

Seminář FC3802

úvod

Obecný postup řešení fyzikálních úloh

1. Porozumění obsahu úlohy: je nutno porozumět tomu co je dáno (zadaným údajům) a tomu, co se po nás chce, zaměřte se na slova pro řešení úlohy podstatná.

Automobil jedoucí rychlostí 54 km.h^{-1} , zvětší za dobu 10 s svoji rychlost na 90 km.h^{-1} . Jakou dráhu ujede za předpokladu, že jeho pohyb je rovnoměrně zrychlený?

Důležité jsou údaje *rychlost*, *doba*, *dráha* a pojem *pohyb rovnoměrně zrychlený*, s nímž souvisí veličina *zrychlení*.

2. Zápis úlohy: příslušné veličiny označíme patřičnými symboly a zapíšeme hodnoty zadaných veličin. Pro daný příklad:

$$v_0 = 54 \text{ km.h}^{-1} = 15 \text{ m.s}^{-1}$$

$$v = 90 \text{ km.h}^{-1} = 25 \text{ m.s}^{-1}$$

$$t = 10 \text{ s}$$

$$s = ?$$

3. **Fyzikální rozbor situace:** zahrnuje několik dílčích kroků jako jsou vytvoření náčrtku nebo schématu a zjištění příslušných fyzikálních zákonitostí a vztahů. Následuje zápis vztahů, kterými jsou dané a hledané veličiny navzájem vázány. Pro daný příklad:

$$v = v_0 + a \cdot t \quad \Rightarrow \quad a = (v - v_0) / t$$
$$s = v_0 \cdot t + \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2$$

U složitějších úloh je třeba doplnit další veličiny či konstanty z tabulek.

Někdy je třeba vymezit zjednodušující podmínky, např. zanedbání tření, odporu prostředí, vnitřního odporu el. zdroje, ideální plyn, ...

4. **Obecné řešení úlohy:** pomocí vztahů z předchozího kroku vytvoříme rovnici (obecné řešení) na jejíž levé straně je symbol hledané veličiny a na pravé straně symboly označující dané veličiny. Pro daný příklad:

$$s = \frac{1}{2} \cdot (v_0 + v) \cdot t$$

V komplikovanějších případech lze používat i výsledky z dílčích výpočtů. Pro daný příklad např.

$$a = (v - v_0) / t \Rightarrow a = (25 - 15) / 10 \text{ m.s}^{-2} = 1 \text{ m.s}^{-2}$$

5. **Kontrola jednotky výsledku:** do obecného řešení dosadíme za symboly veličin jejich jednotky. Pro daný příklad

$$s = \frac{1}{2} \cdot (v - v_0) \cdot t$$

$$\text{m} = \text{m.s}^{-1} \cdot \text{s} = \text{m}$$

6. **Řešení pro dané hodnoty:** dosazení číselných hodnot do obecného výsledku, následný výpočet hledané veličiny a doplnění jednotky za daný výraz. Pro daný příklad

$$s = \frac{1}{2} \cdot (15 + 25) \cdot 10 \text{ m} = 200 \text{ m}$$

6. **Diskuse řešení:** slouží k ověření hodnověrnosti výsledku, t.j. zda může vypočtená hodnota veličiny odpovídat skutečnosti. Lze tak učinit na základě zkušenosti, či údajů v tabulkách nebo literatuře.

Pokud by pro daný příklad vyšlo, že automobil urazil za 10 s dráhu 2000 m, znamenalo by to, že by musel jet průměrnou rychlostí $200 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1} = 720 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$, což není reálné. Hodnota 2000 m je tudíž chybná.

7. **Formulace odpovědi:** formulace odpovědi na otázku v zadání úlohy. U výpočtových úloh obsahuje odpověď vždy číselnou hodnotu hledané veličiny.

Příklad: Ledová kra o objemu 2 m^3 má hmotnost 1834 kg . Určete hustotu ledu.

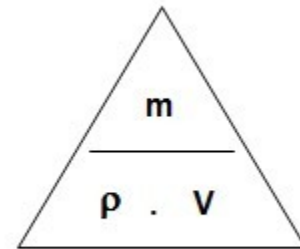
$$m = 1834 \text{ kg}$$

$$V = 2 \text{ m}^3$$

$$\rho = ? \text{ [kg.m}^{-3}\text{]}$$

$$\rho = m/V$$

$$\rho = 1834/2 \text{ kg.m}^{-3} = \underline{917 \text{ kg.m}^{-3}}$$



Kapalná voda má podle tabulek hustotu 1000 kg.m^{-3} , vzhledem k tomu, že led plave na hladině vody je jeho hustota menší než hustota vody. Vypočtená hodnota je realistická.

