

Popisná /deskriptivní/ statistika

- úvod
 - rozdělení hodnot
 - míry centrální tendence
 - míry variability
-

Úvod

- užívá se k popisu základních vlastností dat
 - poskytuje jednoduché shrnutí hodnot proměnných ve výběrovém souboru
 - předchází indukční statistiku (která odvozuje zjištění ze vzorku na populaci)
-

Úvod

- techniky deskriptivní statistiky pomáhají redukovat větší množství dat do zvládnutelné podoby
 - touto redukcí např. údajů o rychlosti čtení u 200 žáků na jeden ukazatel, např. na hodnotu průměru, samozřejmě část informací ztratíme
-

Úvod

- pro každou proměnnou obvykle popisujeme 3 charakteristiky
 - rozdělení hodnot (i graficky), středovou hodnotu a míru rozptýlení hodnot kolem tohoto středu
-

Rozdělení hodnot

- rozdělení (distribuce) hodnot - souhrn četností jednotlivých kategorií nebo intervalů hodnot proměnné
 - kromě grafů je základní možností, jak zobrazit rozložení hodnot proměnné **tabulka četností** – seznam kategorií proměnné a u nich počet osob, které do každé kategorie spadají
-

Rozdělení hodnot

příklad
tabulky
četností

	počet osob	%
Sangvinik	118	28
Flegmatik	86	20
Melancholik	89	21
Cholerik	130	31
<i>celkem</i>	423	100

Rozdělení hodnot

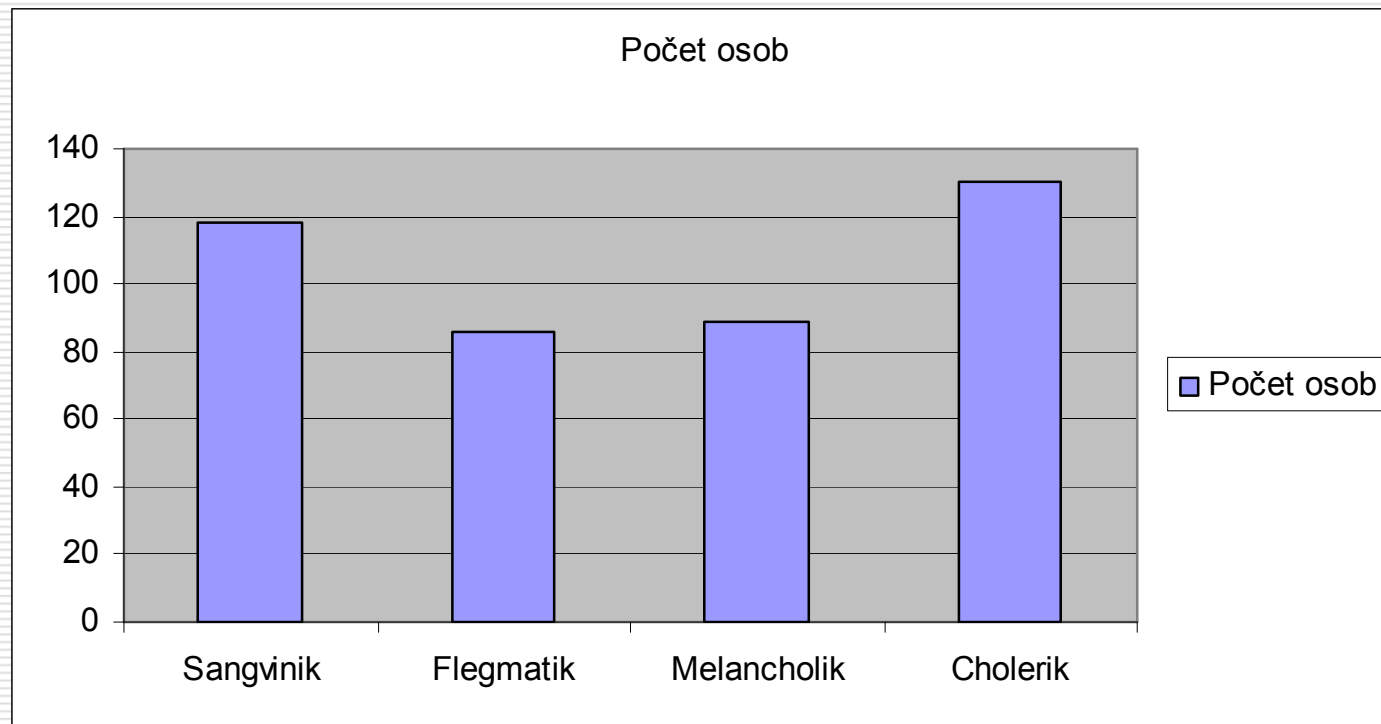
- vždy je třeba uvést celkový počet osob (N)
 - relativní četnosti mohou být uvedeny buď jako procenta (8%) nebo podíly (0.08)
 - může jít rovněž o poměr (*ratio*) dvou kategorií (např. poměr dívek a chlapců s ADHD 1:4 (nebo 0,25))
-

