

# Radiologická fyzika a radiobiologie

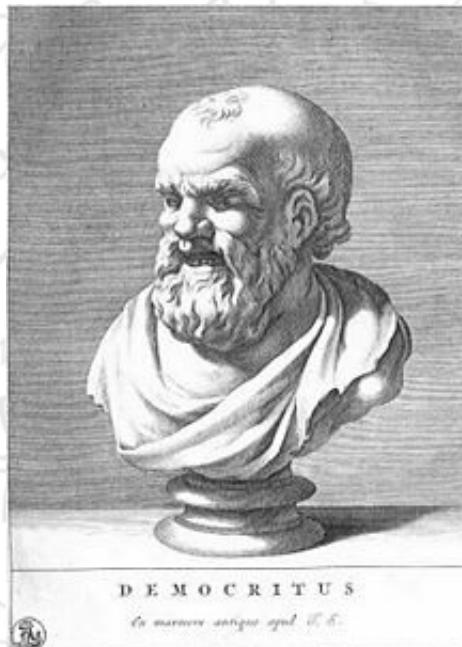
## 2. přednáška



# Atom

- 5. století př.n.l. Demokritos

- Filosofická teze o konečné dělitelnosti látek.
- Nejmenší nedělitelnou částicí je atom.



# Atom

• První dekáda 19. stol. John Dalton

➤ Daltonova atomová teorie

➤ Látky se skládají z malých částic zvaných atomy. Atomy nelze vytvořit, zničit ani rozdělit.

➤ Atomy jednoho prvku jsou stejné (mají stejnou hmotnost i vlastnosti).

➤ Atomy různých prvků mají rozdílné vlastnosti a různou hmotnost.

➤ Atomy se sloučují na molekuly v poměrech malých celých čísel.

# Atom

- 1897 Joseph John Thomson

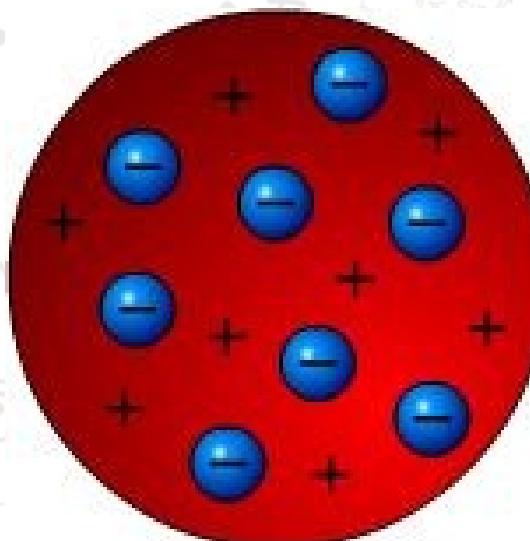
➤ Při studiu katodového záření objevuje elektron → atom přestává být považován za nejmenší částici hmoty.



[Podrobněji](#)

# Atom

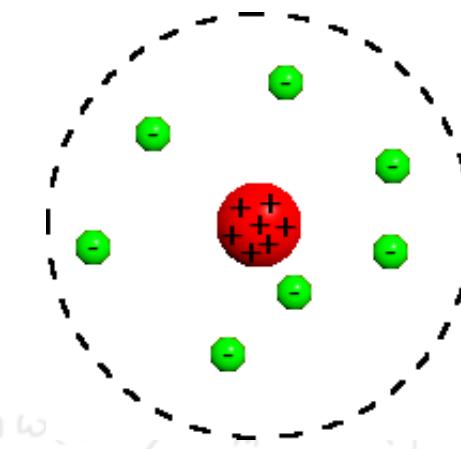
- Thomsonův model atomu „pudinkový“.
- Elektrony jsou rovnoměrně rozložené v atomu společně s kladným nábojem, takže výsledný náboj je 0.



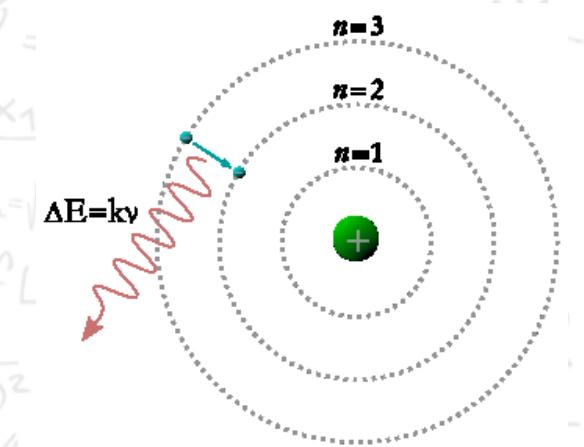
# Atom

- Ernest Rutherford

- 1909 Experimentálně objevuje atomové jádro.
- Ostřelování zlaté fólie alfa částicemi.
- Navrhuje nový (planetární) model atomu.
- Většina hmoty v malém jádře s kladným nábojem.
- Podrobněji na cvičení.
- $\cot \frac{\Theta}{2} = 4\pi\epsilon_0 \frac{mv_0^2}{Z_1 Z_2 e^2} b$



# Atom



- Niels Bohr

- 1913 Navrhoje nový model atomu.
- Energie musí být kvantována a elektrony mohou obíhat jádro pouze v energeticky dovolených dráhách.
- K přechodu mezi hladinami musí elektron přijmout/vyzářit příslušné množství  $E$ .
- Pomohl vysvětlit doposud neznámé chování některých atomových spekter.

# Atom

- Kvantově mechanický model
  - Využívá poznatků kvantové mechaniky.
  - Schrödingerova vlnová rovnice
  - Elektron se nepopisuje jako hmotný bod, ale pomocí vlnové funkce (pravděpodobnost výskytu) (podrobněji v dalších přednáškách).
  - Heisenbergovy relace neurčitosti
    - Podrobněji v dalších přednáškách.
  - Zavedení pojmu orbital
    - Oblast s největší pravděpodobností výskytu elektronu v obalu.

# Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Kvantová čísla
  - Hlavní
  - Vedlejší
  - Magnetické
  - Spinové

# Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Hlavní kvantové číslo elektronu
  - Popisuje energii elektronu v obalu.
  - Lze srovnat se vzdáleností elektronu od jádra
  - $n = 1, 2, 3 \dots$
  - pro chemiky  $n = K, L, M \dots$

# Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Vedlejší kvantové číslo elektronu

- Popisuje velikost momentu hybnosti. [Podrobněji](#)

- Lze srovnat s tvarem orbitalu.

- $l=0,1,2\dots n-1$

- Pro chemiky  $l=s,p,d\dots$

# Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Magnetické kvantové číslo elektronu

- Popisuje složku momentu hybnosti.

- Lze srovnat s prostorovou orientací orbitalu v magnetickém poli.