Led má hustotu 917 kg.m^{-3} .

Rozměr (dimenze) fyzikální veličiny

Rozměr fyzikální veličiny je zápis její jednotky do součinu mocnin jednotek základních veličin, rozšířený o dvě doplňkové jednotky pro rovinný (grad) a prostorový úhel (rad).

Postupujeme takto:

Pokud je některou z veličin, figurujících ve vzorci, jiná než základní veličina, nahradíme ji její definiční rovnicí.

To opakujeme tak dlouho, dokud ve vzorci nevystupují jen základní veličiny, bezrozměrné veličiny a bezrozměrné koeficienty.

Pokud ve vzorci vystupuje veličina základní, nahradíme ji symbolem její jednotky.

Pokud ve vzorci figuruje číselný koeficient nebo bezrozměrná veličina, nahradíme je jedničkou. Tím získáme rozměr fyzikální veličiny.

Příklad

Máme určit rozměr práce. Práce je určena mimo jiné vzorcem $W = F \cdot s$, kde F je síla, s je dráha. Síla je určena vzorcem $F = m \cdot a$, kde m je hmotnost a a je zrychlení, zrychlení je dáno rovnicí $a = v/t$, rychlost je určena rovnicí $v = s/t$.

Pokud známe více rovnic pro určení některé z veličin, vybereme tu nejjednodušší, stačí totiž sledovat její rozměr, ne velikost. Rozměr pak určíme takto:

$$W = F \cdot s = m \cdot a \cdot s = m \cdot (v/t) \cdot s = (m \cdot v \cdot s)/t = (m \cdot s \cdot s)/(t \cdot t) = m \cdot s^2/t^2$$

$$\Rightarrow [W] = \text{kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-2}$$

Fyzikální rovnice

Vztahy mezi fyzikálními veličinami popisují **fyzikální rovnice**. Ve fyzikální rovnici tedy vystupují nejen číselné hodnoty a matematické funkce, ale vždy i příslušné jednotky fyzikálních veličin.

Každá fyzikální rovnice (dále pouze rovnice) splňuje pravidlo, že rozměr (jednotka) levé strany musí být roven rozměru (jednotce) pravé strany.

Rozměrová zkouška fyzikální rovnice

Pokud chceme zkontrolovat správnost rovnice, porovnáme rozměr pravé a levé strany fyzikální rovnice. Pokud je rozměr shodný, je předpoklad (nikoliv jistota), že rovnice je správná. Pokud porovnání rozměru nevychází, hledáme chybu v rovnici, přičemž podle odchylek v rozměrech pravé a levé strany dokážeme většinou odhadnout, která veličina a na kterém místě v rovnici chybí, přebývá nebo je v jiné mocnině než má být.

Příklad

Předpokládejme, že chceme pomocí rozměrové zkoušky ověřit správnost rovnice $F.s = m.v$, kde F je síla, s je délka dráhy, m je hmotnost a v je rychlost.

Za veličiny dosadíme jejich jednotky a upravíme na rozměry jednotek.

$$\text{N.m} = \text{kg.m.s}^{-1}$$

$$\text{kg.m}^{-2}.\text{s}^{-2} \neq \text{kg.m.s}^{-1}$$

Je zřejmé, že kontrola nesouhlasí. Buď chybí na levé straně $\text{m}^{-1}.\text{s}$ nebo chybí na pravé straně m.s^{-1} .

Správná rovnice je

$$F.s = \frac{1}{2}.m.v^2$$

(pro daný případ je práce rovna kinetické energii a nikoliv hybnosti).

Mezinárodní soustava jednotek

Mezinárodní soustavu jednotek tvoří tyto skupiny jednotek:

Základní jednotky (a veličiny)

Definují se přírodním dějem.
Jde o 7 jednotek a veličin.

