

P3

Zápočtová písemná práce předmětu IMAk02 (max. 20 bodů)

1. Je dána množina $Z = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$. Určete výčtem prvků množiny A , B , jestliže platí:

$$Z = A \cup B \wedge \{1, 3, 4, 5\} \subset A - B \wedge 2 \notin B \wedge B \neq \emptyset.$$

Situaci zakreslete pomocí Vennových diagramů.

2. Nechtě p , q , r jsou výrokové formule. Rozhodněte a zdůvodněte, zda následující zápis je zápisem správného pravidla odvozování:

$$\frac{p \Leftrightarrow q, q \Rightarrow \neg r}{p \vee \neg r}.$$

3. V množině $A = \{1, 2, 3, 4\}$ jsou definovány binární relace:

$$R_1 = \{[1, 1], [2, 1], [3, 2], [4, 4]\}, \\ S = \{[4, 3], [3, 2], [1, 1], [2, 2]\}.$$

Zapište výčtem prvků binární relaci $R_1 \circ S$, $(R_1 \circ S)^{-1}$, $(R_1 \circ S)'$. Rozhodněte a zdůvodněte, zda relace $R_1 \circ S$ je uspořádání v množině A .

4. Je dána množina $M = \{1, 2, 3\}$. Zapište výčtem prvků binární relaci

$$R_2 = \{[x, y] \in M \times M; x < 3 \Rightarrow x + y = 3\}.$$

Určete, které z vlastností \mathcal{R} , \mathcal{AR} , \mathcal{S} , \mathcal{AS} , \mathcal{T} , \mathcal{SO} má binární relace R_2 . Rozhodněte a zdůvodněte, zda je relace R_2 relací ekvivalence na množině M . Pokud ano, určete třídy rozkladu příslušejícího relaci R_2 .

5. Jsou dány množiny $A = \{a, b, 1, c\}$, $B = \{1, 2, c, 3\}$.

- Zapište výčtem prvků binární relaci R_1 z množiny A do množiny B , která není zobrazení.
- Určete přesně typ zobrazení $Z = \{[c, 1]\}$ z množiny A do množiny B a rozhodněte, zda je prosté.
- Zapište výčtem prvků jedno vzájemně jednoznačné zobrazení množiny A na množinu B .

6. Vysvětlete pojmy:

- ekvivalence výroků p , q ,
- rozdíl množin A , B ,
- relace R je symetrická v množině M ,
- lineární uspořádání v množině M ,
- doplňková relace k relaci R v množině M ,
- definiční obor zobrazení Z ,
- množiny A , B jsou ekvivalentní.