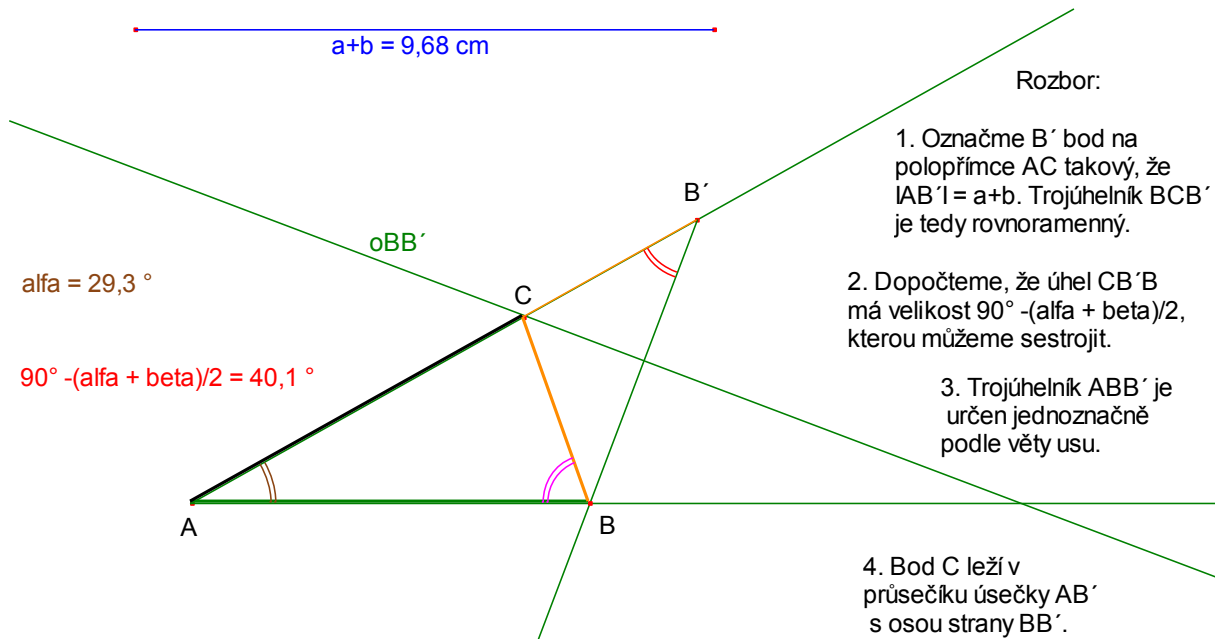
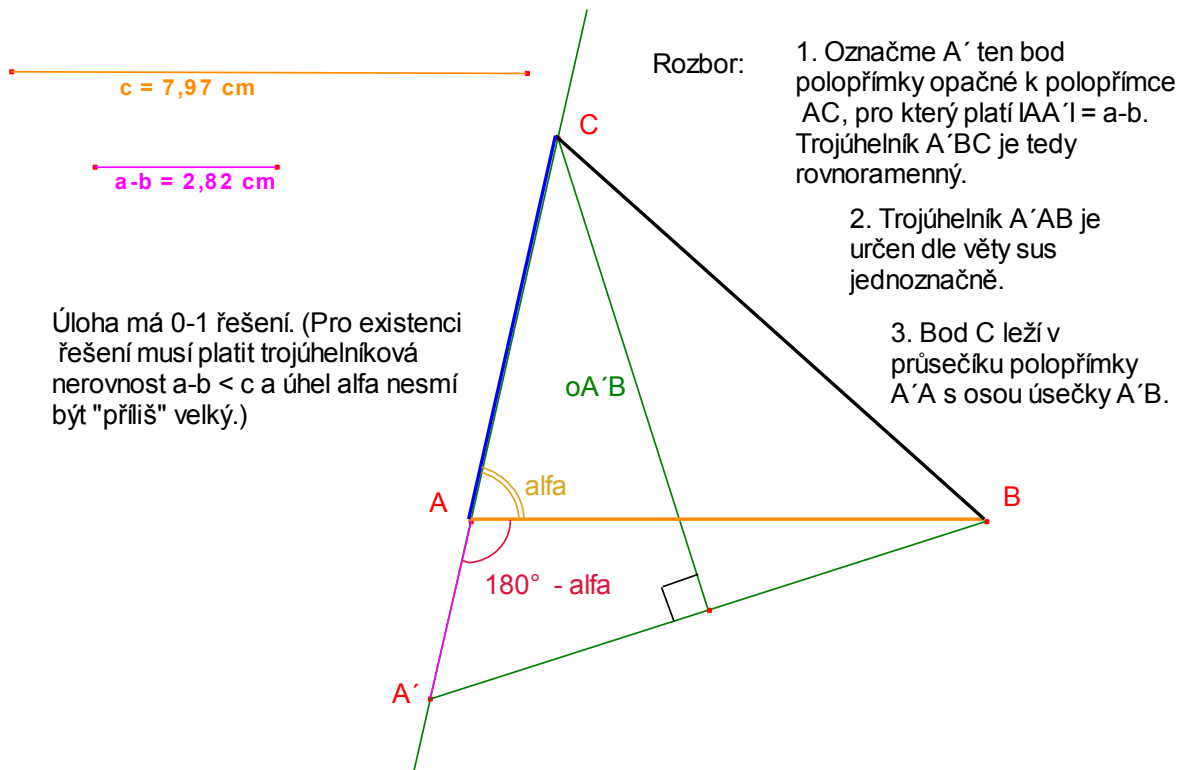




