	19,11	33,06
místo předmětového hl. bodu.....	5,678	5,145
místo obrazového hl. bodu.....	5,808	5,255
ohnisková vzdálenost.....	69,908	40,416

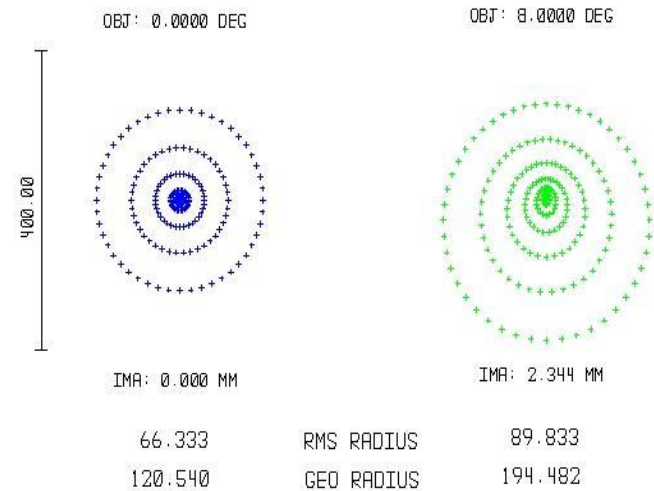
## Celkový systém :

optická mohutnost.....	58,64	70,57
místo předmětového hl. bodu.....	1,348	1,722
místo obrazového hl. bodu.....	1,602	2,086
místo předm. ohniska.....	-15,707	-12,397
místo obraz. ohniska .....	24,387	21,016
předm. ohnisk. vzdál. ....	-17,055	-14,169
obraz. ohnisk. vzdál. ....	22,785	18,030
místo fovey centralis .....	24,00	24,00
axiální refrakce .....	1,00	-9,6
místo blízkého bodu P .....		-102,3
skutečný střed oláčení oka C ' .....	13,0	13,0
místo předmětového uzlového bodu .....	7,078	6,533
místo obraz. uzlového bodu .....	7,332	6,847
místo vstupní pupily .....	3,047	2,668
místo výstupní pupily.....	3,667	3,212

# Gullstrandovo oko – trasování paprsků (Zemax)



Plocha	Rádus (mm)	Tloušťka (mm)	Index lomu nD (-)
Objekt	nekonečno	nekonečno	1,0000
2	7,70	0,50	1,3771
3	6,80	3,10	1,3374
STO	10,00	0,55	1,3860
5	7,91	2,42	1,4060
6	-5,76	0,64	1,3860
7	-6,00	16,79	1,3360



