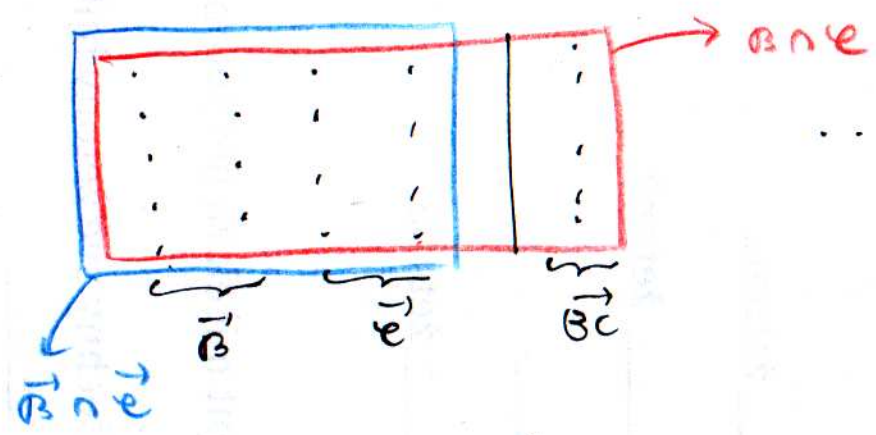


# OBECNÉ ZÁVĚRY

- $B \subseteq E \Leftrightarrow B \cap E = B \dots \text{max}$
- $\vec{B} \subseteq \vec{E} \Leftrightarrow \vec{B} \cap \vec{E} = \vec{B} \dots \text{max}$



$$B \cap E \neq \emptyset \Leftrightarrow \vec{BC} \in \vec{B} + \vec{E}$$

Možnosti

| $\vec{B} \cap \vec{E}$ | $\vec{B} \cap \vec{E}$ | je max      | není max |
|------------------------|------------------------|-------------|----------|
| $\neq \emptyset$       | $\neq \emptyset$       | $\subseteq$ | X        |
| $= \emptyset$          | $= \emptyset$          | $\parallel$ | X        |

... TO TĚŽ ...

... pomocí HODNOSTÍ ...

zřejmě platí:

$$m \subseteq m \subseteq \sigma$$

přičemž:

$$m = n \Leftrightarrow \vec{B} \subseteq \vec{e}$$

nebo  $\vec{B} \supseteq \vec{e}$

$$m = \sigma \Leftrightarrow B \cap e \neq \emptyset$$

TĚDY

• hodnost  $\square$  =  $\dim(\vec{B} + \vec{e} + \vec{\sigma})$   
=  $\dim(\vec{B} + \vec{e}) \dots$  o.z.h.  $\sigma$

• hodnost  $\square$  =  $\dim(\vec{B} + \vec{e}) \dots$  o.z.h.  $m$

•  $\max(\dim \vec{B}, \dim \vec{e}) \dots$  o.z.h.  $m$

|              |                        |             |          |
|--------------|------------------------|-------------|----------|
|              | $\vec{B} \cap \vec{e}$ | $m = n$     | $m < n$  |
| $B \cap e$   |                        | $\subseteq$ | $\times$ |
| $m < \sigma$ |                        | $\parallel$ | $\times$ |



## DODATKY

(  $B, C \subseteq A$  a f. podpr. )

$$\textcircled{1} \quad m \leq m \leq \sigma \leq \dim A$$

aby  $B \not\subseteq C$ , musí být  $m < m < \sigma \leq \dim A$

TEDY ...  $B \not\subseteq C \Rightarrow m \leq \dim A - 2$

(zejména NADROVINA nemůže být s ničím mimořádně)

$$\textcircled{2} \quad \text{předp. } \vec{B}, \vec{C} \subseteq \vec{A} \text{ komplementární (doplňkové),}$$

$$\text{tj. } \vec{B} + \vec{C} = \vec{A} \text{ a } \vec{B} \cap \vec{C} = \{0\}$$

$$\text{potom } m = \sigma = \dim \vec{A} \text{ a } \vec{B} \cap \vec{C} = \vec{B} \cap \vec{C} = \{0\}$$

TEDY ...  $B \cap C \neq \emptyset$  a je to BOD.

