

## Afinní souřadnice

---

$$\mathcal{B} = \{ [1, 1, 0] + t(2, a, 1) \mid t \in \mathbb{R} \}$$

$$C = \{ x_1 + 2x_2 = 2 \}$$

Společné body  $\mathcal{B} \cap C$ :

$$\begin{aligned}(1 + 2t) + 2(1 + at) &= 2, \\ (2 + 2a)t &= -1.\end{aligned}$$

Společné vektory  $\vec{\mathcal{B}} \cap \vec{C}$ :

$$\begin{aligned}2t + 2at &= 0, \\ (2 + 2a)t &= 0.\end{aligned}$$

Pro  $a = -1$  je  $\mathcal{B} \cap C = \emptyset$  a  $\vec{\mathcal{B}} \cap \vec{C} = \vec{\mathcal{B}}$ ,  
tedy  $\mathcal{B}$  a  $C$  jsou **rovnoběžné**.

Pro  $a \neq -1$  je  $\mathcal{B} \cap C = \text{bod}$ , jmenovitě

$$\mathcal{B} \cap C = \left[ \frac{2a}{2+2a}, \frac{2+a}{2+2a}, \frac{-1}{2+2a} \right],$$

tedy  $\mathcal{B}$  a  $C$  jsou **různoběžné**.

## Homogenní souřadnice

---

$$\tilde{\mathcal{B}} = \{ \alpha(\underline{1}:1:1:0) + \beta(\underline{0}:2:a:1) \mid \alpha, \beta \in \mathbb{R} \}$$

$$\tilde{C} = \{ -2\underline{x}_0 + x_1 + 2x_2 = 0 \}$$

Společné body  $\tilde{\mathcal{B}} \cap \tilde{C}$ :

$$\begin{aligned}-2\alpha + (\alpha + 2\beta) + 2(\alpha + a\beta) &= 0, \\ \alpha + (2 + 2a)\beta &= 0, \\ \alpha &= -(2 + 2a)\beta.\end{aligned}$$

Tedy  $\tilde{\mathcal{B}} \cap \tilde{C} = \text{bod}$ , jmenovitě

$$\tilde{\mathcal{B}} \cap \tilde{C} = (\underline{-2 - 2a} : -2a : -2 - a : 1).$$

Pro  $a = -1$  je  $\tilde{\mathcal{B}} \cap \tilde{C}$  nevlastní,  
tedy  $\mathcal{B}$  a  $C$  jsou **rovnoběžné**.

Pro  $a \neq -1$  je  $\tilde{\mathcal{B}} \cap \tilde{C}$  vlastní,  
tedy  $\mathcal{B}$  a  $C$  jsou **různoběžné**.