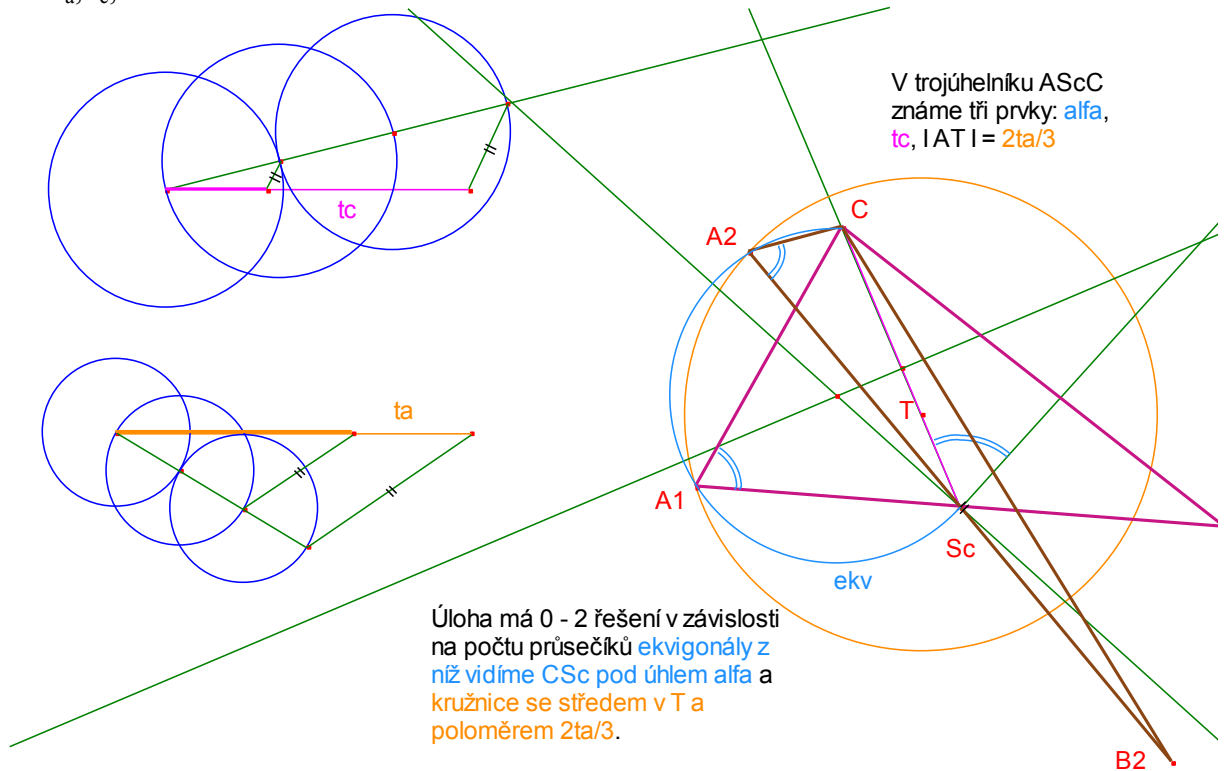
3.  $a+b$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$



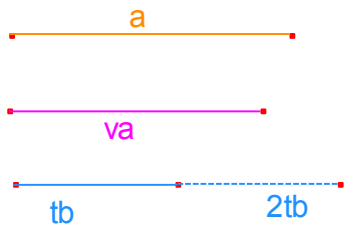
4.  $a-b$  ( $a-b > 0$ ),  $c$ ,  $\alpha$



5.  $t_a, t_c, \alpha$



6.  $a, v_a, t_b$

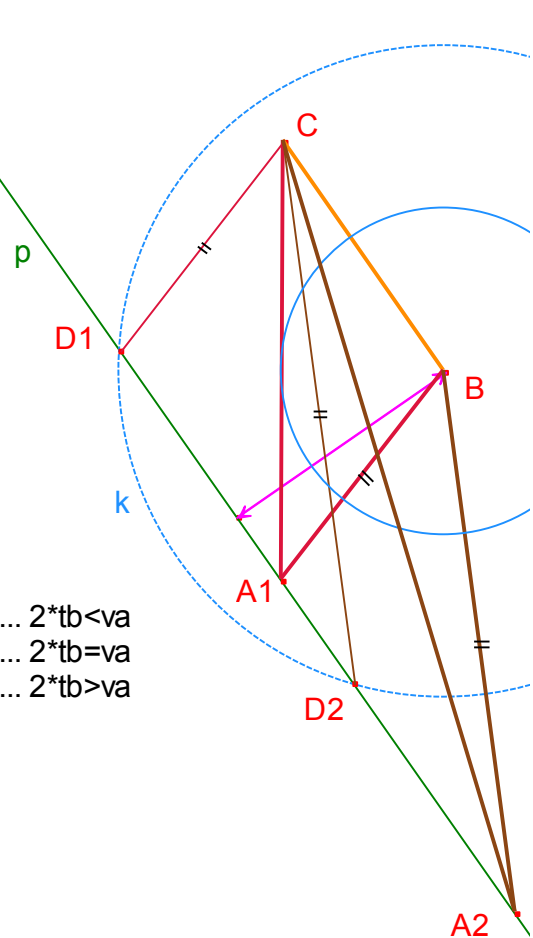


Trojúhelník ABC doplňme na rovnoběžník ABCD, ve kterém pak platí  $|BD| = 2 \cdot t_b$ .