$$\textcircled{3} \quad \text{a pod.}$$

# ÚVOD, PŘEHLED

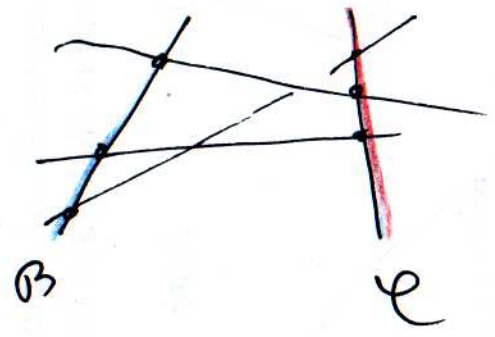
## AFINNÍ GEOMETRIE

- obecný afinní prostor
- afinní podprostor
- afinní zobrazení
- souřadnice, přechody
- průnik, sjednocení, součet podprostorů
- vzájemné polohy podprostorů
- příčky

# PRÍČKY

$B, \mathcal{E} \subseteq \mathcal{A}$  ,  $\dim B =: k$  ,  $\dim \mathcal{E} =: \ell$

af. podprostory (obecněji: také jiné podmnožiny)



všechny příčky  $B$  a  $\mathcal{E}$  jsou popsány  $(k+\ell)$  volnými parametry

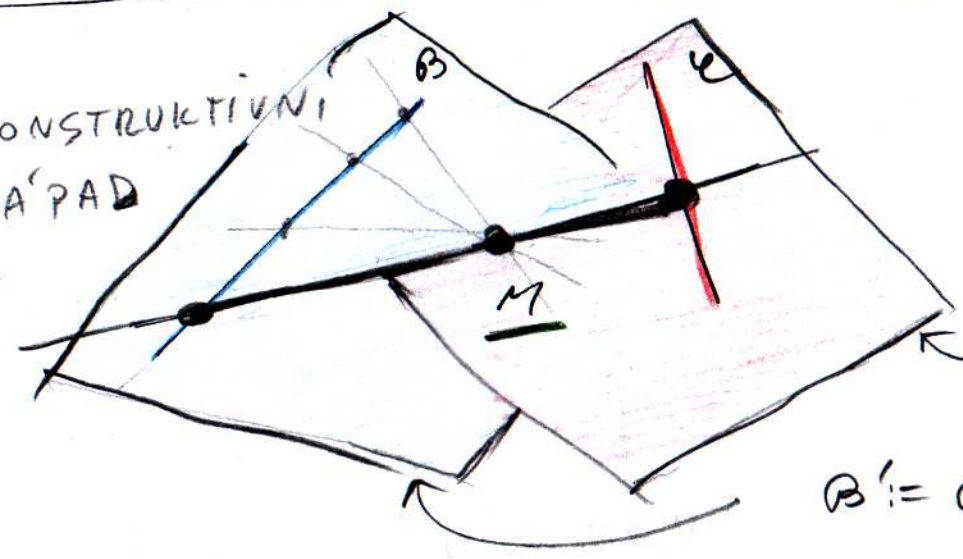
\* obvyklé omezující podmínky: (my jednoznačnost)

- příčka procházející daným bodem
- $\perp$  rovnoběžná s daným vektorem
- $\perp$  nejkratší možná (my vzdálenost  $B$  a  $\mathcal{E}$ )

case m

\* obvyklé nápady jak řešit - - -

(A) KONSTRUKTIVNÍ  
NÁPAD



napr. příčka  $B, e$   
idoucí bodem  $M$  ?

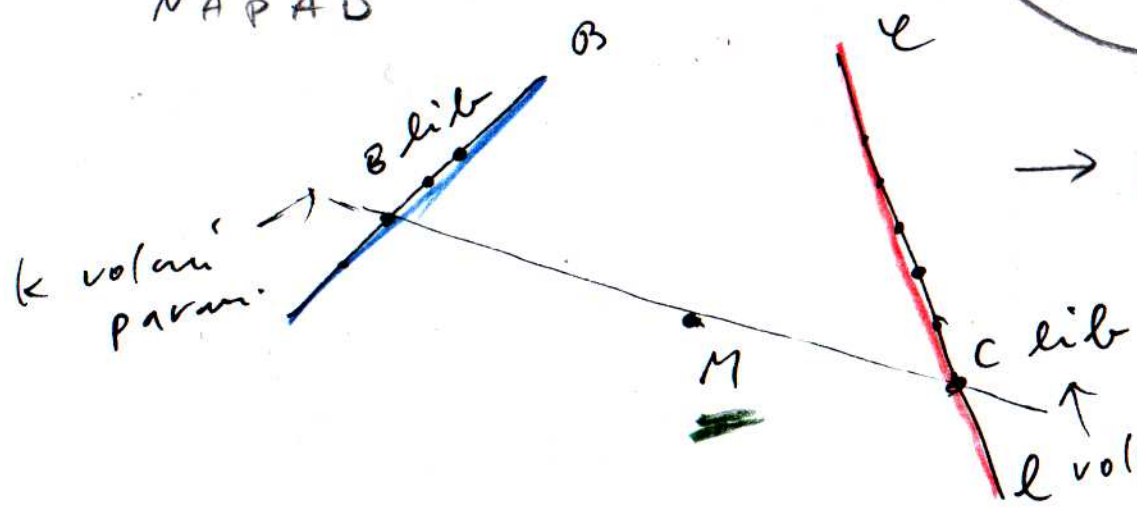
$e' = e + \underline{M}$   
 $B' = B + \underline{M}$