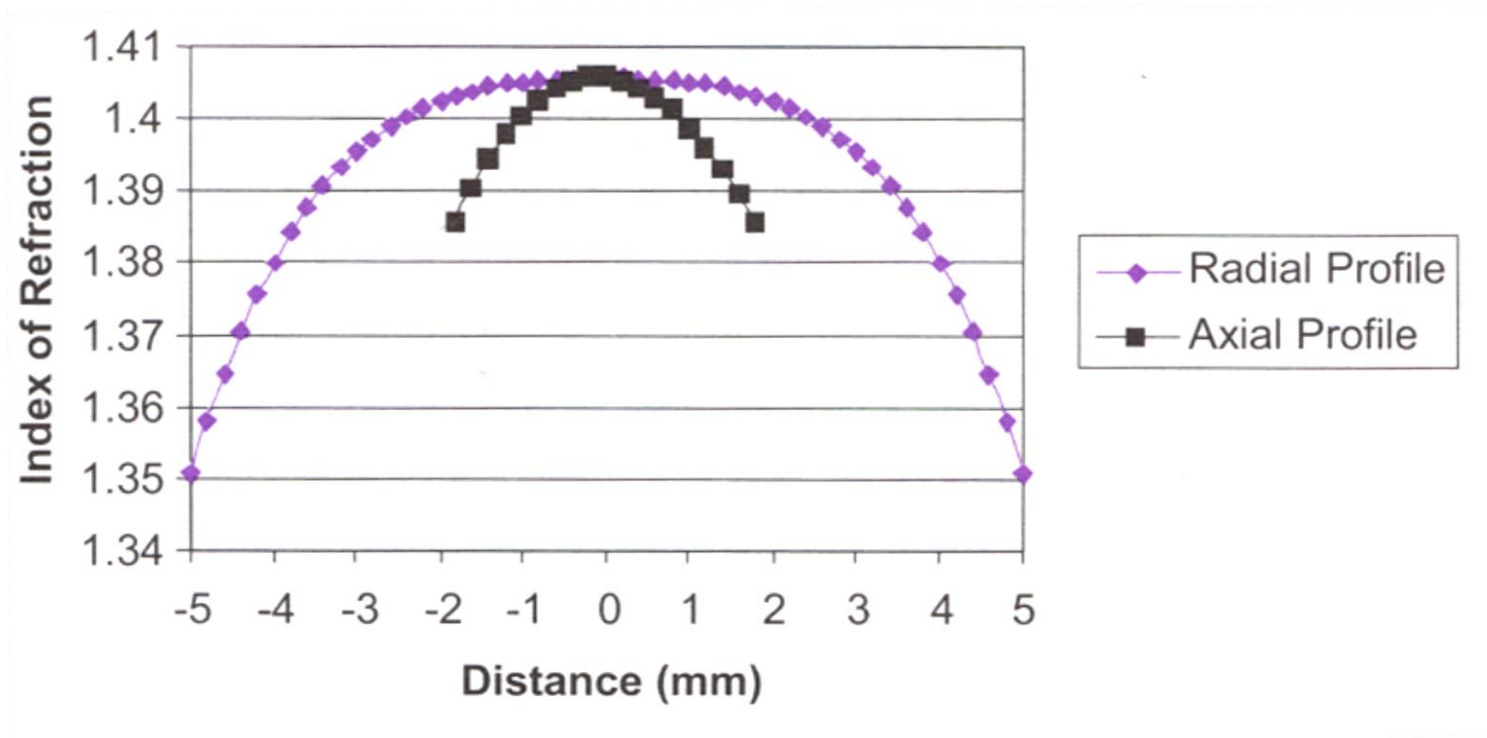
# reálné hodnoty optických parametrů oka

přední plocha rohovky	7,80 mm (7,00 mm – 8,65 mm)
zadní plocha rohovky	6,50 mm (6,20 mm – 6,60 mm)
hloubka přední komory	3,68 mm (2,80 mm – 4,60 mm)
optická mohutnost čočky	20,35 D (15,00 D – 27,00 D)
tloušťka čočky	4,00 mm
poloměr přední plochy čočky	10,20 mm (8,80 mm – 11,90 mm)
poloměr zadní plochy čočky	6,00 mm
osová délka	24,00 mm (20,00 mm – 29,50 mm)
optická mohutnost oka	59,63 D (54,00 D – 65,00 D)

rohovka	index lomu: 1,3771	Abbeovo číslo: 57,1
komorová voda	index lomu: 1,3374	Abbeovo číslo: 61,3
čočka	index lomu: 1,36-1,41	Abbeovo číslo: 47,7
sklivec	index lomu: 1,336	Abbeovo číslo: 61,1

