

Biostatistika



Opakování – základy testování hypotéz

Shrnutí statistických testů

Jednovýběrové parametrické testy

Dvouvýběrové parametrické testy

Opakování



1. Co je **nulová** a **alternativní hypotéza**?
2. Co je **testová statistika**?
3. Jakými **způsoby** můžeme **testovat hypotézy**?
4. Co je **chyba I. a II. druhu**?
5. Co vyjadřuje **p-hodnota**?
6. Jaký je rozdíl mezi **parametrickými** a **neparametrickými** testy?
7. Jaký je rozdíl mezi **jednovýběrovými** a **dvouvýběrovými** testy?
8. Jaký je rozdíl mezi **jednostrannými** a **oboustrannými** testy?
9. Jaký je rozdíl mezi **párovými** a **nepárovými** testy?

Shrnutí statistických testů



Shrnutí statistických testů



Typ srovnání	Nulová hypotéza	Parametrický test	Neparametrický test
1 výběr dat vs. referenční hodnota	Střední hodnota je rovna zvolené referenční hodnotě.	jednovýběrový t-test / z-test	Jednovýběrový Wilcoxonův test
2 nezávislé skupiny dat (test shody středních hodnot)	Střední hodnoty se mezi skupinami neliší.	nepárový t-test	Mannův-Whitneyho test
2 nezávislé skupin dat (test shody rozptylů = homoskedasticity)	Rozptyl obou skupin je shodný.	F-test	Levenův test
2 párově závislé výběry dat	Rozdíl (diference) párových hodnot je nulový.	párový t-test	Wilcoxonův test; znaménkový test
Shoda rozdělení výběru s teoretickým rozdělením	Rozdělení dat odpovídá teoretickému (vybranému) rozdělení.	test dobré shody (χ^2 test)	Shapiroův-Wilkův test; Kolmogorovův-Smirnovův test; Lilieforsův test
3 a více skupin nepárově (test shody středních hodnot)	Střední hodnoty se mezi skupinami neliší.	ANOVA	Kruskalův-Wallisův test
Korelace	Neexistuje vztah mezi hodnotami dvou výběrů.	Pearsonův korelační koeficient	Spearmanův korelační koeficient

