

Testování hypotéz

Testování hypotéz o rozdílu průměrů

- t-test pro nezávislé výběry
- t-test pro závislé výběry

Testování hypotéz

□ Obecný postup

- 1. Určení statistické hypotézy
 - 2. Určení hladiny chyby α
 - 3. Výpočet testovací statistiky
 - 4. Rozhodnutí
-

Testování hypotéz o rozdílu průměrů

- 4 možné typy problémů:
 - porovnáváme **průměr vzorku s průměrem populace**
→ jednovýběrový t-test
 - porovnáváme **průměry dvou vzorků**
→ t-test pro nezávislé výběry
 - porovnáváme **dva průměry jednoho vzorku** → t-test pro závislé výběry (tzv. párový t-test)
 - porovnáváme více průměrů
→ analýza rozptylu
-

T-test pro nezávislé výběry

- tento test používáme, pokud chceme porovnat průměry dvou skupin případů
 - např.
 - průměrné skóre v neurocitismu u mužů a žen
 - průměr v indexu životní spokojenosti u extravertů a introvertů atd.
-

T-test pro nezávislé výběry - příklad

- Výzkumník chce otestovat účinnost nového léku proti bolesti hlavy. Získá 20 dobrovolníků, náhodně je rozdělí do dvou skupin po 10 osobách: jedna skupina si domů odnese placebo, druhá testovaný lék (ani účastníci, ani výzkumník nevědí, kdo je ve které skupině). Účastníci studie si mají vzít lék ve chvíli, kdy je začne bolet hlava a zaznamenat, jak dlouho poté bolest trvala (kolik minut).
-

T-test pro nezávislé výběry - příklad

| skupina s placebem | skupina s test. lékem |
|--------------------|-----------------------|
| 95 | 75 |
| 85 | 60 |
| 100 | 30 |
| 120 | 65 |
| 80 | 100 |
| 90 | 70 |
| 85 | 40 |
| 80 | 55 |
| 75 | 65 |
| 120 | 110 |

T-test pro nezávislé výběry

□ placebo

- průměrná délka bolesti **93 minut**;
směrodatná odchylka 16.02

□ testovaný lék

- průměrná délka bolesti **67 minut**;
směrodatná odchylka 24.28
-

1. Určení statistické hypotézy

- **nulová hypotéza:** délka trvání bolesti hlavy po aplikaci léku a po aplikaci placebo se neliší (=účinnost testovaného léku se neliší od účinnosti placebo)
 - jinými slovy: rozdílné průměry (93 a 67 minut) trvání bolesti je možno vysvětlit náhodou – vzorky mohou pocházet z populace o stejném průměru
-

1. Určení statistické hypotézy

- **alternativní hypotéza:** délka trvání bolesti hlavy po aplikaci léku a po aplikaci placeba je rozdílná (= mezi účinností testovaného léku a účinností placeba je rozdíl)
 - jinými slovy: rozdíl v průměrech skupin (93 a 67 minut) v trvání bolesti je velmi nepravděpodobně pouze náhodný (je velmi nepravděpodobné, že by oba vzorky pocházely z populace o stejném průměru)
-

2. Určení hladiny chyby α

- ❑ **hladina významnosti:** použijeme $\alpha = 5\%$
 - ❑ pokud je pravděpodobnost získání takto rozdílných průměrů z jedné populace menší než 5%, pak zamítneme H_0 (závěr – lék je účinný)
 - ❑ pokud je pravděpodobnost získání takto rozdílných průměrů z jedné populace větší než 5%, pak H_0 nezamítneme
-

T-test pro nezávislé výběry

- ptáme se vlastně: *jak velká je pravděpodobnost, že bychom získali dva takto rozdílné průměry, pokud by platila nulová hypotéza, tj. pokud by lék nebyl účinnější než placebo?*
 - pokud je tato pravděpodobnost velmi malá, nepřipíšeme zjištěný rozdíl náhodě, ale nezávislé proměnné (lék vs. placebo)
-

3. Výpočet testovací statistiky

- obecně se testová statistika t vypočítá jako
 - rozdíl výběrových průměrů dvou nezávislých výběrů – očekávaný rozdíl, pokud platí $H_0 (=0)$
 - a vydělíme ho odhadem směrodatné chyby rozdílu výběrových průměrů
 - tj. rozdíl průměrů vydělíme tzv. sdruženým odhadem variability
-