příčka je  
určena  
průnikem

$B' \cap e'$

(resp.  $B' \cap e =$   
 $=$  koncový bod  
na  $e$ )

(B) ANALYTICKÝ  
NÁPAD



→ hledáme  $B \in BC$  a  $C \in e$  tak,  
aby

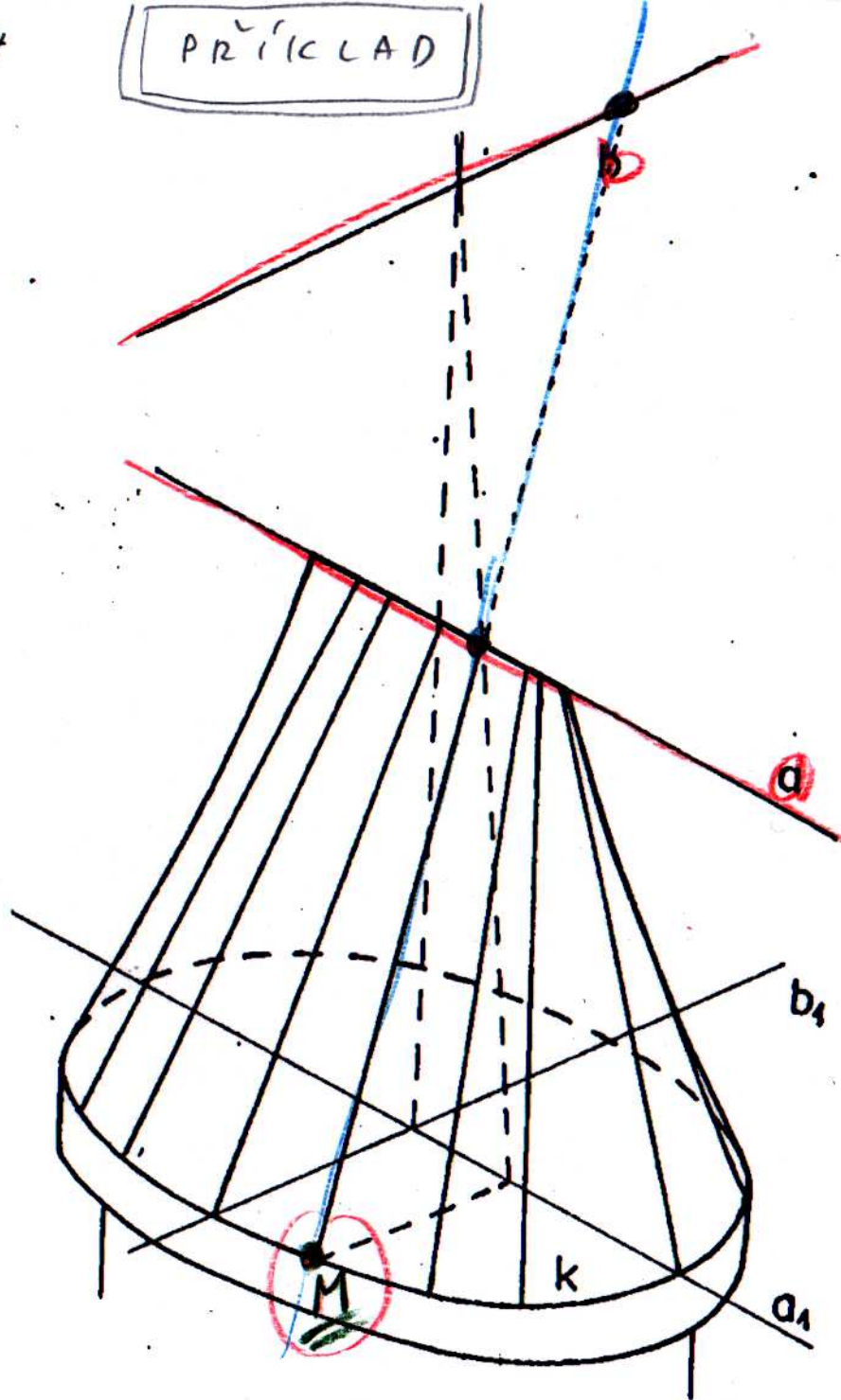
$M \in \text{přímce } BC$

(tj.  $\vec{MB}$  a  $\vec{MC}$  lin. závislé)

← volná param.

↑ volné param.

PRÍKLAD



ŠTRANERSKÁ TRÚBA

||

spec. PRÍMICOVÁ PLOCHA  
(RULED SURFACE)

||

←

SYSTÉM  
PRÍČEK  
minol. a, b  
s. dodat.  
podm. MeK

↑  
kružnica

# ÚVOD, PŘEHLED

## AFINNÍ GEOMETRIE

- obecný afinní prostor
- afinní podprostor
- afinní zobrazení
- souřadnice, přechody
- průnik, sjednocení, součet podprostorů
- vzájemné polohy podprostorů
- příčky
