



Nechť  $f$  je vzájemně jednoznačné zobrazení množiny  $G$  na množinu  $H$ , nechť  $(G, \circ)$ ,  $(H, \square)$  jsou alg. struktury (alespoň grupoidy). Pak zobrazení  $f$  nazveme **izomorfismus**  $(G, \circ)$  na  $(H, \square)$ , jestliže platí:

$$(\forall x, y \in G) f(x \circ y) = f(x) \square f(y).$$

Píšeme  $(G, \circ) \cong (H, \square)$ .

Nechť  $(G, \circ)$ ,  $(H, \square)$  jsou struktury (alespoň grupoidy), nechť  $(G, \circ) \cong (H, \square)$  (tj. obě struktury jsou izomorfní). Pak platí:

1.  $G \sim H$ .
2. Má-li jedna z operací  $\circ$ ,  $\square$  některou z vlastností K, A, EN, EI, ZR, má tuto vlastnost i druhá z těchto operací. Obě operace mají tedy tytéž vlastnosti.
3. Obě algebraické struktury  $(G, \circ)$ ,  $(H, \square)$  jsou téhož typu.

*Příklad 2:* Necht'  $G = \{a, b, c, d\}$ ,  $H = \{1, -1, i, -i\}$ .  
Operace  $\circ, \cdot$  jsou na množinách  $G, H$  dány tabulkami:

$\circ$	a	b	c	d
a	a	b	c	d
b	b	a	d	c
c	c	d	b	a
d	d	c	a	b

$\cdot$	1	-1	i	-i
1	1	-1	i	-i
-1	-1	1	-i	i
i	i	-i	-1	1
-i	-i	i	1	-1

Množina  $H$  je množina všech řešení rovnice  $x^4 = 1$  v oboru komplexních čísel, operace  $\cdot$  na množině  $H$  je pak „obyčejné“ násobení. Kdo není seznámen s komplexními čísly, tomu postačí vědět, že  $i \cdot i = -1$ .

Definujeme-li nyní vzájemně jednoznačné zobrazení  $f$  množiny  $G$  na množinu  $H$  předpisem  
 $f(a) = 1, f(b) = -1, f(c) = i, f(d) = -i$ ,  
 snadno se přesvědčíme pohledem na tabulky, že toto zobrazení je izomorfismus, tedy platí vztah  
 $(G, \circ) \cong (H, \cdot)$ .