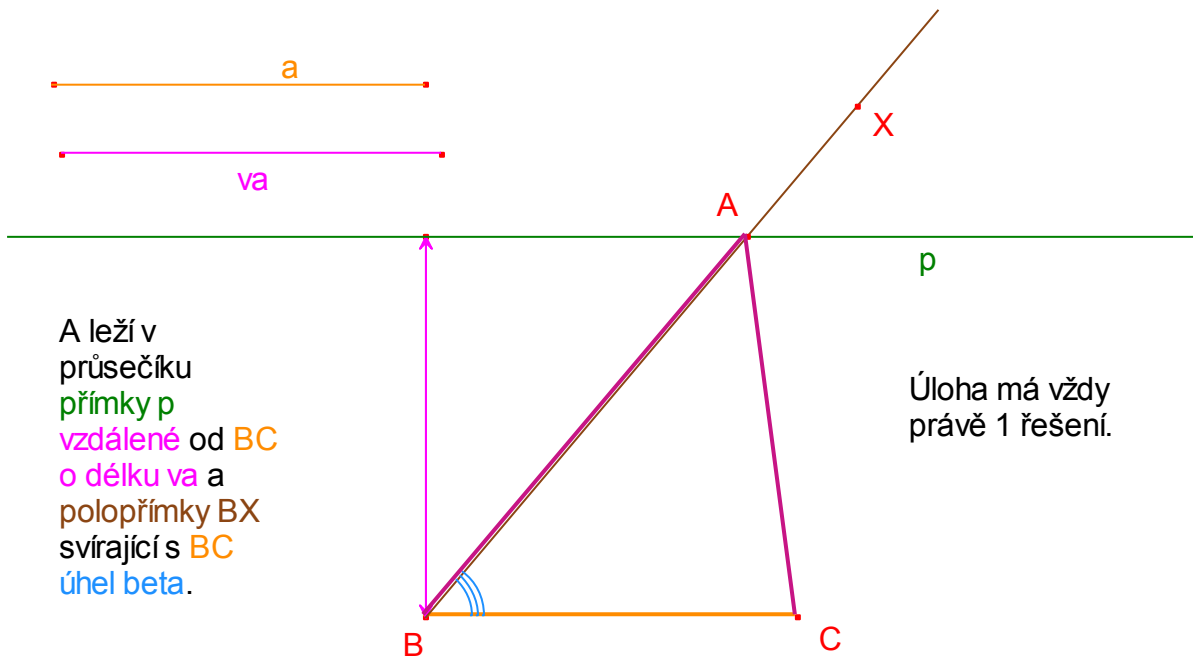
Bod D najdeme jako průsečík kružnice  $k$  se středem v B a poloměrem  $2 \cdot t_b$  s přímkou  $p$  rovnoběžnou s BC ve vzdálenosti  $v_a$  od BC.

Úloha má 0 - 2 řešení podle počtu průsečíků  $p$  a  $k$ .

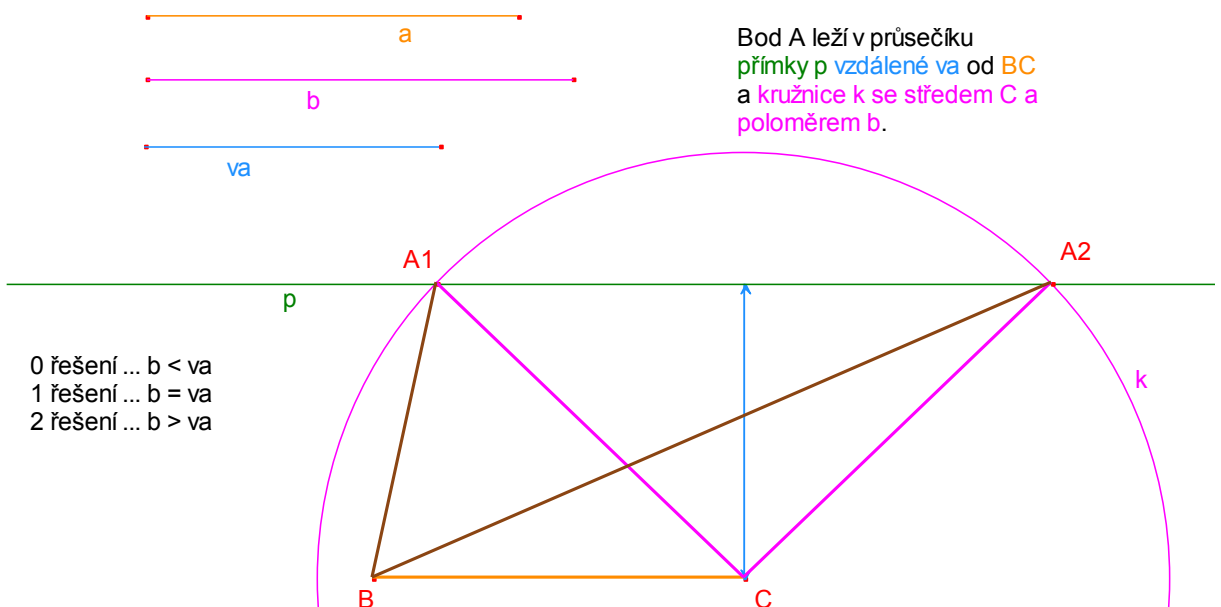
0 řešení ...  $2 \cdot t_b < v_a$   
 1 řešení ...  $2 \cdot t_b = v_a$   
 2 řešení ...  $2 \cdot t_b > v_a$