- uspořádání, omezené podpr., konvexní množiny

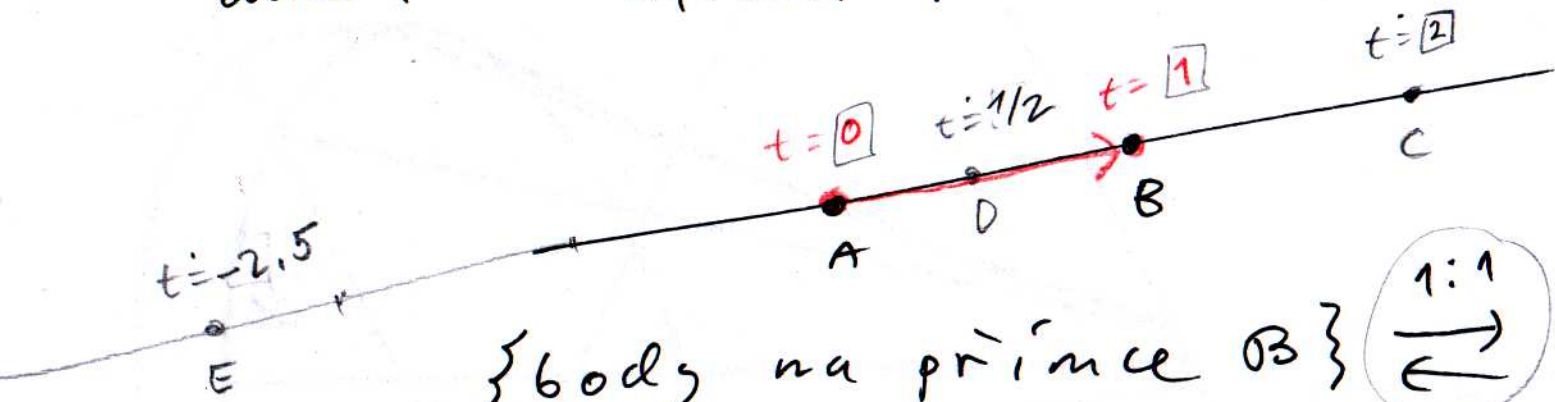


USPOŘÁDÁNÍ

\* UMÍMĚ

dim 1 ... afinní přímka parametricky:

$B = \{ X = A + t \overrightarrow{AB} \mid t \in \mathbb{R} \}$



{ body na přímce  $B$  }  $\xleftrightarrow{1:1}$  { reálná čísla  $\mathbb{R}$  }

určeno lib. param.

\* uspořádaní  $\mathbb{R}$   $\rightsquigarrow$  "uspoř." bodů na přímce

$1 \leq 2$   
 $-2,5 \leq 1$

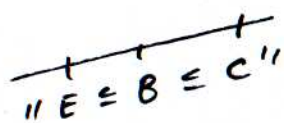
$\rightsquigarrow$  " $B \leq C$ "  
 $\rightsquigarrow$  " $E \leq B$ "

⋮

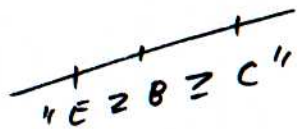
def. nezávisí na určujícím vektoru  $\overrightarrow{AB}$ , ale pouze na jeho ORIENTACI.

