

# Obsah přednášky

## Základy matematiky a statistiky pro humanitní obory

I

Vojtěch Kovář

Fakulta informatiky, Masarykova univerzita  
Botanická 68a, 602 00 Brno, Czech Republic  
xkovar3@fi.muni.cz

část 1

Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 1

1 / 14

[Informace o předmětu](#) [Obsah přednášky](#)

## Informace o předmětu

### ► Obsah předmětu

- ▶ průřez vysokoškolskou matematikou
- ▶ forma srozumitelná studentům s humanitním zaměřením (lingvistika)

### ► Ukončení předmětu

- ▶ zkouška, forma bude upřesněna vzhledem k aktuální situaci

Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 1

3 / 14

Informace o předmětu

Motivace

Principy matematiky

Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 1

2 / 14

[Informace o předmětu](#) [Obsah předmětu](#)

## Obsah předmětu

### ► Okruhy

- ▶ výroková logika, důkazy, indukce
- ▶ základy teorie množin, čísla, relace, funkce
- ▶ ekvivalence, uspořádání
- ▶ úvod do formální lingvistiky, jazyk jako množina, formální gramatika
- ▶ kombinatorika, popisná statistika

Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 1

4 / 14

## Obsah předmětu

### ► Zdroje informací

- ▶ přednášky na YouTube (na první z nich se právě díváte)
- ▶ diskusní fórum
- ▶ studijní text k předmětu
- ▶ slidy a příklady ve studijních materiálech
- ▶ literatura na stránce předmětu (přesahuje rámec předmětu)
- ▶ osobní konzultace (on-line i naživo, dle situace)

Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 1

5 / 14

Motivace Proč potřebují lingvisté matematiku?

## Proč potřebují lingvisté matematiku?

### ► Počítačová lingvistika

- ▶ zpracování jazyka na počítačích
- ▶ potřeba solupracovat s technicky zaměřenými lidmi
- ▶ → pochopit jejich způsob myšlení
- ▶ počítačové modely jazyka jsou založeny na matematických faktech

### ► Abstraktní myšlení

- ▶ schopnost rozumově uchopit složité pojmy
- ▶ → snazší pochopení lingvistických modelů
- ▶ schopnost zobecňovat
- ▶ schopnost rozkládat složité problémy na jednodušší
- ▶ → nejsou tak důležité vědomosti samotné jako dovednosti, kterým se při jejich vstřebávání naučíte

## Rozdíl mezi SŠ a VŠ matematikou

### ► Středoškolská matematika

- ▶ = počty s čísly:
- ▶ → kolik budu platit v obchodě (sčítání)
- ▶ → jaké daně budu mít (zlomky, procenta)
- ▶ → k čemu to \*\*\*\*\* je? (matice, integrály)

### ► Vysokoškolská matematika

- ▶ = umění abstrakce + přemýšlení v obecnostech
- ▶ → zásobárna abstraktních pojmu
- ▶ → přesné definice
- ▶ → spolehlivé vyvozování závěrů (důkazy)
- ▶ → základ pro všechny technické obory

Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 1

7 / 14

Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

část 1

8 / 14

Principy matematiky Principy vysokoškolské matematiky

## Principy vysokoškolské matematiky

### ► Středoškolská matematika

- ▶ návody, jak něco spočítat

### ► Vysokoškolská matematika

- ▶ soubor poznatků o abstraktních pojmech
- ▶ styl **definice – věta – důkaz :**
- ▶ **definice** = vymezení pojmu
  - ▶ "celé číslo  $x$  je **sudé**, pokud existuje takové celé  $y$ , že  $y * 2 = x$ "
- ▶ **věta** = formulace poznatku o definovaných pojmech
  - ▶ "10 je sudé číslo"
- ▶ **důkaz** = ověření pravdivosti věty krok za krokem
  - ▶  $10 = 5 * 2$  (zákl. aritmetika)
  - ▶  $5 * 2$  je sudé (definice)
  - ▶ tedy 10 je sudé

## Typy důkazů

- ▶ Přímý důkaz
  - ▶ použitím definic a známých faktů přímo odvodíme znění věty
- ▶ Důkaz sporem
  - ▶ předpokládáme, že věta neplatí (platí její **negace**)
  - ▶ použitím definic a známých faktů odvodíme **spor**
  - ▶ (např.  $1 = 0$  nebo neplatnost některého z předpokladů)
- ▶ Důkaz indukcí
  - ▶ dokazujeme něco pro posloupnost objektů
  - ▶ příště

## Ukázka důkazu

- ▶ Věta
  - ▶ pro libovolná celá  $x, y$  platí, že
  - ▶ pokud  $2 * x^2 = y^2$ , pak  $y$  je sudé

## Ukázky důkazů

- ▶ Mějme definováno (znáte ze SŠ)
  - ▶ celá čísla ( $1, 2, 3, \dots, 0, -1, -2, \dots$ )
  - ▶ sčítání, odčítání, násobení a dělení na celých číslech
  - ▶ dělitele ( $x$  je dělitelem  $a$ , pokud  $a/x$  je celé)
  - ▶ racionální čísla ( $r/s$  taková, že  $r$  a  $s$  jsou celá a nemají společného dělitele jiného než 1 a -1)
  - ▶ druhou mocninu ( $a^2 = a * a$ )
  - ▶ druhou odmocninu ( $\sqrt{a} = n$ , pokud  $n * n = a$ )

## Ukázka důkazu

- ▶ Důkaz (sporem)
  - ▶ předpokládejme, že  $y$  je liché
  - ▶ tedy existuje celé  $k$  tak, že  $y = 2k + 1$
  - ▶ úpravou původní věty dostaváme:
  - ▶  $2x^2 = (2k + 1)(2k + 1)$
  - ▶ dále roznásobíme závorku:
  - ▶  $2x^2 = 4k^2 + 4k + 1$
  - ▶ vytkneme 2 z části pravé strany:
  - ▶  $2x^2 = 2 * (2k^2 + 2k) + 1$
  - ▶ odečtením výrazu  $2 * (2k^2 + 2k)$  a vytknutím 2 z levé strany dostaneme:
  - ▶  $2 * (x^2 - (2k^2 + 2k)) = 1$
  - ▶ tedy 1 je sudé číslo, což je spor.

## Ukázka důkazu

### ► Věta

- $\sqrt{2}$  není racionální číslo.

## Ukázka důkazu

### ► Důkaz (sporem)

- předpokládejme, že  $\sqrt{2}$  je racionální číslo.
- tedy  $\sqrt{2} = r/s$ , kde  $r$  a  $s$  jsou celá a nemají společného dělitele
- úpravou dostaneme:  $\sqrt{2} * s = r$
- $2 * s^2 = r^2$
- tedy  $r$  je sudé, tj.  $r = 2 * c$  pro nějaké celé  $c$
- nahrazením dostaneme:  $2 * s^2 = 2 * c * 2 * c$
- $s^2 = 2 * c^2$
- tedy  $s$  je také sudé
- $r$  i  $s$  jsou sudá, tedy mají společného dělitele 2, což je spor s předpokladem.