

Základy matematiky a statistiky pro humanitní obory I

Pavel Rychlý Vojtěch Kovář

Fakulta informatiky, Masarykova univerzita
Botanická 68a, 60200 Brno, Czech Republic
{pary, xkovar3}@fi.muni.cz

19. 10. 2010

Obsah přednášky

Teorie množin

Množiny

Množinové operace

Teorie množin

▶ Teorie množin

- ▶ spolu s logikou základní pilíř matematiky
- ▶ všechny matematické objekty jsou množiny
- ▶ různé formální teorie (nekonečno, axiom výběru)

▶ Náš cíl

- ▶ pochopit pojem množina
- ▶ naučit se pracovat se zápisy množin
- ▶ nepouštět se do sporných aspektů teorií množin

Množina

▶ Množina

- ▶ skupina objektů (čísel, aut, myší, množin)
- ▶ ne nutně stejného typu
- ▶ neobsahuje duplicitu
- ▶ není uspořádaná

▶ Základní fakta

- ▶ existuje prázdná množina – \emptyset
- ▶ množina může obsahovat jiné množiny

▶ Zápis množin

- ▶ výčtem prvků: $\{1, 2, 3\}$, $\{\emptyset, \{\emptyset\}\}$
- ▶ výrokem: $\{x \mid x \in \mathcal{N} \wedge x > 5\}$

Nekonečné množiny

▶ Nekonečné množiny

- ▶ existují ve většině teorií množin
- ▶ různě velká nekonečna
- ▶ např. přirozená čísla (racionální čísla) vs. reálná čísla
- ▶ více v dalších přednáškách

Množinové operace (1)

▶ Operátor \in

- ▶ = prvek patří do množiny
- ▶ tzn. na levé straně je vždy prvek, na pravé **vždy** množina
- ▶ platí $\forall x (x \notin \emptyset)$
- ▶ platí $\emptyset \in \{\emptyset\}$
- ▶ platí $\emptyset \notin \{\{\emptyset\}\}$

Podmnožiny

▶ Podmnožina \subseteq

- ▶ $A \subseteq B \Leftrightarrow \forall x (x \in A \Rightarrow x \in B)$
- ▶ zkrácený zápis $\forall x \in A (x \in B)$

▶ Potenční množina

- ▶ množina všech podmnožin dané množiny
- ▶ zápis: $\mathcal{P}(A)$ nebo 2^A
- ▶ $\mathcal{P}(A) = \{x \mid x \subseteq A\}$
- ▶ platí: $\mathcal{P}(\emptyset) = \{\emptyset\}$
- ▶ platí: $\mathcal{P}(\{\emptyset\}) = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$
- ▶ platí: $\forall x (\emptyset \in \mathcal{P}(x) \wedge x \in \mathcal{P}(x))$

Množinové operace (2)

▶ Rovnost množin

- ▶ $A = B \Leftrightarrow (A \subseteq B \wedge B \subseteq A)$

▶ Sjednocení \cup

- ▶ $A \cup B = \{x \mid x \in A \vee x \in B\}$

▶ Průnik \cap

- ▶ $A \cap B = \{x \mid x \in A \wedge x \in B\}$