

Radiologická fyzika a radiobiologie

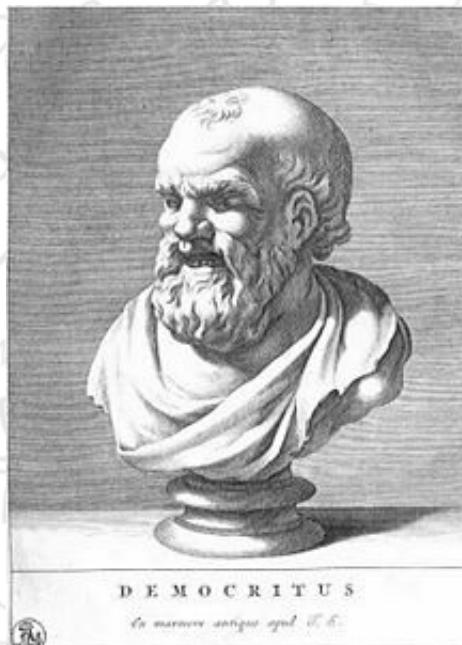
2. přednáška



Atom

- 5. století př.n.l. Demokritos

- Filosofická teze o konečné dělitelnosti látek
- Nejmenší nedělitelnou částicí je atom



Atom

• První dekáda 19. stol. John Dalton

➤ Daltonova atomová teorie

➤ Látky se skládají z malých částic zvaných atomy. Atomy nelze vytvořit, zničit ani rozdělit.

➤ Atomy jednoho prvku jsou stejné (mají stejnou hmotnost i vlastnosti).

➤ Atomy různých prvků mají rozdílné vlastnosti a různou hmotnost.

➤ Atomy se sloučují na molekuly v poměrech malých celých čísel.

Atom

- 1897 Joseph John Thomson

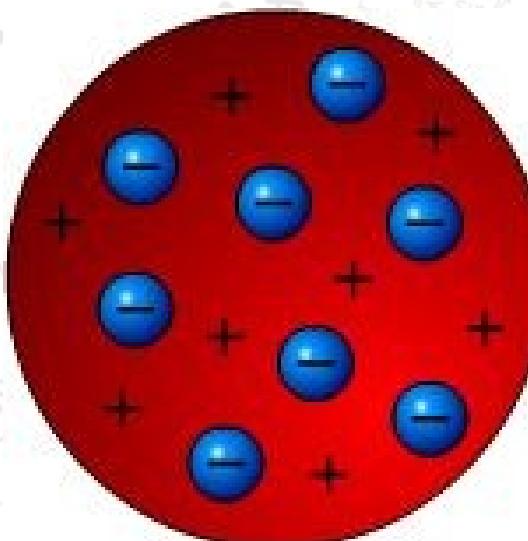
➤ Při studiu katodového záření objevuje elektron → atom přestává být považován za nejmenší částici hmoty



[Podrobněji](#)

Atom

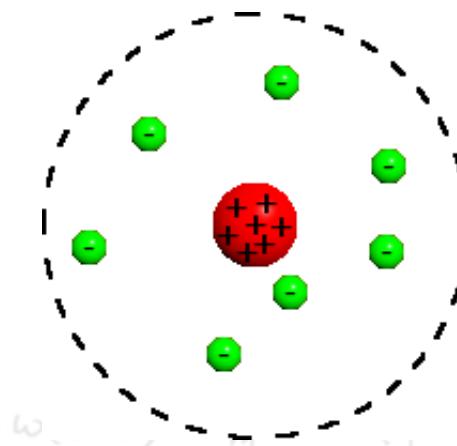
- Thomsonův model atomu „pudinkový“
- Elektrony jsou rovnoměrně rozložené v atomu společně s kladným nábojem, takže výsledný náboj je 0



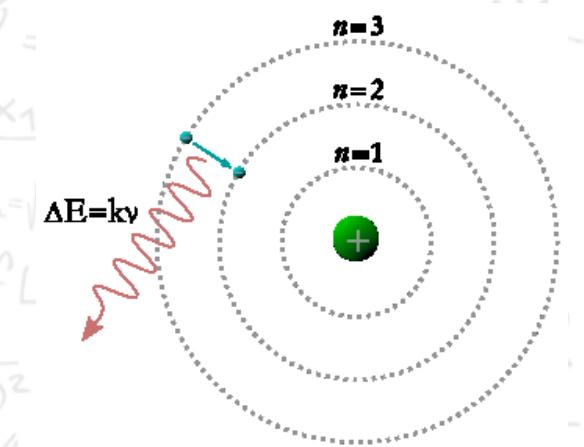
Atom

- Ernest Rutherford

- 1909 Experimentálně objevuje atomové jádro
- Ostřelování zlaté fólie alfa částicemi
- Navrhuje nový (planetární) model atomu
- Většina hmoty v malém jádře s kladným nábojem
- Podrobněji na cvičení
- $\cot \frac{\theta}{2} = 4\pi\epsilon_0 \frac{mv_0^2}{Z_1 Z_2 e^2} b$



Atom



- Niels Bohr

- 1913 Navrhoje nový model atomu
- Energie musí být kvantována a elektrony mohou obíhat jádro pouze v energeticky dovolených dráhách
- K přechodu mezi hladinami musí elektron přijmout/vyzářit příslušné množství E
- Pomohl vysvětlit doposud neznámé chování některých atomových spekter

Atom

- Kvantově mechanický model
 - Využívá poznatků kvantové mechaniky
 - Schrödingerova vlnová rovnice
 - Elektron se nepopisuje jako hmotný bod, ale pomocí vlnové funkce (pravděpodobnost výskytu) (podrobněji v dalších přednáškách)
 - Heisenbergovy relace neurčitosti
 - Podrobněji v dalších přednáškách
 - Zavedení pojmu orbital
 - Oblast s největší pravděpodobností výskytu elektronu v obalu

Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Kvantová čísla
 - Hlavní
 - Vedlejší
 - Magnetické
 - Spinové

Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Hlavní kvantové číslo elektronu
- Popisuje energii elektronu v obalu
- Dá se srovnat se vzdáleností elektronu od jádra
- $n = 1, 2, 3 \dots$
- pro chemiky $n = K, L, M \dots$

Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Vedlejší kvantové číslo elektronu

- Popisuje velikost momentu hybnosti [Podrobněji](#)

- Dá se srovnat s tvarem orbitalu

- $l=0,1,2\dots n-1$

- Pro chemiky $l=s,p,d\dots$

Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Magnetické kvantové číslo elektronu

- Popisuje složku momentu hybnosti

- Dá se srovnat s prostorovou orientací orbitalu v magnetickém poli

- $m = -l, -l+1 \dots 0 \dots l-1, l$ ($-l \leq m \leq l$)