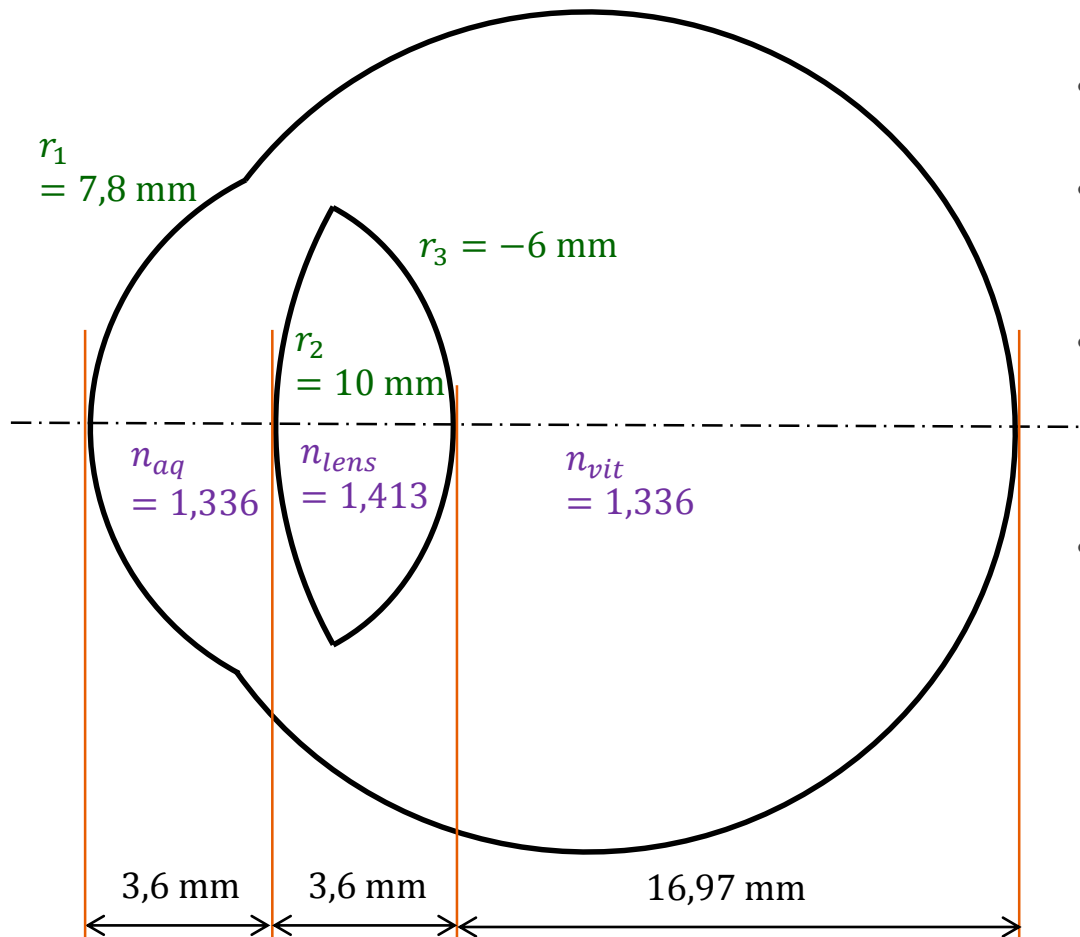
(J. Schwiegerling: Field Guide to Visual and Ophthalmic Optics, SPIE Press, Bellingham 2004)

# reálný průběh indexu lomu oční čočky