Základní rozhodování o výběru statistických testů

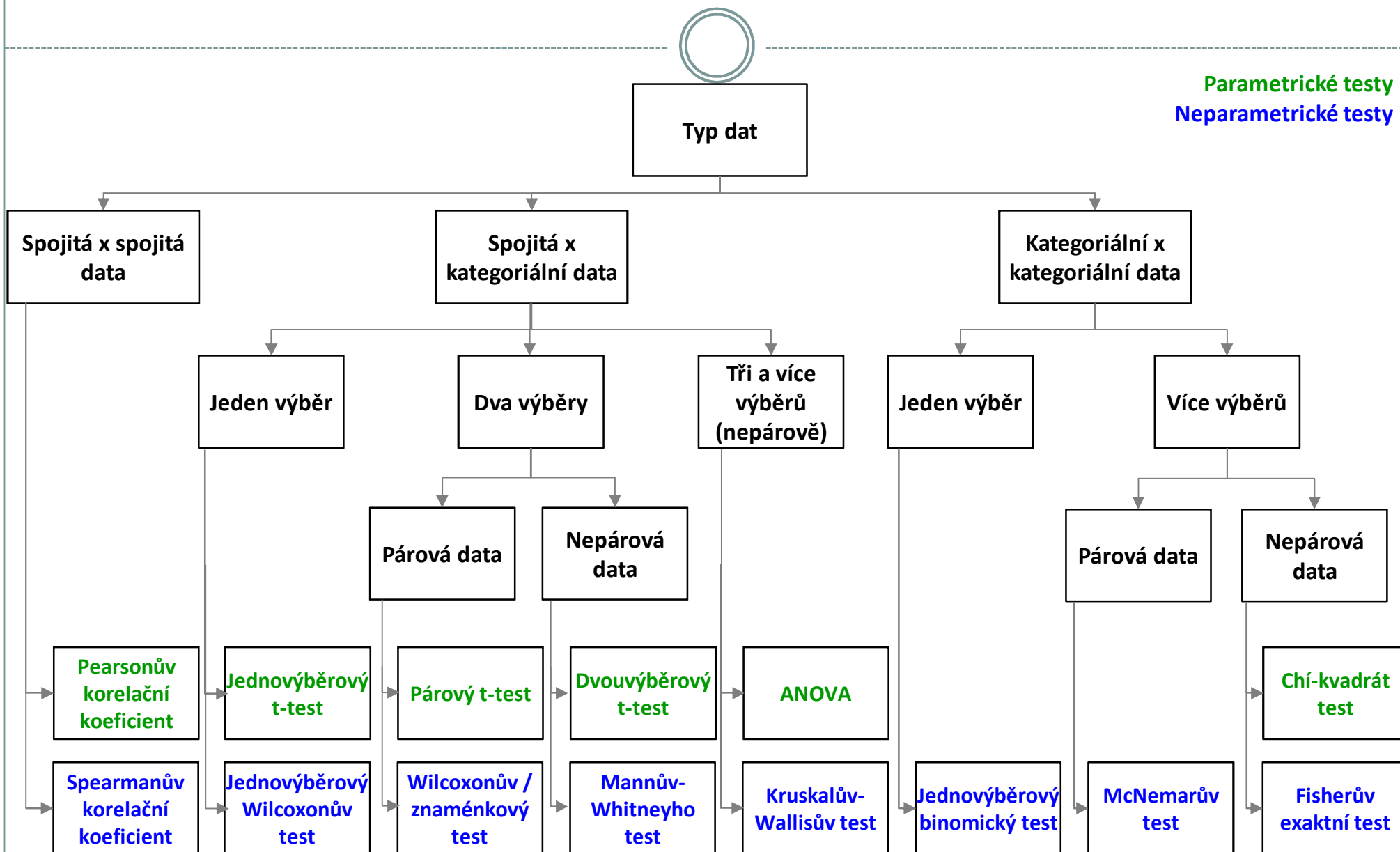


Schéma při testování pomocí jednovýběrových testů

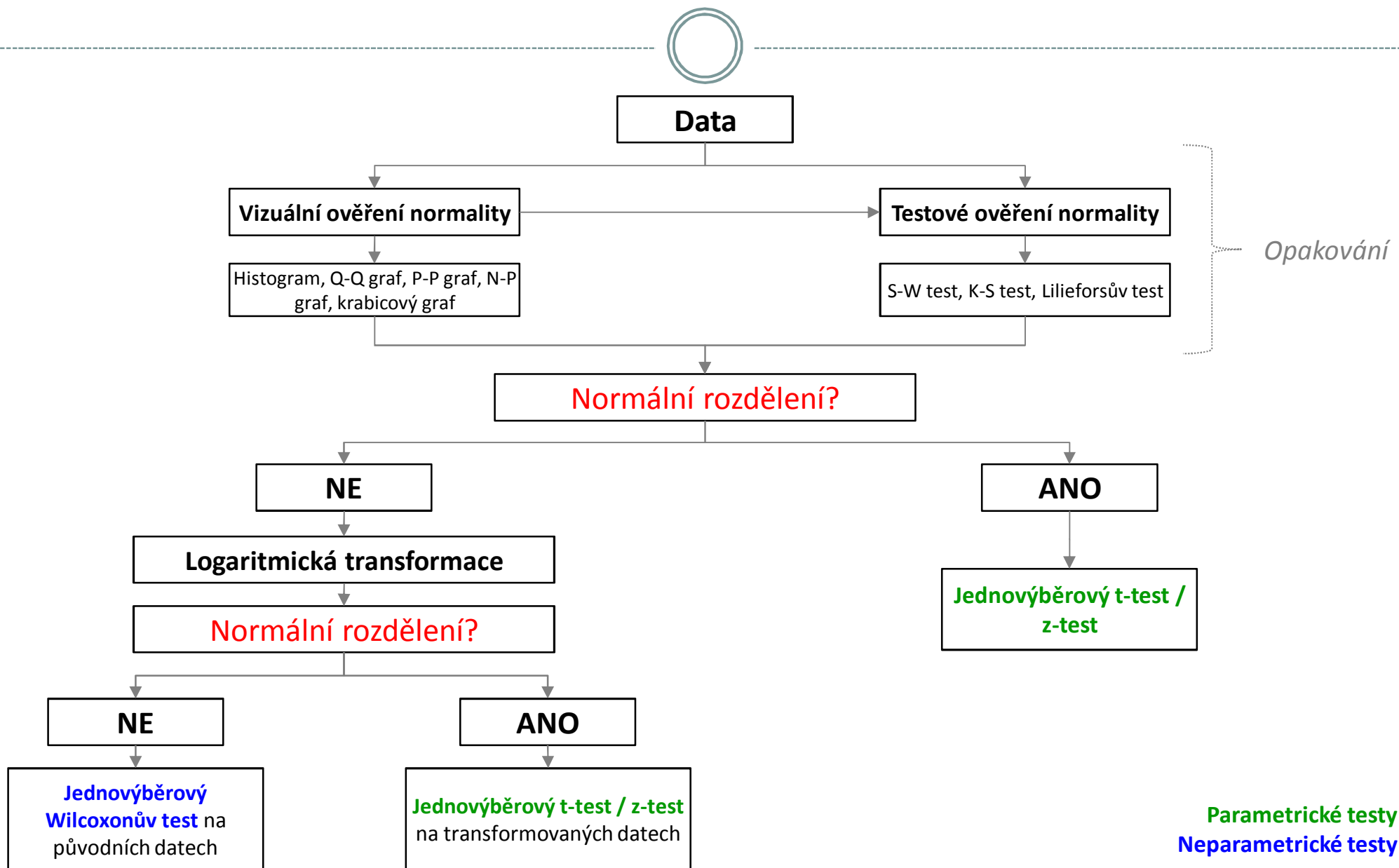
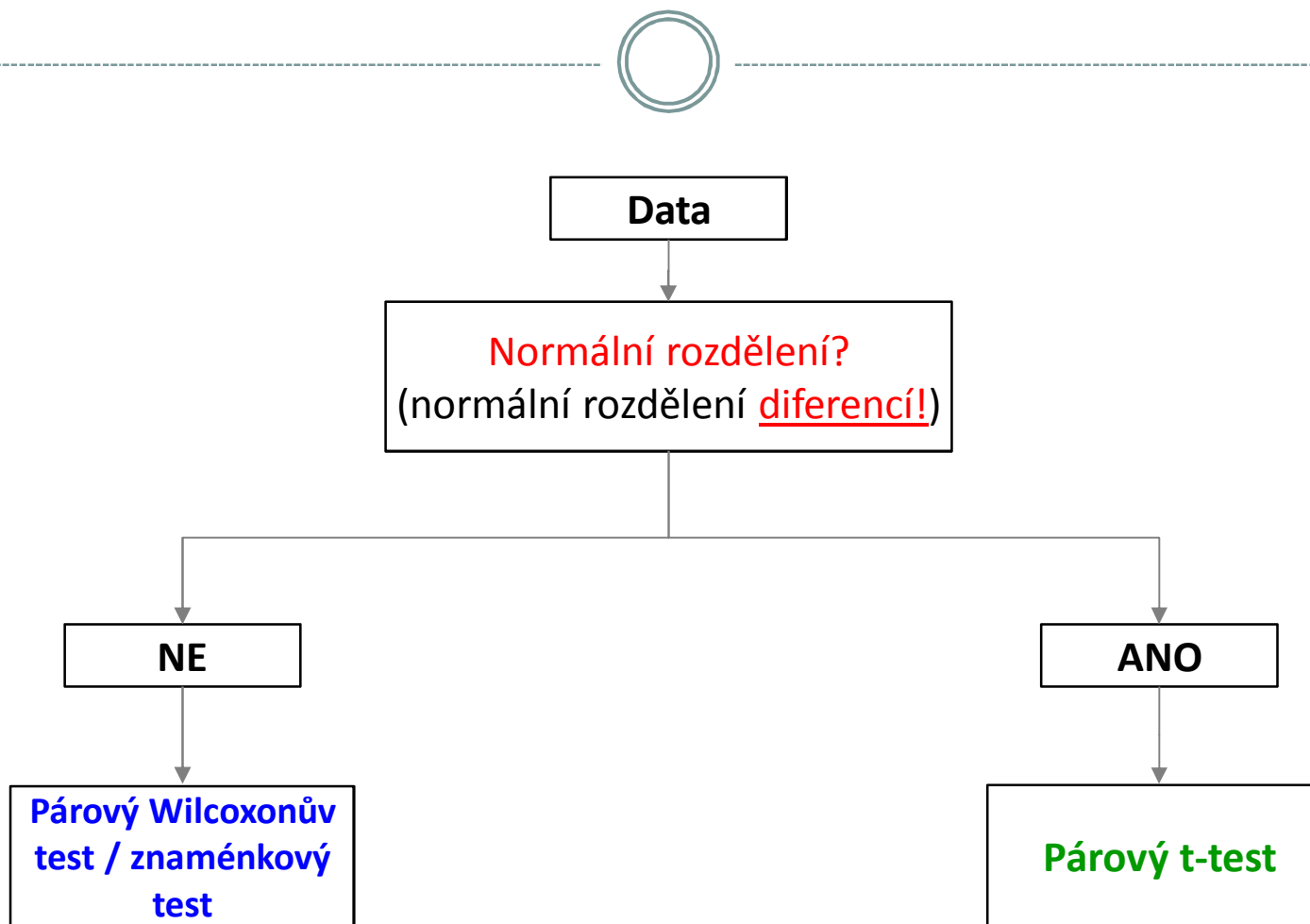
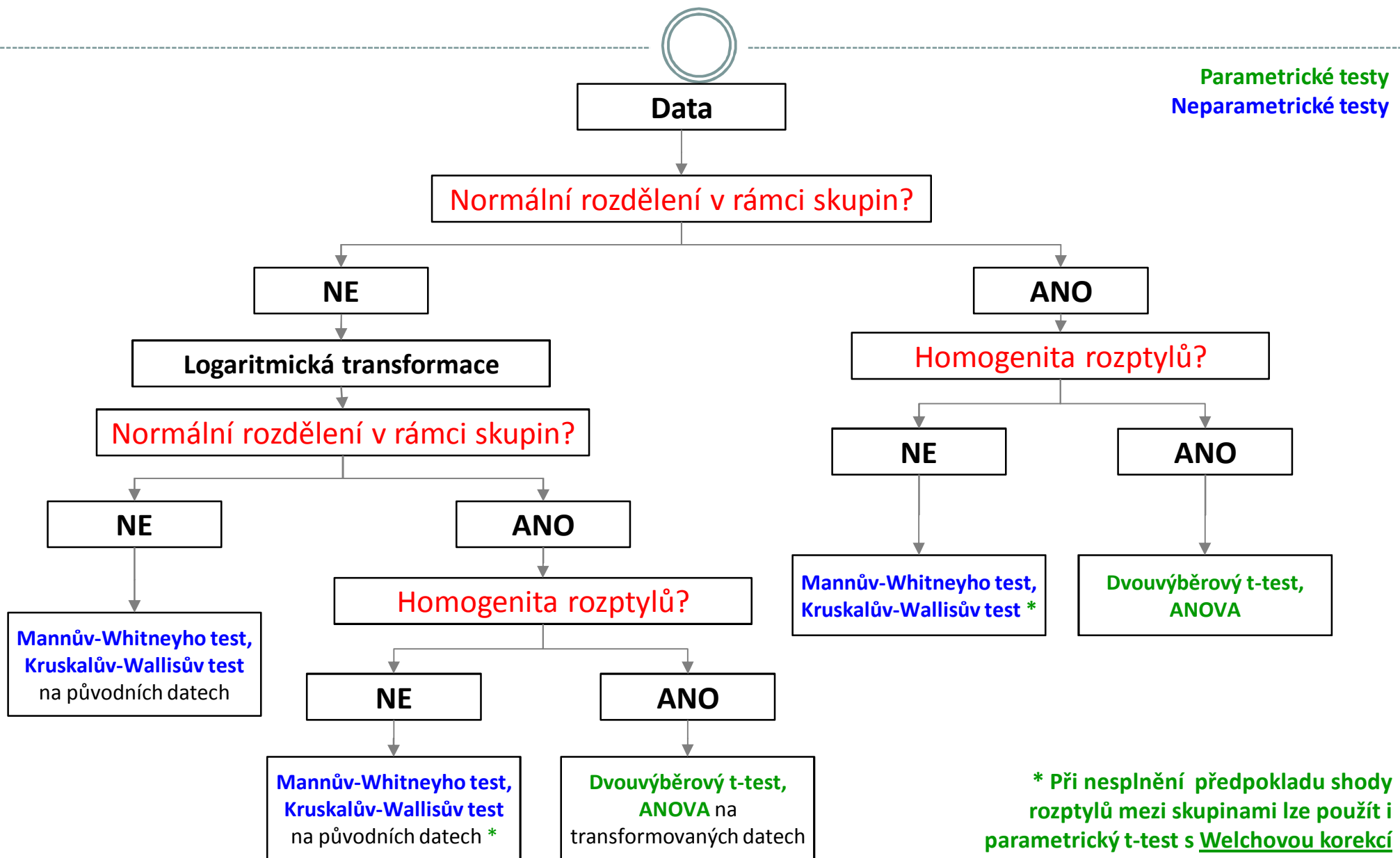


Schéma při testování pomocí párových testů



Parametrické testy
Neparametrické testy

Schéma při testování 2 a více skupin



Parametrické testy



Parametrické testy



- Předpoklad: **normalita dat**
- **Jednovýběrový z-test** (porovnání základního a výběrového souboru, známe střední hodnotu a rozptyl základního souboru)
- **Studentův t-test** (testování rozdílů dvou středních hodnot)
 1. **Jednovýběrový t-test** (porovnání základního a výběrového souboru, známe střední hodnotu ale neznáme rozptyl základního souboru; nahrazujeme jej výběrovým rozptylem našich dat)
 2. **Dvouvýběrový t-test** (porovnání dvou výběrových souborů, neznáme střední hodnotu základního souboru):
 - **párový** (závislé výběry)
 - **nepárový** (nezávislé výběry)
- **F-test** (testování rozdílů dvou rozptylů)

1. Statistické testy o parametrech jednoho výběru



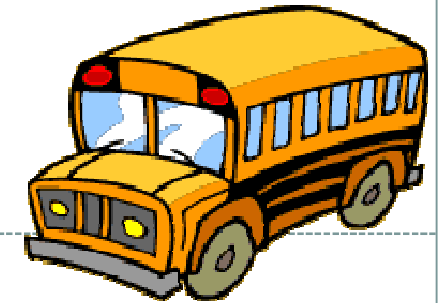
Jednovýběrový t-test

Anotace



- Jednovýběrové statistické testy **srovnávají některou popisnou statistiku vzorku** (průměr, směrodatnou odchylku) **s jediným číslem**, jehož význam je ze statistického hlediska hodnota cílové populace
- Z hlediska statistické teorie jde o ověření, zda daný vzorek pochází z testované cílové populace.

Příklad 1: Jednovýběrový t-test




- Určitá linka autobusové městské dopravy má v době dopravní špičky průměrnou rychlost 8 km/hod. Uvažovalo se o tom, zda změna trasy by vedla ke změně průměrné rychlosti. Nová trasa byla proto projeta v deseti náhodně vybraných dnech a byly zjištěny tyto průměrné rychlosti: 8,4; 7,9; 9,0; 7,8; 8,0; 7,8; 8,5; 8,2; 8,2; 9,3. Rozhodněte, zda změna trasy vede ke změně průměrné rychlosti. Předpokládáme normální rozdělení a $\alpha=0,05$.