Elektronový obal

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2$$

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2\psi}{dx^2} + V\psi = E\psi$$

$$U_{ef} = \frac{U_m}{E}$$

$$\vec{B} = \mu_0 \frac{NI}{l} \sqrt{2} v$$

$$K = \frac{P^2}{2m} m_o = \frac{M_e}{N_e}$$

$$\lambda = \frac{\hbar}{\sqrt{2eU_r}}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{e}} \psi_0$$

$$\oint \vec{B} d\vec{l} = \mu \oint_S$$

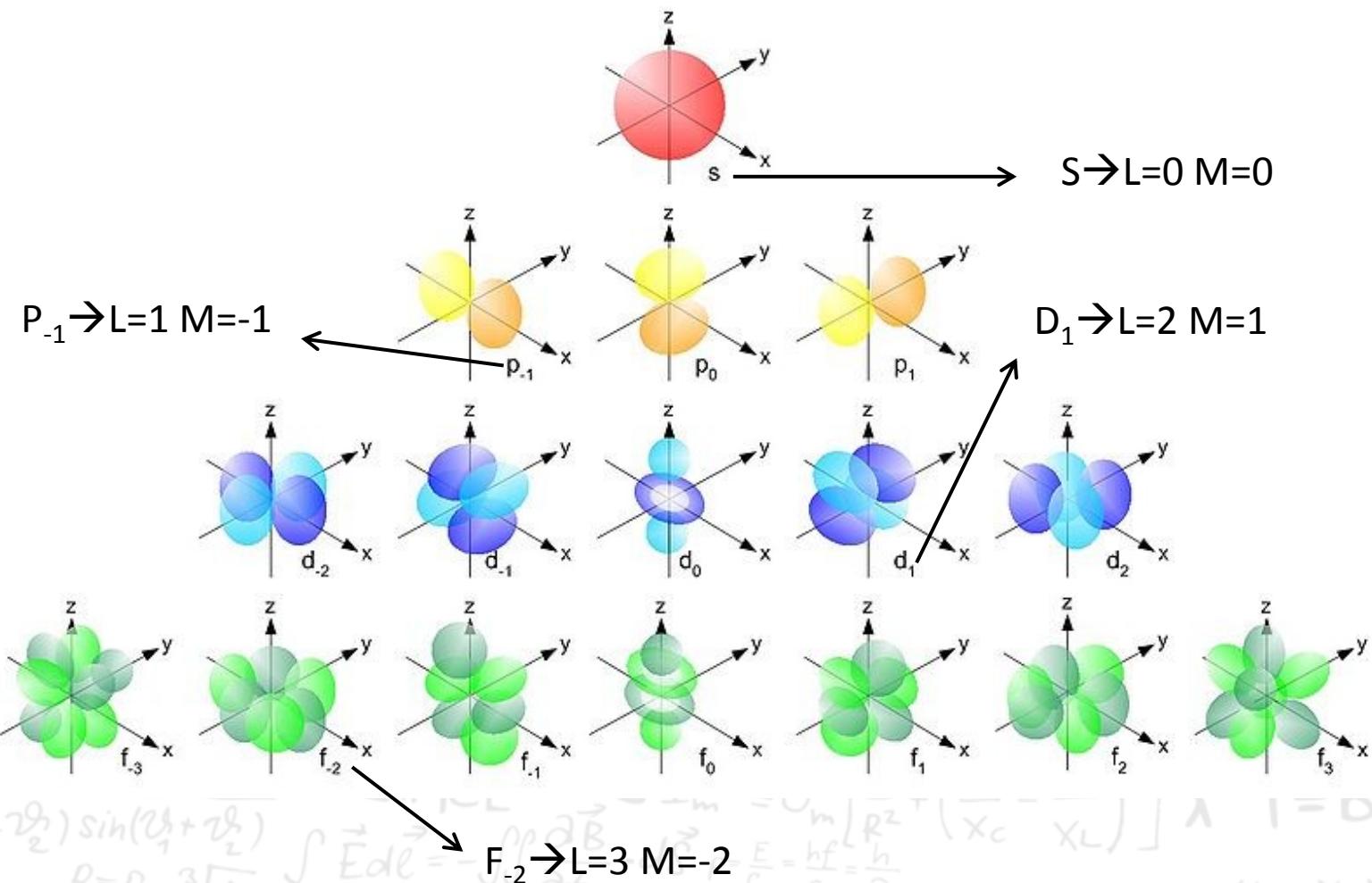
$$V_K = \sqrt{\frac{3kT}{m_o}} = \sqrt{\frac{3kTN}{M_m}}$$

$$\gamma = \frac{\ln 2}{T} F_h$$

$$\left(\frac{E_t}{E_0} \right)_{||} = \frac{2 \cos \vartheta_1}{\cos(\vartheta_1 - \vartheta_2)}$$

$$E_y = E_0 \sin(k_x - \omega t)$$

$$S = \frac{1}{A} \frac{\partial l w}{\dots}$$



Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Spinové kvantové číslo elektronu

- Popisuje projekci spinu do osy

- Spin je vnitřní moment hybnosti a nabývá hodnot 0, 1/2, 1, 3/2 ...

- Elektrony mají hodnotu spinu $s = \frac{1}{2}$

Elektronový obal

- Wolfgang Pauli

- 1925 Formuluje vylučovací princip. Bylo mu 25 let.

- Žádné 2 nerozlišitelné fermiony nemohou být současně ve stejném kvantovém stavu
(nemohou mít shodná všechna kvantová čísla)

- Fermiony jsou částice, které se řídí Pauliho vylučovacím principem

- Mají poločíselný spin (proton, elektron, neutron..)

- Bosony se jím neřídí

- Mají celočíselný spin (foton, boson W, α částice...)

Elektronový obal

- Výstavbový princip

- Orbitaly s nižší energií se zaplňují dřív než orbitaly s vyšší energií
- Orbitaly s nižším součtem $n+l$ se zaplňují dřív
- Pokud je součet shodný, přednost má ten s nižším n
- 1s,2s,2p,3s,3p,4s,3d,4p,5s,4d,5p,6s,4f...

Jádro

- Složeno z nukleonů
 - Protonové (Z) a nukleonové (A) číslo - Jednoznačná identifikace ${}^A_Z X$
 - V přírodě $A \in (1,238)$ $Z \in (1,92)$
 - Izotopy – mají stejné Z, ale různé A

Jádro

- Hmotnosti

- Atomová hmotnostní jednotka

- 1/12 klidové hmotnosti $^{12}_6C$

- 1 u = 1 Dalton = $1,6605 \cdot 10^{-27} \text{ kg} = m_u$

- Klidová hmotnost

- Hmotnost jádra naměřená v klidu

- Relativní atomová hmotnost

- $A_r = \frac{m_a}{m_u}$

- m_a – hmotnost atomu

- V periodické tabulce

Jádro

- Hmotnosti

- Molární hmotnost
- SI jednotka kg/mol, ale lépe se pamatuje g/mol
- Číselně je totiž totožná s relativní atomovou hmotností
- Například $A_r(^1H) = 1,00797$
- $M_m(^1H) = 1,00797 \text{ g/mol}$

Jádro

- Hmotnosti

- Částicová jednotka eV/c^2

- Využívá se v jaderné fyzice pro popis klidových hmotností častic

- Odvozena z Einsteinova vztahu $m = \frac{E}{c^2}$

- Např. hmotnost $p^+ = 938 \text{ MeV}/c^2$

- Hmotnost $e^- = 511 \text{ keV}/c^2$

Jádro

- Látkové množství – n

- SI jednotka mol

- 1 mol látky obsahuje stejný počet částic jako 12 g uhlíku ^{12}C . Toto množství je rovno Avogadrově konstantě (N_A)