Rozdělení hodnot

- jako míra (*rate*) se označuje počet výskytů nějakého jevu dělený počtem možných výskytů v nějakém čase
 - např. míra úmrtnosti = počet mrtvých za rok / počet obyvatel, to celé x 1000
 - získáme hrubou míru úmrtnosti na 1000 obyvatel
-

Rozdělení hodnot

- stejná data je možno zobrazit i **graficky** (v příkladu sloupcový diagram – barchart)



Rozdělení hodnot

- pokud proměnná nabývá mnoha hodnot, je vhodnější je **sloučit do kategorií (intervalů)**
 - počet intervalů by měl být přiměřený počtu hodnot
 - někdy se používá tzv. Sturgesovo pravidlo $k = 1 + 3,3 \log_{10}(n)$
 - podle něj by pro 200 hodnot byl vhodný počet intervalů 9
-

Rozdělení hodnot

IQ	počet	%	<i>kumul. %</i>
méně než 86	11	10	10
86 – 100	36	34	44
101 – 115	34	32	76
116 - 130	20	19	95
131 a více	5	5	100
<i>celkem</i>	<i>106</i>	<i>100</i>	

Míry centrální tendence

- míry centrální tendence (středu, polohy) jsou výsledkem snahy najít typickou hodnotu pro daný znak
 - nejčastěji používané modus, medián, aritmetický průměr, méně často harmonický a geometrický průměr
-

Míry centrální tendence

- **modus** – nejčastěji se vyskytující hodnota (např. u příkladu s temperamentem to byl *choleric*)
 - jediná použitelná charakteristika polohy pro nominální data; u pořadových a kardinálních (intervalových nebo poměrových) jsou většinou více typickými charakteristikami medián nebo průměr
-

Míry centrální tendence

- pokud je v rozdělení více modů, jde o rozdělení vícevrcholové (obvykle bimodální) – může odhalit nehomogenitu výběru
 - např. rozdělení hodnot tělesné výšky může mít dva mody – pro muže a pro ženy
-

Míry centrální tendence

- modus není užitečnou statistikou pro zobecňování ze vzorku na populaci – dá se očekávat, že různé vzorky z téže populace budou mít různé mody
-

Míry centrální tendence

- **medián** - prostřední hodnota v řadě hodnot uspořádaných podle velikosti (50. percentil)
 - je jen pro data, která je možno podle velikosti uspořádat, tj. pořadová a kardinální
 - dělí soubor na dvě poloviny (pro sudý počet hodnot je medián průměrem dvou prostředních pozorování)
-

Míry centrální tendence

- používá se především, pokud chceme eliminovat vliv extrémních hodnot
 - příklad – průměrný plat 20 tisíc může u 10 osob znamenat, že 9 z nich má 10 tisíc a jedna 110 tisíc; použijeme-li medián – 10 tisíc, získáme více typickou hodnotu
 - můžeme ho vyčíst z tabulky četností, pokud jsou uvedeny kumulativní četnosti
-

