

**Rozdělení vakua**

<b>vakuum</b>	<b>nízké</b>	<b>střední</b>	<b>vysoké</b>	<b>extrémně vysoké</b>
<b>tlak [<math>Pa</math>]</b>	$10^5 - 10^2$	$10^2 - 10^{-1}$	$10^{-1} - 10^{-5}$	$< 10^{-5}$
<b>koncentrace [<math>cm^{-3}</math>]</b>	$10^{19} - 10^{16}$	$10^{16} - 10^{13}$	$10^{13} - 10^9$	$< 10^9$
<b>střední dráha <math>\lambda</math> [<math>cm</math>]</b>	$< 10^{-2}$	$10^{-2} - 10^1$	$10^1 - 10^5$	$> 10^5$
<b>monovrstva <math>\tau</math> [<math>s</math>]</b>	$< 10^{-5}$	$10^{-5} - 10^{-2}$	$10^{-2} - 10^2$	$> 10^2$
<b>typ proudění</b>	<b>viskózní</b>	<b>Knudsenovo</b>	<b>molekulární</b>	<b>molekulární</b>

## Počet částic dopadajících na jednotku plochy za jednotku času

Sférické souřadnice  $r, \varphi, \vartheta$

$$dS = r^2 \sin\vartheta d\vartheta d\varphi$$

Počet částic s rychlostí  $v_1$  dopadajících na element  $dS$

$$\nu_1 = \frac{n_{v_1} dS}{4\pi r^2} = \frac{n_{v_1} r^2 \sin\vartheta d\vartheta d\varphi}{4\pi r^2}$$

Počet částic dopadajících na plochu kolmou na osu  $z$

$$d\nu_2 = \nu_1 v_1 \cos\vartheta = \frac{n_{v_1} \sin\vartheta d\vartheta d\varphi}{4\pi} v_1 \cos\vartheta$$

$$\begin{aligned}\nu_2 &= \frac{n_{v1}v_1}{4\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin\vartheta \cos\vartheta d\vartheta d\varphi = \\ &= \frac{n_{v1}v_1}{2} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin\vartheta \cos\vartheta d\vartheta = \frac{n_{v1}v_1}{2} \left[ \frac{\sin^2\vartheta}{2} \right]_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{n_{v1}v_1}{4}\end{aligned}$$

$$\nu_2 = \frac{1}{4}n_{v1}v_1$$

$$\nu = \frac{1}{4}nv_a$$

## Tlak jako kinetické působení plynu

částice s rychlostí  $v_1$

$$I = 2m_0v_1\cos\vartheta$$

$$dp_1 = d\nu_2 I = d\nu_2 2m_0v_1\cos\vartheta$$

$$p_1 = \frac{n_{v1}}{4\pi} 2m_0v_1^2 \int_0^{2\pi} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2\vartheta \sin\vartheta d\vartheta d\varphi =$$

$$p_1 = n_{v1} m_0 v_1^2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 \vartheta \sin \vartheta d\vartheta =$$

$$= n_{v1} m_0 v_1^2 \left[ \frac{\cos^3 \vartheta}{3} \right]_0^{\frac{\pi}{2}}$$

$$p_1 = \frac{1}{3} n_{v1} m_0 v_1^2$$

$$p = \frac{1}{3} n m_0 v_e^2$$

## Vztah mezi koncentrací tlakem a teplotou

Ze stavové rovnice plynu

$$\frac{pV}{T} = n_0 R = \frac{m}{M} R = \frac{m}{M} k N_A$$

$$n = \frac{m N_A}{M V}$$

$$p = nkT$$

$$p = nkT$$

$$p = \frac{1}{3}nm_0v_e^2$$

$$nkT = \frac{1}{3}nm_0v_e^2$$

$$v_e^2 = \frac{3kT}{m_0} \Rightarrow v_e = \sqrt{\frac{3kT}{m_0}}$$

## Plyny v dynamickém stavu

Jsou-li ve vakuovém systému různé teploty, nebo tlaky dochází k přenosu energie, nebo k proudění plynu.

### Difuze plynu

**Mechanismus difuze závisí na podmínkách:**

- molekulární  $\lambda \gg L$
- viskózně molekulární  $\lambda \approx L$
- viskózní  $\lambda \ll L$



## Molekulární režim

rychlost přenosu závisí pouze na rychlosti a hmotnosti molekul, molekuly se mezi sebou téměř nesráží

## Viskózní režim

vznikne gradient koncentrace

$$\frac{dn_a}{dt} = v'_1 = -D_{ab} \frac{dn_a}{dx}$$

$$\frac{dn_b}{dt} = v'_2 = -D_{ba} \frac{dn_b}{dx}$$

$$p = p_1 + p_2 = \textit{konst} \Rightarrow n = n_a + n_b = \textit{konst} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{dn_a}{dx} = \frac{dn_b}{dx} \Rightarrow D_{ab} = D_{ba} = D$$

koeficient samodifuze

při difuzi molekul jednoho plynu

koeficient vzájemné difuze

při difuzi dvou různých plynů

koeficient samodifuze

$$D = \frac{1}{3} v_a \lambda \quad [m^2 s^{-1}]$$

kde

$$v_a = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m_0}}, \quad \lambda = \frac{1}{\sqrt{2} n \pi d^2}$$

$$p = nkT \Rightarrow \lambda = \frac{kT}{\sqrt{2}\pi d^2 p}$$

$$\begin{aligned} D &= \frac{1}{3} v_a \lambda = \frac{kT}{3\sqrt{2}\pi d^2 p} \sqrt{\frac{8kT}{\pi m_0}} = \\ &= \frac{2 k^{\frac{3}{2}} T^{\frac{3}{2}}}{3 \pi^{\frac{3}{2}} d^2 p m_0^{\frac{1}{2}}} \Rightarrow D \sim \frac{T^{\frac{3}{2}}}{d^2 p \sqrt{m_0}} \end{aligned}$$

