

MA0002 — 8. domácí úkol

Cvičení 8.1 Najděte všechna celočíselná řešení rovnice:

- | | |
|------------------|--------------------|
| (a) $x + y = 2$ | (c) $7x + 3y = 5$ |
| (b) $2x + y = 3$ | (d) $9x + 11y = 3$ |

Cvičení 8.2 Zadejte alespoň dvě z výše uvedených rovnic pomocí slovní úlohy (řešení slovní úlohy nemusí být nekonečně mnoho).

Cvičení 8.3 Řešte úlohu č. 5 z Alkuinovy sbírky *Úlohy pro bystření mladíků*:

Nějaký kupec řekl: Chci za sto denárů nakoupit sto prasat, přičemž kanec stojí deset denárů, prasnice pět denárů a dvě selata jeden denár. Ať řekne, kdo rozumí, kolik je třeba koupit kanců, kolik prasnic a kolik selat, aby žádné z těchto dvou čísel nebylo ani překročeno, ani zmenšeno.

Cvičení 8.4 Markéta nakoupila v papírnictví sešity po 10 korunách, tužky po 2 korunách a gumy po 5 korunách. Celkem utratila 100 korun za 18 předmětů. Kolik čeho nakoupila?

Cvičení 8.5 Dokažte, že platí tento postup pro násobení čísel od 6 do 9:

První činitel: levá ruka, na níž necháme vztyčeno tolik prstů, kolik je rozdíl mezi činitelem a číslem 5.

Druhý činitel: analogicky na pravé ruce.

Násobení: počet vztyčených prstů na obou rukou vynásobíme deseti a k tomu přičteme výsledek násobení počtu nevztyčených prstů na levé ruce a na pravé ruce.

Příklad: $7 \cdot 8$

Levá ruka: 2 vztyčené, 3 ne

Pravá ruka: 3 vztyčené, 2 ne

$2+3=5$ desítka (tj. 50)

$2 \cdot 3 = 6$ (jednotek)

$50+6=56=7 \cdot 8$

Cvičení 8.6 Doplňte tabulku pro $n = 1, \dots, 25$. V tabulce vyhledejte pythagorejské trojice.

| n | n^2 (druhá mocnina n) | $n^2 - (n-1)^2$ (průrůstek oproti předchozímu řádku) |
|-----|-------------------------|--|
| 0 | 0 | - |
| 1 | 1 | 1 |
| 2 | 4 | 3 |
| 3 | 9 | 5 |
| 4 | | |
| 5 | | |
| 6 | | |
| 7 | | |
| 8 | | |
| 9 | | |
| 10 | | |
| 11 | | |
| 12 | | |
| 13 | | |
| 14 | | |
| 15 | | |
| 16 | | |
| 17 | | |
| 18 | | |
| 19 | | |
| 20 | | |
| 21 | | |
| 22 | | |
| 23 | | |
| 24 | | |
| 24 | | |
| 25 | | |