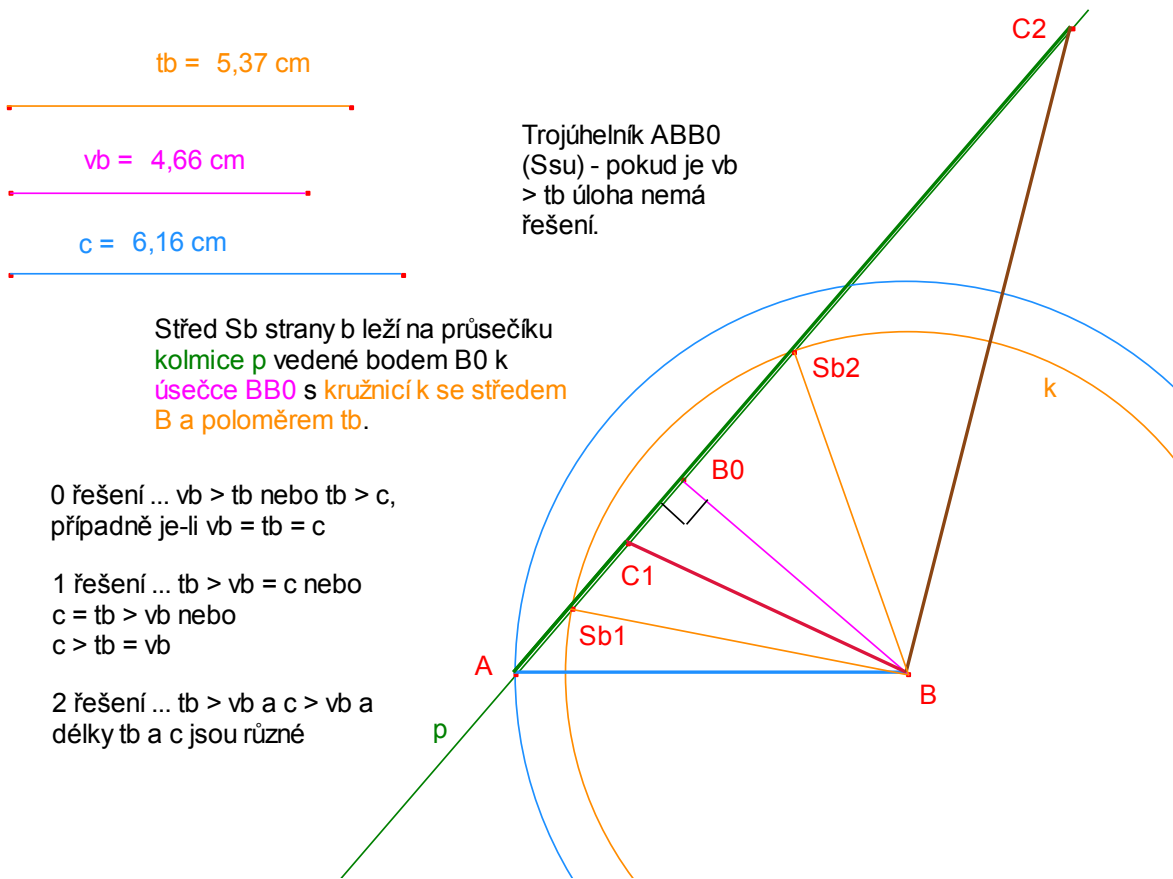
7.  $a, v_a, \beta$



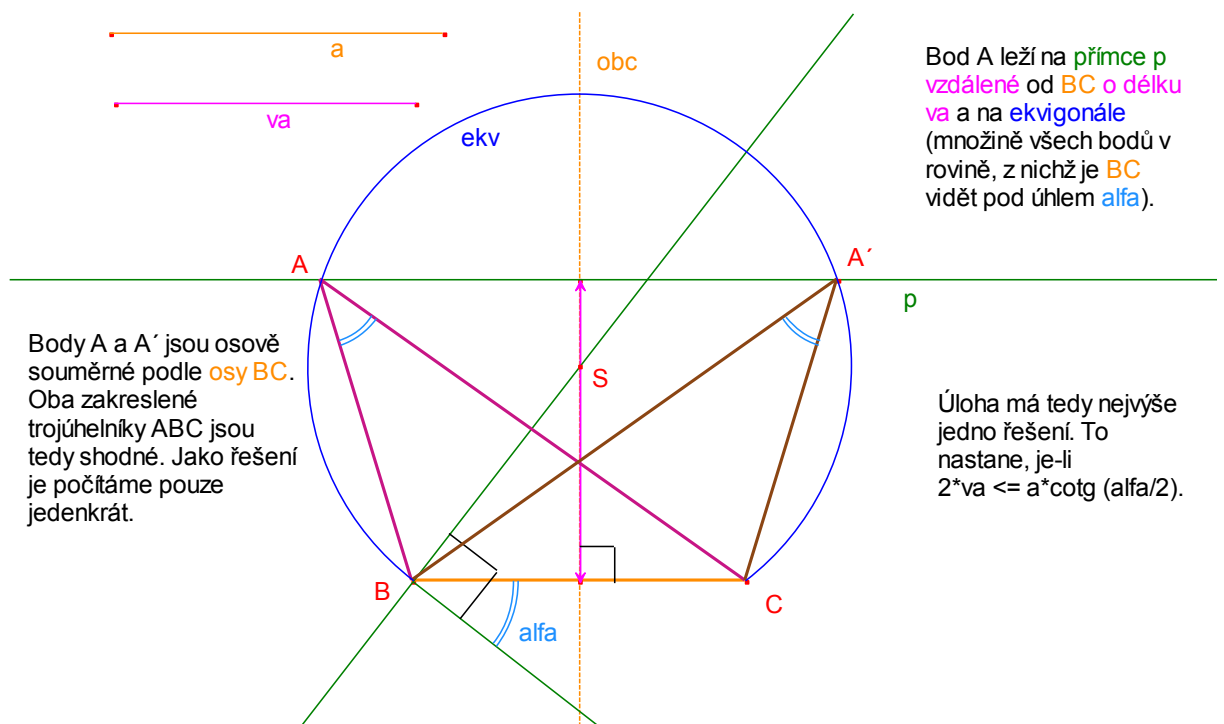
8.  $a, b, v_a$



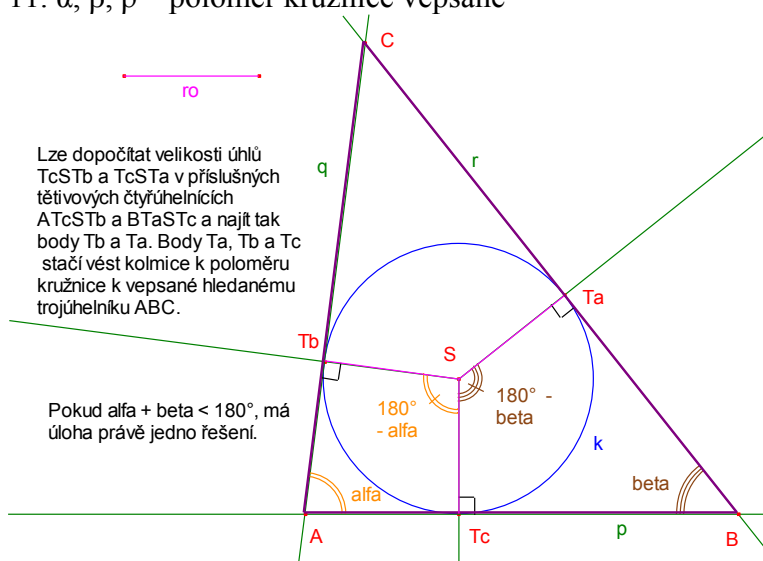
9.  $c, t_b, v_b$



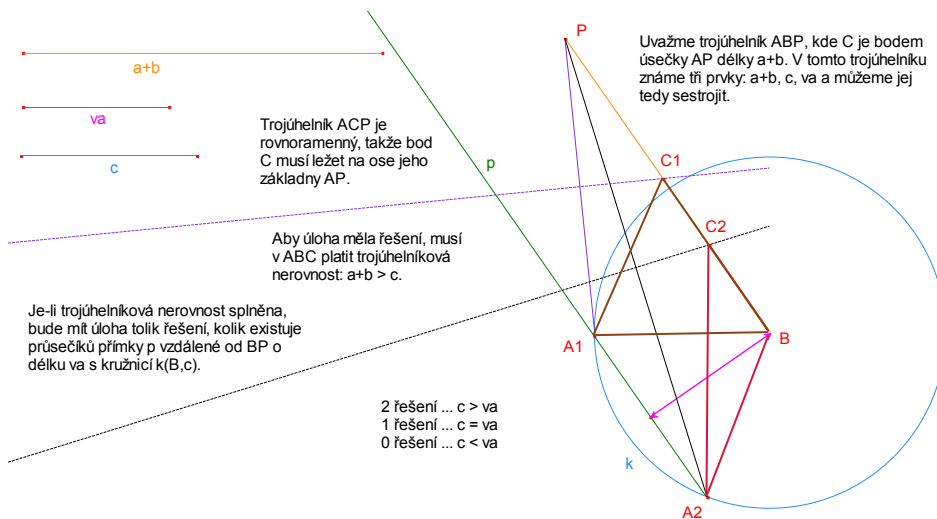
10.  $a, v_a, \alpha$



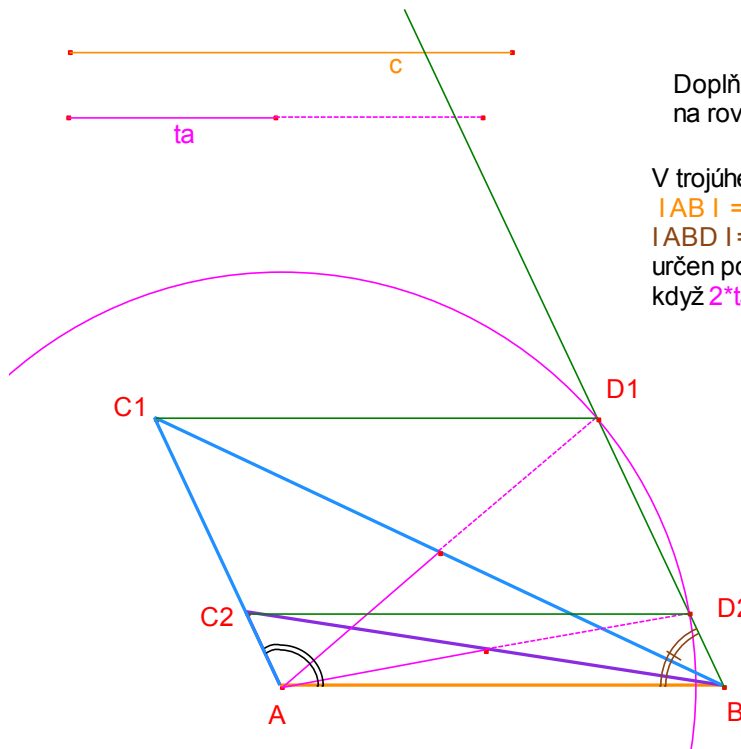