3. Výpočet testovací statistiky

$$t = \frac{(\overline{X}_1 - \overline{X}_2)}{\sqrt{\frac{s_1^2}{N_1} + \frac{s_2^2}{N_2}}}$$

3. Výpočet testovací statistiky

$$\square t = (93 - 67) / \sqrt{(16.02^2/10 + 24.28^2/10)}$$

$$t = 26 / 9.198$$

$$\mathbf{t = 2.82}$$

$$\square df = n-2 = 20-2 = \mathbf{18}$$

(počet stupňů volnosti pro vyhledání pravděpodobnosti v tabulce t-rozdělení)

Table D.6 Percentage Points of the *t* Distribution (Source: The entries in this table were computed by the author.)

| <i>df</i> | Level of Significance for One-Tailed Test | | | | | | | | |
|-----------|---|-------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|--------|
| | .25 | .20 | .15 | .10 | .05 | .025 | .01 | .005 | .0005 |
| | Level of Significance for Two-Tailed Test | | | | | | | | |
| | .50 | .40 | .30 | .20 | .10 | .05 | .02 | .01 | .001 |
| 1 | 1.000 | 1.376 | 1.963 | 3.078 | 6.314 | 12.706 | 31.821 | 63.657 | 63.662 |
| 2 | 0.816 | 1.061 | 1.386 | 1.886 | 2.920 | 4.303 | 6.965 | 9.925 | 31.599 |
| 3 | 0.765 | 0.978 | 1.250 | 1.638 | 2.353 | 3.182 | 4.541 | 5.841 | 12.924 |
| 4 | 0.741 | 0.941 | 1.190 | 1.533 | 2.132 | 2.776 | 3.747 | 4.604 | 8.610 |
| 5 | 0.727 | 0.920 | 1.156 | 1.476 | 2.015 | 2.571 | 3.365 | 4.032 | 6.869 |
| 6 | 0.718 | 0.906 | 1.134 | 1.440 | 1.943 | 2.447 | 3.143 | 3.707 | 5.959 |
| 7 | 0.711 | 0.896 | 1.119 | 1.415 | 1.895 | 2.365 | 2.998 | 3.499 | 5.408 |
| 8 | 0.706 | 0.889 | 1.108 | 1.397 | 1.860 | 2.306 | 2.896 | 3.355 | 5.041 |
| 9 | 0.703 | 0.883 | 1.100 | 1.383 | 1.833 | 2.262 | 2.821 | 3.250 | 4.781 |
| 10 | 0.700 | 0.879 | 1.093 | 1.372 | 1.812 | 2.228 | 2.764 | 3.169 | 4.587 |
| 11 | 0.697 | 0.876 | 1.088 | 1.363 | 1.796 | 2.201 | 2.718 | 3.106 | 4.437 |
| 12 | 0.695 | 0.873 | 1.083 | 1.356 | 1.782 | 2.179 | 2.681 | 3.055 | 4.318 |
| 13 | 0.694 | 0.870 | 1.079 | 1.350 | 1.771 | 2.160 | 2.650 | 3.012 | 4.221 |
| 14 | 0.692 | 0.868 | 1.076 | 1.345 | 1.761 | 2.145 | 2.624 | 2.977 | 4.140 |
| 15 | 0.691 | 0.866 | 1.074 | 1.341 | 1.753 | 2.131 | 2.602 | 2.947 | 4.073 |
| 16 | 0.690 | 0.865 | 1.071 | 1.337 | 1.746 | 2.120 | 2.583 | 2.921 | 4.015 |
| 17 | 0.689 | 0.863 | 1.069 | 1.333 | 1.740 | 2.110 | 2.567 | 2.898 | 3.965 |
| 18 | 0.688 | 0.862 | 1.067 | 1.330 | 1.734 | 2.101 | 2.552 | 2.878 | 3.922 |
| 19 | 0.688 | 0.861 | 1.066 | 1.328 | 1.729 | 2.093 | 2.539 | 2.861 | 3.883 |
| 20 | 0.687 | 0.860 | 1.064 | 1.325 | 1.725 | 2.086 | 2.528 | 2.845 | 3.850 |
| 21 | 0.686 | 0.859 | 1.063 | 1.323 | 1.721 | 2.080 | 2.518 | 2.831 | 3.819 |
| 22 | 0.686 | 0.858 | 1.061 | 1.321 | 1.717 | 2.074 | 2.508 | 2.819 | 3.792 |
| 23 | 0.685 | 0.858 | 1.060 | 1.319 | 1.714 | 2.069 | 2.500 | 2.807 | 3.768 |
| 24 | 0.685 | 0.857 | 1.059 | 1.318 | 1.711 | 2.064 | 2.492 | 2.797 | 3.745 |
| 25 | 0.684 | 0.856 | 1.058 | 1.316 | 1.708 | 2.060 | 2.485 | 2.787 | 3.725 |
| 26 | 0.684 | 0.856 | 1.058 | 1.315 | 1.706 | 2.056 | 2.479 | 2.779 | 3.707 |
| 27 | 0.684 | 0.855 | 1.057 | 1.314 | 1.703 | 2.052 | 2.473 | 2.771 | 3.690 |
| 28 | 0.683 | 0.855 | 1.056 | 1.313 | 1.701 | 2.048 | 2.467 | 2.763 | 3.674 |
| 29 | 0.683 | 0.854 | 1.055 | 1.311 | 1.699 | 2.045 | 2.462 | 2.756 | 3.659 |
| 30 | 0.683 | 0.854 | 1.055 | 1.310 | 1.697 | 2.042 | 2.457 | 2.750 | 3.646 |
| 40 | 0.681 | 0.851 | 1.050 | 1.303 | 1.684 | 2.021 | 2.423 | 2.704 | 3.551 |
| 50 | 0.679 | 0.849 | 1.047 | 1.299 | 1.676 | 2.009 | 2.403 | 2.678 | 3.496 |
| 100 | 0.677 | 0.845 | 1.042 | 1.290 | 1.660 | 1.984 | 2.364 | 2.626 | 3.390 |
| ∞ | 0.674 | 0.842 | 1.036 | 1.282 | 1.645 | 1.960 | 2.326 | 2.576 | 3.291 |