- **Postup:**

1. Na hladině významnosti 0,05 testujeme **hypotézu $H_0: \mu = 8$, proti $H_A: \mu \neq 8$**
2. Vypočteme **aritmetický průměr a rozptyl výběrového souboru.**
3. Vypočteme **testovou statistiku t:**

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{s} \sqrt{n} = \frac{8,310 - 8}{0,507} \sqrt{10} = 1,934$$

4. Vypočtené **t porovnáme s kritickou hodnotou $t_{1-\alpha/2(n-1)}$: $t_{0,975}(9) = 2,262$**

5. Je-li **$|t| \leq t_{1-\alpha/2(n-1)}$**  **statisticky nevýznamný rozdíl testovaných parametrů při zvolené α ; nulovou hypotézu nezamítáme, na hladině významnosti $\alpha=0,05$ se nepodařilo prokázat, že by změna trasy měla za následek změnu průměrné rychlosti.**

Příklad 1: Řešení v softwaru Statistica I

- V menu **Statistics** zvolíme **Basic statistics**, vybereme **t-test, single sample**

The screenshot shows the Statistica software interface. The 'Statistics' menu is open, and the 'Basic Statistics and Tables' dialog box is displayed. The 't-test, single sample' option is selected in the 'Quick' section of the dialog. A data table is visible in the background with the following values:

	1 rychlos
1	7,7
2	7,9
3	9
4	7,8
5	8
6	7,8
7	8,5
8	8,2
9	8,2
10	9,3

Green arrows indicate the steps: 1 points to the 'Statistics' menu, 2 points to the 'Basic Statistics' icon, and 3 points to the 't-test, single sample' option in the dialog box.

Řešení v softwaru Statistica II

- Vybereme proměnnou, kterou chceme testovat
- Na kartě **Advanced** napíšeme do okénka **Test all means against** velikost střední hodnoty populace (Ize také na kartě **Quick, Options**)
- **p-value for highlighting**- Úroveň p-hodnoty lze změnit
- Kliknutím na **Summary t-test** nebo na **Summary** získáme výstupy

The screenshot shows the Statistica software interface. The 'Statistics' menu is open, and the 'T-Test for Single Means' dialog box is displayed. The dialog is set to the 'Advanced' tab. The variable 'rychlost' is selected in the 'Variables' field. The 'Reference values' section is set to 'Test all means against' with a value of 8. The 'p-value for highlighting' is set to .05. The 'Summary' button is highlighted with a green arrow. The background data table shows the following values for 'rychlost':

	1
1	7,8
2	7,8
3	9
4	7,8
5	8
6	7,8
7	8,5
8	8,2
9	8,2
10	9,3

Řešení v softwaru Statistica III



Výběrový průměr
(průměr pozorovaných dat)

Rozsah výběru

Standardní chyba

Hodnota testovacího kritéria


Stupeň volnosti

Test of means against reference constant (value) (04_doprava.sta)								
Variable	Mean	Std.Dv.	N	Std.Err.	Reference Constant	t-value	df	p
rychlost	8.310000	0.506513	10	0.160174	8.000000	1.935401	9	0.084934

Výběrová směrodatná odchylka
(pozorovaných dat)

Referenční konstanta-předpokládaná velikost střední hodnoty

POZOR: Platí pro oboustranný test!!!



2. Statistické testy o parametrech dvou výběrů



Dvouvýběrový párový a nepárový t-test

Anotace

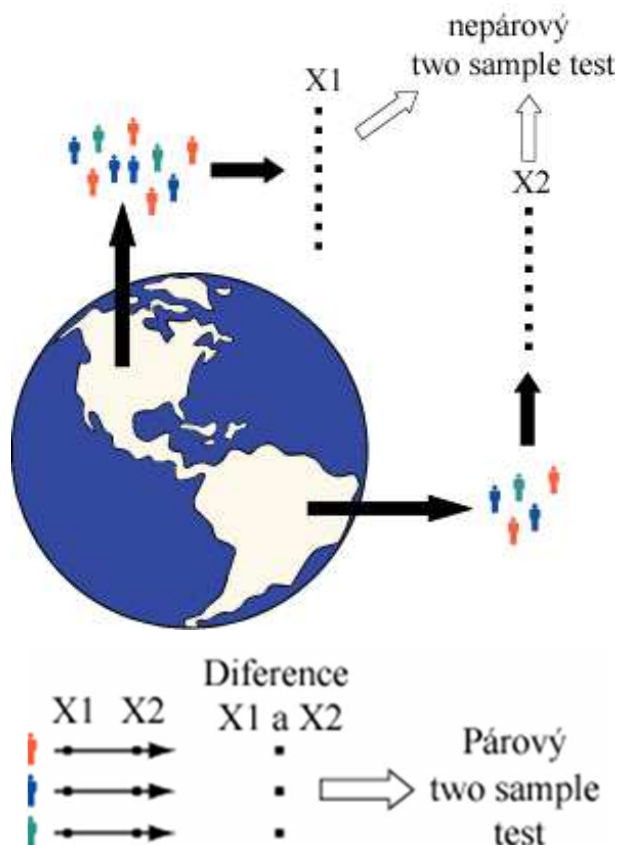


- Jedním z nejčastějších úkolů statistické analýzy dat je **srovnání spojitých dat ve dvou skupinách pacientů**. Na výběr je celá škála testů, výběr konkrétního testu se pak odvíjí od toho, zda je o srovnání **párové** nebo **nepárové** a zda je vhodné použít test **parametrický** (má předpoklady o rozložení dat) nebo **neparametrický** (nemá předpoklady o rozložení dat, nicméně má nižší vypovídací sílu).
- Nejznámějšími testy z této skupiny jsou tzv. t-testy používané pro srovnání průměrů dvou skupin hodnot

Dvouvýběrové testy: párové a nepárové I



- Při použití dvouvýběrových testů srovnáváme spolu dvě rozložení. Jejich základním dělením je podle designu experimentu na testy párové a nepárové.

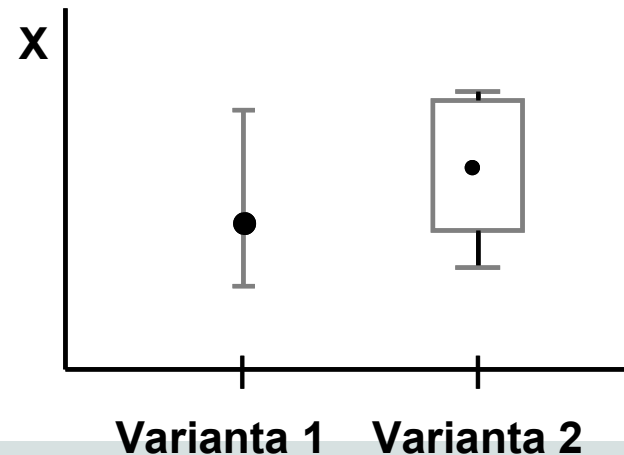
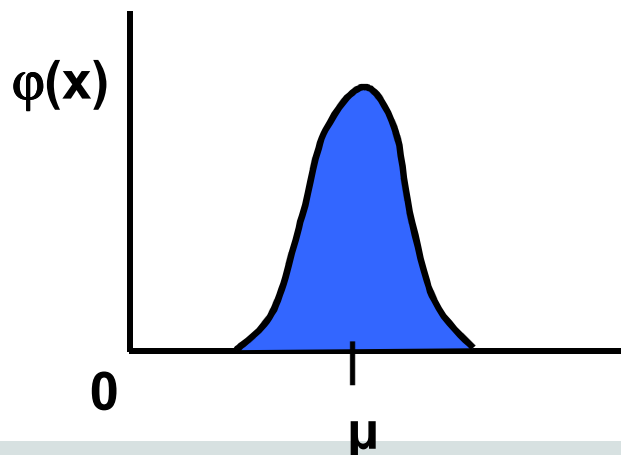


- Základním testem pro srovnání dvou nezávislých rozložení spojitých čísel je **nepárový dvouvýběrový t-test**
- Základním testem pro srovnání dvou závislých rozložení spojitých čísel je **párový dvouvýběrový t-test**

Předpoklady nepárového dvouvýběrového t-testu



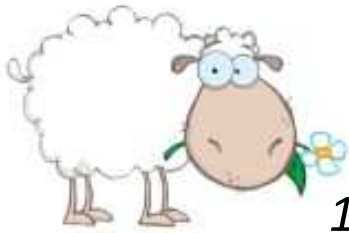
- Náhodný výběr subjektů jednotlivých skupin z jejich cílových populací
- Nezávislost obou srovnávaných vzorků
- Přibližně **normální rozložení proměnné v rámci skupin** (drobné odchylky od normality ovšem nejsou kritické, test je robustní proti drobným odchylkám od tohoto předpokladu). Normalita může být testována testy normality.
- **Rozptyl v obou vzorcích by měl být přibližně shodný** („homoskedasticita rozptylu“). Tento předpoklad je testován několika možnými testy – **Levenův test** nebo **F-test**.
- Vždy je vhodné prohlédnout histogramy proměnné v jednotlivých vzorcích pro okometrické srovnání a ověření předpokladů normality a homogenity rozptylu – nenahradí statistické testy, ale poskytne prvotní představu.



Nepárový dvouvýběrový t-test – výpočet



1. Nulová hypotéza: průměry obou skupin jsou shodné
Alternativní hypotéza je, že nejsou shodné.
2. Prohlédnout průběh dat, průměr, medián apod.
Ověřit normalitu dat (např. Shapiro-Wilk test)
Ověřit homogenitu rozptylů (F-test)
 - V případě ověření homogenity je testována hypotéza shody rozptylů; v případě shodných rozptylů je vše v pořádku a je možné pokračovat ve výpočtu t-testu, v opačném případě není vhodné test počítat.
3. Vypočítat hodnotu testové statistiky a p-hodnotu. Když je vypočítaná p-hodnota menší než 0,05, zamítáme nulovou hypotézu.