## 11. $\alpha, \beta, \rho$ – poloměr kružnice vepsané



## 12. $a+b, v_a, c$



13.  $c, \alpha, t_a$



Doplňme trojúhelník ABC  
na rovnoběžník ABDC.

V trojúhelníku ABD známe tři prvky:  
 $|AB| = c$ ,  $|AD| = 2 \cdot t_a$ ,  
 $\angle ABD = 180^\circ - \alpha$ . Jednoznačně  
určen podle věty Ssu je však pouze,  
když  $2 \cdot t_a > c$ .

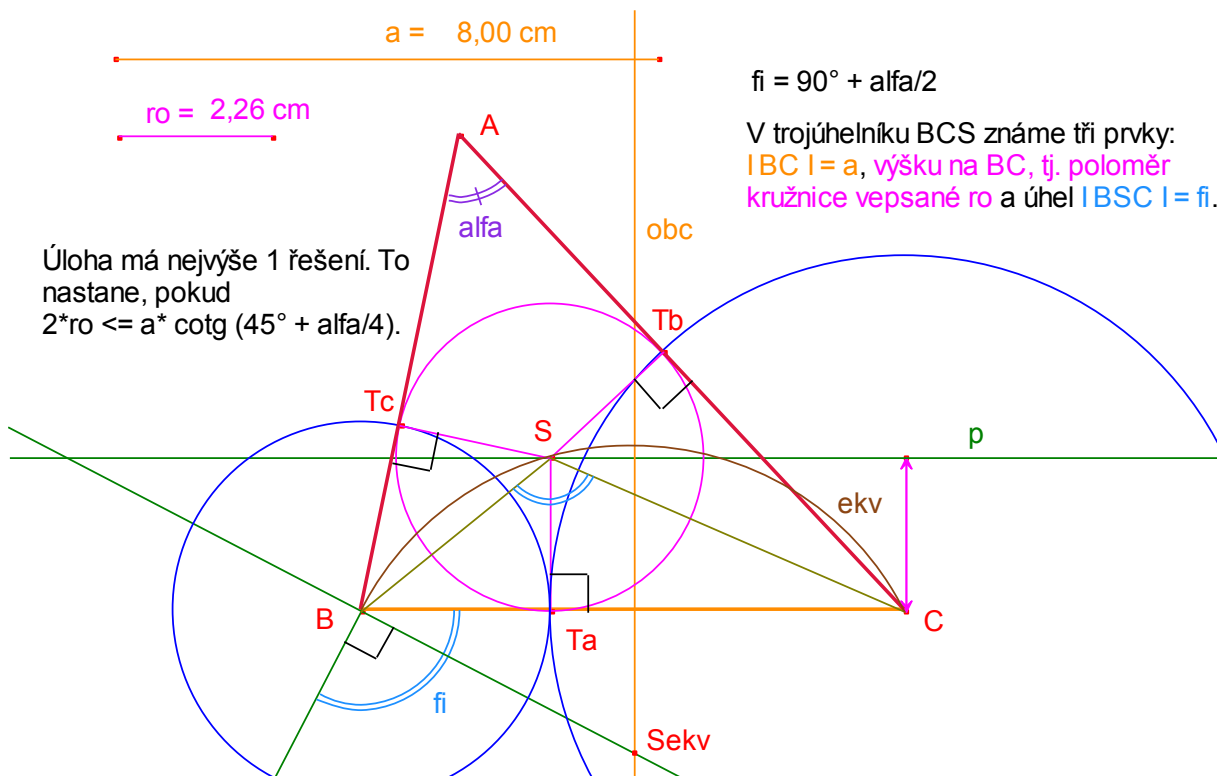
2 řešení ...  $c > 2 \cdot t_a > c \cdot \sin(\alpha)$

1 řešení ...  $2 \cdot t_a = c \cdot \sin(\alpha)$   
nebo  
 $2 \cdot t_a \geq c$

0 řešení ...  $c \cdot \sin(\alpha) > 2 \cdot t_a$

Pozn. obecně platí:  
 $\sin(\alpha) = \sin(180^\circ - \alpha)$ .