- $N_A = 6,022\ 141 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

- $n = \frac{N}{N_A} = \frac{m}{M_m}$

Jádro

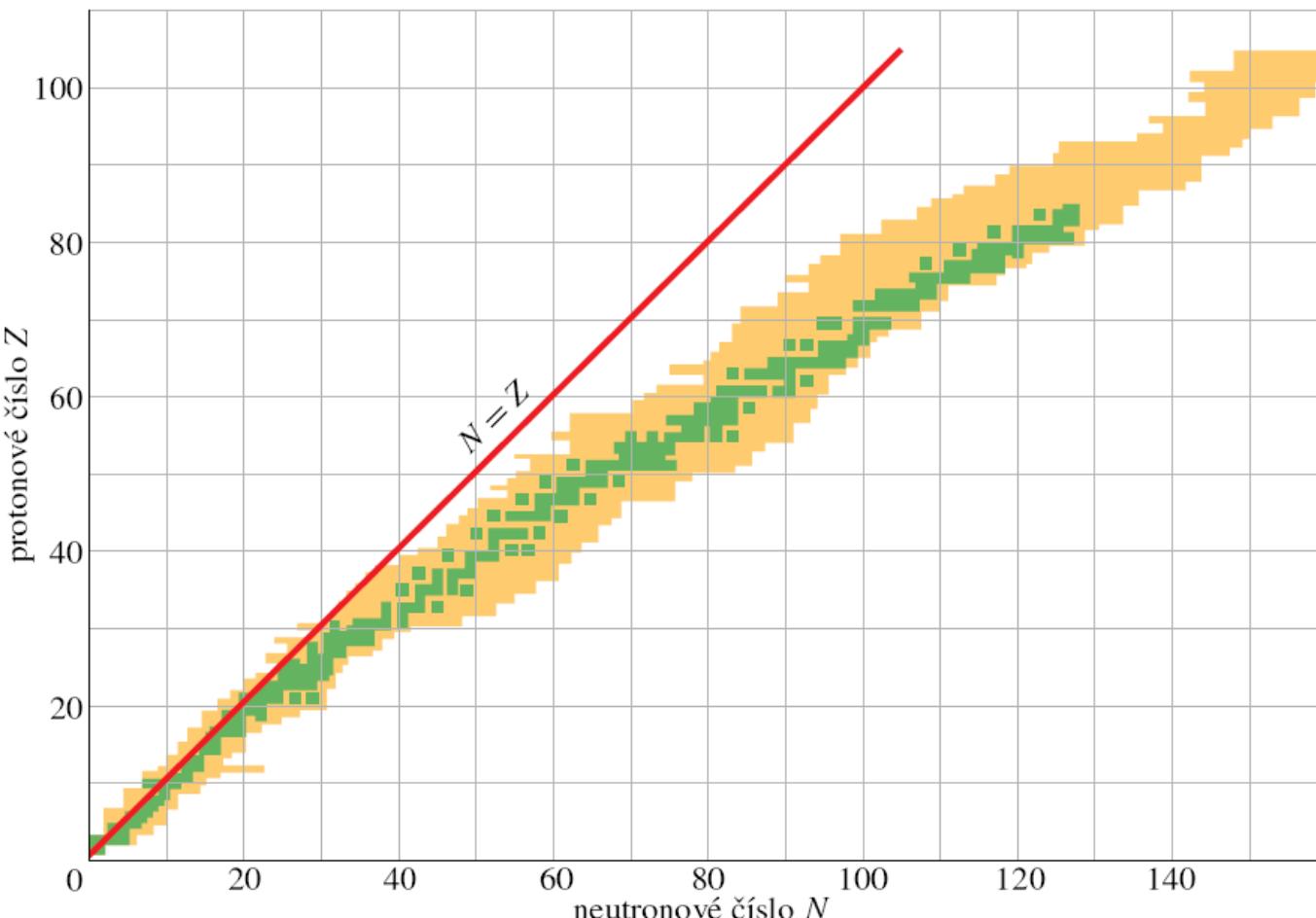
- Hmotnostní úbytek

- Očekávaná hmotnost jádra (součet hmotností nukleonů)
 - $m_{nukl} = Zm_p + (A - Z)m_n$

- Naměřená hmotnost jádra je vždy menší
 - $m_{nukl} - m_{jadr} = \Delta m$
 - Hmotnostní schodek Δm je vždy kladný
 - Platí $\Delta E = \Delta mc^2$
 - Tato energie je vazebnou energií jádra

Jádro

- Stabilita



Prvky

- Dmitrij I. Mendělejev
 - 1869 – Seřadil prvky podle hmotnosti
 - Nové poznatky → úprava tabulky
 - Prvky ve skupinách (sloupce) = stejný počet valenčních elektronů, podobné chemické vlastnosti
 - Prvky v periodách (řádky) = stejné n
 - Z levého dolního do pravého horního roste elektronegativita

[Podrobněji](#)

Prvky

Rozdílnosti ve skupinách

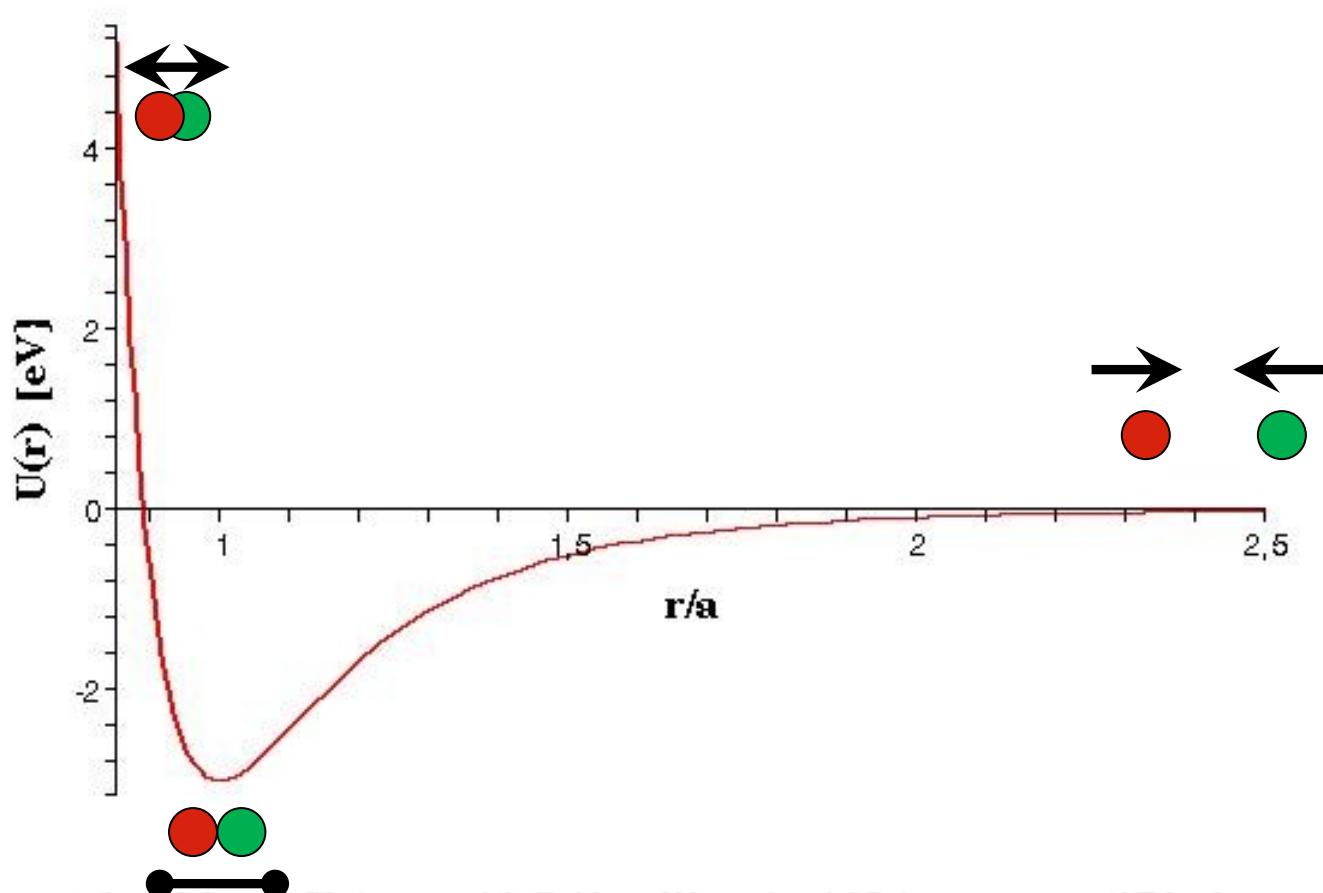
- Pravidlo podobných vlastností ve skupinách neplatí vždy
- Ve skupinách mohou být i velmi významné fyzikální rozdíly. Jeden z nich ovlivňuje život na celé zemi