## koeficient vzájemné difuze

$$D_{ab} = D_{ba} = D_a \frac{n_a}{n_a + n_b} + D_b \frac{n_b}{n_a + n_b}$$

$$D_a = \frac{1}{3} v_{a(a)} \lambda_a, \quad D_b = \frac{1}{3} v_{a(b)} \lambda_b$$

$$n_a = n_b = n \Rightarrow D_{ab} = D_{ba} = D = \frac{1}{6} (\lambda_a v_{a(a)} + \lambda_b v_{a(b)})$$

$$T = 273 \text{ K}, p = 10^5 \text{ Pa}$$

koeficient samodifuze

plyn	$H_2$	$He$	$H_2O$	$N_2$	$CO_2$	$Hg$	$Xe$
$D[10^{-4}m^2s^{-1}]$	1.27	1.25	0.14	0.18	0.1	0.025	0.05

**koeficient vzájemné difuze**

<b>plyn</b>	<b><math>D_{ab}[10^{-4}m^2s^{-1}]</math> ve vzduchu</b>	<b><math>D_{ab}[10^{-4}m^2s^{-1}]</math> v <math>H_2</math></b>
<b><math>H_2</math></b>	<b>0.66</b>	<b>1.27</b>
<b><math>He</math></b>	<b>0.57</b>	<b>1.25</b>
<b>vzduch</b>	<b>0.18</b>	<b>0.66</b>
<b><math>CO</math></b>	<b>0.175</b>	<b>0.64</b>
<b><math>CO_2</math></b>	<b>0.135</b>	<b>0.54</b>

## Efúze plynu

**Je-li v různých částech vakuového systému různá teplota, začnou proudit molekuly z části s vyšší teplotou do části s nižší teplotou.**

**Uzavřený systém rozdělený přepážkou s otvorem  $T_2 > T_1$**

$$\nu_1 = \frac{1}{4}n_1v_{a1} \quad , \quad \nu_2 = \frac{1}{4}n_2v_{a2}$$

$$\nu_{2-1} = \frac{1}{4}(n_2v_{a2} - n_1v_{a1})$$



**proudění ustane, když  $n_2 v_{a2} = n_1 v_{a1}$**

$$p = nkT, \quad v_a = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m_0}}$$

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{v_{a1}}{v_{a2}} \Rightarrow \frac{p_2 T_1}{p_1 T_2} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{p_2}{p_1} = \sqrt{\frac{T_2}{T_1}}$$

**spoj s velkou vodivostí a viskózní podmínky**

$$p \approx p_1 \approx p_2$$

$$p \approx kn_1T_1 \approx kn_2T_2$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{T_2}{T_1}$$

**spoj s velkou vodivostí a molekulární podmínky**  $n_1 \approx n_2$

## Koeficient akomodace

$$d = \frac{T_2' - T_1}{T_2 - T_1}$$

kde  $T_1$  je teplota molekuly dopadající na povrch s teplotou  $T_2$  a

$T_2'$  je teplota odražené molekuly

**Koeficient akomodace závisí na druhu plynu, na stavu a druhu povrchu a na teplotě.**

## Úhlové rozdělení molekul plynu odražených, nebo startujících z povrchu

**Molekuly plynu dopadající na povrch se nemusí odrážet podle zákona zrcadlového odrazu.**

**doba pobytu není nekonečně krátká**

**povrch vzhledem k velikosti molekuly není dokonale hladká plocha**

**Rozdělení pravděpodobností se řídí kosinovým zákonem**

$$P(\vartheta) = P_0 \cos \vartheta$$

## Viskozita plynu (vnitřní tření)

viskózní podmínky  $\lambda \ll L$ , při proudění vzniká gradient rychlosti

$$F_t = -\eta \frac{du}{dx} \Delta S$$

$$\eta = \frac{1}{3} \rho \lambda v_a \quad [N \, s \, m^{-2}]$$

$$v_a = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m_0}}, \quad \lambda = \frac{1}{\sqrt{2} n \pi d^2}, \quad \rho = m_0 n, \quad p = nkT$$

$$\eta = \frac{2}{3} \frac{1}{d^2} \sqrt{\frac{kT m_0}{\pi^3}} \Rightarrow \eta \approx konst \sqrt{T}$$

$$\frac{\eta_T}{\eta_0} = \left( \frac{T}{T_0} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1 + \frac{T_\lambda}{T_0}}{1 + \frac{T_\lambda}{T}}$$

kde  $T_\lambda$  je Sutherlandova konstanta

## Přenos tepla plynem

Množství tepla procházející za 1 sekundu plochou  $1\text{m}^2$  kolmou ke směru maximálního gradientu teploty lze vyjádřit

$$W = -\Lambda \frac{dT}{dx}$$

viskózní podmínky

$$\Lambda = \frac{1}{3} \rho v_a \lambda c_v \quad [W m^{-1} K^{-1}]$$

$$\Lambda = \eta c_v$$

$c_v$  je měrné teplo plynu při stálém objemu

**při molekulárních podmínkách se všechny molekuly podílejí na přenosu tepla,  
přenos tepla je úměrný koncentraci a tím i tlaku**



## Proudění plynu