4. Rozhodnutí

- ❑ kritická hodnota t je 2.101 (tj. 95% všech standardizovaných rozdílů průměrů je do hodnoty ± 2.101)
 - ❑ získaná hodnota t je 2.82 – větší než kritická hodnota
 - ❑ rozdíl průměrů obou skupin je tedy **statisticky významný na hladině 5%**
-

4. Rozhodnutí

- pravděpodobnost, že bychom vzorky o tak rozdílných průměrech získali z jedné populace je menší než 5%
 - je velmi málo pravděpodobné, že by byl takový rozdíl v průměrech, pokud by lék byl ve skutečnosti neúčinný
-

T-test pro nezávislé výběry v SPSS

Group Statistics

| lecba | | N | Mean | Std. Deviation | Std. Error Mean |
|----------------|-----------------|----|-------|----------------|-----------------|
| trvani_bolesti | 0 placebo | 10 | 93,00 | 16,021 | 5,066 |
| | 1 testovaný lék | 10 | 67,00 | 24,290 | 7,681 |

Independent Samples Test

| | | Levene's Test for Equality of Variances | | t-test for Equality of Means | | | | | | |
|----------------|-----------------------------|---|------|------------------------------|--------|-----------------|-----------------|-----------------------|---|--------|
| | | F | Sig. | t | df | Sig. (2-tailed) | Mean Difference | Std. Error Difference | 95% Confidence Interval of the Difference | |
| | | | | | | | | | Lower | Upper |
| trvani_bolesti | Equal variances assumed | ,690 | ,417 | 2,826 | 18 | ,011 | 26,000 | 9,201 | 6,668 | 45,332 |
| | Equal variances not assumed | | | 2,826 | 15,584 | ,012 | 26,000 | 9,201 | 6,451 | 45,549 |