[Podrobněji](#)

Prvky

- Prvky se mohou slučovat do molekul
 - Důvodem je minimalizace potenciální energie mezi atomy
 - Pokud jsou atomy moc blízko, převládá odpudivá síla nad přitažlivou
 - Naopak, když jsou moc daleko, je přitažlivá síla příliš slabá

Prvky



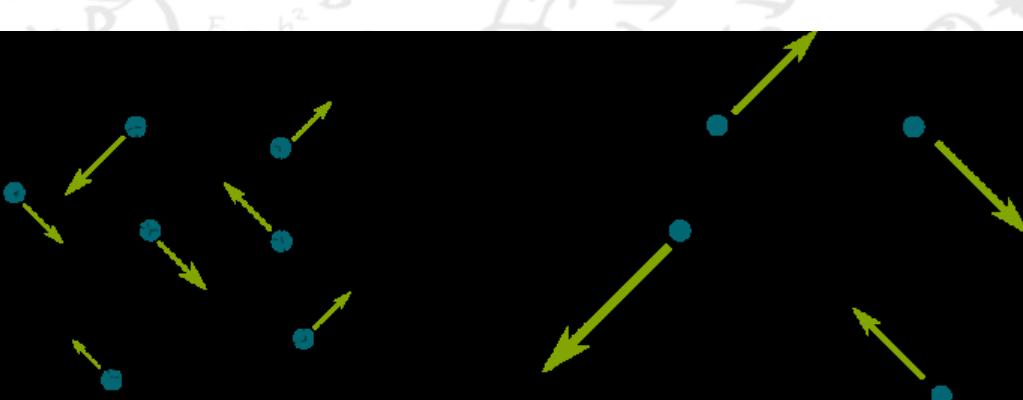
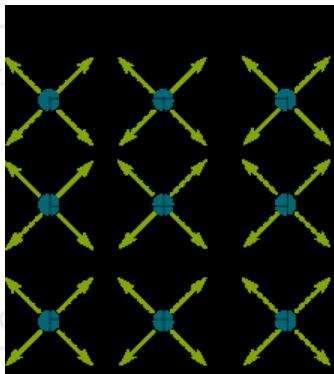
Pauza



Látka

- Základní typy skupenství

- Pevné
- Kapalné
- Plynné



Plyn

- Kinetická energie částic (při biogenních teplotách) je mnohem větší než potenciální energie
- Ideální plyn
 - Dokonale stlačitelný
 - Bez vnitřního tření
 - Rozměr částic je zanedbatelný
 - Částice na sebe působí pouze srážkami, které jsou dokonale pružné (nemění se celková kinetická energie)
 - Pohyb je zcela neuspořádaný

Plyn

- Rovnovážný stav systému

- Za daných vnějších podmínek neprobíhá žádný samovolný děj spojený s výměnou látek nebo energie
- V ideálním plynu platí stavová rovnice

$$pV = nRT$$

Odvození na cvičení

- p – tlak, V – objem, n – látkové množství
- T – termodynamická teplota
- R – univerzální plynová konstanta
- $R = N_A k_B = 6,022 \cdot 10^{23} \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} = 8,314 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$

Plyn

- Van der Waalsův plyn - přiblížení realitě

➤ Bere v potaz přitažlivé Van der Waalsovy síly mezi molekulami plynu (snížení tlaku popsané konstantou a)

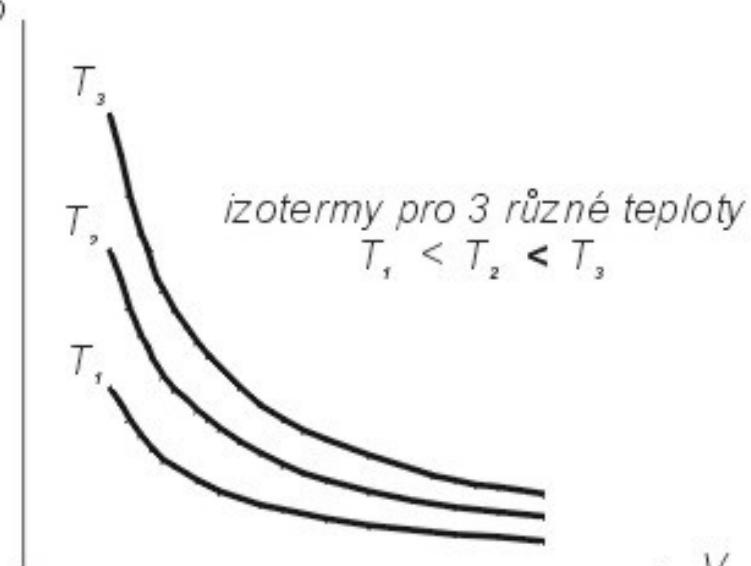
➤ Bere v potaz objem molekul plynu (popsáno konstantou b)

$$\left(p - a \frac{n^2}{V^2} \right) \cdot (V - bn) = nRT$$

Plyn

- Základní termodynamické děje

- Izotermický děj (Boyleův-Mariottův zk.)
- Teplota systému je konstantní ($\Delta T = 0$)
- Ze stavové rovnice vyplývá:
- $pV = \text{konst.}$
- Nedochází ke změně vnitřní energie ($\Delta U = 0$)