(J. Schwiegerling: Field Guide to Visual and Ophthalmic Optics, SPIE Press, Bellingham 2004)

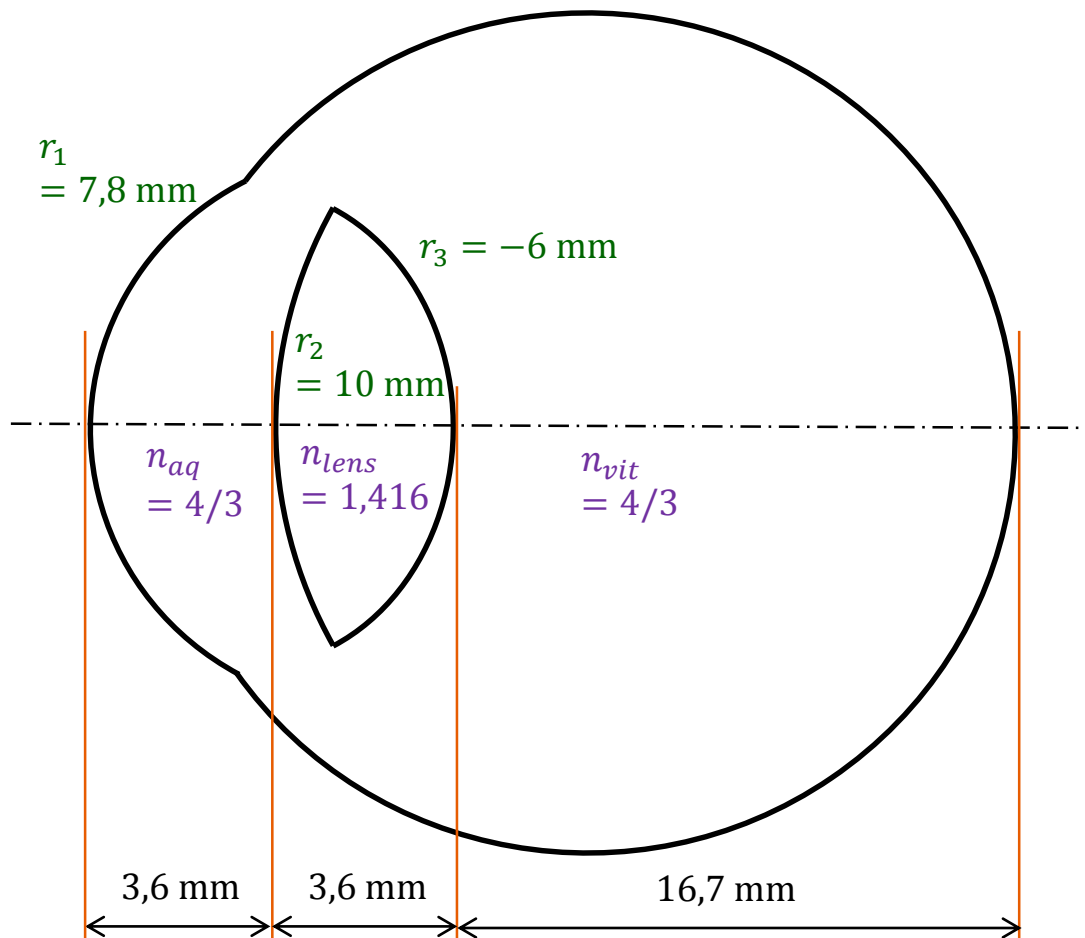
# Gullstrandovo zjednodušené schematické oko



