

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{3n}\right)^{-3n+2} = \frac{1}{e^2}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{3n}\right)^{-3n+2} =$$
$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{3n}\right)^{3n} \cdot \left(1 + \frac{2}{3n}\right)^{-2} = (e^2)^{-1} = e^{-2}$$

$\downarrow e^2$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = e$$

Take  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = e$  ( $x \in \mathbb{R}$ )

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{a}{n}\right)^n = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{a}{n}\right)^{\frac{n}{a} \cdot a} =$$
$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{\frac{n}{a}}\right)^{\frac{n}{a} \cdot a} = e^a \quad (a \neq 0)$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{a}{n}\right)^n = e^a$$