Odvozené jednotky

Odvozují se ze základních jednotek pomocí definičních vztahů odpovídajících fyzikálních veličin:

$$\text{m}\cdot\text{s}^{-1}, \text{kg}\cdot\text{m}^{-3}, \dots$$

Některé z nich mají své názvy podle význačných fyziků:

$$\text{např. } \text{N} = \text{kg}\cdot\text{m}\cdot\text{s}^{-2} \text{ (newton), } \text{J} = \text{kg}\cdot\text{m}^2\cdot\text{s}^{-2} \text{ (joule), } \dots$$

Veličina		Jednotka SI	
Název	Symbol	Název	Značka
délka	l	metr	m
hmotnost	m	kilogram	kg
čas	T	sekunda	s
elektrický proud	I	ampér	A
termodynamická teplota	T	kelvin	K
látkové množství	n	mol	mol
svítivost	I	kandela	cd

Odvozené jednotky

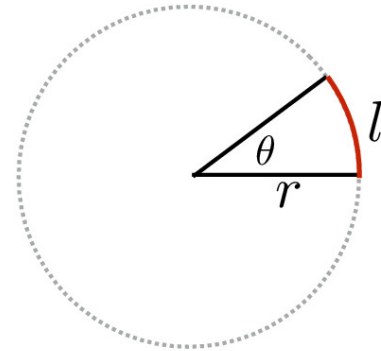
- Rovinný úhel radián rad $\text{m m}^{-1} = 1$
- Prostorový úhel steradián sr $\text{m}^2 \text{m}^{-2} = 1$
- Kmitočet hertz Hz s^{-1}
- Síla newton A m kg s^{-2}
- Tlak, napětí pascal Pa N m^{-2}
- Energie, práce, ... joule J N m
- Výkon watt W J s^{-1}
- Elektrický náboj coulomb C A s
- Elektrický potenciál volt V W A^{-1}
- Elektrický odpor ohm Ω V A^{-1}

Mezi jednotky odvozené patří též dvě **doplňkové jednotky**: *radián* (rad) jako jednotka rovinného úhlu a *steradián* (sr) jako jednotka prostorového úhlu. Tyto jednotky nelze vyjádřit pomocí jednotek základních - považujeme je za bezrozměrné. Je-li např. α označení rovinného úhlu, lze psát $\alpha = \pi \text{ rad}$, ale při přepisu do soustavy SI se píše jen $\alpha = \pi$, tj. $\alpha = 1$.

Angles and Solid Angles

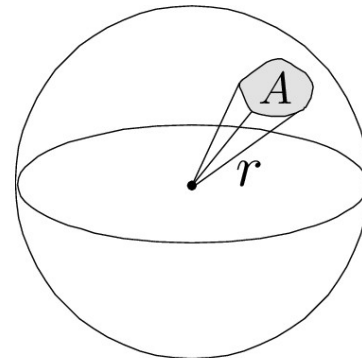
Angle: ratio of subtended arc length on circle to radius

- $\theta = \frac{l}{r}$
- Circle has 2π **radians**



Solid angle: ratio of subtended area on sphere to radius squared

- $\Omega = \frac{A}{r^2}$
- Sphere has 4π **steradians**



Násobné a dílčí jednotky tvoří se ze základních a odvozených jednotek pomocí mocnin o základu 10:

Jednotky násobné			základní veličina	Jednotky dílčí		
exa-	E	10^{18}		mili-	m	10^{-3}
peta-	P	10^{15}		mikro-	μ	10^{-6}
tera-	T	10^{12}		nano-	n	10^{-9}
giga-	G	10^9		piko-	p	10^{-12}
mega-	M	10^6		femto-	f	10^{-15}
kilo-	k	10^3		atto-	a	10^{-18}

V některých případech je možné též použít předpon *centi-* (se značkou c), *deci-* (d) a *hekto-* (h) - např. 1 cm = 0,01 m, 1 dm = 0,1 m, 1 hl = 100 l, ...

Pozor! Je zde jedna výjimka: kilogram je jednotka základní, nikoli násobná !!!

Vedlejší jednotky

jejich používání je příslušnou normou dovoleno, i když do jednotek soustavy SI nepatří. Povolení bylo uděleno na základě praktických důvodů. Jedná se např. o tyto jednotky:

minuta (min), hodina (h), litr (l), tuna (t), ...

Při výpočtech je ale převádíme na jednotky soustavy SI.