Příklad 2: Nepárový dvouvýběrový t-test

1. skupina, N=30



Průměrná hmotnost ovcí v čase páření byla srovnávána pro kontrolní skupinu a skupinu krmenou zvýšenou dávkou potravy. Kontrolní skupina obsahuje 30 ovcí, skupina se zvýšeným příjmem potravy pak 24 ovcí.

- Vlastní experiment byl prováděn tak, že na začátku máme 54 ovcí (ideálně stejného plemene, stejně staré atd.), které náhodně rozdělíme do dvou skupin (náhodné rozdělování objektů do pokusných skupin je objektem celého specializovaného odvětví statistiky nazývaného randomizace). Poté co experiment proběhne, musíme nejprve ověřit teoretický předpoklad pro využití nepárového t-testu. Pro obě skupiny jsou vykresleny grafy (můžeme též spočítat základní popisnou statistiku), na kterých můžeme posoudit normalitu a homogenitu rozptylu, kromě okometrického pohledu můžeme pro ověření normality použít testy normality, pro ověření homogenity rozptylu pak F-test.
- Pokud platí všechny předpoklady dvouvýběrového nepárového t-testu, můžeme spočítat testovou statistiku, výsledné t je 2,43 s 52 stupni volnosti, podle tabulek je $t_{0,975(52)} = 2,01$, tedy $|t| > t_{0,975(52)}$ a nulovou hypotézu můžeme zamítnout, skutečná pravděpodobnost je pak 0,018. Rozdíl mezi skupinami je 1,59 kg ve prospěch skupiny se zvýšeným příjmem.

$$t = \frac{\text{Rozdíl.prumeru}}{SE(\text{rozdil.prumeru})} = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{s^2 \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}} \quad s^2 = \frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2} \quad v = n_1 + n_2 - 2$$

- Pro rozdíl mezi oběma soubory jsou spočítány 95% intervaly spolehlivosti jako 1,59 \pm 2.01*(0,655) kg, což odpovídá rozsahu 0,28 až 2,91 kg. To, že interval spolehlivosti nezahrnuje 0 je dalším potvrzením, že mezi skupinami je významný rozdíl – jde o další způsob testování významnosti rozdílů mezi skupinami dat – nulovou hypotézu o tom, že rozdíl průměrů dvou skupin dat je roven nějaké hodnotě zamítáme v případě, kdy 95% interval spolehlivosti rozdílu nezahrnuje tuto hodnotu (v tomto případě 0).

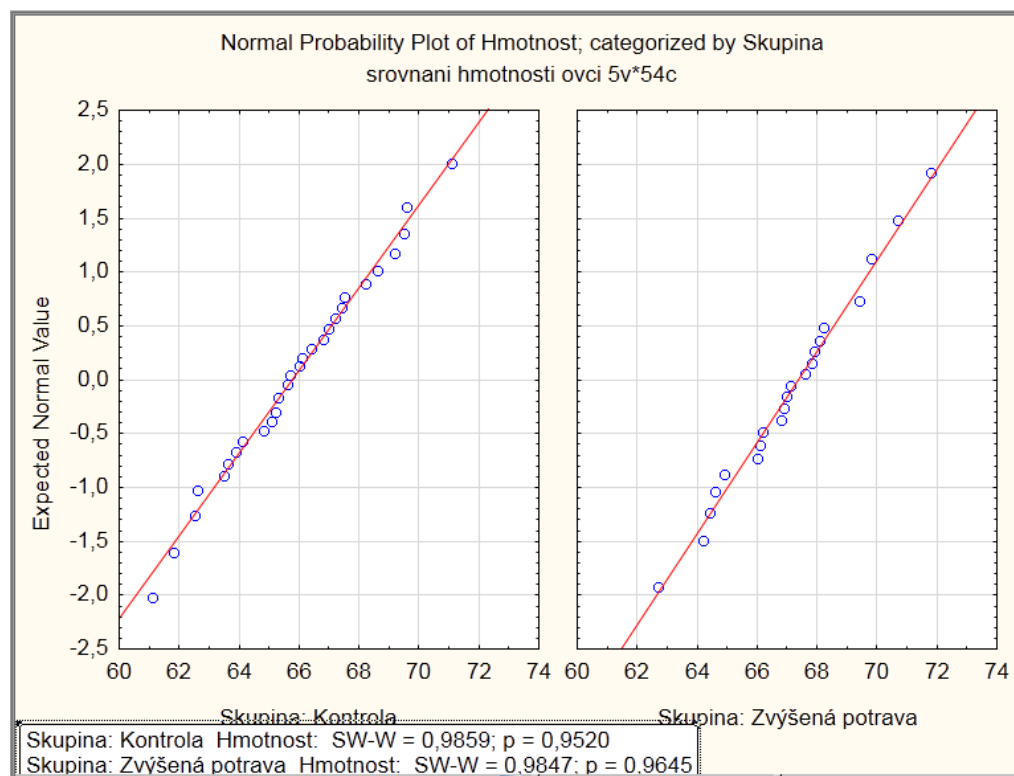
$$(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) \pm t_{0,975} SE(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) = (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) \pm t_{0,975} \sqrt{s^2 \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}$$



Příklad 2: Řešení v softwaru Statistica



- Nejprve ověřte normalitu hmotnosti jednak ve skupině kontroly a ve skupině se zvýšenou potravou



- V obou případech se tečky odchylují od přímky jenom málo a p-hodnoty S-W testu převyšují 0,05. Předpoklad o normálním rozložení dat v obou skupinách je oprávněný.

Příklad 2: Řešení v softwaru Statistica I



- V menu **Statistics** zvolíme **Basic statistics**, vybereme **t-test, independent, by groups**



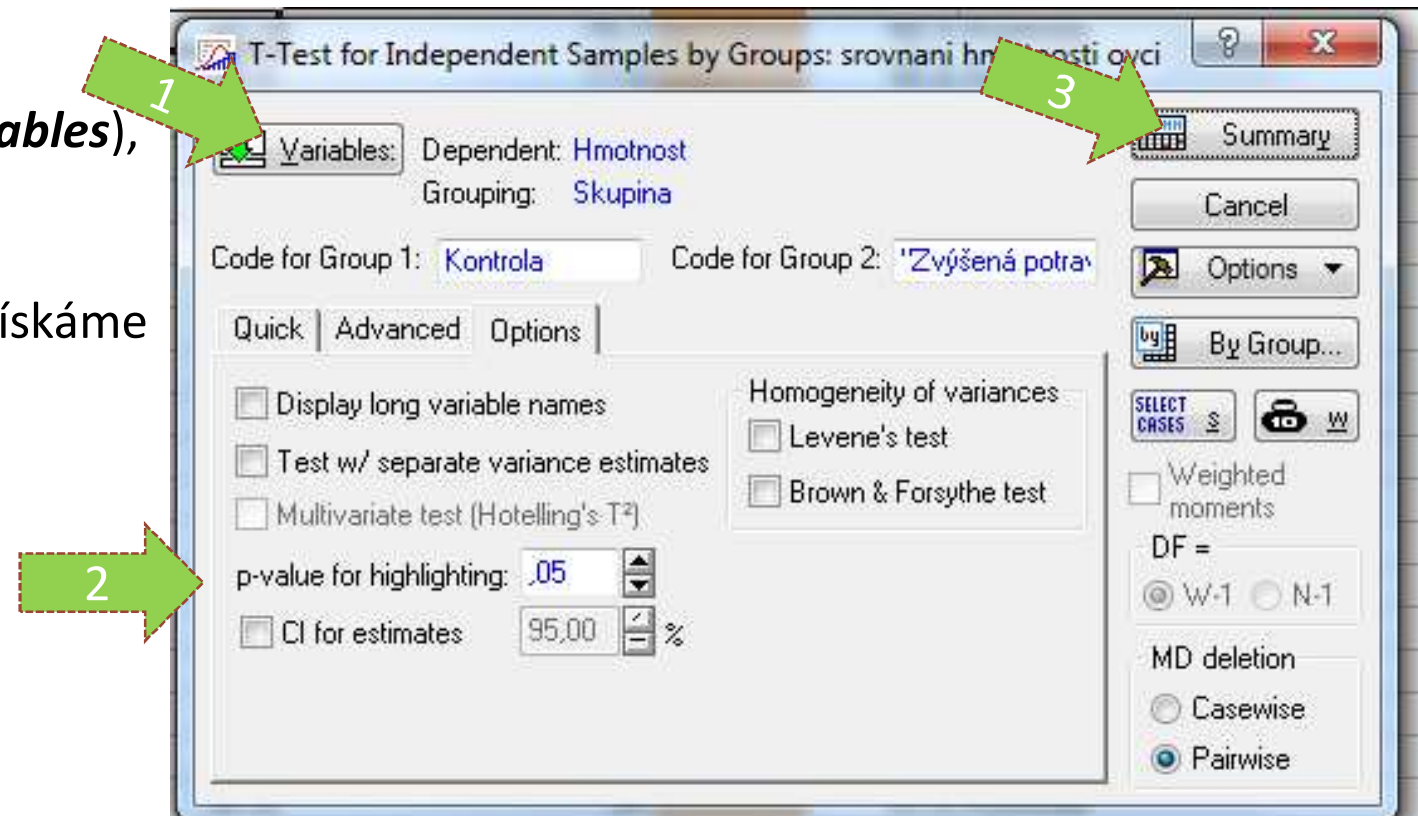
The screenshot shows the Statistica software interface. The 'Statistics' menu is open, and 'Basic Statistics and Tables: srovnani hm...' is selected. The 'Quick' tab is active, and 't-test, independent, by groups' is highlighted. The background shows a data table with columns 'most' and 'Skupina'.

most	Skupina
62,5	Kontrola
66,8	Kontrola
69,5	Kontrola
64,1	Kontrola
65,3	Kontrola
65,6	Kontrola
66,4	Kontrola
66,1	Kontrola
68,6	Kontrola
62,5	Kontrola
63,9	Kontrola
65,7	Kontrola
67,2	Kontrola
65,2	Kontrola
63,5	Kontrola
65,3	Kontrola
65,1	Kontrola

Příklad 2: Řešení v softwaru Statistica II



- Zvolíme proměnné (**Variables**),
- Kliknutím na **Summary** získáme výstupy



Příklad 2: Řešení v softwaru Statistica III

•POZOR: Výstupní tabulku vyhodnocujeme zezadu!!!