Plyn

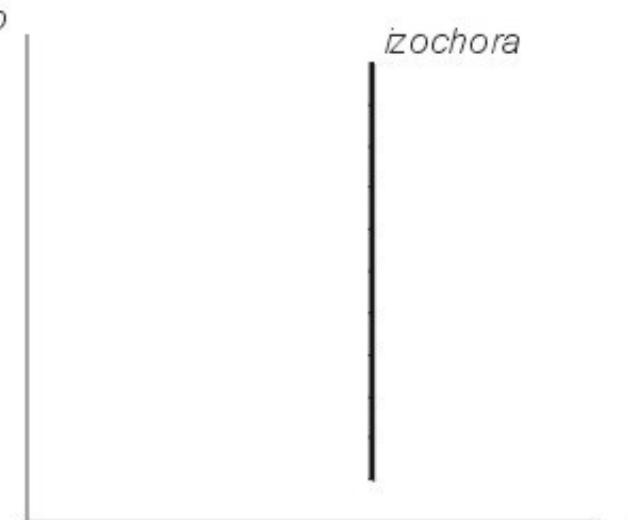
- Základní termodynamické děje
 - Izobarický děj (Gay-Lussacův zk.)
 - Tlak systému je konstantní ($\Delta p = 0$)
 - Ze stavové rovnice vyplývá:
 - $V/T = \text{konst.}$



Plyn

- Základní termodynamické děje

- Izochorický děj (Charlesův zk.)
 - Objem systému je konstantní ($\Delta V = 0$)
 - Ze stavové rovnice vyplývá:
 - $p/T = \text{konst.}$
 - Systém nemůže vykonávat objemovou práci ($\Delta W = 0$)



Plyn

- Základní termodynamické děje

➤ Adiabatický děj (Poissonův zk.)

➤ Nedochází k tepelné výměně ($\Delta Q = 0$)

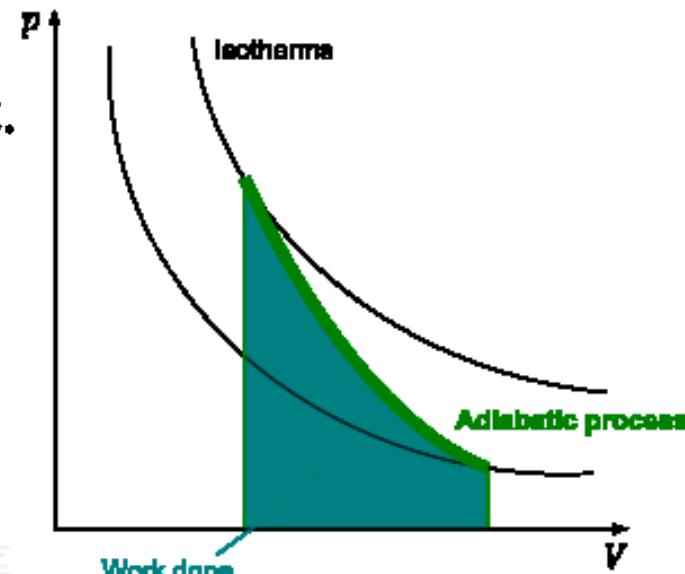
➤ Ze stavové rovnice vyplývá:

➤ $pV^\kappa = \text{konst.}$

➤ κ – Poissonova konst.

$$\kappa = \frac{c_p}{c_v}$$

➤ c_i – tepelná kapacita
při stálém p nebo V



Kapalina

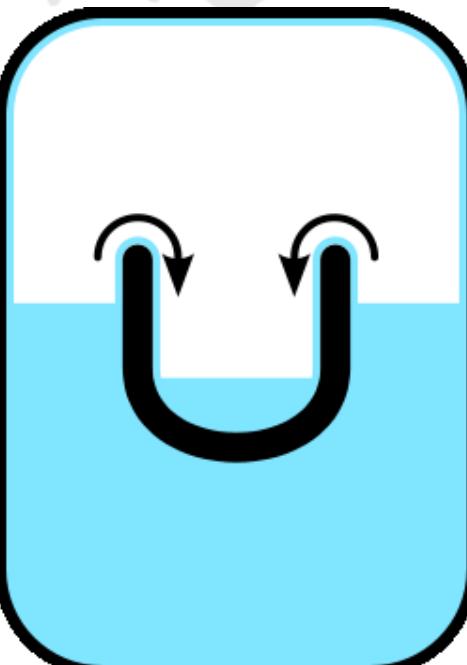
- Kinetická energie částic je o málo větší než energie potenciální
- Ideální kapalina
 - Je dokonale nestlačitelná
 - Bez vnitřního tření (nulová viskozita)
 - Bez vlastního tvaru
 - Má povrch, který se chová jako elastická fólie (povrchové napětí kapalin)

Kapalina

- Supratekutost

► ^4He při teplotě $T < 2,17 \text{ K}$ přechází do supratekutého stavu (vysvětlení příště)

<https://www.youtube.com/watch?v=9FudzqfpLLs>



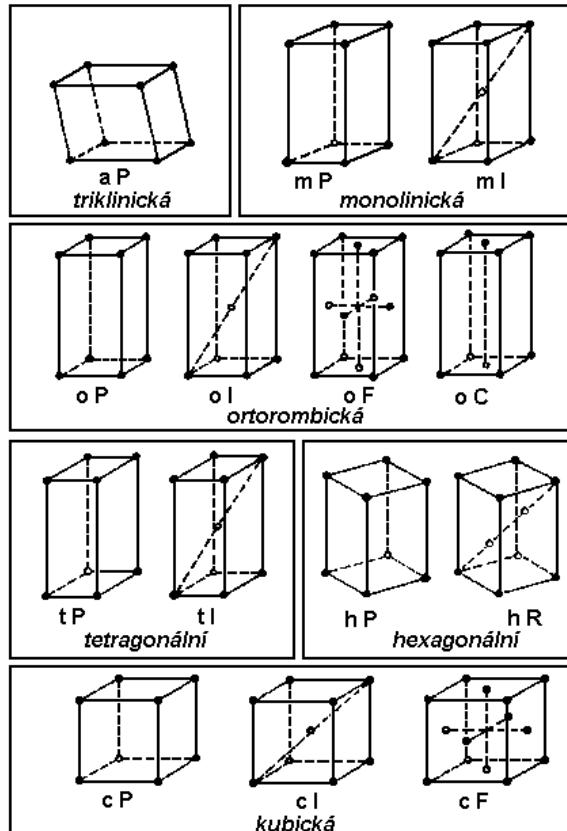
Pevná látka

- Kinetická energie částice je menší než potenciální energie
- Krystalické látky
 - Pravidelná struktura
 - Obecně anizotropní (různé fyzikální vlastnosti v různých směrech)
- Amorfni látky
 - Nepravidelná struktura
 - Vlastnosti nezávislé na směru