T-test pro nezávislé výběry

□ předpoklady t-testu pro nezávislé výběry

- výběry jsou skutečně **nezávislé** (tj. oba výběry tvoří jiní lidé, zvířata atd.)
 - měřený znak má **normální rozdělení** (mírné odchylky je možno tolerovat; u větších odchylek a malých vzorků použít raději neparametrické testy)
 - **homogenita rozptylů** – rozptyly jsou shodné u obou skupin
-

T-test pro nezávislé výběry

- **homogenita rozptylů**
 - obvykle nejsou směrodatné odchylky (či rozptyly) zcela shodné, ale rozdíly by neměly být příliš velké
-

T-test pro nezávislé výběry

- **homogenita rozptylů**
 - zda se rozptyly liší, je možno otestovat některým testem pro rozdíl rozptylů, např. F-testem
 - pokud nevyjde stat. významný, pak rozptyly pokládáme za shodné
 - pokud vyjde stat. významný, interpretujeme modifikovaný t-test pro rozdílné rozptyly (*equal variances not assumed*)
-

F-test pro shodu rozptylů ve Statistice

Group Statistics

| lecba | | N | Mean | Std. Deviation | Std. Error Mean |
|----------------|-----------------|----|-------|----------------|-----------------|
| trvani_bolesti | 0 placebo | 10 | 93,00 | 16,021 | 5,066 |
| | 1 testovaný lék | 10 | 67,00 | 24,290 | 7,681 |

Independent Samples Test

| | Levene's Test for Equality of Variances | | t-test for Equality of Means | | | | | | | |
|----------------|---|------|------------------------------|-------|-----------------|-----------------|-----------------------|---|-------|--------|
| | F | Sig. | t | df | Sig. (2-tailed) | Mean Difference | Std. Error Difference | 95% Confidence Interval of the Difference | | |
| | | | | | | | | Lower | Upper | |
| trvani_bolesti | Equal variances assumed | ,690 | ,417 | 2,826 | 18 | ,011 | 26,000 | 9,201 | 6,668 | 45,332 |
| | Equal variances not assumed | | | 2,826 | 15,584 | ,012 | 26,000 | 9,201 | 6,451 | 45,549 |

T-test pro závislé výběry

- označuje se někdy také jako t-test pro párované výběry
 - v naprosté většině případů se používá pro **porovnání dvou měření u stejných osob** (tj. páru měření u jedné skupiny osob)
 - někdy také pro porovnání průměrů u dvou skupin osob, které tvoří páry (např. manželské či podle jiného klíče – věku, pohlaví, nemoci atd.)
-

T-test pro závislé výběry - příklad

- Psychiatr chce vyhodnotit úspěšnost určitého způsobu terapie poruch příjmu potravy. Terapie se účastnilo 10 dívek. U každé z nich byla zaznamenána váha před a po terapii. Psychiatr si chce ověřit, zda jejich hmotnost průkazně vzrostla.
-

T-test pro závislé výběry - příklad

| hmotnost před terapií | hmotnost po terapii |
|-----------------------|---------------------|
| 36 | 45 |
| 38 | 41 |
| 45 | 40 |
| 45 | 45 |
| 38 | 45 |
| 40 | 63 |
| 49 | 59 |
| 54 | 63 |
| 47 | 54 |
| 49 | 61 |

T-test pro závislé výběry

- průměrná hmotnost před zahájením terapie **44.1** kg
směrodatná odchylka 5.90
 - průměrná hmotnost po ukončení terapie **51.6** kg
směrodatná odchylka 9.35
-

T-test pro závislé výběry - příklad

| před | po | rozdíl (před - po) |
|------|----|---------------------------|
| 36 | 45 | -9 |
| 38 | 41 | -3 |
| 45 | 40 | +5 |
| 45 | 45 | 0 |
| 38 | 45 | -7 |
| 40 | 63 | -23 |
| 49 | 59 | -10 |
| 54 | 63 | -9 |
| 47 | 54 | +7 |
| 49 | 61 | -12 |

T-test pro závislé výběry

- **průměrný rozdíl** hmotnosti před a po terapii byl **7.5** kg
směrodatná odchylka rozdílu 7.49
-

1. Určení statistické hypotézy

- **nulová hypotéza:** terapie není účinná – rozdíl v hmotnosti před a po terapii je nulový
 - jinými slovy: je velká pravděpodobnost, že zjištěný rozdíl o této velikosti (7.5 kg) je pouze náhodný
-