Table 6. Non-SI units accepted for use with the International System of Units

Quantity	Name of unit	Symbol for unit	Value in SI units
time	minute	min	1 min = 60 s
	hour ^(a)	h	1 h = 60 min = 3600 s
	day	d	1 d = 24 h = 86 400 s
plane angle	degree ^(b, c)	°	1° = ($\pi/180$) rad
	minute	'	1' = (1/60)° = ($\pi/10\,800$) rad
	second ^(d)	''	1'' = (1/60)' = ($\pi/648\,000$) rad
area	hectare ^(e)	ha	1 ha = 1 hm ² = 10 ⁴ m ²
volume	litre ^(f)	L, l	1 L = 1 l = 1 dm ³ = 10 ³ cm ³ = 10 ⁻³ m ³
mass	tonne ^(g)	t	1 t = 10 ³ kg

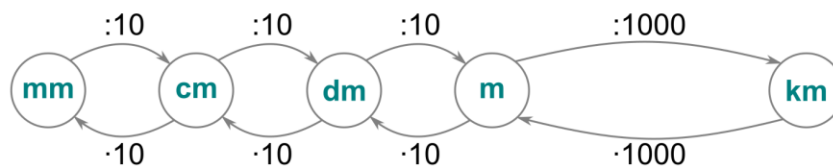
Násobky jednotek

Prefix	Symbol for Prefix		Scientific Notation
exa	E	1 000 000 000 000 000 000	10^{18}
peta	P	1 000 000 000 000 000	10^{15}
tera	T	1 000 000 000 000	10^{12}
giga	G	1 000 000 000	10^9
mega	M	1 000 000	10^6
kilo	k	1 000	10^3
hecto	h	100	10^2
deka	da	10	10^1
----	--	1	10^0
deci	d	0.1	10^{-1}
centi	c	0.01	10^{-2}
milli	m	0.001	10^{-3}
micro	μ	0.000 001	10^{-6}
nano	n	0.000 000 001	10^{-9}
pico	p	0.000 000 000 001	10^{-12}
femto	f	0.000 000 000 000 001	10^{-15}
atto	a	0.000 000 000 000 000 001	10^{-18}