- navrženo A. Gullstrandem, vychází z Gullstrandova přesného schematického oka
- má jen 3 plochy, délka oka je 24,17 mm
- **rohovka**: blízké plochy nahrazeny jedinou plochou v blízkosti hlavních rovin rohovky
- **čočka**: 2 plochy, není odděleno jádro čočky s vyšším indexem lomu, pro dosažení mohutnosti je index lomu zvýšen na 1,413
- **celková mohutnost** oka je  $\varphi'_o = +59,59 \text{ D}$

bod	poloha	Gullstr. přesné oko
H	1,47 mm	1,34 mm
H'	1,75 mm	1,60 mm
N	7,10 mm	7,07 mm
N'	7,39 mm	7,33 mm
F	-15,31 mm	-15,71 mm
F'	24,17 mm	24,38 mm

# Emsleyovo schematické oko

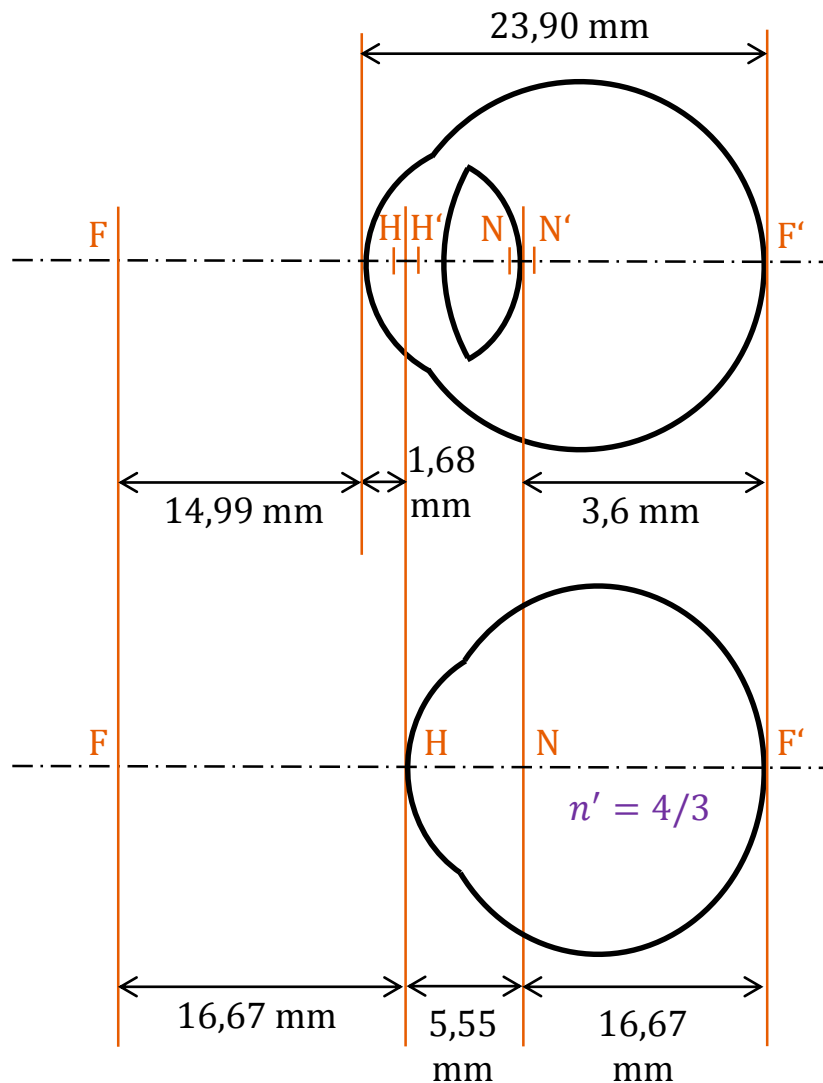


- navrženo H. H. Emsleyem, který roku 1952 modifikoval Gullstrandovo zjednodušené schematické oko
- změněny **indexy lomu**: komorová voda a sklivce:  
 $n_{aq} = n_{vit} = 4/3 = 1,333 \dots$   
 čočka:  
 $n_{lens} = 1,416$
- **celková mohutnost** oka je pak  $\varphi'_O = +60,48 \text{ D}$
- délka oka je zmenšena na  $23,90 \text{ mm}$

bod	poloha	Gullstr. přesné oko
H	1,55 mm	1,34 mm
H'	1,85 mm	1,60 mm
N	7,06 mm	7,07 mm
N'	7,36 mm	7,33 mm
F	-14,99 mm	-15,71 mm
F'	23,90 mm	24,38 mm



# Standardní redukované oko (+60 D)



- odvodil Emsley z Emsleyova schematickeho oka (ESO, obr. nahore)
- soustava s 1 plochou mezi hlavními rovinami ESO a středem křivosti přibližně mezi uzlovými body ESO
- poloměr křivosti plochy je 5,55 mm
- index lomu prostředí uvnitř oka je  $n' = 4/3 = 1,333\dots$
- mohutnost oka (jediné plochy) je  $\varphi'_0 = +60 \text{ D}$
- délka oka je **22,22 mm**

# neparaxiální model: „Arizona eye“

Name	Radius	Conic	Index	Abbe	Thickness
Cornea	7.8 mm	-0.25	1.377	57.1	0.55 mm
	6.5 mm	-0.25			
Aqueous	$R_{\text{ant}}$	$K_{\text{ant}}$	1.337	61.3	$t_{\text{aq}}$
Lens	$R_{\text{post}}$	$K_{\text{post}}$	$n_{\text{lens}}$	51.9	$t_{\text{lens}}$
	-13.4 mm	0.00			
Vitreous			1.336	61.1	16.713 mm
Retina					

$$R_{\text{ant}} = 12.0 - 0.4A$$

$$K_{\text{ant}} = -7.518749 + 1.285720A$$

$$R_{\text{post}} = -5.224557 + 0.2A$$

$$K_{\text{post}} = -1.353971 - 0.431762A$$

$$t_{\text{aq}} = 2.97 - 0.04A$$

$$t_{\text{lens}} = 3.767 + 0.04A$$

$$n_{\text{lens}} = 1.42 + 0.00256A - 0.00022A^2$$

A ..