- $m = -l, -l+1 \dots 0 \dots l-1, l$  ( $-l \leq m \leq l$ )

# Elektronový obal

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2$$

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2\psi}{dx^2} + V\psi = E\psi$$

$$U_{ef} = \frac{U_m}{E}$$

$$\vec{B} = \mu_0 \frac{NI}{\ell} \sqrt{2} v$$

$$K = \frac{P^2}{2m} m_o = \frac{M_e}{N_e}$$

$$\lambda = \frac{\hbar}{\sqrt{2eU_r}}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{e}} \psi_0$$

$$\oint \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \int_S$$

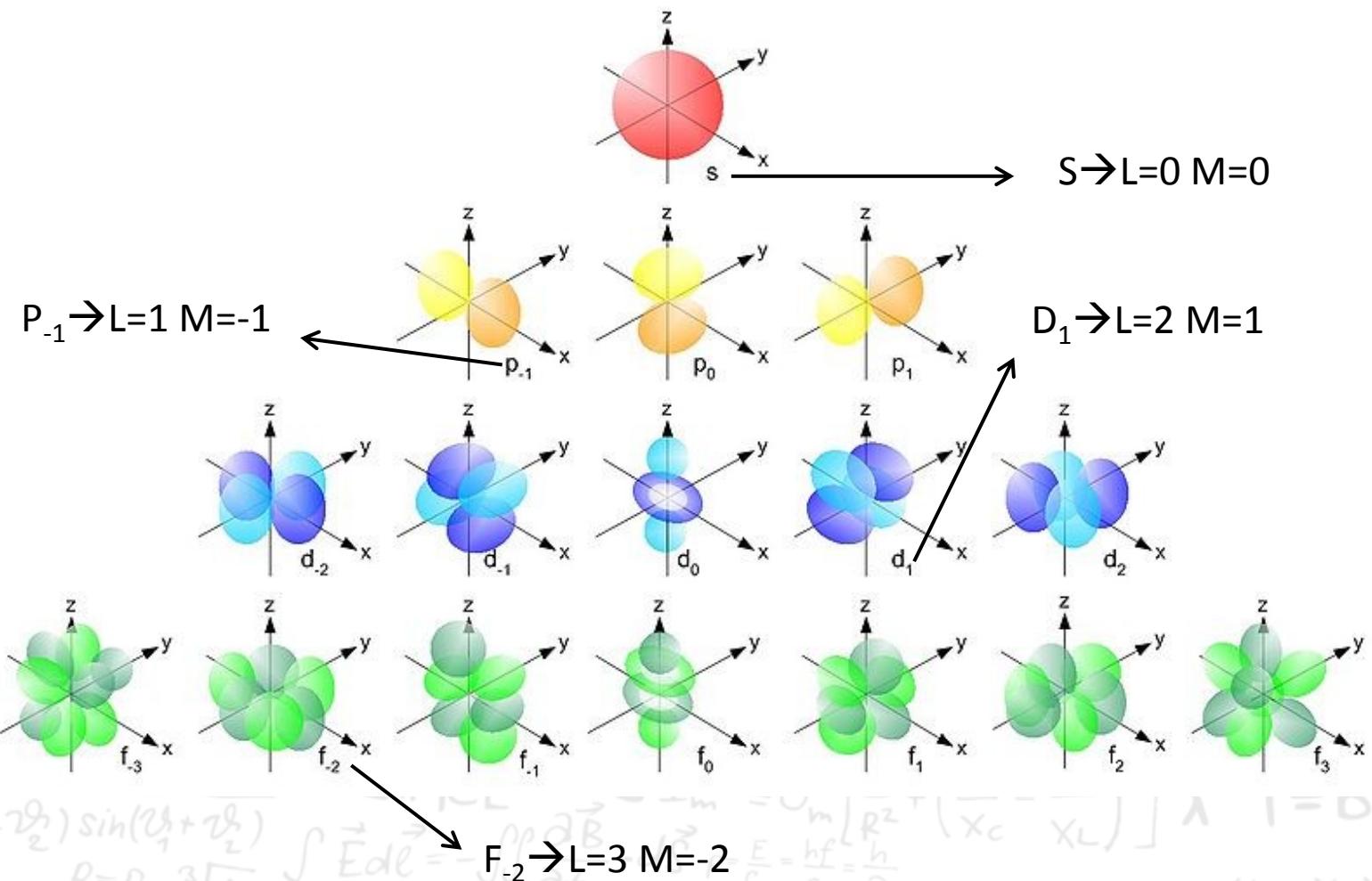
$$V_K = \sqrt{\frac{3kT}{m_o}} = \sqrt{\frac{3kTN}{M_m}}$$

$$\gamma = \frac{\ln 2}{T} F_h$$

$$\left(\frac{E_t}{E_0}\right)_{||} = \frac{2 \cos \vartheta_1}{\cos(\vartheta_1 - \vartheta_2)}$$

$$E_y = E_0 \sin(k_x - \omega t)$$

$$S = \frac{1}{A} \frac{\partial \omega}{\partial r}$$



# Elektronový obal

- Kvantově mechanický model

- Spinové kvantové číslo elektronu

- Popisuje projekci spinu do osy.

- Spin je vnitřní moment hybnosti a nabývá hodnot 0, 1/2, 1, 3/2 ...

- Elektrony mají hodnotu spinu  $s = \frac{1}{2}$

# Elektronový obal

- Wolfgang Pauli

- 1925 Formuluje vylučovací princip. Bylo mu 25 let.

- Žádné 2 nerozlišitelné fermiony nemohou být současně ve stejném kvantovém stavu (nemohou mít shodná všechna kvantová čísla).

- Fermiony jsou částice, které se řídí Pauliho vylučovacím principem.

- Mají poločíselný spin (proton, elektron, neutron..)

- Bosony se jím neřídí.

- Mají celočíselný spin (foton, boson W,  $\alpha$  částice...)

# Elektronový obal

- Výstavbový princip

- Orbitaly s nižší energií se zaplňují dřív než orbitaly s vyšší energií.
- Orbitaly s nižším součtem  $n+l$  se zaplňují dřív.
- Pokud je součet shodný, přednost má ten s nižším n.
- 1s, 2s, 2p, 3s, 3p, 4s, 3d, 4p, 5s, 4d, 5p, 6s, 4f...

# Jádro

- Složeno z nukleonů
  - Protonové (Z) a nukleonové (A) číslo - Jednoznačná identifikace  ${}^A_Z X$ .
  - V přírodě  $A \in (1,238)$     $Z \in (1,92)$
  - Izotopy – mají stejné Z, ale různé A.

# Jádro

## • Hmotnosti

➤ Atomová hmotnostní jednotka

➤ 1/12 klidové hmotnosti  $^{12}_6C$

➤ 1 u = 1 Da (Dalton) =  $1,6605 \cdot 10^{-27} \text{ kg} = m_u$

➤ Klidová hmotnost

➤ Hmotnost jádra naměřená v klidu.

➤ Relativní atomová hmotnost

$$\gg A_r = \frac{m_a}{m_u}$$

➤  $m_a$  – hmotnost atomu

➤ Je uvedena v periodické tabulce.

# Jádro

- Hmotnosti

- Molární hmotnost
- SI jednotka kg/mol, ale lépe se pamatuje g/mol.
- Číselně je totiž totožná s relativní atomovou hmotností.
- Například  $A_r(^1H) = 1,00797$
- $M_m(^1H) = 1,00797 \text{ g/mol}$

# Jádro

- Hmotnosti

- Částicová jednotka  $eV/c^2$

- Využívá se v jaderné fyzice pro popis klidových hmotností častic.