Výběrový průměr u 1. skupiny

Výběrový průměr u 2. skupiny

Výběrová směrodatná odchylka u 2. skupiny

Rozsah výběru 1. skupiny

Rozsah výběru 2. skupiny

T-tests; Grouping: Skupina (srovnani hmotnosti ovcí)											
Group 1: Kontrola											
Group 2: Zvýšená potrava											
Variable	Mean Kontrola	Mean Zvýšená potrava	t-value	df	p	Val N Kontrola	Val N Zvýšená potrava	Std.Dev. Kontrola	Std.Dev. Zvýšená potrava	F-ratio Variances	p Variances
Hmotnost	65,77333	67,36667	-2,43226	52	0,018483	30	24	2,497162	2,252470	1,229066	0,617383

Hodnota testové statistiky
(pro test shody středních hodnot)

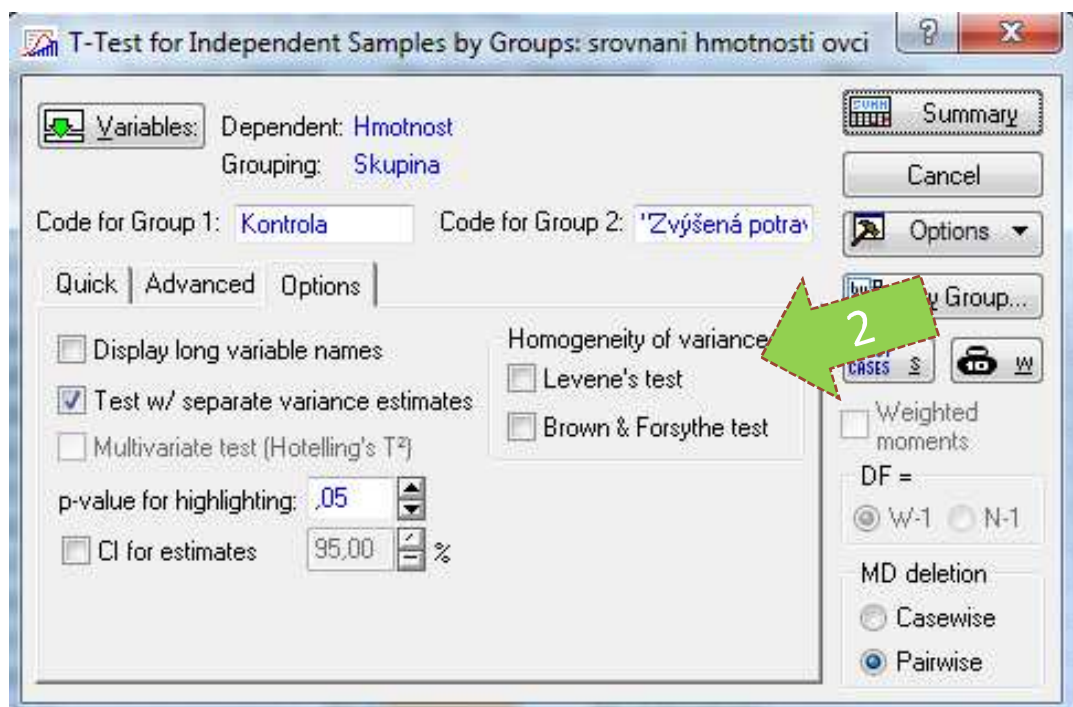
Počet stupňů volnosti

Testová statistika pro test shody rozptylů
(F-test)

**Tyto sloupce lze interpretovat pouze
pokud rozdíl mezi rozptyly byl neprůkazný !!!**

Příklad 2: Řešení v softwaru Statistica IV, F-test

- Pokud F-test prokázal odlišnost rozptylů, je nutné na záložce **Options** odškrtnout **Test w/separate variance estimates (t-test se samost. odhady rozptylů)**



- Chceme-li homogenitu rozptylů testovat ještě jiným testem, než F-testem, vybereme test z nabídky **Homogeneity of variances**

Párový dvouvýběrový t-test



- **Skupiny dat jsou spojeny přes objekt měření**, příkladem může být měření parametrů pacienta před léčbou a po léčbě (nemusí jít přímo o stejný objekt, dalším příkladem mohou být např. krysy ze stejné linie).
- Oba soubory musí mít **shodný počet hodnot**, protože všechna měření v jednom souboru musí být spárována s měřením v druhém souboru. Při vlastním výpočtu se potom **počítá se změnou hodnot (diferencí)** subjektů v obou souborech.
- V případě, že se nejedná o měření na témže subjektu je vhodné si před párovým testem ověřit si, zda existuje vazba mezi oběma skupinami – vynesení do grafu, **korelace**.

Příklad 3: Párový dvouvýběrový t-test



Byl prováděn pokus s dietou u 18 diabetických krys, každá krysa byla vystavena dvěma dietám (jedné nové speciální a jedné kontrolní dietě). Protože každá krysa absolvovala obě diety, jde o párové uspořádání, kdy hodnoty v obou pokusech jsou spojeny přes pokusné zvíře. Zjistěte, zda testovaná dieta způsobí změnu hmotnosti u krys (zda se liší hmotnost krys po nové speciální a po kontrolní dietě).

1. **Nulová hypotéza** zní, že skutečný průměrný rozdíl v hmotnosti krys po speciální a kontrolní dietě je nulový (speciální dieta nevedla ke změně hmotnosti ve srovnání s kontrolní dietou), **alternativní hypotéza** zní, že rozdíl hmotností je odlišný od nuly (speciální dieta vedla ke změně hmotnosti ve srovnání s kontrolní dietou).
2. Pro každou krysou je spočítán rozdíl hmotností naměřených po obou dietách a měly by být ověřeny předpoklady pro jednovýběrový t-test – alespoň přibližně **normální rozložení diferencí**.
3. Je spočítána **testová statistika**, výpočet vlastně probíhá jako jednovýběrový t-test, kde je zjišťována významnost průměru diferencí obou souborů jako rozdíl mezi touto hodnotou a nulou (0 je hodnota, kterou by průměrná diference měla nabývat, pokud platí nulová hypotéza). $T = -1,72$ s 17 stupni volnosti, skutečná p-hodnota = 0,102 a tedy na hladině významnosti $\alpha = 0,05$ nemůžeme nulovou hypotézu zamítnout.

$$t = \frac{\text{rozdíl}_\text{průměru}_\text{vzorku}_\text{a}_\text{populace}}{SE(\text{průměru})} = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = \frac{\bar{x} - \mu}{s} \sqrt{n}$$

4. Závěrem můžeme říci, že nulová hypotéza neexistence rozdílu vlivu na snížení váhy mezi oběma dietami nebyla zamítnuta, což znamená, že speciální dieta nemá významný vliv na snížení hmotnosti.



Příklad 3: Řešení v softwaru Statistica I



- V menu **Statistics** zvolíme **Basic statistics**, vybereme **t-test, dependent samples**

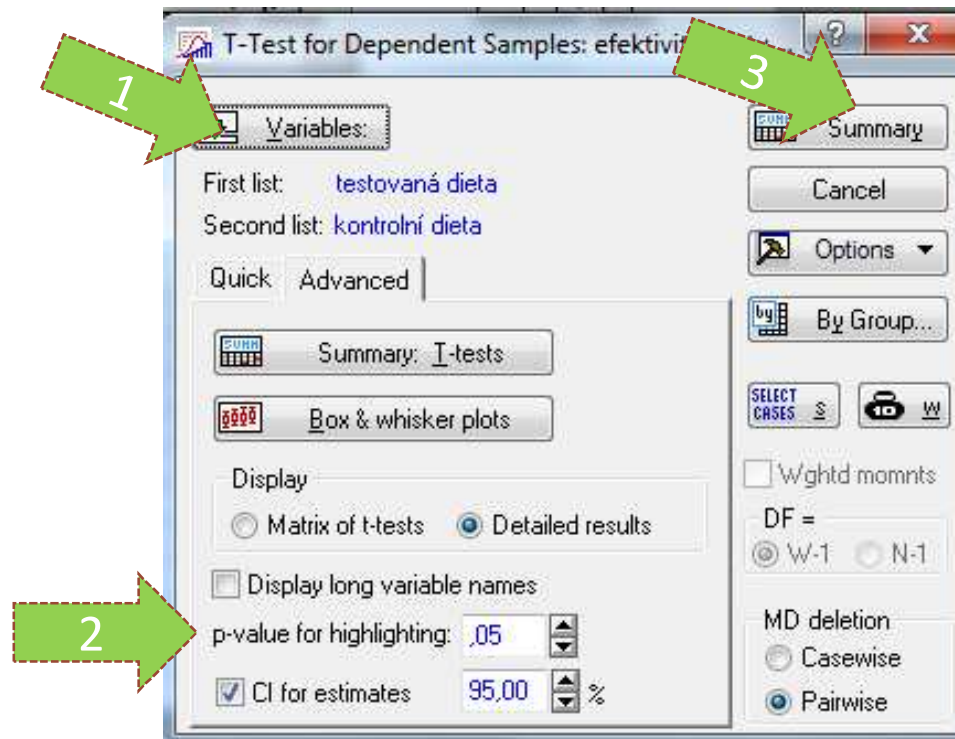
The screenshot shows the Statistica software interface. The 'Statistics' menu is open, and the 'Basic Statistics and Tables' dialog box is displayed. The dialog box has the 't-test, dependent samples' option selected. The data table below shows the results for two groups: 'testovaná dieta' and 'kontrolní dieta'.

