

Základy matematiky a statistiky pro humanitní obory

I

Pavel Rychlý Vojtěch Kovář

Fakulta informatiky, Masarykova univerzita
Botanická 68a, 602 00 Brno, Czech Republic
 {pary, xkovar3}@fi.muni.cz

část 1

Informace o předmětu

► Obsah předmětu

- ▶ průřez vysokoškolskou matematikou
- ▶ forma srozumitelná studentům s humanitním zaměřením (lingvistika)

► Ukončení předmětu

- ▶ zkouška (formou dvou písemek)
- ▶ 25 % bodů vnitrosemestrální písemka: 7.11.
- ▶ 75 % bodů závěrečná písemka

► Úspěšné ukončení

- ▶ min. 60 % bodů z písemek

Obsah předmětu

► Okruhy

- ▶ výroková logika, důkazy, indukce
- ▶ základy teorie množin, čísla, relace, funkce
- ▶ ekvivalence, uspořádání
- ▶ úvod do formální lingvistiky, jazyk jako množina, formální gramatika
- ▶ kombinatorika, popisná statistika

► Zdroje informací

- ▶ studijní text k předmětu
- ▶ literatura na stránce předmětu (přesahuje rámec předmětu)
- ▶ slidy, texty a příklady ve studijních materiálech
- ▶ diskusní fórum, osobní konzultace

Proč potřebují lingvisté matematiku?

► Počítačová lingvistika

- ▶ zpracování jazyka na počítačích
- ▶ potřeba solupracovat s technicky zaměřenými lidmi
- ▶ → pochopit jejich způsob myšlení
- ▶ počítačové modely jazyka jsou založeny na matematických faktech

► Abstraktní myšlení

- ▶ schopnost rozumově uchopit složité pojmy
- ▶ → snazší pochopení lingvistických modelů
- ▶ schopnost zobecňovat
- ▶ schopnost rozkládat složité problémy na jednodušší
- ▶ → nejsou tak důležité vědomosti samotné jako dovednosti, kterým se při jejich vstřebávání naučíte

Organizační poznámky

► Je možné, že některé přednášky odpadnou

- ▶ 10.10.
- ▶ bude upřesněno e-mailem

Rozdíl mezi SŠ a VŠ matematikou

► Středoškolská matematika

- ▶ = počty s čísly:
- ▶ → kolik budu platit v obchodě (sčítání)
- ▶ → jaké daně budu mít (zlomky, procenta)
- ▶ → k čemu to ***** je? (matice, integrály)

► Vysokoškolská matematika

- ▶ = umění abstrakce + přemýšlení v obecnostech
- ▶ → zásobárna abstraktních pojmu
- ▶ → přesné definice
- ▶ → spolehlivé vyvozování závěrů (důkazy)
- ▶ → základ pro všechny technické obory

Principy vysokoškolské matematiky

► Středoškolská matematika

- ▶ návody, jak něco spočítat

► Vysokoškolská matematika

- ▶ soubor poznatků o abstraktních pojmech
- ▶ styl **definice – věta – důkaz** :
- ▶ **definice** = vymezení pojmu
 - ▶ "celé číslo x je **sudé**, pokud existuje takové celé y , že $y \cdot 2 = x$ "
- ▶ **věta** = formulace poznatku o definovaných pojmech
 - ▶ "10 je sudé číslo"
- ▶ **důkaz** = ověření pravdivosti věty krok za krokem
 - ▶ $10 = 5 \cdot 2$ (zákl. aritmetika)
 - ▶ $5 \cdot 2$ je sudé (definice)
 - ▶ tedy 10 je sudé

Typy důkazů

► Přímý důkaz

- ▶ použitím definic a známých faktů přímo odvodíme znění věty

► Důkaz sporem

- ▶ předpokládáme, že věta neplatí (platí její **negace**)
- ▶ použitím definic a známých faktů odvodíme **spor**
- ▶ (např. $1 = 0$ nebo neplatnost některého z předpokladů)

► Důkaz indukcí

- ▶ dokazujeme něco pro posloupnost objektů
- ▶ příště

Ukázka důkazu

► Věta

- ▶ pro libovolná celá x, y platí, že
- ▶ pokud $2 * x^2 = y^2$, pak y je sudé

Ukázka důkazu

► Věta

- ▶ $\sqrt{2}$ není racionální číslo.

Ukázka důkazu

► Důkaz (sporem)

- ▶ předpokládejme, že $\sqrt{2}$ je racionální číslo.
- ▶ tedy $\sqrt{2} = r/s$, kde r a s jsou celá a nemají společného děliteli
- ▶ úpravou dostaneme: $\sqrt{2} * s = r$
- ▶ $2 * s^2 = r^2$
- ▶ tedy r je sudé, tj. $r = 2 * c$ pro nějaké celé c
- ▶ nahrazením dostaneme: $2 * s^2 = 2 * c * 2 * c$
- ▶ $s^2 = 2 * c^2$
- ▶ tedy s je také sudé
- ▶ r i s jsou sudá, tedy mají společného dělitele 2, což je spor s předpokladem.