- Odvozena z Einsteinova vztahu  $m = \frac{E}{c^2}$ .

- Např. hmotnost  $p^+ = 938 \text{ MeV}/c^2$

- Hmotnost  $e^- = 511 \text{ keV}/c^2$

# Jádro

- Látkové množství – n

- SI jednotka mol

- 1 mol látky obsahuje stejný počet částic jako 12 g uhlíku  $^{12}\text{C}$ . Toto množství je rovno Avogadrově konstantě ( $N_A$ ).

- $N_A = 6,022\ 141 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

- $n = \frac{N}{N_A} = \frac{m}{M_m}$

# Jádro

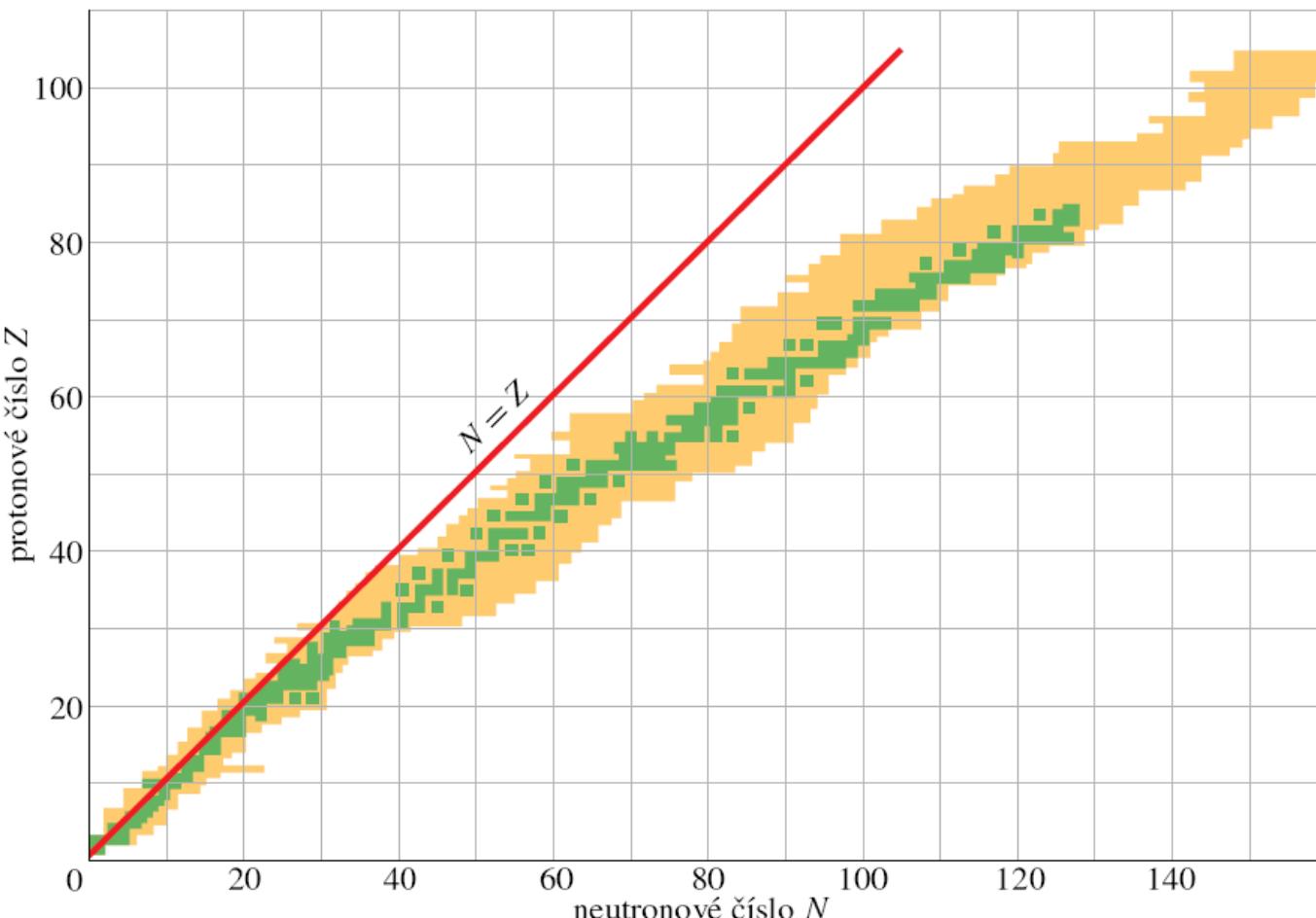
- Hmotnostní úbytek

- Očekávaná hmotnost jádra (součet hmotností nukleonů)
  - $m_{nukl} = Zm_p + (A - Z)m_n$

- Naměřená hmotnost jádra je vždy menší
  - $m_{nukl} - m_{jadr} = \Delta m$
  - Hmotnostní schodek  $\Delta m$  je vždy kladný.
  - Platí  $\Delta E = \Delta mc^2$
  - Tato energie je vazebnou energií jádra.

# Jádro

- Stabilita



# Prvky

- Dmitrij I. Mendělejev
  - 1869 – Seřadil prvky podle hmotnosti.
  - Nové poznatky → úprava tabulky
  - Prvky ve skupinách (sloupce) = stejný počet valenčních elektronů, podobné chemické vlastnosti.
  - Prvky v periodách (řádky) = stejné n
  - Z levého dolního do pravého horního roste elektronegativita .

[Podrobněji](#)