14.  $a, \alpha, \rho$  – poloměr kružnice vepsané

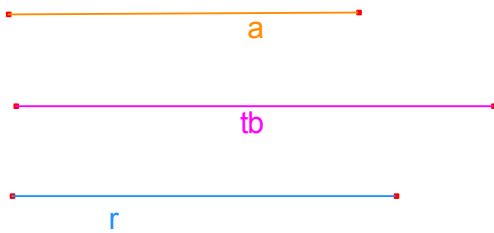


$$f_i = 90^\circ + \alpha/2$$

V trojúhelníku BCS známe tři prvky:  
 $|BC| = a$ , výšku na BC, tj. poloměr  
kružnice vepsané  $\rho$  a úhel  $\angle BCS = f_i$ .

Úloha má nejvýše 1 řešení. To  
nastane, pokud  
 $2 \cdot \rho \leq a \cdot \cotg(45^\circ + \alpha/4)$ .

15.  $a, t_b, r$  – poloměr kružnice opsané

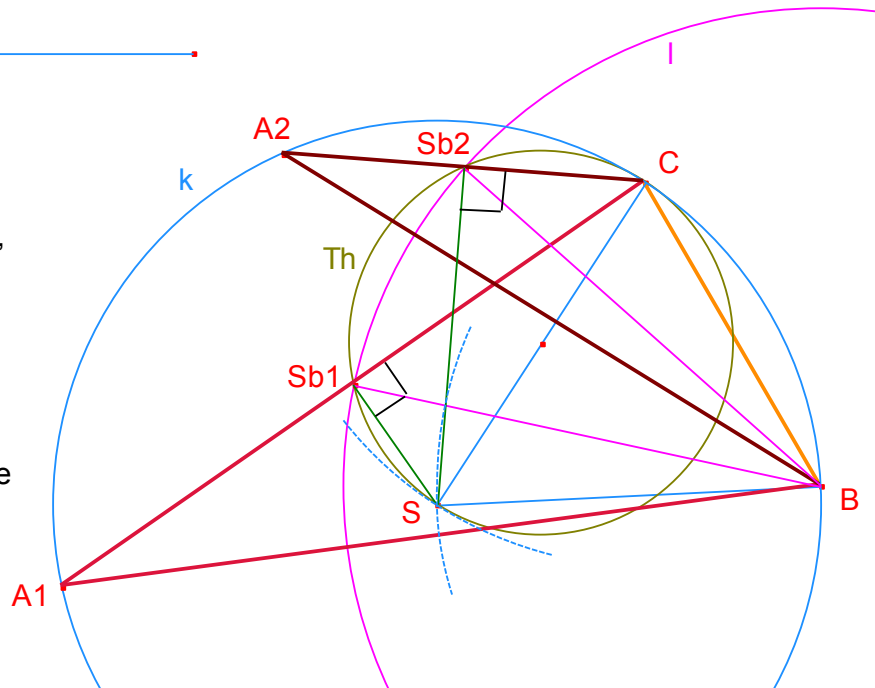


Trojúhelník BSC (sss)

Ze středu  $S_b$  tětiny  $AC$  kružnice  $k$  je úsečku  $SC$  vidět pod pravým úhlem, neboť osa této tětiny prochází středem  $S$  kružnice  $k$ .

Bod  $S_b$  tedy leží jednak na **Thaletově kružnici  $Th$**  nad průměrem  $SC$  a dále na kružnici  $l(B, t_b)$ .

Úloha má 0 - 2 řešení v závislosti na počtu průsečíků kružnic  $l$  a  $Th$ .



### B) Polohové úlohy

1. Dána přímka  $p$  a v téže polorovině s touto hraniční přímkou různé body  $A_0, B_0$ . Sestrojte trojúhelník  $ABC$  takový, aby  $AB$  ležela na  $p$  a body  $A_0$  a  $B_0$  byly patami výšek z vrcholů  $A$  a  $B$ .