accommodation  
in diopters

$$z = \frac{r^2 / R}{1 + \sqrt{1 - (K + 1) \frac{r^2}{R^2}}}$$

z = sag of surface

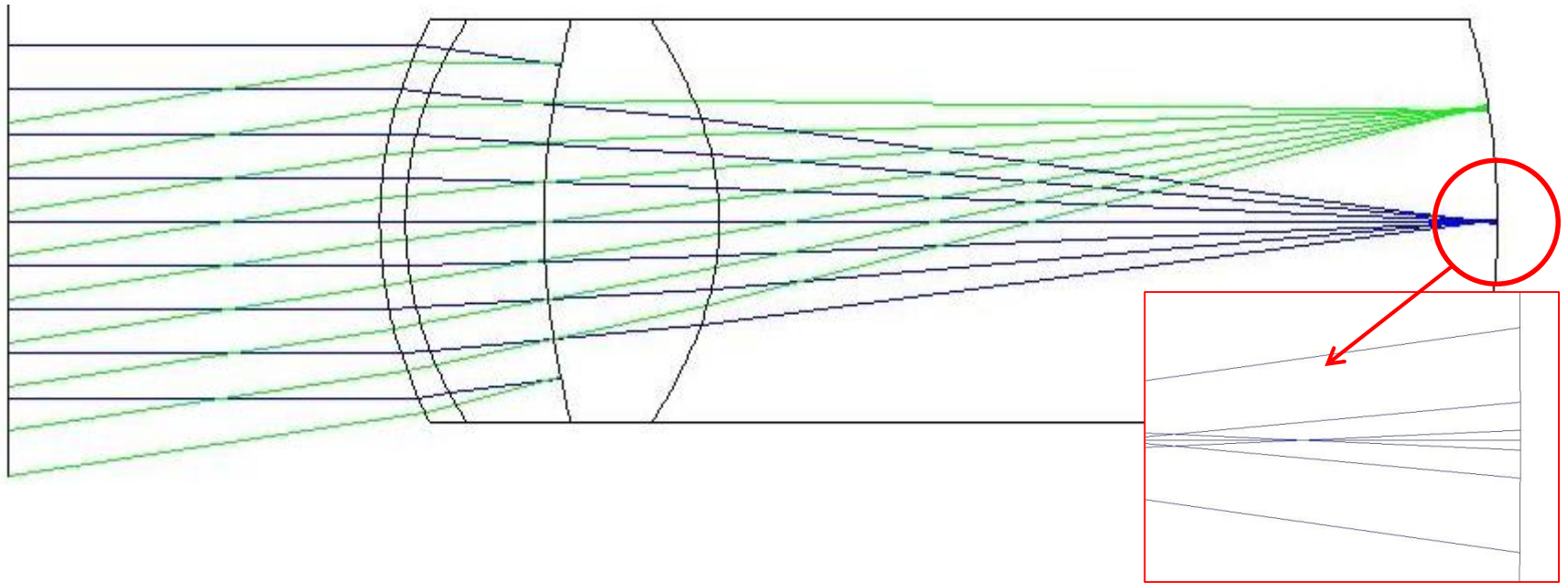
$$r^2 = x^2 + y^2$$

R = radius of curvature

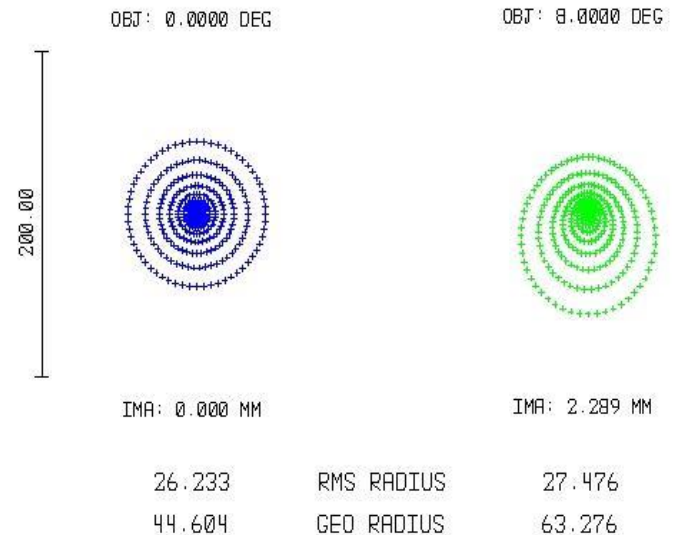
K = conic constant

$K < -1$	Hyperboloid
$K = -1$	Paraboloid
$-1 < K < 0$	Prolate Spheroid (Ellipsoid)
$K = 0$	Sphere
$K > 0$	Oblate Spheroid (Ellipsoid)

# „Arizona eye model“ – trasování paprsků (Zemax)



Plocha	Rádus (mm)	Tloušťka (mm)	Conic (-)	Index lomu nD (-)	Abbeovo číslo (-)
Objekt	nekonečno	nekonečno	0	1,0000	
2	7,800	0,550	-0,2500	1,3771	57,1
3	6,500	2,970	-0,2500	1,3374	61,3
STO	12,000	3,767	-7,5187	1,4200	51,9
5	-5,200	16,713	-1,3540	1,3360	61,1
Obraz	-13,400				



# Advanced Human Eye Model (AHEM) (Advanced Systems Analysis Program - ASAP)