# Prvky

## Rozdílnosti ve skupinách

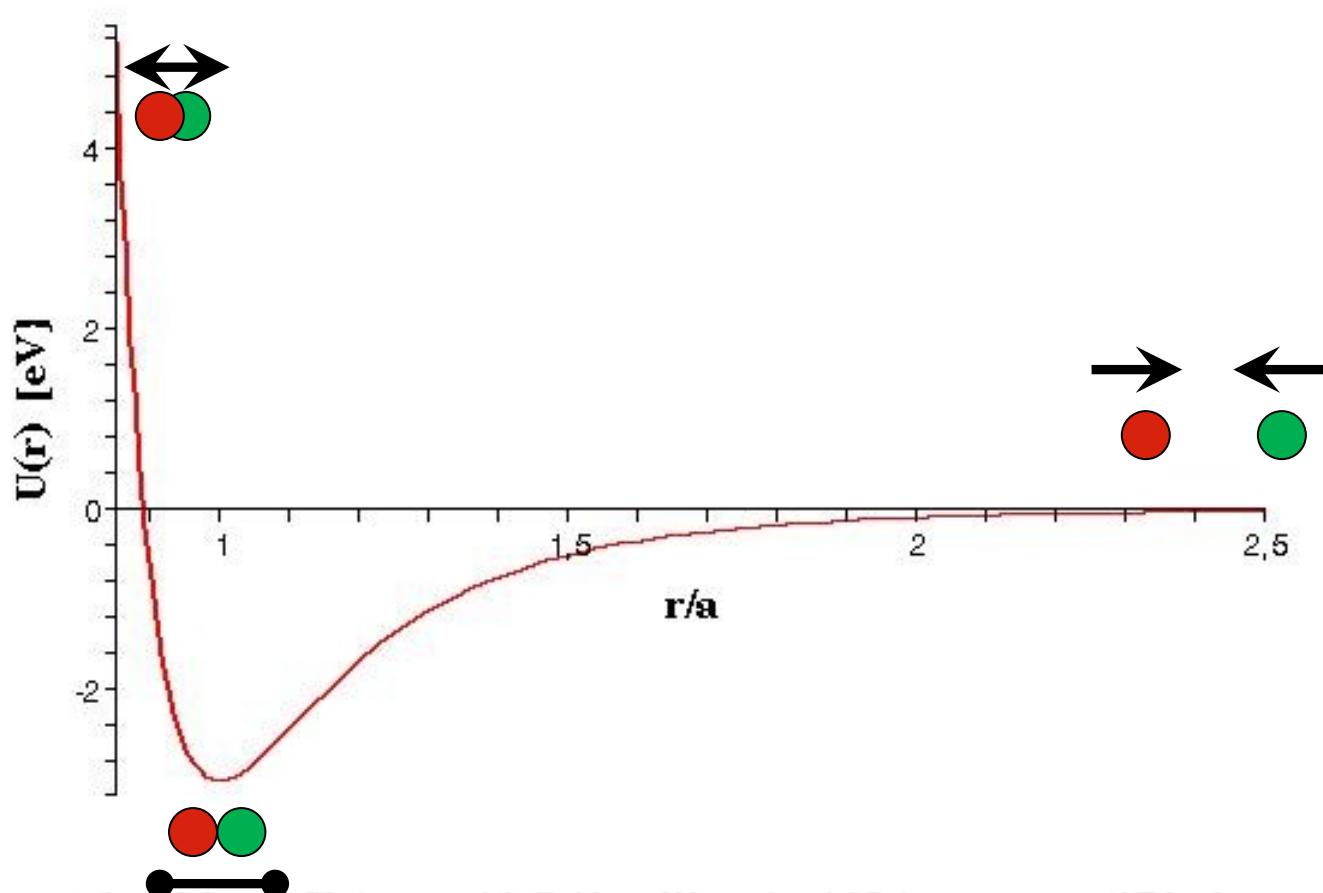
- Pravidlo podobných vlastností ve skupinách neplatí vždy.
- Ve skupinách mohou být i velmi významné fyzikální rozdíly. Jeden z nich ovlivňuje život na celé zemi.

[Podrobněji](#)

# Prvky

- Prvky se mohou slučovat do molekul
  - Důvodem je minimalizace potenciální energie mezi atomy.
  - Pokud jsou atomy moc blízko, převládá odpudivá síla nad přitažlivou.
  - Naopak, když jsou moc daleko, je přitažlivá síla příliš slabá.

# Prvky



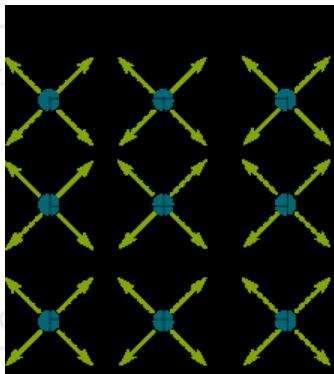
# Pauza



# Látka

- Základní typy skupenství

- Pevné
- Kapalné
- Plynné



# Plyn

- Kinetická energie částic (při biogenních teplotách) je mnohem větší než potenciální energie.
- Ideální plyn
  - Dokonale stlačitelný.
  - Bez vnitřního tření.
  - Rozměr částic je zanedbatelný.
  - Částice na sebe působí pouze srážkami, které jsou dokonale pružné (nemění se celková kinetická energie).
  - Pohyb je zcela neuspořádaný.

# Plyn

- Rovnovážný stav systému

- Za daných vnějších podmínek neprobíhá žádný samovolný děj spojený s výměnou látek nebo energie.
- V ideálním plynu platí stavová rovnice.

$$pV = nRT$$

Odvození na cvičení

- p – tlak, V – objem, n – látkové množství
- T – termodynamická teplota
- R – univerzální plynová konstanta
- $R = N_A k_B = 6,022 \cdot 10^{23} \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} = 8,314 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$

# Plyn

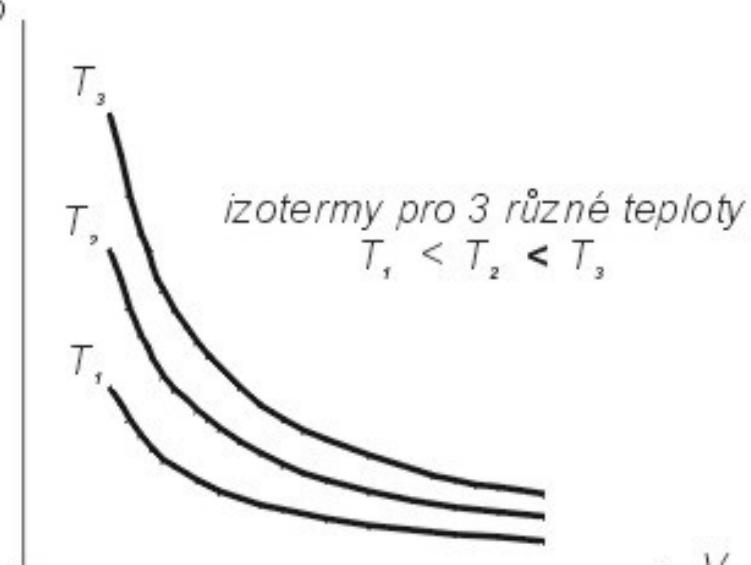
- Van der Waalsův plyn - přiblížení realitě
  - Bere v potaz přitažlivé Van der Waalsovy síly mezi molekulami plynu (snížení tlaku popsané konstantou  $a$ ).
  - Bere v potaz objem molekul plynu (popsáno konstantou  $b$ ).

$$\left( p + a \frac{n^2}{V^2} \right) \cdot (V - bn) = nRT$$

# Plyn

- Základní termodynamické děje

- Izotermický děj (Boyleův-Mariottův zk.)
- Teplota systému je konstantní ( $\Delta T = 0$ ).
- Ze stavové rovnice vyplývá:
- $pV = \text{konst.}$
- Nedochází ke změně vnitřní energie ( $\Delta U = 0$ ).