	1 testovaná dieta	2 kontrolní dieta
1	243	265
2	161	165
3	318	361
4	270	270
5	214	235
6	97	83
7	189	176
8	151	143
9	143	143
10	117	121
11	177	174
12	204	211
13	190	192
14	134	131
15	154	160
16	273	291
17	126	131
18	188	190

Příklad 3: Řešení v softwaru Statistica II



- Zvolíme proměnné (**Variables**),
- Kliknutím na **Summary** získáme výstupy



Příklad 3: Řešení v softwaru Statistica III



Výběrový průměr

Výběrová směrodatná odchylka

Počet pozorování

T test for Dependent Samples (efektivita diety pro krysy)								
Marked differences are significant at $p < ,05000$								
Variable	Mean	Std.Dv.	N	Diff.	Std.Dv. Diff.	t	df	p
testovaná dieta	186,0556	59,52011						
kontrolní dieta	191,7222	69,65022	18	-5,66667	13,91994	-1,72714	17	0,102266

Průměrná hodnota diferencí

Hodnota testovacího kritéria

Výběrová směrodatná odchylka diferencí

Samostatné cvičení



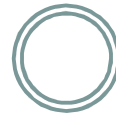
Samostatné cvičení:
Jednovýběrový t-test
Dvouvýběrový nepárový t-test
Dvouvýběrový párový t-test

1. Příklad k procvičení



- Načtěte data 04_1_příklad. U 21 lidí byla zjištěna výška postavy. Výsledky měření považujeme za realizace náhodného výběru z normálního rozložení.
1. Na hladině významnosti testujte hypotézu, že střední hodnota výšky lidí je 175 cm proti oboustranné alternativě. Před provedením testu ověřte normalitu dat pomocí N-P plotu a S-W testu.
 2. Na hladině významnosti testujte hypotézu, že střední hodnota výšky lidí je 181 cm proti oboustranné alternativě.

2. Příklad k procvičení



- Načtěte data 04_2_priklad, která obsahují následující sloupce: 1. sloupec - výška v 1. skupině, 2. sloupec - výška v 2. skupině, 3. sloupec - výška, 4. sloupec - skupina (1-muži, 2-ženy).
1. Ověřte normalitu výšky v 1. skupině a ve 2. skupině pomocí N-P plotu a histogramu, teprve potom pomocí testů.
 2. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že rozptyly výšek skupiny 1 a 2 jsou shodné.
 3. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že střední hodnoty výšek skupiny 1 a 2 jsou shodné.
 4. Výstupy doplňte krabicovými grafy (box-ploty).

3. Příklad k procvičení



- 5 žen vyzkoušelo novou dietu. Načtěte data 04_3_priklad, který obsahuje následující údaje: 1. sloupec - hmotnost před dietou, 2. sloupec - hmotnost po dietě.
1. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že dieta neměla významný vliv na změnu hmotnosti, tj. že rozdíl středních hodnot hmotnosti se neliší.

4. Příklad k procvičení



- Načtěte data 04_4_příklad. Dle studie se zkoumá vliv léku - hydrochlorothiazidu na krevní tlak v náhodném výběru 11 hypertoniků (člověk trpící vysokým tlakem krve). Každý pacient dostal nejprve placebo a o měsíc později hydrochlorothiazid. Uvedené hodnoty v datech představují systolický tlak (v mm Hg).
1. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že lék neměl významný vliv na změnu krevního tlaku.

5. Příklad k procvičení



- Načtěte data 04_5_příklad. Výrobce udává, že průměrná spotřeba paliva je 12,5 l/100 km. Testovací jezdec podrobil 14 vybraných vozů měření spotřeby.
- 1. Na hladině významnosti 0,05 otestujte, zda se skutečná spotřeba tohoto automobilu odlišuje od toho, co udává výrobce.

Samostatné cvičení – vyhodnocení



Výsledky samostatného cvičení

1. Příklad k procvičení

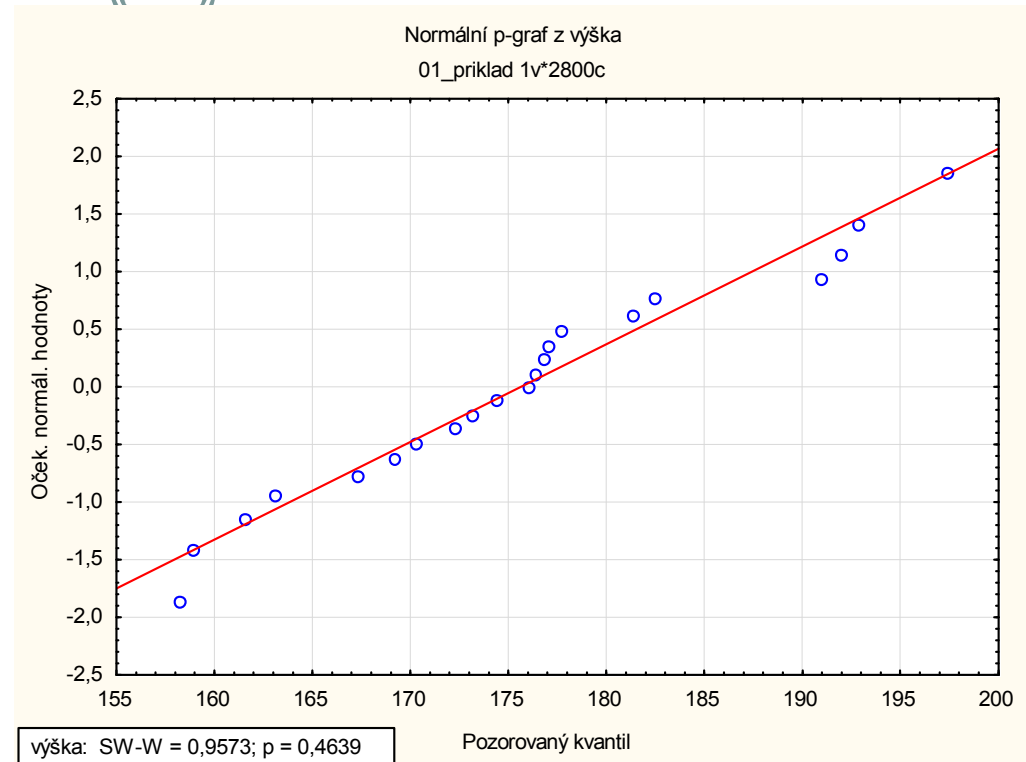


- Načtěte data 04_1_příklad. U 21 lidí byla zjištěna výška postavy. Výsledky měření považujeme za realizace náhodného výběru z normálního rozložení.
1. Na hladině významnosti testujte hypotézu, že střední hodnota výšky lidí je 175 cm proti oboustranné alternativě. Před provedením testu ověřte normalitu dat pomocí N-P plotu a Shapirova-Wilkova (S-W) testu.
 2. Na hladině významnosti testujte hypotézu, že střední hodnota výšky lidí je 181 cm proti oboustranné alternativě.

1. Příklad k procvičení

1. $H_0: \mu = 175 \text{ cm}; H_A: \mu \neq 175 \text{ cm}$
2. $H_0: \mu = 181 \text{ cm}; H_A: \mu \neq 181 \text{ cm}$

Ověření normality – Shapiro-Wilkův test ($\alpha = 0,05$): Nezamítáme nulovou hypotézu o tom, že výběrový soubor pochází z normálního rozdělení ($p = 0,464$).



1. úkol – jednovýběrový t-test ($\alpha = 0,05$):

Proměnná	Test průměrů vůči referenční konstantě (hodnotě) (01_příklad)							
	Průměr	Sm.odch.	N	Sm.chyba	Referenční konstanta	t	SV	p
výška	175,6374	11,08757	21	2,419507	175,0000	0,263461	20	0,794891

H_0 nezamítáme. Neprokázali jsme, že by střední hodnota výšky lidí byla statisticky významně odlišná od 175 cm.

2. úkol – jednovýběrový t-test ($\alpha = 0,05$):

Proměnná	Test průměrů vůči referenční konstantě (hodnotě) (01_příklad)							
	Průměr	Sm.odch.	N	Sm.chyba	Referenční konstanta	t	SV	p
výška	175,6374	11,08757	21	2,419507	181,0000	-2,21638	20	0,038422

H_0 zamítáme. Prokázali jsme, že se v našem výběrovém souboru střední hodnota výšky lidí statisticky významně liší od 181 cm.