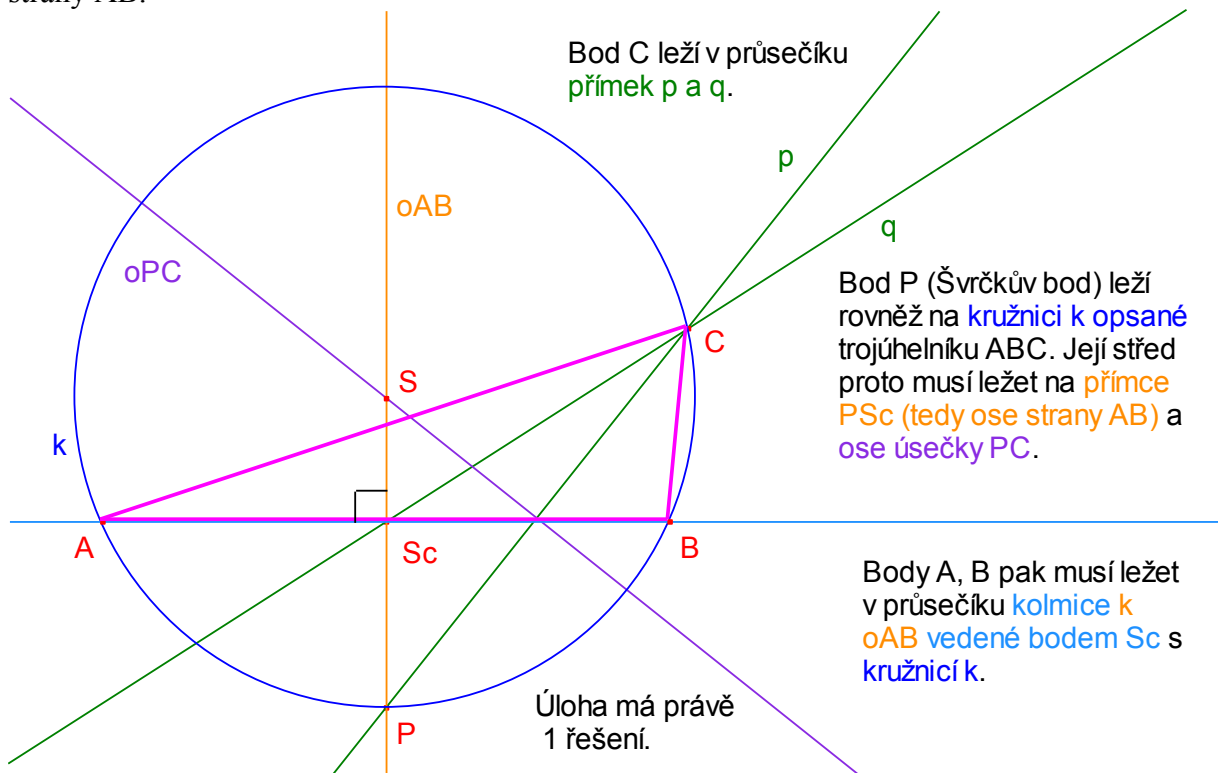


Z bodů  $A_0$  a  $B_0$  je úsečku  $AB$  vidět pod pravým úhlem, proto leží na Thaletově kružnici s průměrem  $AB$ . Její střed pak získáme jako průsečík osy  $A_0B_0$  s přímkou  $p$ .

- \* 2 řešení... body  $A_0, B_0$  mimo  $p$  tak, že  $A_0B_0$  není na  $p$  kolmá
- \* 1 řešení... právě jeden z bodů  $A_0, B_0$  na  $p$  a  $A_0B_0$  není kolmá na  $p$
- \* 0 řešení... v ostatních případech



2. Jsou dány různoběžky  $p, q$  a body navzájem různé body  $P$  a  $S_c$ , které leží po řadě na přímkách  $p$  a  $q$ . Sestrojte trojúhelník  $ABC$ , ve kterém těžnice  $t_c$  leží na přímce  $q$ , osa úhlu  $ACB$  leží na přímce  $p$ , bod  $S_c$  je středem strany  $AB$  a bodem  $P$  navíc prochází osa strany  $AB$ .



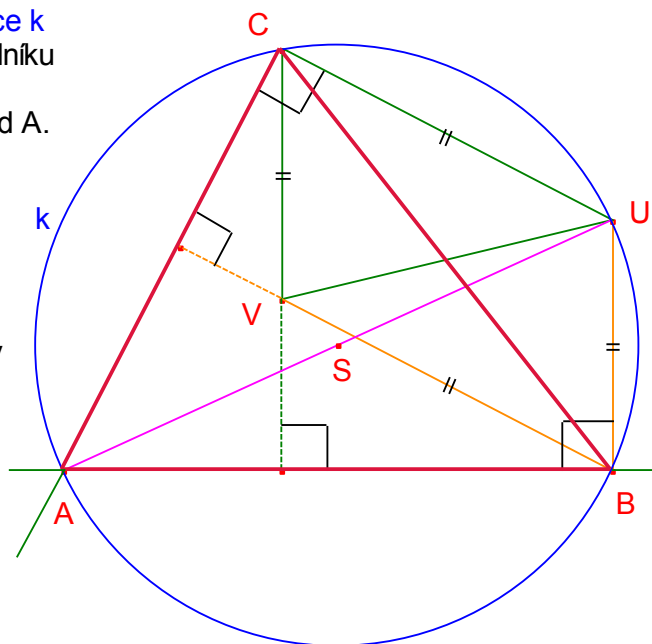
3. Je dán trojúhelník  $CVU$ . Sestrojte ostroúhlý trojúhelník  $ABC$  tak, aby  $V$  byl průsečík jeho výšek a úsečka  $AU$  tvořila průměr kružnice opsané trojúhelníku  $ABC$ .

Trojúhelník  $ABC$  je ostroúhlý, takže bod  $U$  musí být bodem toho oblouku kružnice  $k$  opsané trojúhelníku  $ABC$ , který neobsahuje bod  $A$ .

Na základě vlastností výšek víme, že  $CV$  je kolmá k  $AB$  a také  $BV$  je kolmá k  $AC$ .

Obě úsečky  $CV$  a  $UB$  jsou tedy kolmé k  $AB$  a jsou proto vzájemně rovnoběžné. Podobně z kolmosti úseček  $BV$  a  $UC$  k  $AC$  vyplývá rovnoběžnost úseček  $BV$  a  $UC$ . Zjistili jsme tak, že  $BUCV$  je rovnoběžník.

Podle Thaletovy věty vidíme z  $B$  i  $C$  úsečku  $AU$  pod pravým úhlem.



Bod  $B$  tedy umíme sestrojit. Bod  $A$  pak najdeme v průsečíku kolmice vedené bodem  $B$  k  $CV$  a kolmice bodem  $C$  k  $BV$ .