# Plyn

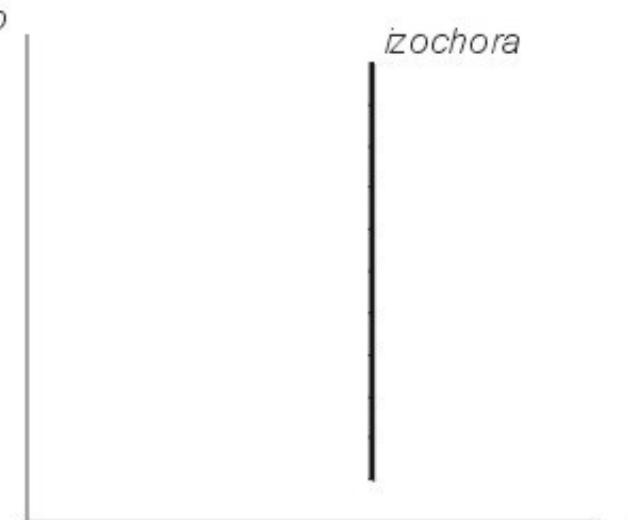
- Základní termodynamické děje
  - Izobarický děj (Gay-Lussacův zk.)
  - Tlak systému je konstantní ( $\Delta p = 0$ ).
  - Ze stavové rovnice vyplývá:
  - $V/T = \text{konst.}$



# Plyn

• Základní termodynamické děje

- Izochorický děj (Charlesův zk.)
- Objem systému je konstantní ( $\Delta V = 0$ ).
- Ze stavové rovnice vyplývá:
- $p/T = \text{konst.}$
- Systém nemůže vykonávat objemovou práci ( $\Delta W = 0$ ).



# Plyn

- Základní termodynamické děje

- Adiabatický děj (Poissonův zk.)
  - Nedochází k tepelné výměně ( $\Delta Q = 0$ ).

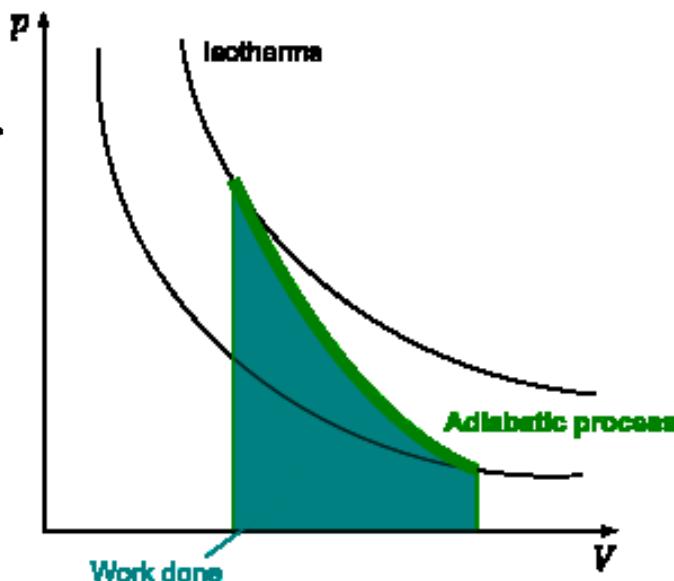
- Ze stavové rovnice vyplývá:

- $pV^\kappa = \text{konst.}$

- $\kappa$  – Poissonova konst.

- $$\kappa = \frac{c_p}{c_v}$$

- $c_i$  – měrná tepelná kapacita při stálém  $p$  nebo  $V$



# Kapalina

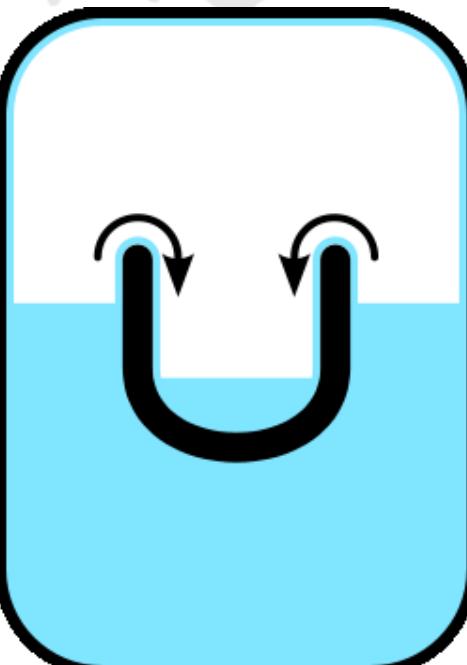
- Kinetická energie částic je o málo větší než energie potenciální.
- Ideální kapalina
  - Je dokonale nestlačitelná.
  - Bez vnitřního tření (nulová viskozita).
  - Bez vlastního tvaru.
  - Má povrch, který se chová jako elastická fólie (povrchové napětí kapalin).

# Kapalina

- Supratekutost

►  $^4\text{He}$  při teplotě  $T < 2,17 \text{ K}$  přechází do supratekutého stavu (vysvětlení příště).

<https://www.youtube.com/watch?v=9FudzqfpLLs>



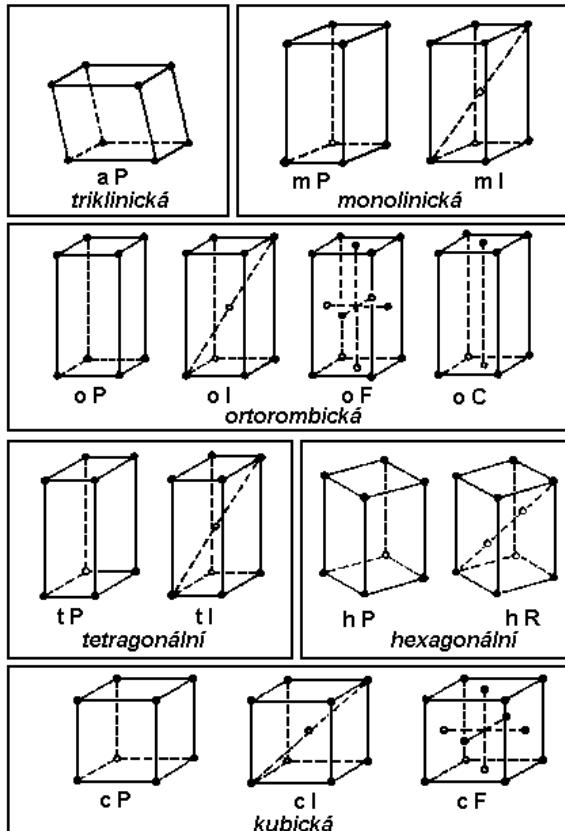
# Pevná látka

- Kinetická energie částice je menší než potenciální energie.
- Krystalické látky
  - Pravidelná struktura
  - Obecně anizotropní (různé fyzikální vlastnosti v různých směrech).
- Amorfni látky
  - Nepravidelná struktura.
  - Vlastnosti nezávislé na směru.