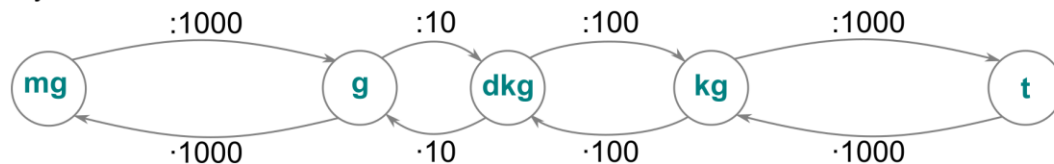
<https://www.jednotky.cz/>

Převod jednotek

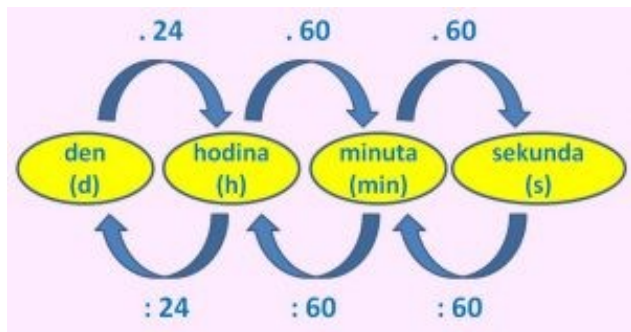
jednotky délky



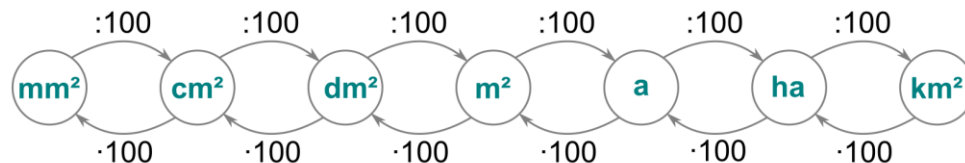
jednotky hmotnosti



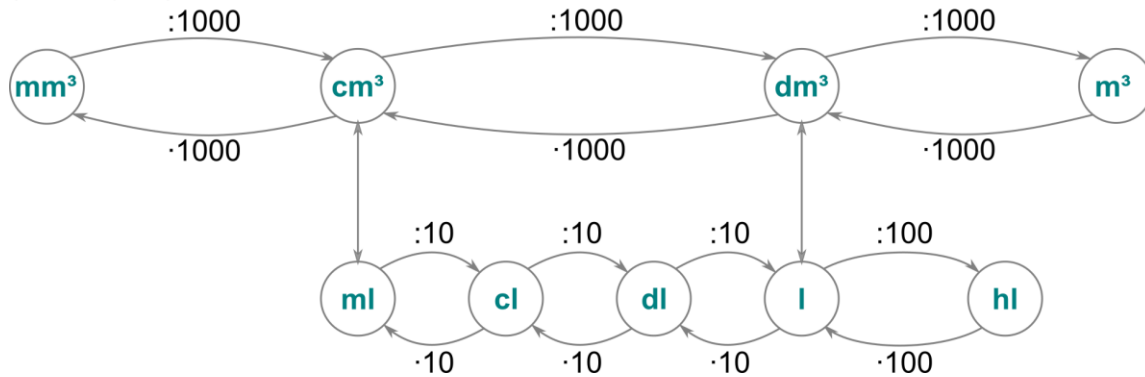
jednotky času



jednotky obsahu



jednotky objemu



Převeďte na jednotky SI

- a) 750 mm²
- b) 0,35 cm²
- c) 3.10² dm²
- d) 0,6 km²

Převeďte na jednotky SI

- a) 370 mm³
- b) 0,95 cm³
- c) 6.10² dm³
- d) 0,8 km³

Převeďte na m.s⁻¹

- a) 100 kg
- b) 10⁹ μg
- c) 10⁹ ng
- d) 10¹² pg

Která veličina má fyzikální rozměr m.s⁻²?

Která veličina má fyzikální rozměr s⁻²?

Převeďte na jednotky SI

- a) 0,5 mm²
- b) 7 dm³
- c) 12 nm
- d) 0,5 g.cm⁻³

Jedna tuna je ekvivalentem

- a) 100 kg
- b) 10⁹ μg
- c) 10⁹ ng
- d) 10¹² pg
- e) 10¹² ng

Kinematika

Za 6 sekund po blesku jsme uslyšeli začátek hřmění. Jak daleko od nás uhořil blesk? Rychlost zvuku ve vzduchu je přibližně 330 m.s^{-1} .

$$v = 330 \text{ m.s}^{-1}$$

$$t = 6 \text{ s}$$

$$s = v \cdot t = 330 \cdot 6 \text{ m} = 1980 \text{ m} = \underline{1.98 \text{ km}}$$

Chodec ujde za 1 minutu 140 kroků po 0,8 m. Jakou má chodec rychlost ($v \text{ m.s}^{-1}$) a kolik kilometrů ujde za hodinu?

$$s = 140 \cdot 0,8 = 112 \text{ m}$$

$$t = 60 \text{ s}$$

$$v = s / t = 112 / 60 \text{ m.s}^{-1} = \underline{1,87 \text{ m.s}^{-1}} = 1,87 \cdot 3,6 \text{ km.h}^{-1} = \underline{6,73 \text{ km.h}^{-1}}$$

Za jakou dobu projede vlak tunelem, jestliže se pohybuje rychlostí o velikosti 54 km.h^{-1} ? Délka vlaku je 350 m a délka tunelu 1450 m.

$$v = 54 \text{ km.h}^{-1} = 15 \text{ m.s}^{-1}$$

$$d_t = 1450 \text{ m}$$

$$d_v = 350 \text{ m}$$

$$s = d_t + d_v = 1450 + 350 = 1800 \text{ m}$$

$$t = s/v = 120 \text{ s} = \underline{2 \text{ min}}$$

Traktor a motocykl vyjedou současně proti sobě po přímé silnici. Počáteční vzdálenost vozidel je 6 km, traktor jede rychlostí $10 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$, motocykl rychlostí $20 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$. Za jakou dobu od startu a v jaké vzdálenosti od počáteční polohy traktoru se obě vozidla míjejí?

$$v_t = 10 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$v_m = 20 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$s_0 = 6 \text{ km} = 6000 \text{ m}$$

$$s = v_t \cdot t = s_0 - v_m \cdot t = 0$$

$$t = s_0 / (v_t + v_m) = 6000 / (10 + 20) = \underline{200 \text{ s}}$$

$$s_t = v_t \cdot t = 10 \cdot 200 = 2000 \text{ m} = \underline{2 \text{ km}}$$

Křižovatkou projel traktor rychlostí $36 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$. Za 10 minut projel křižovatkou týmž směrem osobní automobil rychlostí $54 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$. Za jakou dobu a v jaké vzdálenosti od křižovatky dohoní osobní automobil traktor? Obě vozidla se pohybují rovnoměrně.