2. Příklad k procvičení



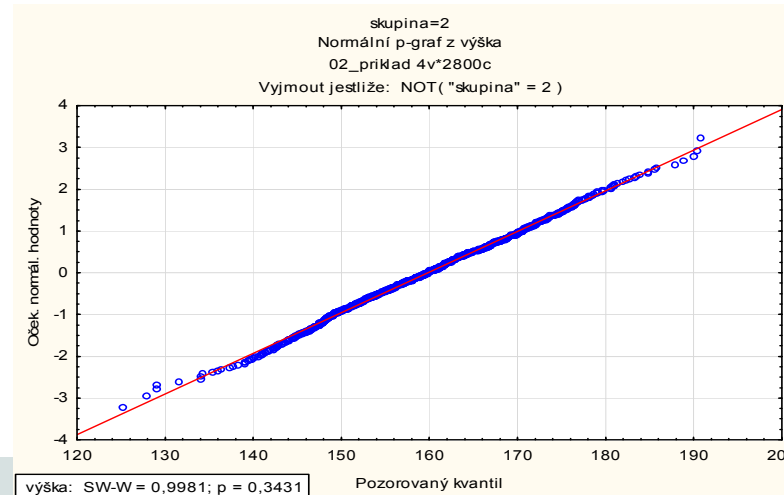
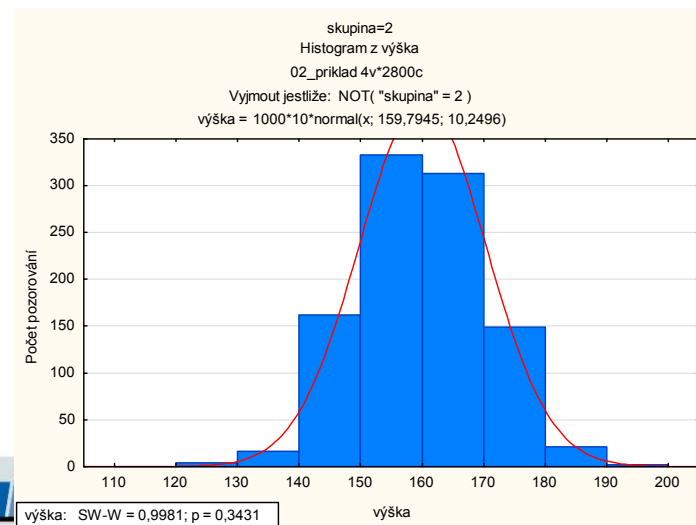
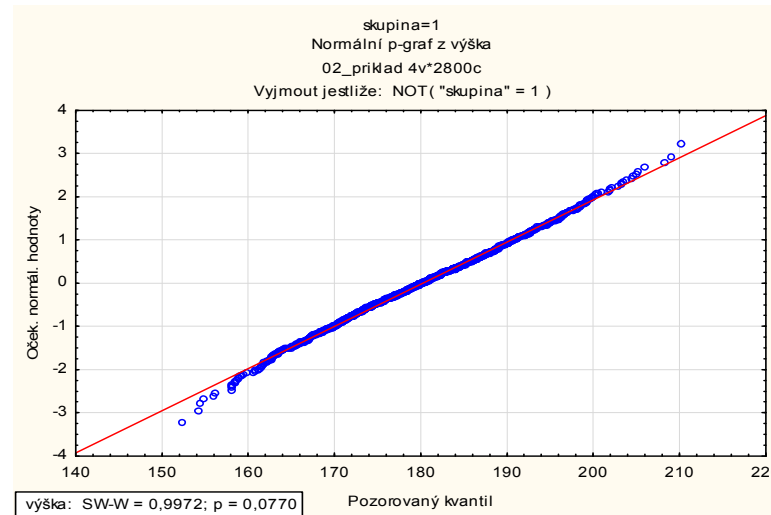
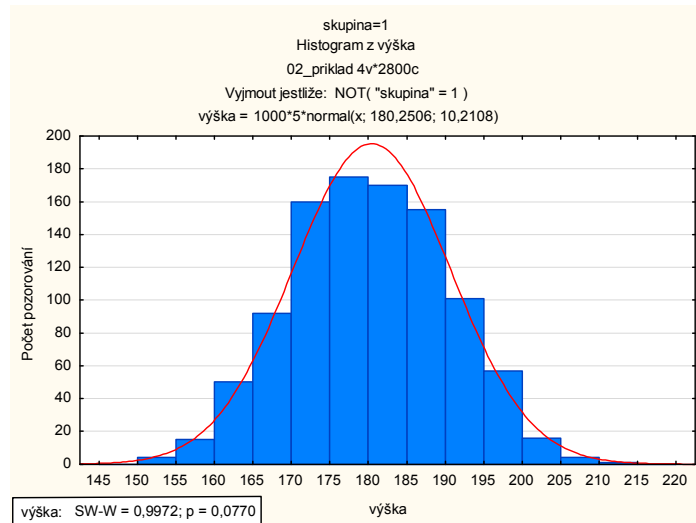
- Načtěte data 04_2_priklad, která obsahují následující sloupce: 1. sloupec - výška v 1. skupině, 2. sloupec - výška v 2. skupině, 3. sloupec - výška, 4. sloupec - skupina (1-muži, 2-ženy).
1. Ověřte normalitu výšky v 1. skupině a ve 2. skupině pomocí N-P plotu a histogramu, teprve potom pomocí testů.
 2. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že rozptyly výšek skupiny 1 a 2 jsou shodné.
 3. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že střední hodnoty výšek skupiny 1 a 2 jsou shodné.
 4. Výstupy doplňte krabicovými grafy (box-ploty).

2. Příklad k procvičení

1. úkol - ověření normality – Shapiro-Wilkův test ($\alpha = 0,05$):

Nezamítáme nulovou hypotézu o tom, že výběrový soubor (skupina 1) pochází z normálního rozdělení ($p = 0,077$).

Nezamítáme nulovou hypotézu o tom, že výběrový soubor (skupina 2) pochází z normálního rozdělení ($p = 0,343$).



2. Příklad k procvičení



2. úkol – testování shody rozptylů - F-test / Levenův test ($\alpha = 0,05$):

Nezamítáme nulovou hypotézu o tom, že jsou rozptyly výběrových souborů shodné (skupina 1 a skupina 2).

F-test: $p = 0,905$, Levenův test: $p=0,791$

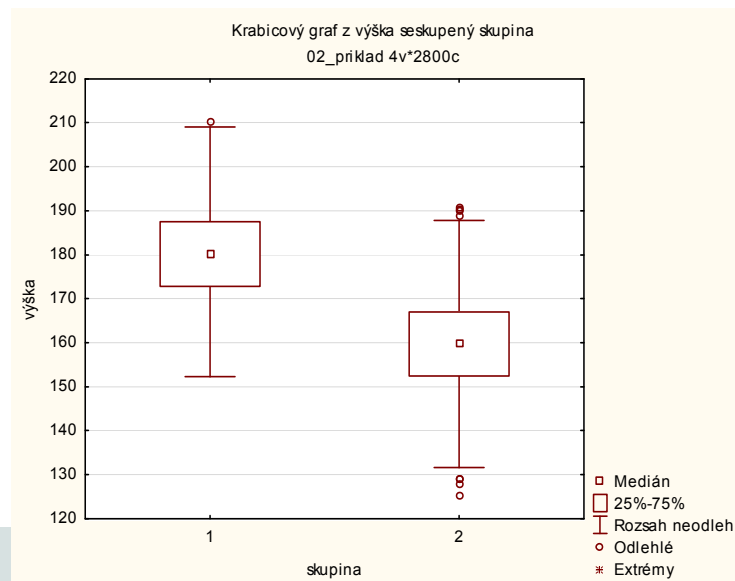
3. úkol – dvouvýběrový t-test ($\alpha = 0,05$):

$H_0: \mu_1 = \mu_2$; $H_A: \mu_1 \neq \mu_2$

Zamítáme nulovou hypotézu o shodě středních hodnot dvou výběrových souborů. Střední hodnota výšky skupiny 1 je statisticky významně větší než u skupiny 2 ($p < 0,001$).

t-testy; grupováno: skupina (02_příklad)														
Skup. 1: 1														
Skup. 2: 2														
Proměnná	Průměr 1	Průměr 2	t	sv	p	Poč.plat 1	Poč.plat. 2	Sm.odch. 1	Sm.odch. 2	F-poměr Rozptyly	p Rozptyly	Levene F(1,sv)	sv Levene	p Levene
výška	180,2506	159,7945	44,71177	1998	0,00	1000	1000	10,21082	10,24963	1,007616	0,904578	0,070571	1998	0,790535

4. úkol – krabicové grafy:



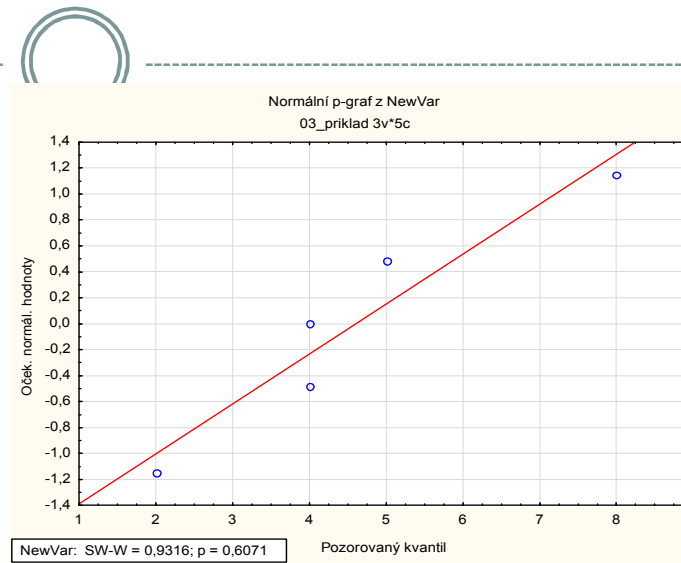
3. Příklad k procvičení



- 5 žen vyzkoušelo novou dietu. Načtěte data 04_3_priklad, který obsahuje následující údaje: 1. sloupec- hmotnost před dietou, 2. sloupec - hmotnost po dietě.
1. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že dieta neměla významný vliv na změnu hmotnosti, tj. že rozdíl středních hodnot hmotnosti se neliší.