# Pevná látka

- Krystalové soustavy

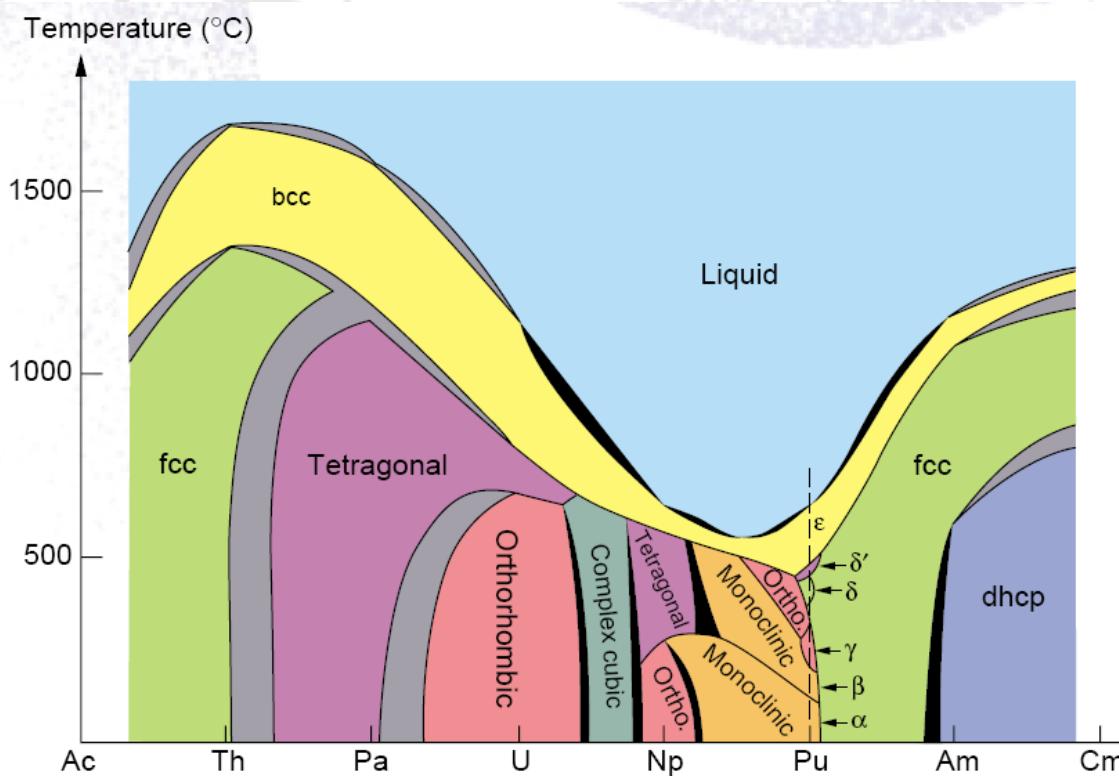
➤ Existuje 230 prostorových grup.



# Pevná látka

- Krystalové soustavy

► Při různé teplotě a tlaku může prvek tvorit různou mřížku.



# Pevná látka

- Amorfní látky

- Lze si je představovat jako kapalinu s vysokou viskozitou (vnitřním třením).
- Nemají pevnou teplotu tání (při zahřívání měknou až se rozpuští).
- Vosk, asfalt, pryskyřice, polymery, sklo

# Shrnutí

- Známe nejen historický vývoj zkoumání podstaty hmoty, ale
- Víme, jak se liší jednotlivé modely atomů, umíme důkladně popsat a chápeme Bohrův model a víme podstatné informace o kvantově mechanickém modelu.
- Umíme vysvětlit stavbu elektronového obalu a popsat kvantová čísla.

# Shrnutí

- Perfektně se orientujeme v popisu jader, víme co je nukleonové či protonové číslo, umíme vysvětlit pojemy stabilita jádra, hmotnostní úbytek (neboli schodek).
- Víme proč počet neutronů roste rychleji než protonů.
- Víme, jak Mendělejev sestavil tabulku prvků.

# Shrnutí

- Umíme vysvětlit rozdíl mezi ideálním a reálným plynem či kapalinou.
- Chápeme podstatu jednotlivých skupenství, perfektně se orientujeme v termodynamických dějích v ideálním plynu.
- Jsme schopni popsát rozdíl mezi krystalickou a amorfní látkou a jaké fyzikální rozdíly z toho plynou.

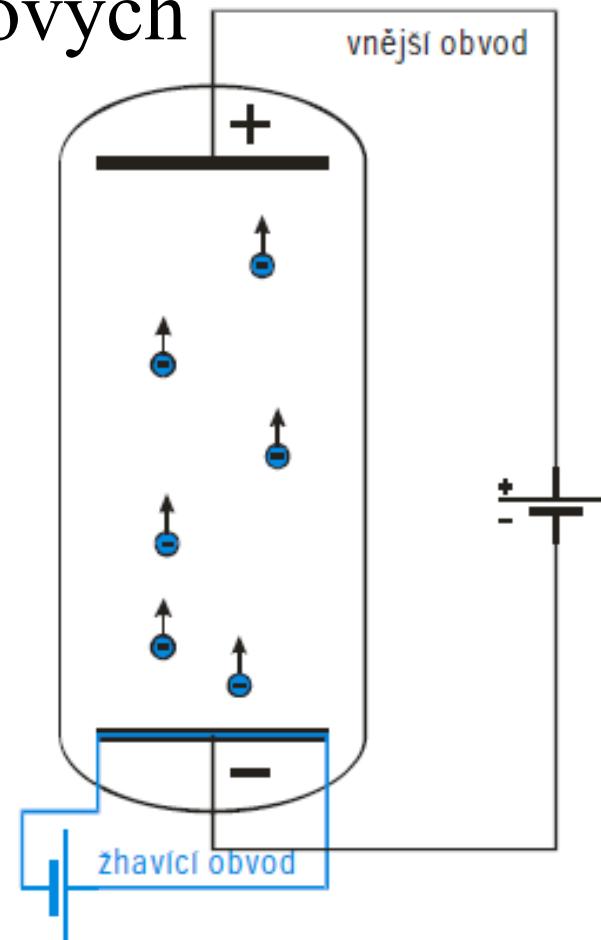
# To je vše přátelé...



## ...pro dnešek...

# Dodatky 1

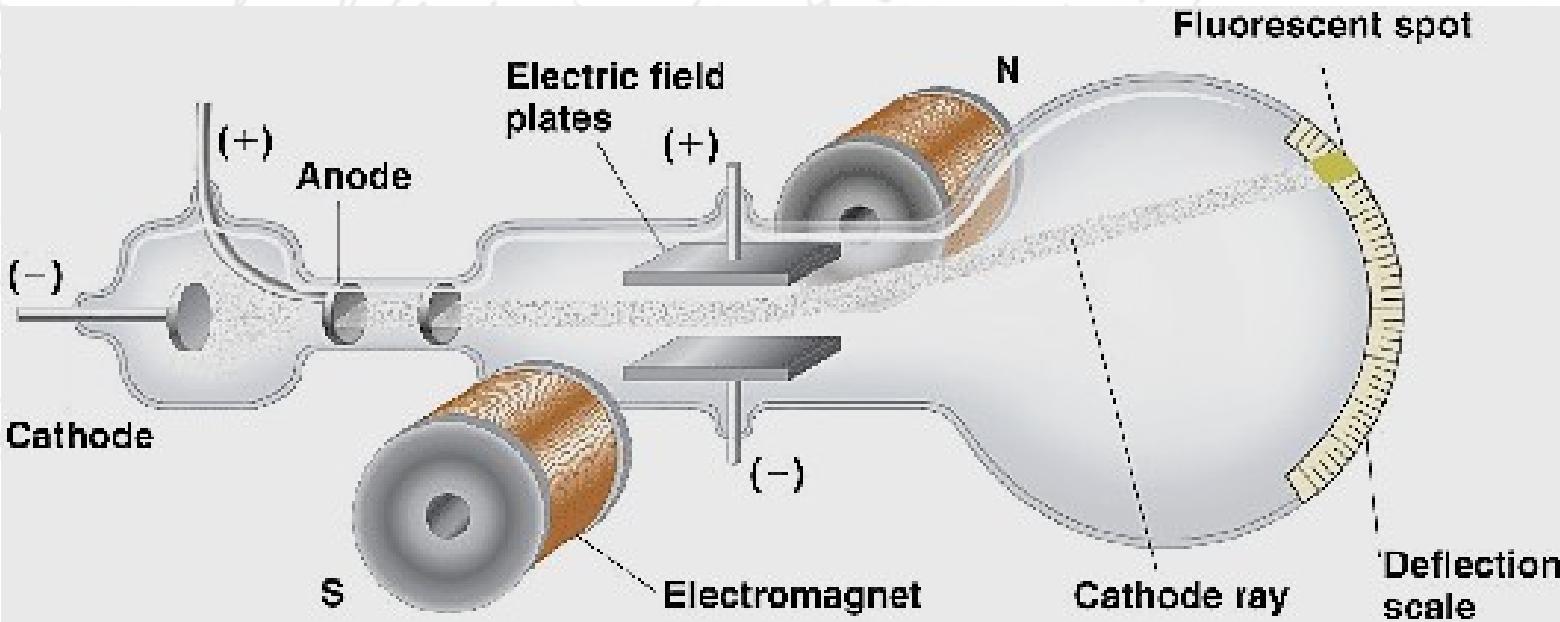
- 1869 objev katodového záření (Hittorf) v upravených Geisslerových trubicích.
- Ohýbá se v mag. Poli.
- Má záporný el. Náboj.
- Co to je?



