

Obsah přednášky

Základy matematiky a statistiky pro humanitní obory

I

Pavel Rychlý Vojtěch Kovář

Fakulta informatiky, Masarykova univerzita
Botanická 68a, 602 00 Brno, Czech Republic
 {pary, xkovar3}@fi.muni.cz

část 3

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

1 / 8

Teorie množin Teorie množin

Teorie množin

- ▶ Teorie množin

- ▶ spolu s logikou základní pilíř matematiky
- ▶ všechny matematické objekty jsou množiny
- ▶ různé formální teorie (nekonečno, axiom výběru)

- ▶ Náš cíl

- ▶ pochopit pojem množina
- ▶ naučit se pracovat se zápisy množin
- ▶ nepouštět se do sporných aspektů teorií množin

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

3 / 8

Množiny Nekonečné množiny

Nekonečné množiny

- ▶ Zápis množin

- ▶ výčtem prvků: $\{1, 2, 3\}$, $\{\emptyset, \{\emptyset\}\}$
- ▶ logickou formulí: $\{x \mid x \in \mathbb{N} \wedge x > 5\}$

- ▶ Nekonečné množiny

- ▶ existují ve většině teorií množin
- ▶ různě velká nekonečna
- ▶ např. přirozená čísla (racionální čísla) vs. reálná čísla
- ▶ více v dalších přednáškách

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

5 / 8

Množinové operace Podmnožiny

Podmnožiny

- ▶ Podmnožina \subseteq

- ▶ $A \subseteq B \Leftrightarrow \forall x(x \in A \Rightarrow x \in B)$
- ▶ zkrácený zápis $\forall x \in A (x \in B)$

- ▶ Potenciální množina

- ▶ množina všech podmnožin dané množiny
- ▶ zápis: $\mathcal{P}(A)$ nebo 2^A
- ▶ $\mathcal{P}(A) = \{x \mid x \subseteq A\}$
- ▶ platí: $\mathcal{P}(\emptyset) = \{\emptyset\}$
- ▶ platí: $\mathcal{P}(\{\emptyset\}) = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$
- ▶ platí: $\forall x(\emptyset \in \mathcal{P}(x) \wedge x \in \mathcal{P}(x))$

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

7 / 8

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

2 / 8

Množiny Množina

Množina

- ▶ Množina

- ▶ skupina objektů (čísel, aut, myší, množin)
- ▶ ne nutně stejného typu
- ▶ neobsahuje duplicity
- ▶ není uspořádaná

- ▶ Základní faktum

- ▶ existuje prázdná množina – \emptyset
- ▶ množina může obsahovat jiné množiny

- ▶ Jazyk teorie množin

- ▶ jazyk predikátové logiky rozšířený o symboly $\{, \}, \emptyset, |$ a \in
- ▶ pojem množiny je definován axiomy zapsanými v tomto jazyce

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

4 / 8

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

4 / 8

Množinové operace Množinové operace

Množinové operace (1)

- ▶ Operátor \in

- ▶ $=$ prvek patří do množiny
- ▶ tzn. na levé straně je vždy prvek, na pravé vždy množina
- ▶ platí $\forall x(x \notin \emptyset)$
- ▶ platí $\emptyset \in \{\emptyset\}$
- ▶ platí $\emptyset \notin \{\{\emptyset\}\}$

Množinové operace (2)

- ▶ Rovnost množin

- ▶ $A = B \Leftrightarrow (A \subseteq B \wedge B \subseteq A)$

- ▶ Sjednocení \cup

- ▶ $A \cup B = \{x \mid x \in A \vee x \in B\}$

- ▶ Průnik \cap

- ▶ $A \cap B = \{x \mid x \in A \wedge x \in B\}$

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

8 / 8

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 3

8 / 8