Možná "uspoř." bodů na přímce jsou DUE: afinni

bud'



nebo



( "E=B"  $\Leftrightarrow$  E=B .. body splývají )

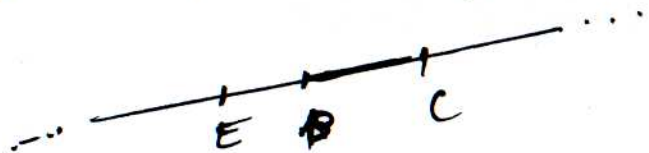
\* Bod "B je mezi E a C",

pokud " $E \subseteq B \subseteq C$ " nebo " $E \supseteq B \supseteq C$ "

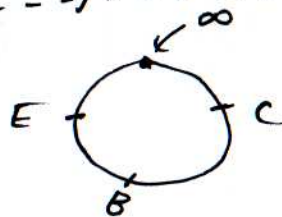
\* úsečka AB =  $\{$  všechny body na přímce AB, které jsou mezi A a B  $\}$

( $\uparrow$  včetně krajních bodů)

$\rightarrow \rightarrow$  vzpomeneme rozdíl mezi afinni (eukleid.) přímkou



a projektivní přímkou



# ODVOZENÉ POJMY

## \* POLO-PROSTOR

(dim  $n$ )



- hraniční podpr. = nadrovina  
(dim  $n-1$ )

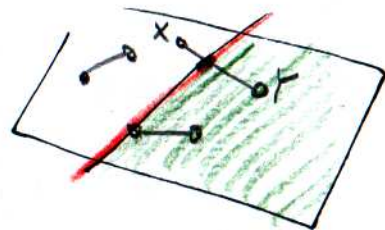
- rozděluje afinní prostor na DVA  
polo-prostory :

body  $X$  a  $Y$  leží v OPAČNÝCH polo-prostorech,  
pokud průnik  $XY$  s hraniční nadrovinou  
je vnitřním bodem úsečky  $XY$ .

dim 1 ... polo-přímka



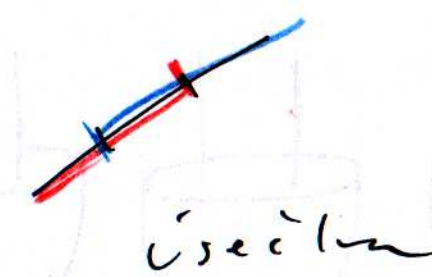
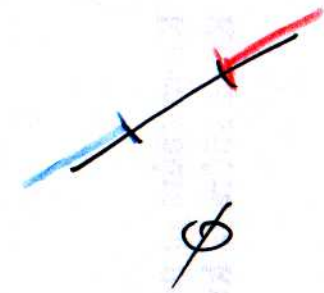
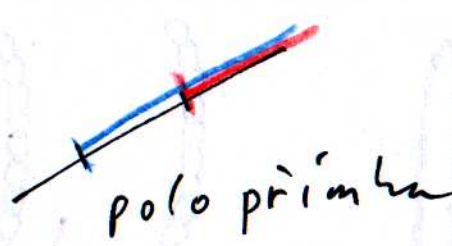
dim 2 ... polo-rovina