Pevná látka

- Krystalové soustavy

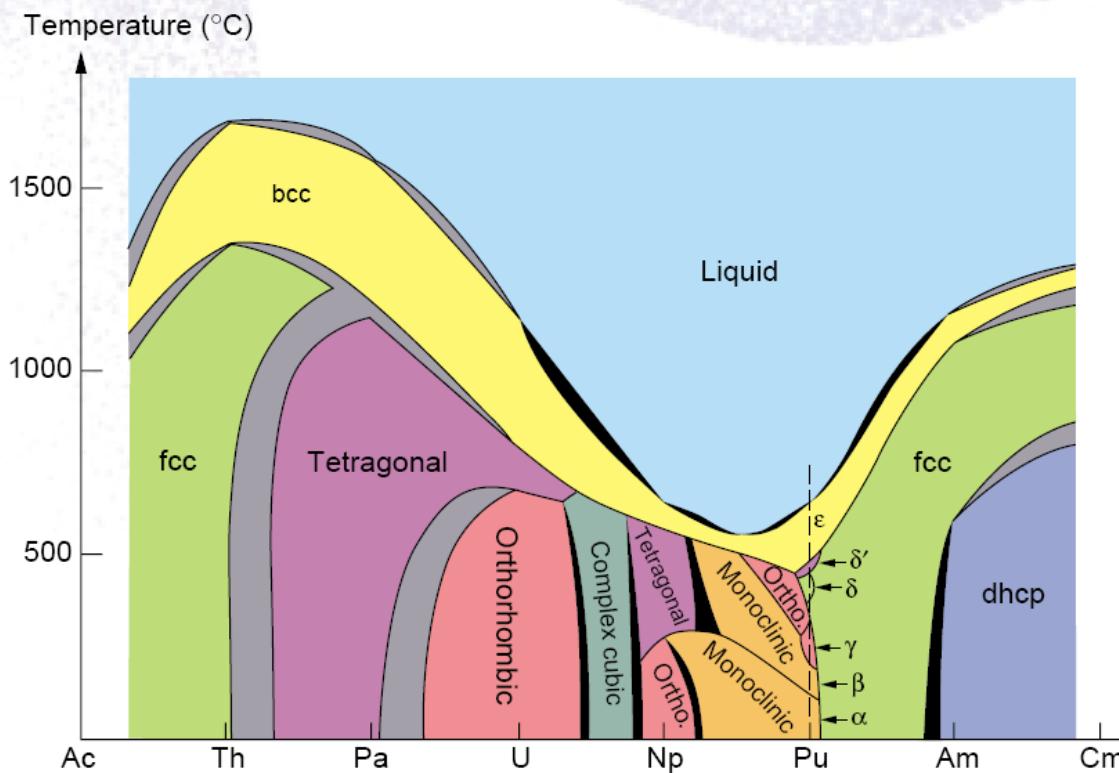
- Existuje 230 prostorových grup



Pevná látka

- Krystalové soustavy

➤ Při různé teplotě a tlaku může prvek tvorit různou mřížku



Pevná látka

- Amorfní látky

- Lze si je představovat jako kapalinu s vysokou viskozitou (vnitřním třením)
- Nemají pevnou teplotu tání (při zahřívání měknou až se rozpuští)
- Vosk, asfalt, pryskyřice, polymery, sklo

Shrnutí

- Známe nejen historický vývoj zkoumání podstaty hmoty, ale
- Víme, jak se liší jednotlivé modely atomů, umíme důkladně popsat a chápeme Bohrův model a víme podstatné informace o kvantově mechanickém modelu
- Umíme vysvětlit stavbu elektronového obalu a popsat kvantová čísla

Shrnutí

- Perfektně se orientujeme v popisu jader, víme co je nukleonové či protonové číslo, umíme vysvětlit pojemy stabilita jádra, hmotnostní úbytek (neboli schodek)
- Víme proč počet neutronů roste rychleji než protonů
- Víme, jak Mendělejev sestavil tabulku prvků

Shrnutí

- Umíme vysvětlit rozdíl mezi ideálním a reálným plynem či kapalinou
- Chápeme podstatu jednotlivých skupenství, perfektně se orientujeme v termodynamických dějích v ideálním plynu
- Jsme schopni popsát rozdíl mezi krystalickou a amorfní látkou a jaké fyzikální rozdíly z toho plynou

To je vše přátelé...



...pro dnešek...