[30 min od průjezdu traktoru, 20 min od průjezdu osobního auta, 18 km od křižovatky]

Autobus vyjede z místa vzdáleného 54 km průměrnou rychlostí $15 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$. Za 15 minut po odjezdu autobusu vyjede za ním z téhož místa automobil. Jakou průměrnou rychlostí musí jet automobil, aby dosáhl cíle současně s autobusem?

[20 $\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$]

V jaké nejmenší vzdálenosti od přechodu musí být automobil, který přijíždí stálou rychlostí $60 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$, abychom bezpečně přešli ulici, potřebujeme-li na přecházení dobu 9 s?

[cca 150 m]

Kombajn poseče za hodinu pole o rozloze 0,72 ha. Jak velkou rychlostí se pohybuje, seče-li pás široký 2 m?

[1 $\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$]

Doutnákem se šíří plamen rychlostí velikosti $3,2 \text{ m}\cdot\text{min}^{-1}$. Vypočítejte potřebnou délku doutnáku, abyste se po jeho zapálení měli čas přemístit do bezpečné vzdálenosti 300 m, je-li rychlost vaší chůze $6 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$.

[cca 2,7 m]

Ze stanic A a B vzdálených od sebe 150 km vyjedou po dvoukolejné trati proti sobě dva vlaky. Setkají se za tři hodiny ve vzdálenosti 90 km od stanice A. Určete, kdy každý z vlaků přijede do své konečné stanice a jaké byly jejich rychlosti.

[1. vlak: 5 h, 30 km.h⁻¹ 2. vlak: 7,5 h, 20 km.h⁻¹]

Ze stanice A vzdálené od stanice B 180 km, vyjede po dvoukolejné trati vlak do B. Za hodinu vyjede jiný vlak ze stanice B do A. Vlaky se setkají 3 hodiny po odjezdu vlaku z A ve vzdálenosti 120 km od A. Určete rychlosti vlaků.

[40 km.h⁻¹, 30 km.h⁻¹]

První třetinu dráhy projel automobil rychlostí $v_1 = 15 \text{ km.h}^{-1}$, druhou třetinu rychlostí $v_2 = 30 \text{ km.h}^{-1}$ a poslední třetinu $v_3 = 90 \text{ km.h}^{-1}$. Určete průměrnou rychlost automobilu.

[27 km.h⁻¹]

Automobil jede hodinu po dálnici rychlostí 100 km.h⁻¹, pak půl hodiny po silnici rychlostí 60 km.h⁻¹ a další půl hodiny v terénu rychlostí 20 km.h⁻¹. Jaká je průměrná rychlost automobilu? Jakou celkovou dráhu urazí?

[70 km.h⁻¹, 140 km]

Osobní automobil jedoucí rychlostí 80 km.h^{-1} předjíždí 10 m dlouhý nákladní automobil. Nákladní automobil jede rychlostí 60 km.h^{-1} . Jakou dráhu potřebuje osobní automobil k předjetí, jestliže začíná předjíždět 20 m za a končí 20 m před nákladním automobilem? Jak dlouho bude předjíždění trvat?

$$v_A = 80 \text{ km.h}^{-1} = 22,2 \text{ m.s}^{-1}$$

$$v_N = 60 \text{ km.h}^{-1} = 16,7 \text{ m.s}^{-1}$$

$$s_0 = 20 + 20 + 10 \text{ m} = 50 \text{ m}$$

$$s_A = s_0 + s_N$$

$$v_A \cdot t = s_0 + v_N \cdot t$$

$$t = s_0 / (v_A - v_N) = 50 / (22,2 - 16,7) = \underline{9 \text{ s}}$$

$$s_A = v_A \cdot t = 22,2 \cdot 9 = \underline{202 \text{ m}}$$

Zdeněk sjel na saních za 10 s svah dlouhý 40 m a pak ještě pokračoval po zasněžené vodorovné louce 20 m až do úplného zastavení. Určete velikost zrychlení na svahu, velikost rychlosti na konci svahu, celkovou dobu pohybu a průměrnou rychlost po celé trajektorii.