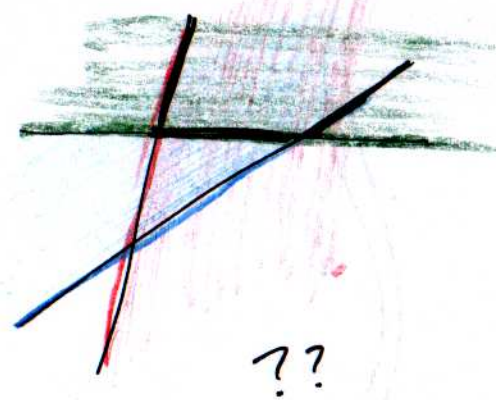
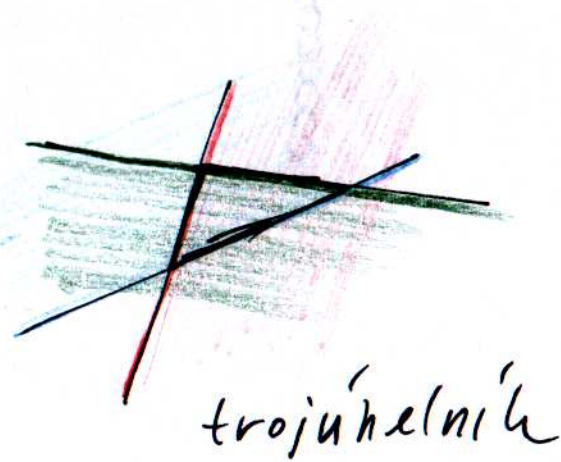
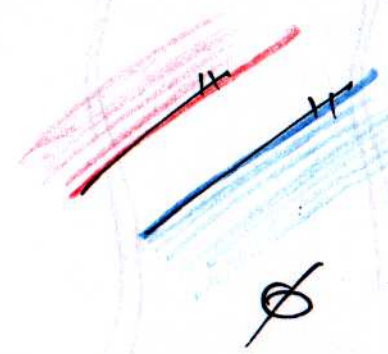
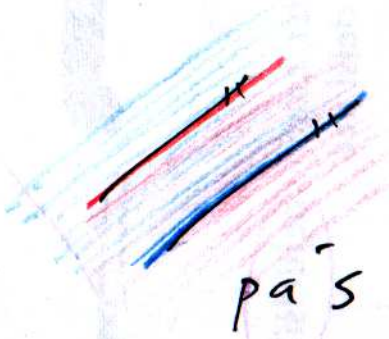
(\* z def.  $\rightarrow$  hraniční nadrovina patří do obou polo-prostů )

# PRŮNÍKY PŮLO-PROSTORŮ

dim 1



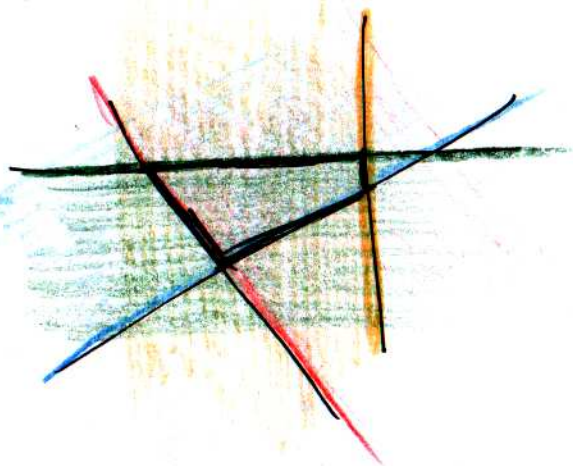
dim 2



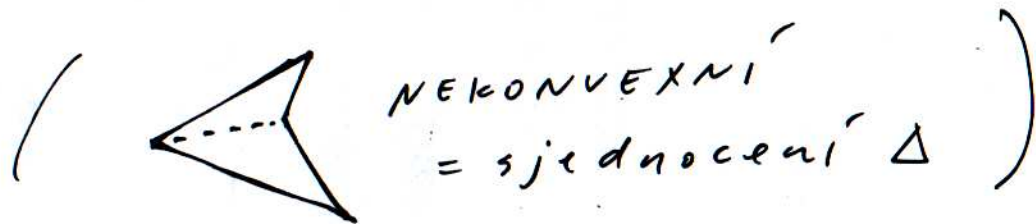
... atd.

19

dim 2 ... čtyři (a více) polo-rovin



← pokud je průnikem  
mnohoúhelníků,  
pak jedinečně KONVEXNÍ!



dim 3

... prostorový úhel, mnohostěny, ...

# KONVEKXNÍ MNOŽINA

| ANO | NE |
|-----|----|
|     |    |
|     |    |
|     |    |
| ⋮   | ⋮  |

podmnožina AFINNÍHO PR.

MEA

DEF .. podmnožina taková, že pro lib  $x, y \in M$  také celá úsečka  $xy$  patří do  $M$ .

POSTŘEHY

$M, N \dots$  KONVEKXNÍ  
 $\Rightarrow M \cap N$  KONVEKXNÍ  
 ale  $M \cup N$  NEMUSÍ BÝT konvexní

KONU. OBAL



množiny  $M \subseteq A$

= nejmenší ~~konvexní~~ konvexní nadmnožina  $M$