Míry centrální tendence

- **aritmetický průměr** – součet všech hodnot znaku dělený jejich počtem
 - lze použít u kardinálních proměnných
 - vzorec: $\mu = \Sigma \mathbf{X} / \mathbf{N}$ (pro populaci)
 - nebo $\mathbf{m} = \Sigma \mathbf{x} / \mathbf{n}$ (pro výběr)
-

Míry centrální tendence

- průměr zahrnuje každou hodnotu znaku – což je jak výhoda, tak nevýhoda (citlivý na extrémní hodnoty)
 - to je možno vyřešit použitím tzv. useknutého průměru (*trimmed mean*), který se počítá tak, že se vynechá určité % hodnot z obou stran rozdělení, např. 5% nejnižších a 5% nejvyšších
-

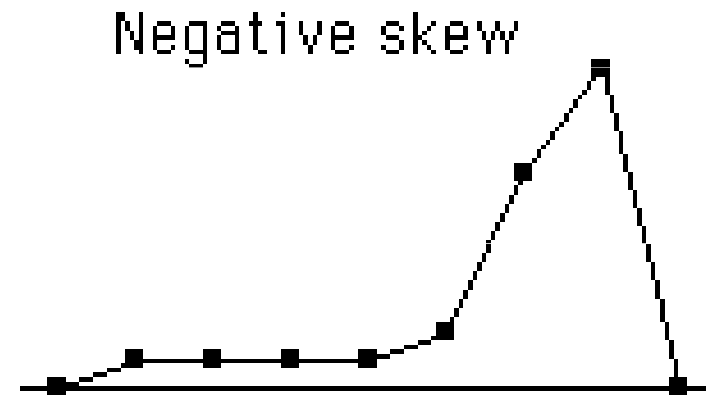
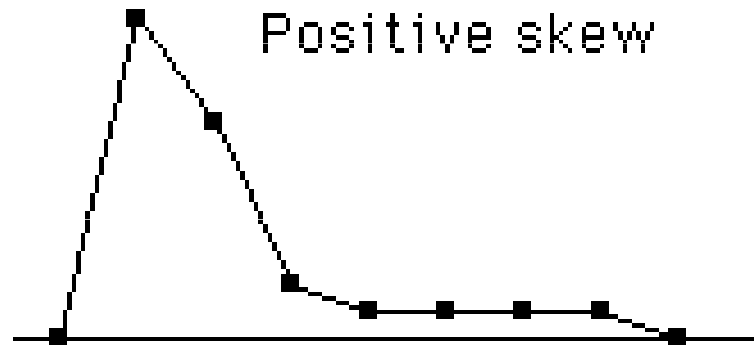
Míry centrální tendence

- průměr špatně reprezentuje nehomogenní skupiny
 - příklad – 30 osob v parku, průměrný věk 12.5 roku, průměrná výška 130 cm: nemusí jít o školní děti, ale o 15 matek se 4-letými dětmi
-

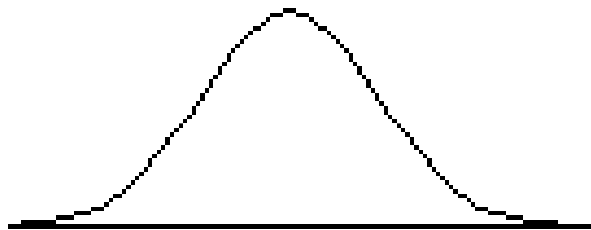
Míry centrální tendence

- porovnáním hodnoty průměru a mediánu získáme představu o **šikmosti** rozdělení hodnot
 - pokud je průměr větší než medián – kladně (doprava) zešikmeno
 - průměr menší než medián – záporně (doleva) zešikmeno
 - průměr = medián – symetrické rozdělení
-

Míry centrální tendence



Symmetric distribution
(No skew)



Míry centrální tendence

- pro znaky s normálním rozdělením hodnot je průměr **nejúčinnější** charakteristikou (tj. nejvíce stabilní pro různé výběrové soubory) – dá se nejlépe použít pro odhad parametru populace z charakteristik výběru
 - je nejčastěji užívanou mírou centrální tendence
-

Míry centrální tendence

- kromě aritmetického průměru se v psychologii někdy používá i **harmonický průměr** – pro znaky měřené jako podíly, např. rychlost v km/h, podíly osob atd.
-

