

Obsah přednášky

Základy matematiky a statistiky pro humanitní obory

|

Pavel Rychlý Vojtěch Kovář

Fakulta informatiky, Masarykova univerzita
Botanická 68a, 602 00 Brno, Czech Republic
 {parv, xkovar3}@fi.muni.cz

7. 12. 2010

Kombinatorika

Základní kombinatorická pravidla

Pravděpodobnost

Příklady

Kombinatorika

► Motivace

- ▶ vědět kolik možností (situací) může nastat
- ▶ umožňuje výpočet pravděpodobností

► Znáte ze SŠ

- ▶ kombinaciční čísla, faktoriály
- ▶ vzorečky pro variace, kombinace, permutace (s opakováním nebo bez, ...)

► Cíl přednášky

- ▶ odnaučit se vzorečky
- ▶ řešit kombinatorické problémy „úvahou“ (selským rozumem)

Základní kombinatorická pravidla

► Pravidlo součtu

- ▶ pro **disjunktní** množiny A_1, A_2, \dots, A_n o velikostech p_1, p_2, \dots, p_n
- ▶ množina $A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_n$ má velikost $p_1 + p_2 + \dots + p_n$

► Pravidlo součinu

- ▶ počet všech usporádaných k-tic, takových, že
- ▶ 1. člen lze vybrat n_1 způsoby, druhý člen n_2 způsoby, ..., k-ty člen n_k způsoby
- ▶ je $n_1 * n_2 * \dots * n_k$

Pravděpodobnost

► Už znáte ze SŠ

- ▶ pravděpodobnost jevu A je podíl m/n
- ▶ kde m je počet situací, kdy jev A nastal
- ▶ kde n je počet všech možných situací

► Př. 1: Tři po sobě jdoucí hody mincemi (záleží na pořadí)

► Kolik různých výsledků můžeme dostat?

- ▶ pravidlo součinu: $2 * 2 * 2 = 8$

► Jaká je pravděpodobnost, že nám padne aspoň dvakrát panna?

- ▶ počet možností, kdy padne panna aspoň dvakrát?
- ▶ 4 (p-p-p, p-p-o, p-o-p, o-p-p)
- ▶ $\rightarrow 4/8 = 0.5$

Příklady

► Př. 2: Kolika způsoby lze seřadit množinu $\{1, 2, \dots, n\}$?

- ▶ první prvek vybíráme z n prvků, druhý z $n - 1$ prvků atd.
- ▶ pravidlo součinu: $n * (n - 1) * (n - 2) * \dots = n!$

► Př. 3: Kolik je různých posloupností s prvky 1, 1, 2, 3, 3, 3?

- ▶ počet všech usporádání: 6!
- ▶ ale některá usporádání jsou identická
- ▶ vždy můžeme prohodit obě jedničky
- ▶ \rightarrow počet možností podělíme 2
- ▶ vždy můžeme prohodit všechny trojky
- ▶ \rightarrow počet možností podělíme 6 (= $3!$, počet možných seřazení 3 prvků)
- ▶ \rightarrow výsledek: $6!/12 = 60$