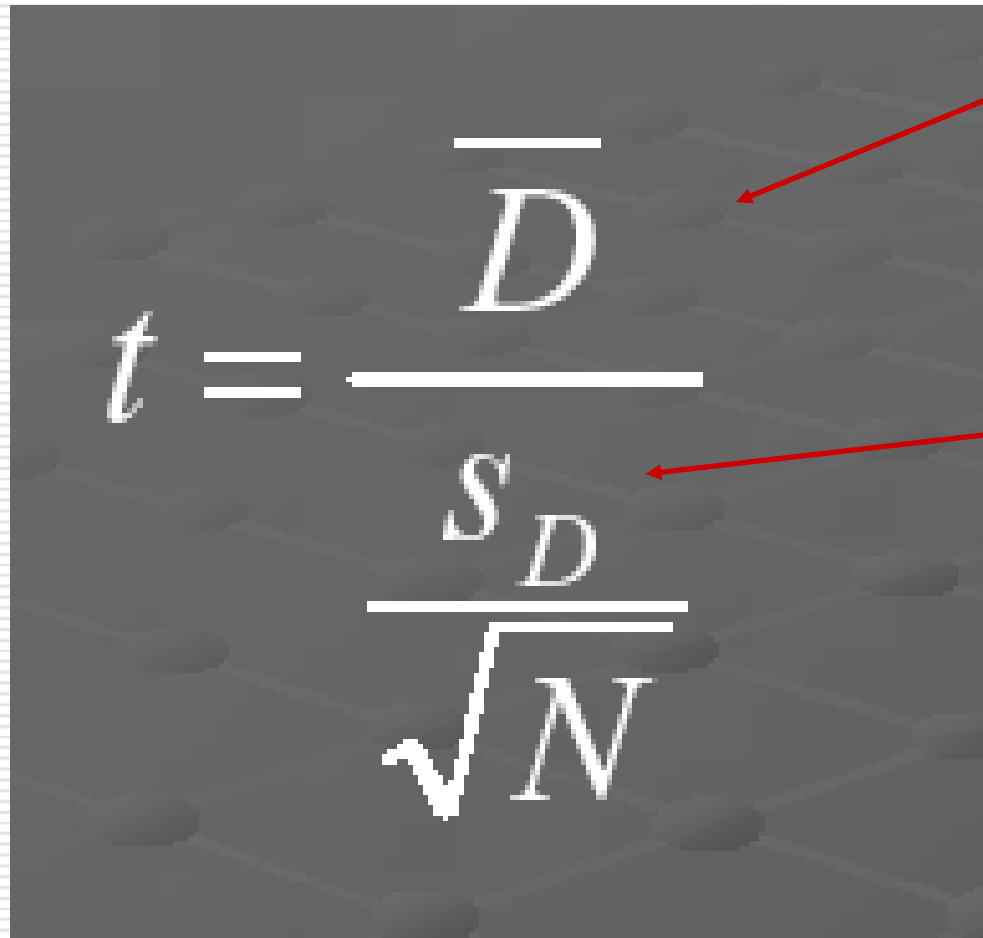
1. Určení statistické hypotézy

- **alternativní hypotéza:** terapie je účinná – existuje rozdíl v hmotnosti před a po terapii
 - jinými slovy: je jen velmi malá pravděpodobnost, že rozdíl o této velikosti (7.5 kg) je pouze náhodný
-

2. Určení hladiny chyby α

- **hladina významnosti:** použijeme $\alpha = 5\%$
 - pokud je pravděpodobnost získání takto rozdílných průměrů menší než 5%, pak zamítneme H_0 (závěr – terapie je účinná)
 - pokud je pravděpodobnost získání takto rozdílných průměrů větší než 5%, pak H_0 nemůžeme zamítnout
-

3. Výpočet testovací statistiky


$$t = \frac{\overline{D}}{\frac{S_D}{\sqrt{N}}}$$

průměrný rozdíl
před a po

směrodatná
odchylka
průměrného
rozdílu

3. Výpočet testovací statistiky

□ $t = - 7.5 / (7.48 / \sqrt{10})$

$t = - 7.5 / 2.37$

$t = - \mathbf{3.16}$

□ $df = n-1 = 10-1 = \mathbf{9}$

(počet stupňů volnosti pro vyhledání pravděpodobnosti v tabulce t-rozdělení)