[zpět](#)

# Dodatky 1

- 1897 Thomsonův experiment



[zpět](#)

# Dodatky 1

- Záporně nabytá částice získá v elektrickém poli potenciální energii  $E=Q U$ .
- Ta se mění na kinetickou  $E = \frac{1}{2}mv^2$

$$QU = \frac{1}{2}mv^2$$
$$v = \sqrt{\frac{2QU}{m}}$$

[zpět](#)

# Dodatky 1

- Víme, že se proud záření ohýbá po kružnici.
- Dostředivá síla při pohybu po kružnici
- Záření je ohýbáno Lorentzovou silou

$$F = \frac{mv^2}{r}$$

$$mv^2 = QvBr$$

$$\frac{Q}{m} = \frac{v}{Br}$$

[zpět](#)

# Dodatky 1

- Po dosazení za rychlosť

$$\frac{Q}{m} = \sqrt{\frac{2UQ}{Br}} \quad / \quad \text{umocníme}$$

$$\frac{Q^2}{m^2} = \frac{2UQ}{mB^2r^2} \quad / \quad Q \quad m$$

$$\frac{Q}{m} = \frac{2U}{B^2r^2}$$

[zpět](#)

# Dodatky 1

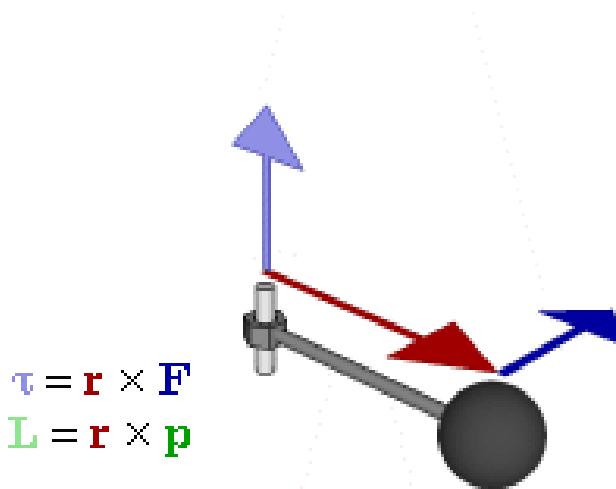
- Thomson vypočítal náboj katodového záření rovný kationtu vodíku.
- Hmotnost částice katodového záření vypočítal přibližně 1000x menší než atomu vodíku.
- Usuzoval, že se jedná o částici, která se nachází uvnitř atomu.

Konec 1. dodatku

[zpět](#)

# Dodatky 2

- Moment hybnosti ( $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$ )
- Popisuje rotační pohyb tělesa



Podrobněji na 7. přednášce (MRI)

Konec 2. dodatku

[zpět](#)