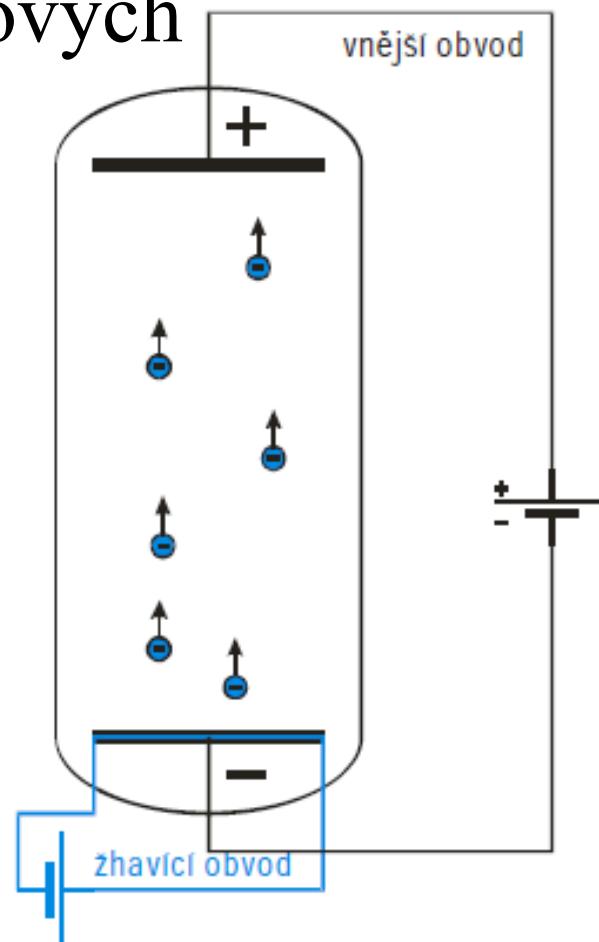
Děkuji za pozornost

Konec 2. přednášky

Prezentace vznikla v rámci projektu
fondu rozvoje MU 1515/2014

Dodatky 1

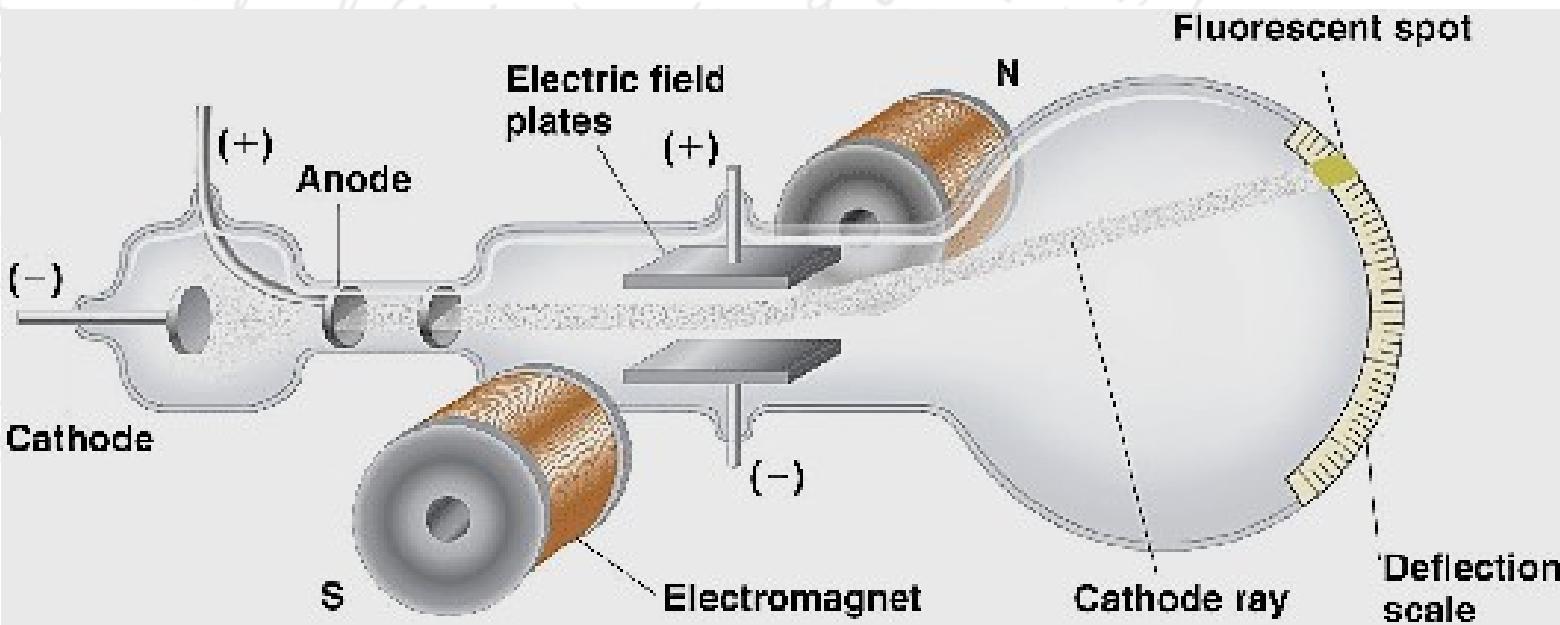
- 1869 objev katodového záření (Hittorf) v upravených Geisslerových trubicích
 - Ohýbá se v mag. poli
 - Má záporný el. náboj
 - Co to je?



[zpět](#)

Dodatky 1

- 1897 Thomsonův experiment



[zpět](#)

Dodatky 1

- Záporně nabytá částice získá v elektrickém poli potenciální energii $E = Q U$
- Ta se mění na kinetickou $E = \frac{1}{2}mv^2$

$$QU = \frac{1}{2}mv^2$$
$$v = \sqrt{\frac{2QU}{m}}$$

[zpět](#)

Dodatky 1

- Víme, že se proud záření ohýbá po kružnici
- Dostředivá síla při pohybu po kružnici
- Záření je ohýbáno Lorentzovou silou

$$F = \frac{mv^2}{r}$$

$$mv^2 = QvBr$$

$$\frac{Q}{m} = \frac{v}{Br}$$

[zpět](#)

Dodatky 1

- Po dosazení za rychlosť

$$\frac{Q}{m} = \sqrt{\frac{2UQ}{Br}} \quad / \quad \text{umocníme}$$

$$\frac{Q^2}{m^2} = \frac{2UQ}{mB^2r^2} \quad / \quad Q \quad m$$

$$\frac{Q}{m} = \frac{2U}{B^2r^2}$$

[zpět](#)

Dodatky 1

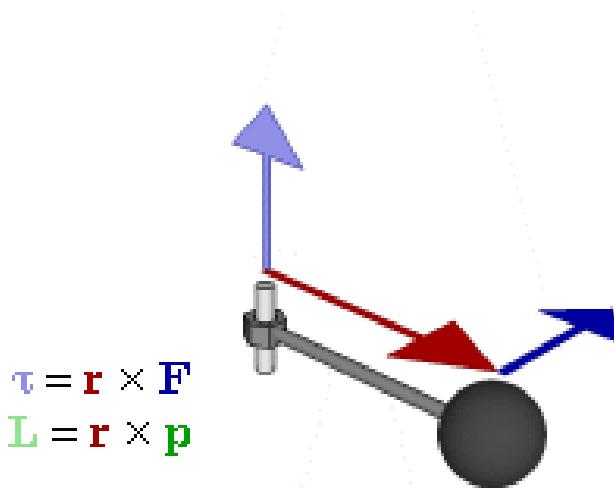
- Thomson vypočítal náboj katodového záření rovný kationtu vodíku
- Hmotnost částice katodového záření vypočítal přibližně 1000x menší než atomu vodíku
- Usuzoval, že se jedná o částici, která se nachází uvnitř atomu

Konec 1. dodatku

[zpět](#)

Dodatky 2

- Moment hybnosti ($\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$)
- Popisuje rotační pohyb tělesa



Podrobněji na 7. přednášce (MRI)

Konec 2. dodatku

[zpět](#)