Table D.6 Percentage Points of the *t* Distribution (Source: The entries in this table were computed by the author.)

| <i>df</i> | Level of Significance for One-Tailed Test | | | | | | | | |
|-----------|---|-------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|--------|
| | .25 | .20 | .15 | .10 | .05 | .025 | .01 | .005 | .0005 |
| | Level of Significance for Two-Tailed Test | | | | | | | | |
| | .50 | .40 | .30 | .20 | .10 | .05 | .02 | .01 | .001 |
| 1 | 1.000 | 1.376 | 1.963 | 3.078 | 6.314 | 12.706 | 31.821 | 63.657 | 63.662 |
| 2 | 0.816 | 1.061 | 1.386 | 1.886 | 2.920 | 4.303 | 6.965 | 9.925 | 31.599 |
| 3 | 0.765 | 0.978 | 1.250 | 1.638 | 2.353 | 3.182 | 4.541 | 5.841 | 12.924 |
| 4 | 0.741 | 0.941 | 1.190 | 1.533 | 2.132 | 2.776 | 3.747 | 4.604 | 8.610 |
| 5 | 0.727 | 0.920 | 1.156 | 1.476 | 2.015 | 2.571 | 3.365 | 4.032 | 6.869 |
| 6 | 0.718 | 0.906 | 1.134 | 1.440 | 1.943 | 2.447 | 3.143 | 3.707 | 5.959 |
| 7 | 0.711 | 0.896 | 1.119 | 1.415 | 1.895 | 2.365 | 2.998 | 3.499 | 5.408 |
| 8 | 0.706 | 0.889 | 1.108 | 1.397 | 1.860 | 2.306 | 2.896 | 3.355 | 5.041 |
| 9 | 0.703 | 0.883 | 1.100 | 1.383 | 1.833 | 2.262 | 2.821 | 3.250 | 4.781 |
| 10 | 0.700 | 0.879 | 1.093 | 1.372 | 1.812 | 2.228 | 2.764 | 3.169 | 4.587 |
| 11 | 0.697 | 0.876 | 1.088 | 1.363 | 1.796 | 2.201 | 2.718 | 3.106 | 4.437 |
| 12 | 0.695 | 0.873 | 1.083 | 1.356 | 1.782 | 2.179 | 2.681 | 3.055 | 4.318 |
| 13 | 0.694 | 0.870 | 1.079 | 1.350 | 1.771 | 2.160 | 2.650 | 3.012 | 4.221 |
| 14 | 0.692 | 0.868 | 1.076 | 1.345 | 1.761 | 2.145 | 2.624 | 2.977 | 4.140 |
| 15 | 0.691 | 0.866 | 1.074 | 1.341 | 1.753 | 2.131 | 2.602 | 2.947 | 4.073 |
| 16 | 0.690 | 0.865 | 1.071 | 1.337 | 1.746 | 2.120 | 2.583 | 2.921 | 4.015 |
| 17 | 0.689 | 0.863 | 1.069 | 1.333 | 1.740 | 2.110 | 2.567 | 2.898 | 3.965 |
| 18 | 0.688 | 0.862 | 1.067 | 1.330 | 1.734 | 2.101 | 2.552 | 2.878 | 3.922 |
| 19 | 0.688 | 0.861 | 1.066 | 1.328 | 1.729 | 2.093 | 2.539 | 2.861 | 3.883 |
| 20 | 0.687 | 0.860 | 1.064 | 1.325 | 1.725 | 2.086 | 2.528 | 2.845 | 3.850 |
| 21 | 0.686 | 0.859 | 1.063 | 1.323 | 1.721 | 2.080 | 2.518 | 2.831 | 3.819 |
| 22 | 0.686 | 0.858 | 1.061 | 1.321 | 1.717 | 2.074 | 2.508 | 2.819 | 3.792 |
| 23 | 0.685 | 0.858 | 1.060 | 1.319 | 1.714 | 2.069 | 2.500 | 2.807 | 3.768 |
| 24 | 0.685 | 0.857 | 1.059 | 1.318 | 1.711 | 2.064 | 2.492 | 2.797 | 3.745 |
| 25 | 0.684 | 0.856 | 1.058 | 1.316 | 1.708 | 2.060 | 2.485 | 2.787 | 3.725 |
| 26 | 0.684 | 0.856 | 1.058 | 1.315 | 1.706 | 2.056 | 2.479 | 2.779 | 3.707 |
| 27 | 0.684 | 0.855 | 1.057 | 1.314 | 1.703 | 2.052 | 2.473 | 2.771 | 3.690 |
| 28 | 0.683 | 0.855 | 1.056 | 1.313 | 1.701 | 2.048 | 2.467 | 2.763 | 3.674 |
| 29 | 0.683 | 0.854 | 1.055 | 1.311 | 1.699 | 2.045 | 2.462 | 2.756 | 3.659 |
| 30 | 0.683 | 0.854 | 1.055 | 1.310 | 1.697 | 2.042 | 2.457 | 2.750 | 3.646 |
| 40 | 0.681 | 0.851 | 1.050 | 1.303 | 1.684 | 2.021 | 2.423 | 2.704 | 3.551 |
| 50 | 0.679 | 0.849 | 1.047 | 1.299 | 1.676 | 2.009 | 2.403 | 2.678 | 3.496 |
| 100 | 0.677 | 0.845 | 1.042 | 1.290 | 1.660 | 1.984 | 2.364 | 2.626 | 3.390 |
| ∞ | 0.674 | 0.842 | 1.036 | 1.282 | 1.645 | 1.960 | 2.326 | 2.576 | 3.291 |