# Dodatky 3

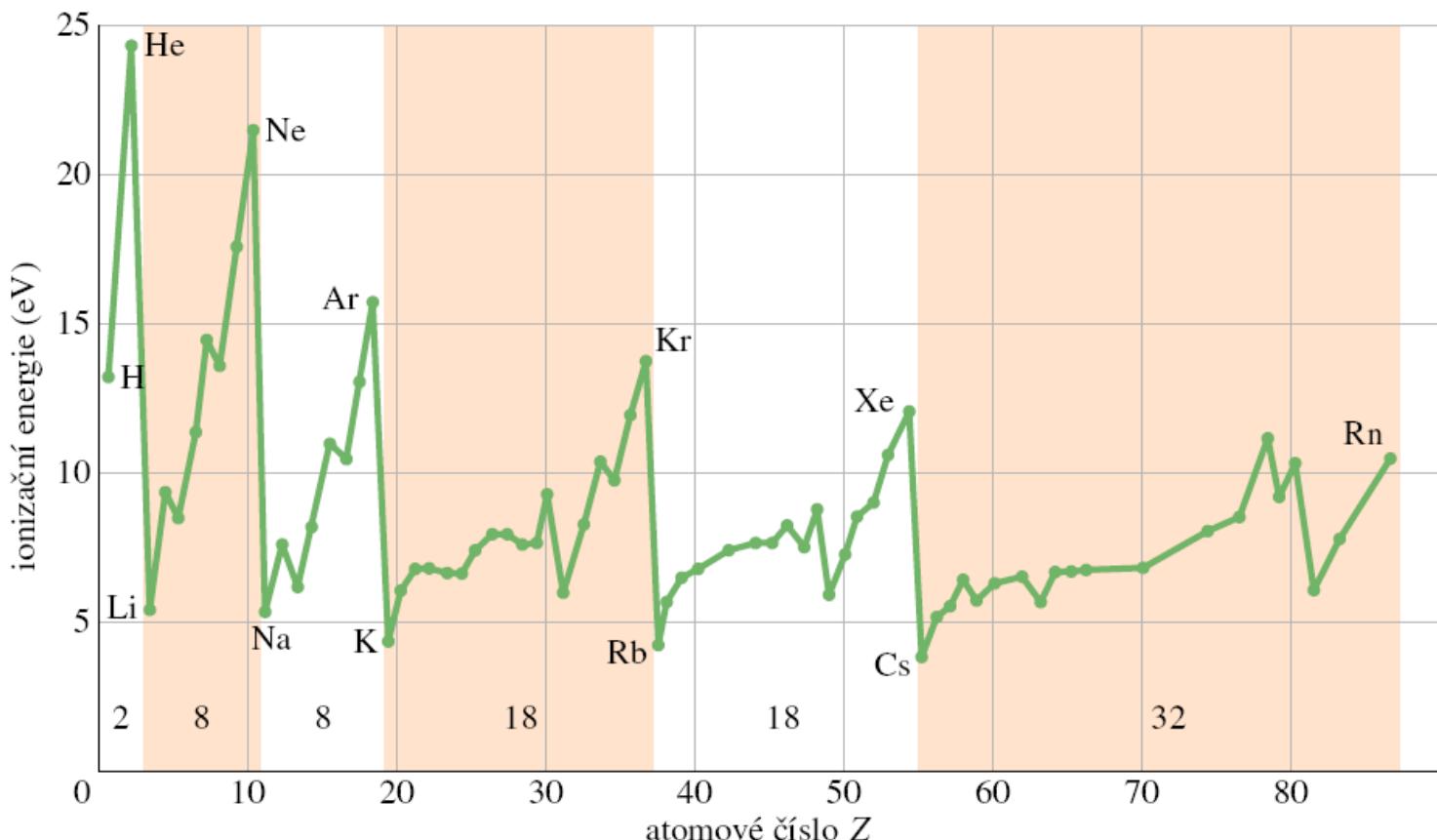
- Periodická tabulka prvků

➤ Prvky ve stejné skupině („sloupci“) mají stejný počet valenčních elektronů. Proto většinou vykazují podobné chemické vlastnosti.

➤ Prvky v 18. skupině (vzácné plyny) mají zcela zaplněné všechny orbitaly. Mají nejvyšší ionizační energii a je velmi obtížné je ionizovat a dlouho nebyly známy jejich sloučeniny. Proto se jim říkalo inertní (netečné) prvky.

# Dodatky 3

## Ionizační energie prvků



[Zpět](#)

# Dodatky 3

- Periodická tabulka prvků

➤ Oproti tomu, prvky z 1. skupiny (alkalické kovy) mají ve valenční vrstvě 1 volný elektron, který je „nadbytečný“ oproti vysoce stabilní elektronové konfiguraci vzácných plynů a mají tendenci lehce se jej zbavovat. Proto je jejich ionizační energie minimální.

➤ Všechny velmi rychle a bouřlivě reagují s vodou ([video](#)).

<https://www.youtube.com/watch?v=HvVUtpdK7xw>

[Zpět](#)

# Dodatky 3

- Periodická tabulka prvků

- Prvkům ze 17. skupiny (halogeny) chybí 1 elektron do elektronové konfigurace vzácných plynů. Proto se ho snaží získat což se projevuje na jejich vysoké elektronegativitě.

- Jejich podobné reakce jsou [zde](#)

<https://www.youtube.com/watch?v=u2ogMUDBaf4>

Konec 3. dodatku

[Zpět](#)

# Dodatky 4

- Všechny prvky z 16. skupiny (chalkogeny) tvoří sloučeniny s vodíkem.

Molekula	T tání [°C]	T varu [°C]
H <sub>2</sub> O	0	100
H <sub>2</sub> S	-82	-60
H <sub>2</sub> Se	-65	-41
H <sub>2</sub> Te	-49	-2

- Proč tak odlišná teplota u H<sub>2</sub>O?

[Zpět](#)

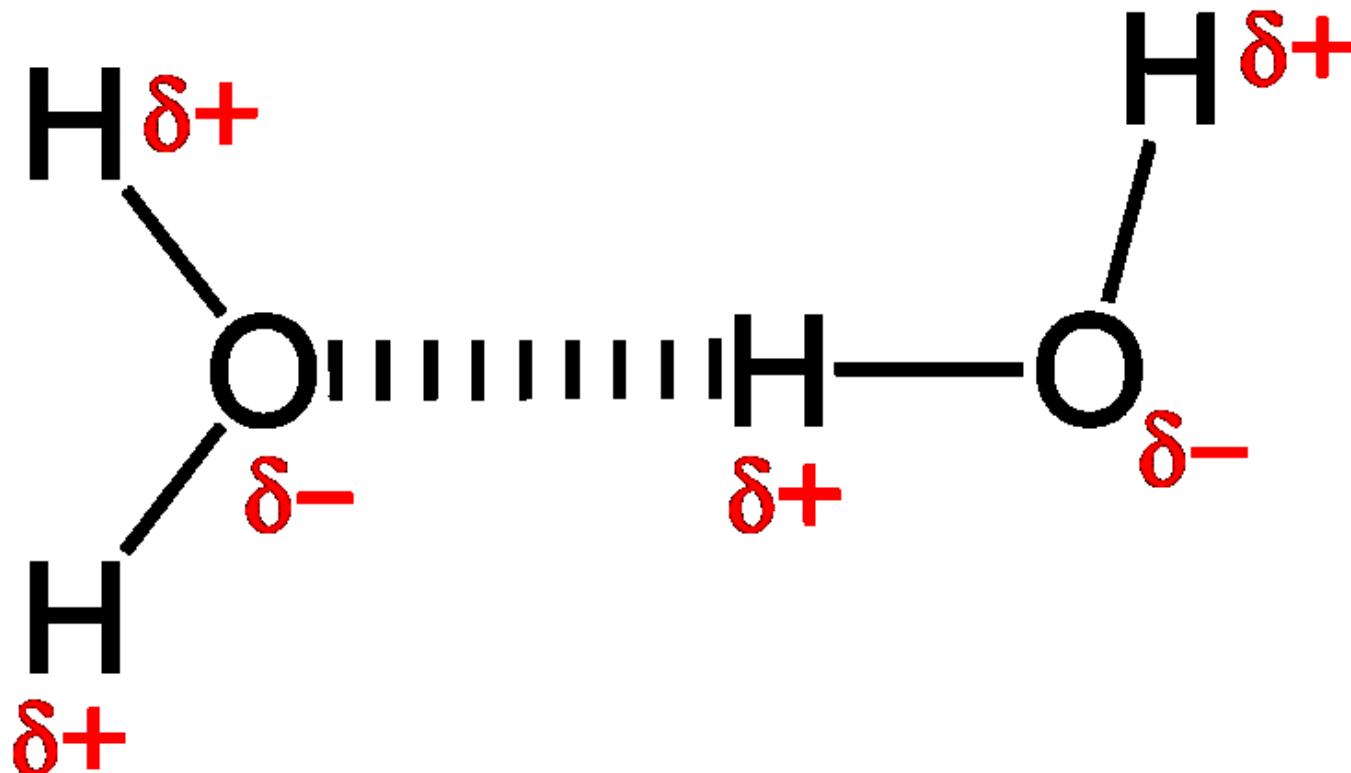
# Dodatky 4

## • Vodíková vazba

- Je slabší než iontová nebo kovalentní, ale silnější než ostatní vazby.
- Silně ovlivňuje teplotu tání a varu
- Ke vzniku musí být přítomen vodík navázaný na silně elektronegativním prvku a další prvek s volným elektronovým párem.
- Na vodíku vzniká kladný parciální náboj, na který se může navázat elektron z nevazebného elektronového páru.

[Zpět](#)

# Dodatky 4



Konec 4. dodatku

[Zpět](#)

# Děkuji za pozornost

## Konec 2. přednášky

Prezentace vznikla v rámci projektu  
fondu rozvoje MU 1515/2014