Míry centrální tendence

- kterou statistiku uvádět v případě, že se můžete rozhodnout?
 - **průměr** – pokud může být spočítán a pokud není rozdělení příliš šikmé
 - **modus** – pokud je rozdělení multimodální (neexistuje jediná typická hodnota)
 - **medián** – pokud je rozdělení šikmé a unimodální
-

Míry centrální tendence

- **příklad** – spočítejte modus, medián a aritmetický průměr následujícího rozdělení hodnot

18 5 128 2 14 87 50 87 70

Příklad - řešení

□ modus = 87 (2x)

□ medián =

2 5 14 18 50 70 87 87 128

□ průměr = $461/9 = 51,22$

Míry variability

- míry variability popisují kolísání v rozdělení hodnot
 - užívá se rozpětí, mezikvartilové rozpětí, rozptyl, směrodatná odchylka, variační koeficient
-

Míry variability

- **rozpětí** (variační šíře, variační rozpětí) – rozdíl mezi nejvyšší a nejnižší hodnotou
 - značně ovlivněno extrémními hodnotami, není dobrým odhadem parametru populace
-

Míry variability

- **mezikvartilové rozpětí**
(interkvartilová odchylka) – rozdíl mezi hodnotou horního kvartilu a dolního kvartilu
 - **kvartily** – dělí soubor na 4 stejné části; horní kvartil odděluje 25% nejvyšších hodnot (75. percentil), dolní 25% nejnižších (25. percentil)
-

Míry variability

- mezikvartilové rozpětí udává rozpětí pro středních 50% hodnot (=délka obdélníku v krabicovém diagramu)
 - není (podobně jako medián) citlivé na extrémní hodnoty
-

Míry variability

□ **rozptyl** (střední kvadratická odchylka průměru) - ukazuje, jak jsou hodnoty rozptýleny kolem průměru

□ v populaci

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (X_i - \mu)^2$$

□ ve výběru

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - m)^2$$

Míry variability

- více než rozptyl se používá jeho odmocnina – **směrodatná odchylka průměru**
 - oba ukazatele slouží jako vhodné doplnění průměru – získáme představu o jeho věrohodnosti, tj. jak dobře reprezentuje všechny hodnoty
-

Míry variability

- příklad – porovnejte variabilitu u těchto dvou rozložení hodnot (jde o počet správně vyřešených úloh v didaktickém testu u výběru osob ze dvou tříd ZŠ)

a) 4 5 4 3 5 5 3 4 3

b) 8 2 12 1 4 3 5 0 1

Míry variability

- řešení příkladu
 - $m_a = 4, s_a = 0.87$
 - $m_b = 4, s_b = 3.87$
 - u prvního rozdělení je průměr lepší reprezentací hodnot; u druhého jsou hodnoty kolem průměru hodně rozptýleny
-

Míry variability

- **variační koeficient** – pro porovnání míry variability u různých souborů
 - pokud se u různých souborů měřené hodnoty výrazně liší svou úrovní anebo jsou dokonce v různých jednotkách, nelze podle rozptylu či standardní odchylky porovnávat přímo, který ze souborů má větší variabilitu - je třeba srovnávat relativní variabilitu
-

Míry variability

- jde o podíl směrodatné odchylky a průměru
 - většinou se udává v procentech
 - $c = (s / m) \cdot 100 \%$
-

Míry variability

- příklad – porovnejte variabilitu průměrného platu v ČR (v korunách) a v GB (v librách)

(jde o fiktivní údaje)

- $m_{GB} = 1000$ liber, $s_{GB} = 600$

- $m_{CZ} = 10\ 000$ Kč, $s_{CZ} = 3000$

Míry variability

- řešení příkladu – větší variabilita je v britských platech (60%) než v českých (30%)
-

Kontrolní otázky

- rozdíly mezi absolutními a relativními četnostmi, poměrem a mírou
 - 3 základní míry centrální tendence (+ u jakých dat použijeme průměr, modus či medián)
 - základní míry variability, výpočet rozptylu
-