4. Rozhodnutí

- ❑ kritická hodnota t je 2.262
 - ❑ získaná hodnota t je 3.16 – větší než kritická hodnota
 - ❑ rozdíl obou průměrů je tedy **statisticky významný na hladině 5%**
 - ❑ můžeme zamítnout nulovou hypotézu
 - ❑ terapie je účinná
-


T-test pro závislé výběry v SPSS

Paired Samples Statistics

| | | Mean | N | Std. Deviation | Std. Error Mean |
|--------|---------------|-------|----|----------------|-----------------|
| Pair 1 | hmotnost_PRED | 44,10 | 10 | 5,896 | 1,865 |
| | hmotnost_PO | 51,60 | 10 | 9,348 | 2,956 |

Paired Samples Test

| | | Paired Differences | | | | | t | df | Sig. (2-tailed) |
|--------|-----------------------------|--------------------|----------------|-----------------|---|--------|--------|----|-----------------|
| | | Mean | Std. Deviation | Std. Error Mean | 95% Confidence Interval of the Difference | | | | |
| | | | | | Lower | Upper | | | |
| Pair 1 | hmotnost_PRED - hmotnost_PO | -7,500 | 7,487 | 2,368 | -12,856 | -2,144 | -3,168 | 9 | ,011 |



Porovnání výzkumných plánů

- t-test pro nezávislé výběry se používá většinou u výzkumných plánů s výzkumnou a kontrolní skupinou
 - zatímco t-test pro závislé výběry většinou u výzkumných plánů s opakovaným měřením u stejných osob
-

Porovnání výzkumných plánů

□ **výhody** opakovaného měření:

- kontrola vlivu intervenujících proměnných (všichni jsou v jedné skupině, nehrají roli případné náhodné rozdíly mezi skupinami)
 - postačí menší vzorek (test pro závislé výběry má větší statistickou sílu – spíše zamítne nulovou hypotézu, pokud neplatí)
-

Porovnání výzkumných plánů

- **nevýhody** opakovaných měření:
 - nemůže být použito pro všechny výzkumné problémy (porovnání mužů a žen, vzdělaných a nevzdělaných...)
 - možný vliv učení či únavy při testování výkonovými testy
-

Kontrolní otázky

- jaké testy se používají pro testování hypotéz o rozdílu průměrů?
 - pro jaké typy výzkumných plánů použijete jednovýběrový t-test?
 - porovnejte užití t-testu pro nezávislé a pro závislé výběry
-