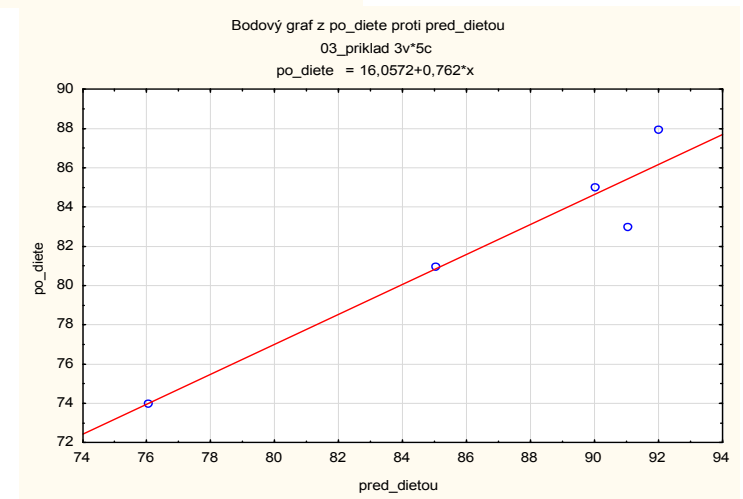
3. Příklad k procvičení

Ověření normality – Shapiro-Wilkův test ($\alpha = 0,05$):
 Nezamítáme nulovou hypotézu o tom, že difference pochází z normálního rozdělení ($p = 0,607$).



N-P graf
diferencí

Bodový graf -
korelace



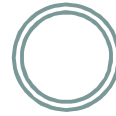
1. úkol - párový t-test ($\alpha = 0,05$):

$$H_0: \mu_{\text{před}} - \mu_{\text{po}} = 0; H_A: \mu_{\text{před}} - \mu_{\text{po}} \neq 0$$

Zamítáme nulovou hypotézu, dieta měla statisticky významný vliv na změnu hmotnosti (průměrné snížení o 4,6 kg), $p = 0,009$.

		t-test pro závislé vzorky (03_příklad)								
		Označ. rozdíly jsou významné na hlad. $p < ,05000$								
Proměnná	Průměr	Sm.odch.	N	Rozdíl	Sm.odch. rozdílu	t	sv	p	Int. spolehl. -95,000%	Int. spolehl. +95,000%
pred_dietou	86,80000	6,610598								
po_diete	82,20000	5,263079	5	4,600000	2,190890	4,694855	4	0,009344	1,879650	7,320350

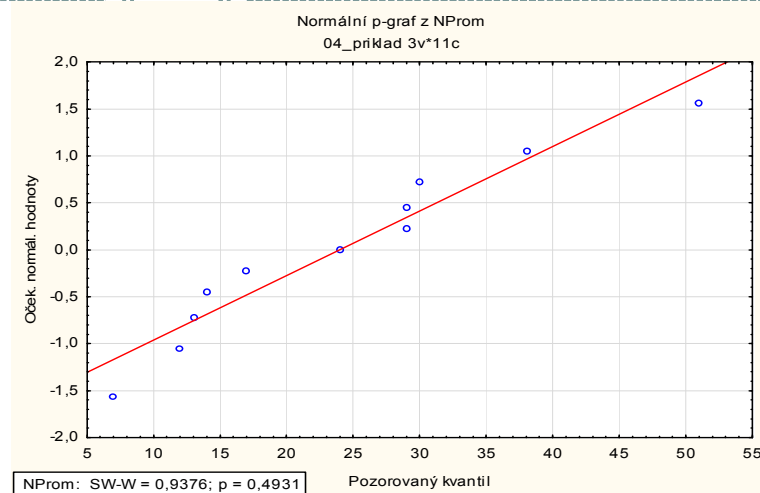
4. Příklad k procvičení



- Načtěte data 04_4_příklad. Dle studie se zkoumá vliv léku-hydrochlorothiazidu na krevní tlak v náhodném výběru 11 hypertoniků (člověk trpící vysokým tlakem krve). Každý pacient dostal nejprve placebo a o měsíc později hydrochlorothiazid. Uvedené hodnoty v datech představují systolický tlak (v mm Hg).
1. Na hladině významnosti 0,05 testujte hypotézu, že lék neměl významný vliv na změnu krevního tlaku.

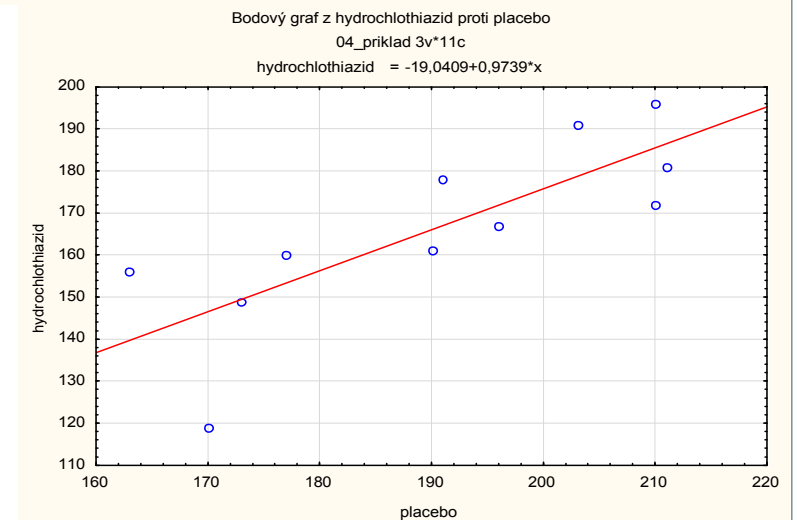
4. Příklad k procvičení

Ověření normality – Shapiro-Wilkův test ($\alpha = 0,05$):
 Nezamítáme nulovou hypotézu o tom, že difference pochází z normálního rozdělení ($p = 0,493$).



N-P graf
diferencí

Bodový graf -
korelace



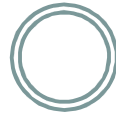
1. úkol - párový t-test ($\alpha = 0,05$):

$$H_0: \mu_{\text{lék}} - \mu_{\text{placebo}} = 0; H_A: \mu_{\text{lék}} - \mu_{\text{placebo}} \neq 0$$

Zamítáme nulovou hypotézu, lék měl statisticky významný vliv na hodnotu krevního tlaku (průměrné snížení o 24 mm Hg), $p < 0,001$.

		t-test pro závislé vzorky (04_příklad)								
		Označ. rozdíly jsou významné na hlad. $p < ,05000$								
Proměnná	Průměr	Sm.odch.	N	Rozdíl	Sm.odch. rozdílu	t	sv	p	Int. spolehl. -95,000%	Int. spolehl. +95,000%
hydrochlorothiazid	166,3636	21,42089								
placebo	190,3636	17,41421	11	-24,0000	13,09198	-6,07998	10	0,000119	-32,7953	-15,2047

5. Příklad k procvičení



- Načtěte data 04_5_příklad. Výrobce udává, že průměrná spotřeba paliva je 12,5 l/100 km. Testovací jezdec podrobil 14 vybraných vozů měření spotřeby.
- 1. Na hladině významnosti 0,05 otestujte, zda se skutečná spotřeba tohoto automobilu odlišuje od toho, co udává výrobce.

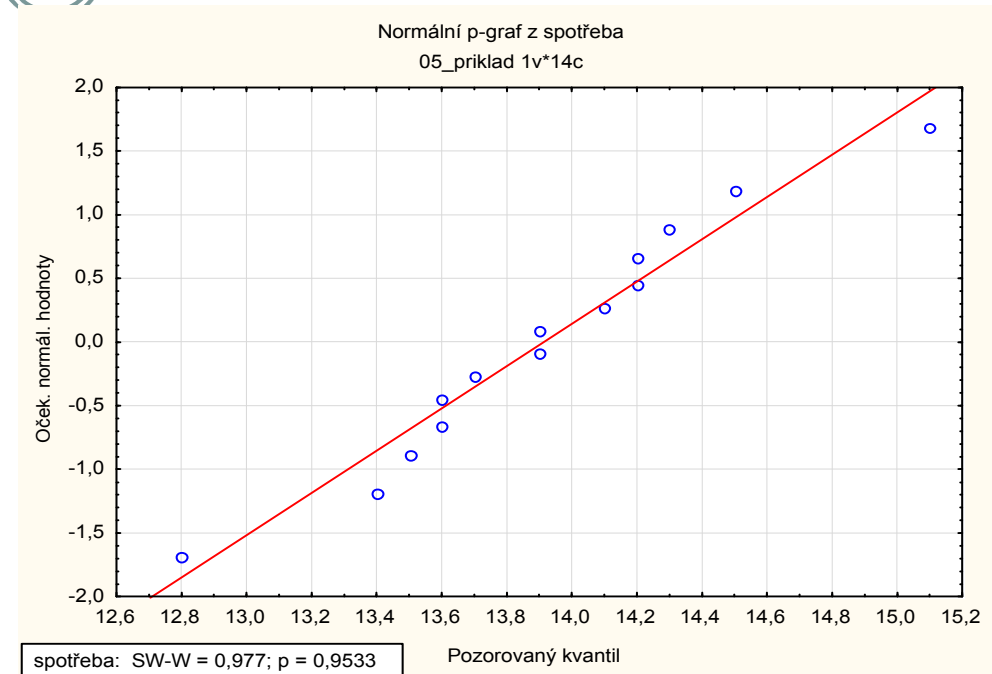
5. Příklad k procvičení

Ověření normality – Shapiro-Wilkův test ($\alpha = 0,05$):
 Nezamítáme nulovou hypotézu o tom, že výběrový soubor pochází z normálního rozdělení ($p = 0,953$).

1. úkol - jednovýběrový t-test ($\alpha = 0,05$):

$H_0: \mu = 12,5$ l/100km; $H_A: \mu \neq 12,5$ l/100km

Zamítáme nulovou hypotézu, $p < 0,001$. Na základě výběrového souboru jsme prokázali, že spotřeba automobilu je vyšší než udává prodejce (průměrná spotřeba je o 1,4 l/100km vyšší, než udává prodejce).



Proměnná	Test průměrů vůči referenční konstantě (hodnotě) (05_příklad)							
	Průměr	Sm.odch.	N	Sm.chyba	Referenční konstanta	t	SV	p
spotřeba	13,91429	0,555888	14	0,148567	12,50000	9,519502	13	0,000000