$$s_1 = 40 \text{ m}$$

$$t_1 = 10 \text{ s}$$

$$s_2 = 20 \text{ m}$$

$$a_1 = ?$$

$$v_1 = ?$$

$$t = ?$$

$$v_p = ?$$

$$s_1 = \frac{1}{2} \cdot a_1 \cdot t_1^2 \text{ odtud } a_1 = 2 \cdot s_1 / t_1^2 = 2 \cdot 40 / 10^2 = \underline{0,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}}$$

$$v_1 = a_1 \cdot t_1 = 2 \cdot s_1 / t_1 = 2 \cdot 40 / 10 = \underline{8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}}$$

$$v_2 = v_1 - a_2 \cdot t_2 = 0 \text{ odtud } t_2 = v_1 / a_2$$

$$s_2 = v_1 \cdot t_2 - \frac{1}{2} \cdot a_2 \cdot t_2^2 \text{ odtud } a_2 = v_1^2 / 2 \cdot s_2$$

$$t_2 = v_1 / a_2 = 2 \cdot s_2 / v_1 = s_2 / s_1 \cdot t_1$$

$$t = t_1 + s_2 / s_1 \cdot t_1 = t_1 \cdot (1 + s_2 / s_1) = 10 \cdot (1 + 20 / 40) = \underline{15 \text{ s}}$$

$$v_s = (s_2 + s_1) / t = (20 + 40) / 15 = \underline{4 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}}$$

Určete podle
obrázku:

- a) druh pohybu od nulté do čtvrté sekundy,
- b) druh pohybu od čtvrté do šesté sekundy,
- c) druh pohybu od šesté do osmé sekundy,
- d) rychlost v páté sekundě,
- e) dráhu, kterou těleso urazí od čtvrté do šesté sekundy,
- f) zrychlení ve třetí sekundě,
- g) dráhu, kterou těleso urazí během prvních dvou sekund,
- h) dráhu, kterou urazí od druhé do čtvrté sekundy,
- i) pohyb, kterým se pohybuje od šesté do osmé sekundy,
- j) zpomalení pohybu od šesté do osmé sekundy,
- k) dráhu, kterou urazí od šesté do osmé sekundy.

Vůz má v jistém místě své dráhy rychlost $60 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$ a o 100 m dále rychlost $40 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$. Jaké je jeho zpoždění?

$$v_0 = 60 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1} = 16,67 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$v = 40 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1} = 11,11 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$s = 100 \text{ m}$$

$$a = ?$$

$$v = v_0 + a \cdot t$$

$$t = (v - v_0)/a$$

$$s = v_0 \cdot (v - v_0)/a + \frac{1}{2} \cdot a \cdot ((v - v_0)/a)^2 = (v_0 \cdot v - v_0^2)/a + (\frac{1}{2} \cdot v^2 - v \cdot v_0 + \frac{1}{2} \cdot v_0^2)/a = \\ = \frac{1}{2} \cdot (v^2 - v_0^2)/a = (v^2 - v_0^2)/2 \cdot a$$

$$a = (v^2 - v_0^2)/2 \cdot s = (11,11^2 - 16,67^2)/2 \cdot 100 = \underline{0,78 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}}$$

Motocykl jede rovnoměrně zrychleně a během 10 s zvýší rychlost z $6 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ na $16 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$. Určete velikost zrychlení motocyklu a dráhu, kterou za danou dobu urazí.

[$1 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$, 110 m]

Jaká je brzdná dráha automobilu, který jede rychlostí $80 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$, je-li velikost zrychlení při brzdění $3 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$, resp. $5 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$.

[82 m, 49 m]

Hlaveň pušky má délku 60 cm. Střela proběhne hlavní za dobu 0,002 s. Vypočítejte průměrné zrychlení střely a velikost rychlosti střely v okamžiku opuštění hlavní.

[$3 \cdot 10^5 \text{ m.s}^{-2}$, 600 m.s^{-1}]

Rychlík jedoucí rychlostí 120 km.h^{-1} brzdí se záporným zrychlením -0.3 m.s^{-2} . V jaké vzdálenosti před stanicí začne rovnoměrně brzdit, má-li se ve stanici zastavit?

[1,85 km]

Nákladní výtah dopravuje materiál do výše 12,0 m. Rozjíždí se se stálým zrychlením $0,90 \text{ m.s}^{-2}$. Potom se pohybuje rovnoměrně rychlostí $2,0 \text{ m.s}^{-1}$. Zbytek dráhy 2,5 m před zastavením se pohybuje rovnoměrně zpomaleným pohybem. Na jak dlouhé dráze koná výtah pohyb rovnoměrně zrychlený? Jak dlouho se výtah pohybuje rovnoměrně? Určete velikost záporného zrychlení. Určete dobu výstupu.