Dodatky 3

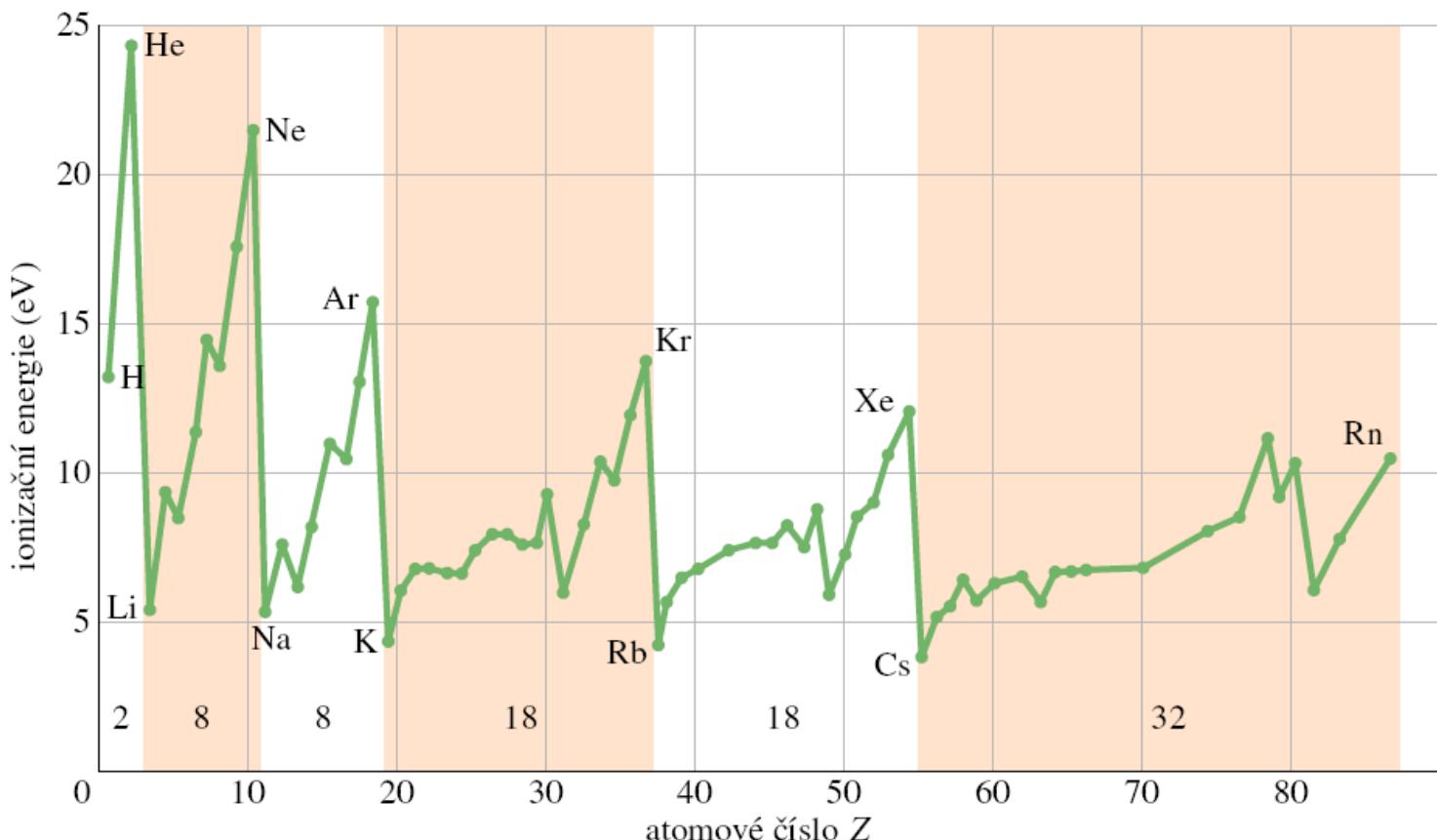
- Periodická tabulka prvků

➤ Prvky ve stejné skupině („sloupci“) mají stejný počet valenčních elektronů. Proto většinou vykazují podobné chemické vlastnosti

➤ Prvky v 18. skupině (vzácné plyny) mají zcela zaplněné všechny orbitaly. Mají nejvyšší ionizační energii a je velmi obtížné je ionizovat a dlouho nebyly známy jejich sloučeniny. Proto se jim říkalo inertní (netečné) prvky.

Dodatky 3

Ionizační energie prvků



[Zpět](#)

Dodatky 3

- Periodická tabulka prvků

➤ Oproti tomu, prvky z 1. skupiny (alkalické kovy) mají ve valenční vrstvě 1 volný elektron, který je „nadbytečný“ oproti vysoce stabilní elektronové konfiguraci vzácných plynů a mají tendenci lehce se jej zbavovat. Proto je jejich ionizační energie minimální.

➤ Všechny velmi rychle a bouřlivě reagují s vodou ([video](#))

<https://www.youtube.com/watch?v=HvVUtpdK7xw>

[Zpět](#)

Dodatky 3

- Periodická tabulka prvků

- Prvkům ze 17. skupiny (halogeny) chybí 1 elektron do elektronové konfigurace vzácných plynů. Proto se ho snaží získat což se projevuje na jejich vysoké elektronegativitě.

- Jejich podobné reakce jsou [zde](#)

<https://www.youtube.com/watch?v=u2ogMUDBaf4>

Konec 3. dodatku

[Zpět](#)

Dodatky 4

- Všechny prvky z 16. skupiny (chalkogeny) tvoří sloučeniny s vodíkem

Molekula	T tání [°C]	T varu [°C]
H ₂ O	0	100
H ₂ S	-82	-60
H ₂ Se	-65	-41
H ₂ Te	-49	-2

- Proč tak odlišná teplota u H₂O?

[Zpět](#)

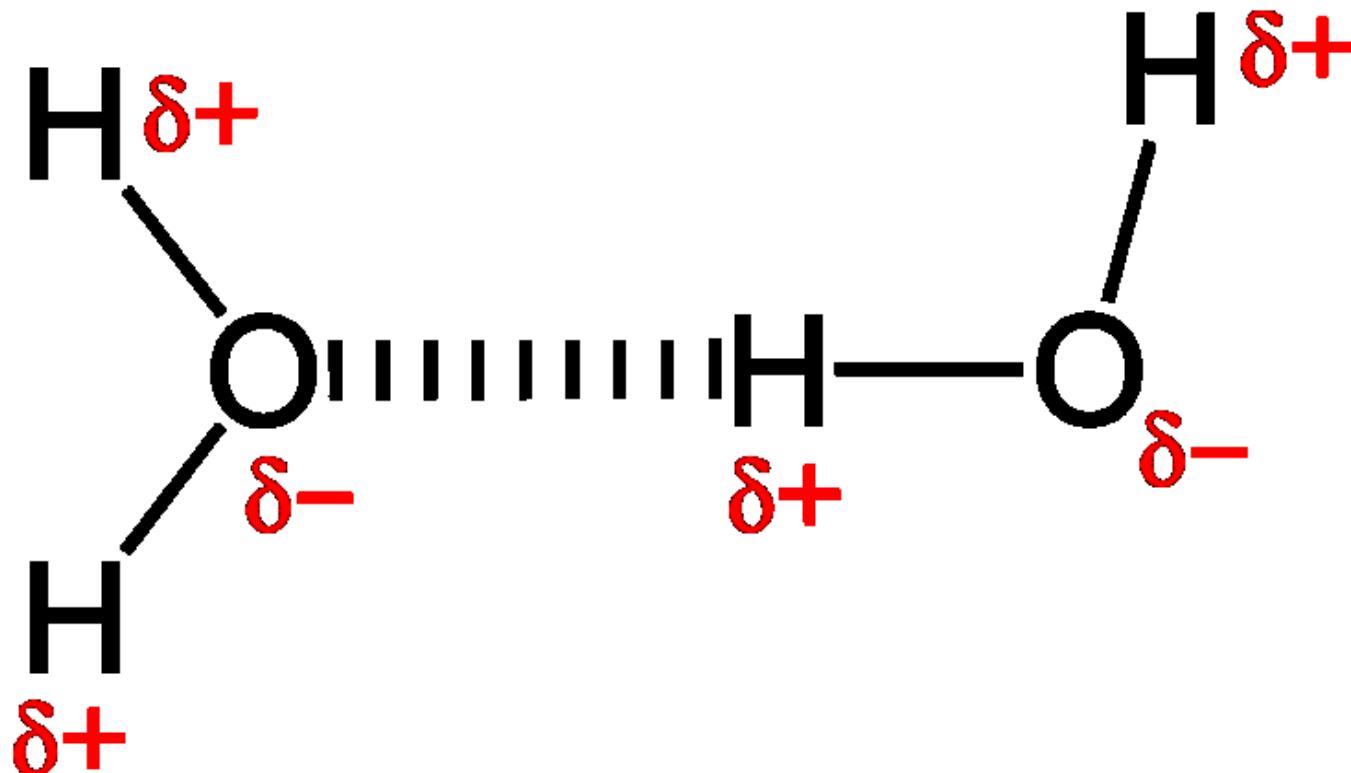
Dodatky 4

• Vodíková vazba

- Je slabší než iontová nebo kovalentní, ale silnější než ostatní vazby
- Silně ovlivňuje teplotu tání a varu
- Ke vzniku musí být přítomen vodík navázaný na silně elektronegativním prvku a další prvek s volným elektronovým párem
- Na vodíku vzniká kladný parciální náboj, na který se může navázat elektron z nevazebného elektronového páru

[Zpět](#)

Dodatky 4



Konec 4. dodatku

[Zpět](#)