[2,2 m, 3,6 s, $-0,8 \text{ m.s}^{-2}$, 2,2 s, 8,3 s]

Vrtule letadla se otáčí úhlovou rychlostí 220 s^{-1} . Jak velkou rychlostí v se pohybují body na koncích vrtule, jejichž vzdálenost od osy otáčení je 160 cm ? Jakou dráhu s uletí letadlo během jedné otáčky vrtule, letí-li rychlostí 600 km.h^{-1} ?

$$\omega = 220 \text{ s}^{-1}$$

$$r = 160 \text{ cm} = 1,60 \text{ m}$$

$$v = ?$$

$$v_2 = 600 \text{ km.h}^{-1} = 166,67 \text{ m.s}^{-1}$$

$$s_2 = ?$$

$$v = \omega \cdot r = 220 \cdot 1,6 = \underline{352 \text{ m.s}^{-1}}$$

$$\omega = 2 \cdot \pi \cdot f \quad \text{odtud } f = \omega / 2 \cdot \pi$$

$$s_2 = v_2 \cdot t = v_2 / f = 2 \cdot \pi \cdot v_2 / \omega = \underline{4.76 \text{ m}}$$

Lokomotiva jedoucí rychlostí 20 m.s^{-1} má hnací kola poloměru $0,85 \text{ m}$. Kolikrát se kolo otočí za 1 minutu?

[225 otáček]

Automobil projíždí zatáčkou o poloměru 200 m rychlostí o stálé velikosti 72 km.h^{-1} . Jak velká je úhlová rychlost jeho pohybu? Jak velké má automobil zrychlení?

[$0,1 \text{ rad.s}^{-1}$, 2 m.s^{-2}]

Sušička na prádlo vykonává maximálně 1400 ot.min^{-1} . Za jak dlouho klesne frekvence otáčení na polovinu, pohybuje-li se sušička s konstantním úhlovým zpomalením $1,5 \text{ s}^{-2}$. Kolik otáček při tom vykoná?

$$f_0 = 1400 \text{ ot.min}^{-1} = 23,3 \text{ ot.s}^{-1}$$

$$f = f_0/2 = 700 \text{ ot.min}^{-1} = 11,7 \text{ ot.s}^{-1}$$

$$\varepsilon = -1,5 \text{ s}^{-2}$$

$$t = ?$$

$$n = ?$$

$$\omega = \omega_0 + \varepsilon.t = 2.\pi.f$$

$$t = (\omega - \omega_0)/\varepsilon = 2.\pi.(f - f_0)/\varepsilon$$

$$= 2.\pi.(11,67 - 23,33)/-1,5 = \underline{48,8 \text{ s}}$$

$$n = \varphi / 2.\pi$$

$$\varphi = \omega_0.t + \frac{1}{2}.\varepsilon.t^2$$

$$n = \varphi / 2.\pi = (\omega_0.t + \frac{1}{2}.\varepsilon.t^2) / 2.\pi$$

$$n = (2.\pi.f_0.t + \frac{1}{2}.\varepsilon.t^2) / 2.\pi$$

$$n = (2.\pi.23,3.48,8 + \frac{1}{2}.-1,5. 48,8^2) / 2.\pi = \underline{854}$$

Ventilátor rotující 5krát za sekundu se po vypnutí proudu zastaví za 5 s. Určete úhlové zrychlení a počet otáček do zastavení.

$$[2\pi \text{ s}^{-2}, 12,5]$$

Mixer má 14000 otáček za minutu. Po vypnutí se zastaví za 3 s. Kolik otáček vykoná do zastavení?

$$[350 \text{ otáček}]$$

Jaká je úhlová rychlost hodinové, minutové a sekundové ručičky na hodinách?

$[2\pi \text{ s}^{-1}, \pi/30 \text{ s}^{-1}, \pi /1800 \text{ s}^{-1}]$

Řemenice elektromotoru má poloměr 3 cm a pohání řemenovým pohonem kolo o poloměru 15 cm. Jaká je frekvence otáčení kola, je-li frekvence otáček elektromotoru 50 s^{-1} .

$[10 \text{ s}^{-1}]$